QUEDATE SUP GOVT. COLLEGE, LIBRARY

!
}
{
}
}

सांख्यिकी के सरल सिद्धान्त

विश्वन नारायन अस्याना, एम. नाम., दी पिछ. वाणिन्य विभाग, प्रयाग विश्वविद्यालय

१६६१

चैतन्य पब्लिशिंग हाउस इलाहाबाद-२

लेखक की अन्य रचनाएँ

राजस्य की सरळ ब्यारमा Elements of Statistics Applied Statistics of Incha (Co-author: Dr. S. S. Srivasiava)

सर्वाधिकार सुरक्षित

मृत्य ८)५०

प्रवासक—चैतन्य पब्लिशिंग हाउस, इलाहाबाह्-२ मुद्रक—टेवनिवल प्रेस, प्रा० लि०, प्रयाग

द्वितीय सस्करण की भूमिका पुस्तक के इस सस्वरण में पिछले गरुरण की युटियों को दूर किया गया है।

साय ही भारतीय आँकडी ने अध्याय में विशेष नशीवन किया गया है। इसमें १९६१ की जनगणना के आकड़े तथा अन्य नबीन आकड़े सिम्मलित तिथे गये हैं। आसा है कि विद्यार्थीयण इस यस्करण में पहले की मीनि पूर्ण लाभ उठावेंगे।

जूलाई १५, १९६१

बी० एन० अस्याना

प्रावकथन

इन पुष्ठों में सांख्यिकीय रीतियों का विस्तृत परिचय देने का प्रयास किया गया है। अधिक प्रमोग होने वाली रीतियों का निर्वचन तथा उनको लागू करने की विधियाँ सरल उदाहरणो द्वारा समझाई गई हैं । विविध क्षेत्रो से सैद्धान्तिक व वियासक प्रदन सावधानी से इस प्रकार बुने गये हैं जिससे अभ्यास भली प्रकार का हो जाय । यह प्रश्न प्रत्येक अध्याय के अन्त म दिये गये है और जियात्मक प्रश्तों के उत्तर अन्त में परिशिष्ट में दिये गये है। एक अध्याय में भारत में प्राप्त होने वाले मुख्य आँक्टो का वंपन विदा गया है। अन्य विशेषताएँ, जिनका उल्लेख आवश्यक प्रतीत होता है,

की विधि हैं। प्रस्तुत पुन्तक भारतीय विश्वविद्यालयो के लिए तथा विविध स्पर्धात्मक परीक्षाश्रो में बैठने वाले विद्यायियों के लिए लिखी नई है। वे व्यक्ति जो सान्यिकीय रीतियां का

रेलानित्र और लेलाचित्र का प्रचुर वर्णन, और गणितीय सार्राणयो के उपयोग करने

उपयोग करना चाहते हैं, इस प्रस्तक को सरल पायेंगे।

यह पुस्तक लेखक की अँग्रेजी पुस्तक ' एन्डीमेन्टस ऑफ स्टैटिस्टिक्स'' का हिन्दी अनुवाद है। उन सब सास्यिकिविदों को जिल्होने समाचार पत्रों में इस पुस्तक की समीक्षा करके तथा पत्रो द्वारा लेखक को प्रोत्साहित किया है, देखक का धन्यवाद। विशेष रूप से लेखक माननीय श्री बी० बी० गिरी, राज्यपाल, उत्तर प्रदेश तथा डा॰ पाँ॰ एस॰ क्षोकनायम, महासचालक, राष्ट्रीय अनुप्रयुक्त सारयक्कि परिपद् (Director General National Council of Applied Economic Research)

नई दिल्ली, का अत्यन्त आभारी है जिन्हाने पस्तक की सराहना की है।

वाणिज्य विभागः प्रयाग विद्वविद्यालयः

विदान वारायन अस्थाना

अगस्त १५ १९५८

विषय-सूची

अध्या	य	पृष्ठ
	द्वितीय सस्करण को भूमिका	(₹)
	प्राक्कपर	(8)
٤.	परिचय	8-2
	ऐतिहासिक पृष्ट-भूमि, १, भारत मे सास्यिकी की परस्परा,	
	२,अन्य विज्ञानो सेस वध, ३, सास्यिकी और जर्यशास्त्र, ४,	
	विज्ञान और कछा, ५, महस्य और उपयोग, ५, प्रश्न ७	
٦.		8-23
	अर्थ, ९, आकडो के रुक्षण, ९, परिभाषा, ११, समक की	
	परिभाषा, १३, सास्थिकी के विभाग, १४, क्षेत्र और परि-	
	सीमाए, १६, आकडो पर अविस्वास, १८, सामान्यन मे बृटि	
	के स्नान, २०, प्रश्न, २३	
₹.	सास्यिकीय अनुसंधान	28-86
	समस्या का क्षेत्र, २४, अनुसधान विधि-प्राथमिक और	
	द्वितीयक विधियाँ, २५, सगणना अनुसुधान और प्रतिदर्भ	
	अनुसधान, २६, वैयक्तिक अनुसधान या गणनकार द्वारा	
	जनुसंघान, २७, प्रश्नो का चुनाव, ३०, अनुसंघान के अन्य	
	ब्योरे-सास्थिकी इकाई की परिभाषा, ३२, इकाइयो के	
	प्रकार, ३३, परिसुद्धता और उपसादन, ३४, सास्त्रिकीय	
	पृदियाँ, ३५, सभाविता मिद्धान्त और वृहत् सस्याओ की	
	जडता का नियम, ३८, प्रश्न, ४०	
8.	सामग्री उपस्थापन-वर्गीकरण और सारणीयन	82-48
	उपस्यापन की विधियाँ, ४३, सामग्री का वर्गीकरण, ४४,	
	सास्यिकीय श्रेणी, ४८, सामग्री का सारणीयन, ५१,	
	प्रस्त, ५८	
٧.	सामग्री का उपस्थापन-लेखाचित्र और रेखाचित्र	50-200

रेखानित और रेखानित्रों की परिसीमाए, ६१, लेखा-नित्र और रेखानित्रों के कार्य, ६२, लेखानित्रीय उप- संस्थाय

स्थापन, ६२, कृट आधार रेखा का उपयोग, ६५, काल-श्रेणी के देखाचित्र-साधारण पैमाना, ६७, अनपात पैमाना, ६९, लघगणकीय लेखाचित्र ७१, अनुपात पैमाने के उपयोग, ७२, वारबारता बटनो के लेखा चित्र-एकँक निरीक्षणी की थंगी, ७३, खडित थंगी, ७३, मतत थंगी, ७५, धारबारता बहुभुज, ७६, बक, ७६, सचदी वज-नोरण, ७७. रेखाचित्रीय उपस्यापन, ७८. रेखाचित्र बनाने के नियम, ७८. एक विस्तारी चित्र-सरल दढ चित्र, ७९. निर्धेक्ष आधार पर अन्तविभक्त दह चित्र, ७९, प्रतिशत आधार पर अस्तविभागत इड चित्र, ८१, द्वि-विस्तारी चित्र--आयर्त-चित्र, ८२, वर्ग चित्र, ८४, ति-विस्तारी चित्र-धन, ८५, वृत-चित्र, ८७, कोणीय या वृत खंड रेखा चित्र, ८७, चित्र और नक्शे. ९०. प्रश्न, ९१

६. वर्णात्मक मापन-केन्द्रीय प्रवृत्ति का मापन १०१-१५६ सामातर माध्य-सरल १०२, सरल सामातर माध्य की गणना, १०२, एकंक निरीक्षण की थेणी, १०३, खडित श्रेणी, १०४, सतत श्रेणी, १०५, मध्य विन्दु की समस्या, १०६, अव-धेणीयन की रीति, १०६, भारित सामातर माध्य, १०७, भार कैसे निश्चित निये जाये, १०८, भारित सामातर माध्य की गणना, १०८, स्थितियाँ जिनमें भारित सामातर माध्य की गणना करना आवश्यक है, १०६, सामातर माध्य के लाभ, १११, सामातर माध्य के दोय-उसकी परिमीमाए ११२, अन्य प्रचित माप-सचनी माध्य, ११४, गतिमान माध्य, ११४, वर्णात्मक माध्य, ११५, द्विघातीय भाष्य ११५, प्रमापीकृत मृत्युदर ११५, माध्यका ११७, माध्यका की गणना-एक निरोद्यण की थेणी ११७, खडित थेणी ११८, सतत श्रणी, ११८, माध्यिका के सूत्र का आधार, १२० लेखाचित्र द्वारा माध्यिका ना निर्घारण- तोरण द्वारा १२१, गाल्टन की रीति, १२२, माध्यिका के लाग १२३. माध्यिका के दोष १२३. माध्यिका सिद्धान्त पर बाधारित बन्य मापक, १२४, एईक

अध्याय

पृष्ठ

निर्दाक्षण को श्रेणी, १२५, बहित श्रेणी १२६, वात श्रेणी, १२५, बहुलक, १२०, बहुलक को निर्धारण—खडित श्रेणी, १२८, जन्न श्रेणी १३०, नहुलक को निर्धारण—खडित श्रेणी, १२८, जन्न श्रेणी १३४, बहुलक के लाम १३४, बहुलक के लेख और कमियाँ १३४, अच्य के द्वीरा प्रवृत्ति के मापक—पूर्वक निर्दालण की स्थार — पुण्तीतर मायग, १३५, मुणोत्तर माय्य के निर्दालण की स्थार्थ, स्थार क्षेणी, १३६, माव लेखी भारित वृशोत्तर माय्य की यणगा, १३६, माव लेखी भारित वृशोत्तर माय्य की रायगी, १३६, माव लेखी भारित वृशोत्तर माय्य की रायगी, १३६, माव्य की रायगी, १३६, माव्य की रायगी, १३६, माव्य की स्थार, १३६, हरातमक माय्य है उपयोग, १३९, हरातमक माय्य की स्थार, १४९, महत्तमक माय्य की उपयोग, १३९, माय्य की उपयोग, १३९, महत्तमक माय्य की उपयोग, १३९, माय्य की उपयोग, भी व्या की व्या

७. वर्णात्मक मापन-विचरण और सममिति के माप १५७-१६७ अपिकरण की गणना, १५८, परास विधि, १५८, परास विधि के लाभ-दोप, १५८, माध्य विचलन विधि, १५९, पहला अपिकरण चूर्ण माध्य विचलन, १६०, माध्य विचलन की गणना-एकंक निरीक्षण की श्रेणी, १६१, खडित खेंची, १६१, सतत थेणी, १६२, साम्मविचलन का गणाक, १६३, माध्य यिचलन का महत्त्व, १६४, अपिकरण का दूसरा पर्यं, १६४, प्रमाप-विचलन १६४, प्रमाप विचलन की गणना-एक क विरोक्षण की श्रेणी, १६४, खडित श्रेणी, १६५, सतत श्रेणी, १६६, लब् रीति का उपयोग, १६६, इकाई परिवर्तन, १६७, प्रमाप विचलन के उपयोग, १६९, दूसरे अपिकरण पूर्ण से अन्य माप-प्रसरण, १६९, मापाक, १७०, विचरण का गुणाक, १७०, चनुर्यक विचलन, १७०, चतुर्यक विचलन ना गुणान, १७०, चतुर्यन विचलन और उसने गुणान ना महत्व एवं उपयोग, १७१, अपिकरण की मापो म सवध. १७१, लोरेज बन, १७१, विषमता या असममिति के मापन. १७२, विषयना की प्रकृति, १७३, विषयना के आपन, १७४, विषयता ना पहला माप. १७४, विषयता का दसरा माप, १७५, विषमता ने मापी के रक्षण, १७६, प्रकृत, १७६

सरल सहसवध

१८५-२१५

सरल सहिर्सवध्यं परिप्रापा, १८८, सहस्रवयं का माप, १८८; सहस्रवयं नारक की विनिक्तं—केला चित्रीय सहस्रवय, १८९, ४११, समूहित श्रेती म सहस्रवय १९२०, हुए रीति, १९१, समूहित श्रेती म सहस्रवय-गुणाव, १९४, सहस्रवयो क् गुणाव की समावी बुटि, १९६, समावी बुटि का महस्र १९६, सहस्रवयं मुणाव को कप्पनायी १९०, समावी विज्ञकां के सहस्रवयं मुणाव को कप्पनायी १९०, समावी विज्ञकां का गुणाक, १९०, सहस्रवयं मापं में समय-गरक्ता का स्थान,

(()

९. काल-श्रेणी का विश्लेपण

२१९-२३२

काल-अणा का गवरवापण वीर्यकालीन उपनति २१९, अरुपवाळीन दोलन, २२०, उपनति वा दीधेवाळीन परित्यतंत्रों सो निवालने की विदि, २२०, सुक्ताहस्त धन विधि, २२१, गतिमान नाच्य विधि २२१, गतिमान मार्च्यों का केन्द्रपा, २२२, न्यूनतम वर्ग विधि २२४, अरुपवाणीन दोलनो गिरालने की विधि, २२५, न्युकीएळ परिजना नामा २२६, नियमित और अनियमित घट-बड़ो का माप, २२७, प्रक्त, २२९

१० सूचकाक

२३३-२६१

सूचना में बनाना २३४, पदा वा चुनाव, २३४, अभार वा चुनाव २३८, माध्य वा चुनाव तथा भारण वी प्रचानी २३९, भारण वन आवत्यन है २४१, भारण वन आवत्यन है २४१, भारण वन आवत्यन है २४१, भारण विविद्या—आपिवान वी भारित माध्य विवि, २८२, समूत्री व्यव विवि २४३, पिरान वा लाव्य सूचनान, २४५, सिवा प्रचान विविद्यान वा भारत है सूचनान भूणोत्तर माध्य के लाव, २४५, भारित मूचनान, २४५, पिरान वे आव्य सूचनान , २४५, भारित मूचनान, २४५, पिरान वे आव्य सूचनान के तथा , १८५० मुख्यान वी स्विप्यंता २५०, म्युप्ता आवार सूचनान को स्विप्र आधार सूचनान में विवर्ण आधार सूचनान को स्विप्र आधार सूचनान में विवर्ण आधार सूचनान को स्विप्र आधार सूचनान में विवर्ण स्वर्ण स्वर्ण

बाधाव

२५१, न्यिर जाधार मुननाक को भृतला आधार नुचकाक मै दरवना, २५३, मुबनारो ना महत्त्व न उपयोग, २५४, प्रस्त, २५५

११. अन्तर्वेशन

252-230

पृष्ठ

क्रव्यवार्थे, २६२, अन्तर्वेगव की विधियाँ--ेखावितीन दिवि, २६३, बीजीय विदियों, २६४, परवनीय वह विदि, २६५, मरहन का सुत्र, २६७, लगरांत्र मृत्र, २६९, परि-नित अन्तर विधि २३०, द्विपद-विस्तार कैने निकाला जाता है, २७१, उपसहार, २७२, प्रश्न २७२

१२. गुण-साहचर्य

999-209 श्राद्धो और सदेना का उपयोग, २०८, माहबर्य, २०९, माह-चयं-गुनाक, २८२, माहत्त्रयं की अन्य परीक्षायें, २८९, अधिर नाहचर्य, २९०, आमानी माहचर्य, २९०, नामग्री

मे अविरोत्त, २९१, प्रस्त, २९२ १३. साह्यिकीय सामग्री का निर्वचन नृहियों के स्थान, २०१, उपमहार, ३०३, प्रश्न, ३०४

Yos-oos

१४. भारतीय आंकडे

308-808

संबंह प्रविति, २०८, नारत में आधिक आकड़ों की प्रकृति बौर क्षेत्र, ३०९

१. जन-मध्या आरुडो. २०९, जनगपना की पद्धति, ३१०. १९३१ तक की जनगणनाये, ३१०. • १९४१ की जनगणना में तिये गरे परिवर्तन ३००, १९५१ मी जनगणना से निये गर्वे परिवर्तन, ३१७, १०७१ की जनगणना से एकविन मूचनार्वे. ३१८, जनवण्याचा की महना व उपयोगिया. ३२०, सारत में अन्याना का नमालीचनात्मन मन्यानन, ३२२, १९६१ वनवनना की ३२६

२. कृषि आकरे, ३०७, क्षेत्रणत के जाकी, ३०७, उपन के आकड़े, ३२९, फगलो का प्राक्तलन, ३३४, कृषि उलाइन ने मुची जरू, २३५, ष्टृषि सम्बन्धी जारूडो की उपयोगिना

अध्याय

३१६, कृषि आप्तडो में युटि वे योत, ३२७, समाठोचना, ३१९, राख प्रावगरनो में दोव, ३४२

- मूल्य आकडे, १४३, मिलन मूल्य, १४३, मूल्य मुंचनार, १४४, योन मूल्य मुननार, १४५, योन मूल्य ने मनोनित मूबनार, १४८, योन मूल्य ने मुननार, महत्वपूर्ण नस्तुम, १५१, उपमोत्ना मूल्य मुननार, १५१, अस नार्यालय ने निर्वाह मूलनार ३५२, सारत में प्राप्य मूल्य आक्टो की सामान्य समाजीवना, १५१
- प्र स्वाचार ऑक्जे, ३५१, भारतीय व्यापार वे गुक्तार, १५४, शांगिज्य-मुक्ता निमाग मुक्तार, १५४, वार्चित सिकोग सुक्तान, १५५, भारतीय स्वाचार से सर्वाधत सामग्री, १५६, भारत वे अन्तर्रेशीय व्याचार से सर्वाधत सामग्री, १५७, भारत के कृष्टकर व्याचार से सर्वाधत सामग्री १५७, मारत के विदेशी योच व्याचार सर्वाधी सामग्री १५८, भारत वे व्याचारित आवटो की समाजीवत, १६१
- मजूरी आकड़े, ३६३, कृपीय मजूरी ३६४, औद्यो-गिक मजूरी, ३६६
- ६. औद्योगिक आकडे, ३६७, वार्षिक निर्माण उद्योग गणना—१९४२ वार्षिनियम ३७०, आरका समुद्र क्षिमित्रम (१९५३), ३७०, अीद्योगिक आरका के अन्य प्रकाशन, ३०३, औद्योगिक त्रिया उत्पादन और लाम के मूचन, २७४, अर्पिटक के श्रीयोगिक त्रियासीलता मूचन, ३७५, श्रीयोगिक उत्पादन वे सूचक, ३७६, ओद्योगित लाभों के सूचकाक, ३७८
- ण राष्ट्रीय प्रतिवर्ध सर्वेक्षण—आवश्यतता, ३७८ विधि, ३७९, सर्वेक्षण ने दौर ३८०, तदर्थ सर्वेक्षण ३८३, रा० प्र० स० ने नाथ ना समारोधनात्मक अध्ययन ३८८
- राष्ट्रीय बाय, ३८४, भारत म राष्ट्रीय वाय ने पहले अनुमान, ३८६, राष्ट्रीय जाय भावन्त्रन करन की विधियाँ, ३८७, ब्याय-गणना विधि ३८८, उत्पादन गणना विधि

अध्याय

३८८. सामाबिक लेखानन निधि, ३८९, मारन मे निशेष समस्याये, ३९०, राष्ट्रीय जाय समिति द्वारा स्वीकृत विधि, ३९२, बाउले-गॉवरंनन और राष्ट्रीय बाय समिति की परियोजनाओं की नुलना, ३९३, हा० राज की विधि और राष्ट्रीय आय समिति की विधि में अनर, ३९६, सुधार के

लिये दुछ सुसाब, ३९६ भारतीय आकडो को सामान्य आलोचना, ३९९, प्रस्त, Eo&

परिशिष्ट

398-008

पृष्ठ

Mathematical Tables, You, Method of Consulting, You: Uses of Logarithmic Tables, Yee, Various

Tables, 288

Answers

धरे०

श्वध्याय १

पश्चिय

पेतिहासिक पृष्टमूमि— नगनग एक वातान्दी गहुन साब्विकी सम लोक-प्रिय दिवात था। धोरे पोरे इनका यहाव यस और आज देवका उपनीन प्राय धर्मी दिवानों में किना जाना है। इन एक ध्याल्यों में साब्यिकों को विधियों की उसके व्यवहार में लाक्योंजनक वृद्धि हुई, तिवका कारण बूँच्या कोजन नहीं है। अँदी-देंदे न्तृज्यों को किशाओं में प्रशार हुगा, वे विधानिक विधान में यत जनुभवों पर जालिए रहने कमें और चूँकि मार्किक अध्ययनों पर जालारिक जनुमनों से प्रियम् विस्वतान पिल्क्यें विकाल का वकते हैं, इनिल्य इसके उन्नित होना स्वभाविक था। इस्तिए प्रतावक साविक्यों मा क्या विज्ञानों के, जिनमें अर्थायन और स्वास्थ सारम मुख्य हैं, सावार के रूप में अध्यवन विधाना तीक हों है।

दिश्व के सम्य देश अति प्राचीन काल से साहिएकीय विधियों का अपरिपक्त एव अवैज्ञानिक व्यवहार करके सबको का राग्रह करते रहे हैं । आकटो का सबसे पहला उपयोग राजाओ द्वारा यह छेडने और दैनिक सासन प्रवन्य करने के लिए जन और धन चक्ति के लेसे रखने की प्रया में मिलता है। इसलिए इसे 'राज-विज्ञान' (science of lings) वहा जाने लगा या । परन्तु वैज्ञानिक विधि से आकड़ो का अध्ययन और व्यवहार करने का कोई गभीर प्रयत्न १८ वी रानाब्दी की मन्तिम दश्चान्दी तक नही किया गमा । बल्वियन गणितज्ञ कुटकेट (Qutelet) पहला व्यक्ति मा जिनने ठोमो का प्यान सास्थिको के आधारभत सिद्धान्त—सभायिता का सिद्धान्त (Theory of Probability)-की ओर आकर्षित किया। आजकर यह सिद्धान्त सास्यिकी के मुलायार नियमी में माना जाता है और सास्यिकीय निष्कर्प मुख्यत इसी पर आवारित होने हैं। कुटलैट के बच्चवनो का उसके सुयोग्य सम-सामिषक हैन (Hain) ने, जो एक जर्मन गणितज्ञ था, विस्तार किया। नैप (Knapp) और लेक्सिस (Lexis), दो अन्य जर्मन गणितज्ञ ने जीवन भागडों में इस सिद्धात का सम्मोग करने की दिया में महत्वपूर्ण असदान किये। बायुनिक सास्थिकी विदो ने, जिनमें गाल्टन (Galton), कार्ल पिअसेन (Karl Pearson) और एजवर्ष मुख्य है, प्रतिचयन (Sampling) और सभाविता के क्षेत्र में महत्वपूर्ण गवेपमाएँ की हैं। गाल्टन एक जीव शास्त्री था और उसने सौजनिकी स्कुल (School of Eugenics) की स्थापना की थी । उसने अपने वदापमात्र

ने सिदान्तो (theories of heredity) को परोक्षा सास्थ्यकोय विधियो का उपयोग करके की। बाद में कार्ल पिश्रमंत ने यास्टन ने वार्थ का अनुवरण निया और मृतत्व निवान (anthropology) और सहस्वयम-गुणको (correlation coefficient) ने सिद्धान्तों में महत्वपूर्ण अधरान निए।

बीनवी गला दो ने सास्थिशी विदों में भ्रो महल्ननीस (बारत), भ्रो नोहिनटन (Boddington), हा बाउले (Bowley), एम् जे मोरोने (M J Moroney), इ फिरार (I Tisher) उल्लेखनीय है। इनने अतिरिक्त गई अस लोगो ने सास्थिकों को उक्तना बतमान स्थान विदान ने लिए सतत प्रयान किए सौर इनकी कई महत्वपुण देने हैं।

भारत में सांशियकों की परस्परा—भारत में बान को बा उपयोग प्राचीन काल से होता कामा है। जब आय यहाँ निवास करने रुगे, उन्हें युद्ध करने और प्रवास करने के लिए जमनी सम्बार, भूमि और उपन सवयों जावका की नक्सकरकरा पत्री और प्रे के स्वत्स करने के ने इस कि अन्यान के ही सांशियकी अपनी प्राचीन करने रुगे। इस समय सांशियकी अपनी प्राचीन के उपयोग का अधिक मुख्यसियत विवास मिलता है। इस समय बारकों का उपयोग मुख्यते प्राचीन और पुदनीति (strategy) के क्षेत्र में होता था। आर्थिक क्षेत्र में इस्त उपयोग कर कहीं ने का स्वत्स कि जो भी आर्थिक समस्यार्थ उठनी भी दे प्राचीनित की प्रवृत्तीनित (strategy) के क्षेत्र में होता था। आर्थिक क्षेत्र में इस्त उपयोग सक्स होने का सारण यह था कि जो भी आर्थिक समस्यार्थ उठनी भी दे प्राचीनित से सर्वित इस्ति होती थी। प्रामायण और महामारत में हम पाते हैं हि युद्ध से पहले जन सच्या और कहत्तीगियों ने बार में पूरी जानवारी प्राच कर की जाती भी। आहारों का उपयोग स्था-पृथ्विकोण के किया जाता था और इसके लिए जिन विधियों का उपयोग सिया जाता था और इसके लिए जिन विधियों का उपयोग किया जाता था ने अवैज्ञानिक थी।

ऐतिहासिक काछ में आनडी ना उपयोग आर्थिक क्षेत्र में भी किया जाने लगा और विभिन्नों में हुछ सुधार हुआ। कौटित्य के अध्यास्त्र में हुम पादे हैं कि आन में कीटित्य के अध्यास्त्र में हुम पादे हैं कि आन में कहानता से विस्तृत आर्थिक विवरेषण निया जाने छगा या। भीरे भीरे हिन्दू और मुगल राजा आर्थिक कोत्रों और विधेषत सासन-अवध्य में आन हो हो पर्याप्त मामा में उपयोग करते छंगे। अनवर में बिता भी टीट्स मल ने भूमि, इपि, स्वापार और वार्षिक्य सबयों आनडी मा सनला विया।

ईस्ट इडिया बन्मनी के समय में भूमि और दृषि के आबड़ो वा समूह बरते की माम बतती रही और इपि एवं व्यापार सबकी खोबड़ो वा जीवक विस्तृत रूप से एक्ट किया प्रया और वे प्रकारिक किए अप, ' राज्यक के किटिस सरकार है हुआ में आ चारे के बाद में नियमित रूप से 'टेटिस्टिक ए एसट्टेक्टस बॉफ ब्रिटिस इटिया (Statistical Abstracts of British, India) का प्रवासन वर्ग लें। ये

'एऋदेक्टस' सासन-प्रबन्ध और व्यापार ने लिए प्रवाशित निए जाते थे । 'स्टेटिस्टिकल एव्सटेक्ट' एक बार्षिक प्रकाशन है जिसमें पिछले दस वर्षों के बारे में उपयोगी सबनाएँ रहती है। इसके अतिरिक्त 'दो इम्पीरियल मजेटियर ऑफ इंडिया' (The Imperial Gazetteer of India) भी प्रकाशित निया गया । इसमें भी काफी साह्यिकीय सामग्री मिलती है। स्वतत्रता मिलने के बाद भारत सरकार ने 'स्टेटिस्टिकल एब्सट्रेक्टस्' मा प्रकाशन जारी रक्खा । चूंकि 'एब्सट्रेक्ट' में दी जाने वाली सामग्री अधिराधिक विस्तत होती जा रही है इसलिए १९४९ में यह निश्चय किया गया कि इसमें पिछले दस वयों की मुचना न दी जाय । अब अधिकाश विषयों से सबधित सामग्री हैवल एक वर्ष के लिए होती है और कुछ विषयों के लिए पिछले कुछ वर्षों की सुचना दे दी जाती है । ब्रिटिश सरकार ने विशिष्ट क्षेत्री जैसे रेल-मार्ग, उद्योग, मस्य, मजदरी, कृपि आदि से सर्वाधत साहियकीय सामग्री का नियमित रूप से जर्नली, प्रतिवेदनी, परितनाका और पत्रिवाओं में रूप म प्रकाशन कराया । इतवा विस्तर वर्णन भारतीय समका के परिच्छेद में किया जायगा। यहाँ पर यह उल्लेखनीय है कि भारत में और डो ने उपयोग में बद्धि होने ने साथ साथ सास्थिनीय विधियों ना उपयोग अधिकाधिक वैज्ञानिक होता जा रहा है और आजक्ल हुम आंकडो के सम्रह और उनके सास्थिकीय वर्णन एव विरलेपण में वाधनिकतम और वैज्ञानिक विधियो का प्रयोग भरते है।

श्चरव विज्ञानों से संबंध

सारियकी और गणित—आगृनिक काल में सारियकीय विभिन्नों के मारातीत सकलता मिली है और उनका बड़ी तैजी से प्रसार हुआ है। यह उनके सब जगह उपरोण होने वा पर्यान्त प्रमाण है। परन्तु कई स्थानों में सारियाजी के सब जगह उपरोण होने वा पर्यान्त प्रमाण है। परन्तु कई स्थानों में सारियाजी के सारियाजी का साथार गणितात्मक होने ने कारिया दिलाई उपरिस्तत हो नाती है। यह जब है कि सारियाजी का साथार गणितात्मक है और सारियों के हो स्वत्त के सारियाजी के हो स्वत्त के साथान गणित की सक्याजित का साथान पर्यान्त है। परन्तु जैका हम आगाणा योजनीया और सक्याजित का सामाजी-प्रमृत्त और इस्तियाजी के दो स्थर विभाग किए जा सक्येत हैं, पहला सामाजी-प्रमृत्त कार्या स्वत्त है। इस्तियाजी के दो स्थर विभाग किए जो सामाजी-प्रमृत्त आर इस्तियाजी के दो स्थर विभाग किए जो सामाजी-प्रमृत्त आर इस्तियाजी का सामाजी-प्रमृत्त आर इस्तियाजी का सामाजी-प्रमृत्त आर इस्तियाजी का स्थानों है। स्वत्त अंतियाजी का स्थानों के स्थानित के स्थानों का स्थानों स्थानों का स्थानों का स्थानों का स्थानों का स्थानों का स्थानों स्थानों का स्थानों का स्थानों का स्थानों का स्थानों का स्थानों स्थानों का स्थानों स्थानों का स्थान

जब हुन जन्म सास्थिनीय विधियो द्वारा सामग्री ना निर्वचन (interpretation) करते हैं, तब गणित का झान आवश्यक हो जाता है। परन्तु यह ध्यान रखना चाहिए कि ग्रास्थिनी गणित नहीं है, इसमें गणितीय विधियों का उपयोग होता है। गणित एक प्रकार को तब-प्रणाणी है जिसका सास्थिकों में उपयोग विधा वा सकता है और किया जाता है। इस कारण यह आश्चर्य का विधय नहीं है कि नुछ विद्वान सास्थिक आरम्भ में गणितिला थे।

सास्यिकी और अयंतास्त्र-अयंतास्त्र और सास्यिकी के सबय की पनिस्टर्ना इससे समसी जा सकती है कि बाजकल सास्यिकी के विना वर्यसस्य का ज्ञान अधूरी समका जाता है। आर्थिक सिद्धा त के क्षेत्र में प्रगति होने पर इस बात का अनुभव किया गया कि आर्थिक नियमों का सत्यापन किया जाय । अर्थश्चास्त्र के वई नियम ऐसे थे को निगमन तर्क-प्रणाली द्वारा निकाले गए ये और वर्ड अवंसास्त्री आगमन-विधि को सर्यद्वास्त्र के लिए अनमयक्त मानते थे। परन्त किसी भी विज्ञान की अगति के लिए यह आवश्यक है कि वह तच्यों के समीप रहे। फिर, प्रत्येक विज्ञान के आधारतत्व (postulates) वास्तविकता से लिये जाने चाहिएँ। इस प्रवार हम पाते हैं कि अयंग्रास्त्र में आधारतत्व निश्चित करने और नियमी का सत्यापन करने के लिए सच्यो का अध्ययन करना आकश्यक हो जाता है। इसके लिए सास्थिकीय विधियाँ सबसे उपयुक्त है क्योंकि अवंशास्त्री का अध्ययन विषय मानव-अवहार है। कोई अर्थशास्त्री प्रयोगशाला में बैठ कर अन्य प्रतिकारको (factors) को नियत्रित करके निसी एक प्रतिकारक का प्रभाव नहीं जान सकता । उसे मानव व्यवहार का बाध्ययन करना पहला है जो वहत जटिल कारणों पर निर्मेर रहता है। मेवल सास्यिकीय विधियाँ ही ऐसी है जिनके द्वारा मानव व्यवहार का उसकी सम्पूर्णता में अध्ययन निया जा सनता है। यह तो हुआ आर्थिक सिद्धान्ता का सबध । परन्त जब हम अर्यग्रास्त्र के व्यवहारिक पक्ष पर विचार करते है तो सांक्ष्यिकीय विधियाँ बत्यन्त महत्वपूर्ण हो नाती है। आर्थिक नीतियो और नायौँ का अर्थेव्यवस्था पर म्मा प्रभाव पडता है, यह जानने के लिए सास्थिकीय विधियों का उपयोग करने के व्यतिरिक्त कोई उपाय नहीं है। सामाजिक विज्ञानी में (और भौतिक विज्ञानी में भी) प्रत्येक अन्वेपक को घटनाओं ना निरीक्षण करना पडता है और उन्हें नापना होता है। इसलिए यह आवश्यक है कि वह जानकारी प्राप्त करने की, उसका सास्थिकीय रूप से प्रतिपादन करने की, और अन्त में, उसे इस प्रकार प्रस्तृत करने की जिससे घटना के सबसे महत्वपूर्ण बगी पर प्रकाश पढे, नवीनतम प्रतिधियो को जाने । आजर र वयसास्त्र के सिद्धान्तो और उनके व्यवहार में सांस्थिकीय विधियो का अधिकाधिक मात्रा में उपयोग किया जाता है। यहाँ तक कि अयंशास्त्र का एक नया विषय अर्थमिति

परिचय

4

(Econometrics) युक्त होगया है जियमें आधिक नियमों (जैसे मौग और पूर्ति के नियम), व्यापिक विद्यान्तों (जैसे बेन्स का विद्यान्त), और कार्यिक रासियों (जैसे मौग की तीन) व्यादि ना साध्यिकीय रूप से सत्यापन किया जाता है था उनके सरसासक मूस्य निकाले जाते हैं। वर्षसास्त्र में ऑक्टो के महस्य के बारे में मार्याज ने कहा है कि 'वर्षांट मूसे के समान हैं, जिनसे जन्म वर्षसारिययों की मार्ति मुक्ते हैंटें बनायीं पढ़ती हैं।"

देवानिक अनुगयान के उन्तया चारी बोनो में बाल्पिकी की महायठा छेती पहती है और ये अनुवाधान इसके बदके में खाल्पिकीय छिखान्यों के अप्यापन और उनके विवरण (exposition) में सहायता देते हैं। यह ठोक ही कहा गया है कि 'विता ऑक्टो के विज्ञान फलदायक मही होते और विना दितान के ऑक्ट्रो समुख नहीं होते !

विज्ञान और पत्ता— सार्वियको एक विज्ञान है वर्गिक क्या विज्ञानों की मिति इक की विभिन्नों पत्रवद्ध (systematic) है। यह सब है कि इसके डारा निकाल मये निकाल पूर्ण कर ने मही उठाये परन्तु कहाँ वक विभिन्नों का प्रत्य है के उठायों हो निर्देश है विज्ञान क्या विज्ञानों की निर्देश की निकाल के विज्ञान के कि विज्ञान कि विल्ञान कि विज्ञान कि विज्ञान कि विज्ञान कि विज्ञान कि विज्ञान कि व

कहीं तक हम इन विद्यालों को व्यवहार में लाते हैं, यह एक नरन भी है। इनका सफक प्रमोग साविक्यों दिन के अनुभव और उसकी कुधकरा पर निर्मेर करता है। ठीक और सही निष्पर्य निकारना विवास नहीं जा सकता। यह व्यक्तिगत अस्मास और विचन के नात पर आधिन हो

सहत्व स्त्रीर उपयोग—सारिक्यों ना महत्व इसके डार्स रिए नाने नाले कामी के कारण है। इसका मृत्य कामें बहु-साराज्य (multiple causation) से अमार्थित होने वाली जिटल सामयी को सरल बरता है विस्थे वह आंधक आधारी से समक में बा जाव और उसको मृत्य विशेषताएं सुनवता से सामने जा जाएं। सारिक्यकीय विधियों का उपयोग करके स्त्य विज्ञानों के सिक्ष्यानों को प्राय परीसा की जाती है और उनकी सामता सरका प्रवास को जाती है और उनकी सामता संस्थापित की जाती है। इस प्रकार ने विधियों मनुष्य के मान के के म में बृद्धि करता है। इसकी सहस्ता से हम सुनाम करने में और समय स्थापित करने में समये होते हैं और उसका दास्तिकता मा समृष्यित नेत्रद्वा (perspective) में और सहस्ता के सम्बाद सर पाते हैं।

ऐसे सब होनो के लिए जो सत्य की सोज में प्रयत्नवील रहते हैं और साह्यिकी का जिंदत उपयोग नरता जानते हैं, साध्यिकी लव्यना जपयोगी और महत्वपूर्ण विज्ञान है। यापार-मृह, राखारी विज्ञान, परिल्वण (speculators), लेका-पर्यागी सस्यार, स्वान कृष्यादक, बीदान्तिन कर्यवाहयी, बैदानिक खादि सभी अपने नामों और गरेपणाओं में साह्यिकी में ते हालता हेचे हैं। सत्तार, व्यापार सामज, और अप सार्यजिन सस्यार्थ पिछले अभिलेखा नो रखती हैं, निससे अन्तत साह्य-कीत अपनुष्पान किए साह्य कीत अपनुष्पान किए साह्य कीत अपनुष्पान किए साह्य कीत अपनुष्पान की पर्याग होगाये दी लाती हैं और अब साव्यज्ञिय काव्यवगों के महत्व में अधिक मार्यक्रिय साह्यकीय काव्यवगों के सहत्व में अधिक मार्यक्रिय काव्यवग्र किता महत्व हों साह्यक्ष्य किता है। पटलु साह्यक्ष्य विल्लेख नेवक सभी विचा जा सक्ता है वब हमारे पास और है है। अत्यव्य आह्य की साह्यक्षिय विरुक्त के लिए क्ले मार्थक के साह्यक्षिय विरुक्त में कहा है। अपनुष्पान काव्यवग्र की साह्यक्षिय विरुक्त के लिए क्ले मार्थक के समान है। अपनुष्पान काव्यवग्र की साह्यक्षिय विरुक्त करता करता है।

आरिड सब प्रकार के आयोजन का आपार है। चक्क जायोजन के लिए यह झावस्यक है कि हमारे पास देश के ससायना के प्राक्तकन (estimates) और उसकी जावस्यकराज़ा के निर्धारण (assessments) हो और हम योजनाओं की प्रकृता का मूध्याकन कर सकें। इस सब के लिए मायिक अध्ययन कराता बावस्यक है। अध्यया सांस्थितीय विधियों का उपयोग नहीं किया जा सकता।

ध्यापारियों के लिए आंकडे अत्यविक उपवीपी हैं। यह सामग्री का सावधानी से विस्तेषण बरने और दस के आधार पर तथपने ग्राव्यन्त निर्माण्य क्यापारी वर्ष के विभिन्न महोनों में होने वाली समावी माँग ने ग्राव्यन्त परीयान्य परियुद्धता (accuracy) से कर सनते हैं। इसी प्रवार सफल परिकल्पना को लिए यह स्वादरणक है कि परिवर्णी मूल्यो और व्याज की दरों को उपनित और ऋतुनिष्ठ विचरण (trend and seasonal variations) जाने। एक वैकर एत लाक्सारी ना उपयोग स्विल्य करता है जिससे वह जान सने कि व्याप्त काल (busy season) में दिवती सचिति (reserve) पर्याप्त होगी।

इसी प्रशार बढी व्यापारी सस्याओं जैसे रेल्यामों और औया बम्यनियों ने लिए भी आँकडे बहुत उपयोगी हैं। रेलमायों के नायंत्ररण ना शास्त्रिकीय विस्तेषण, सेवाओं नी मुसल्या, उनकी आवस्त्रकारों और उनने प्रशास वार्ष अमी को निर्धारित करने के लिए, बहुत उपयोगी है। वर्ष ने निष्मा भागों में नी जाने वाली सेवा नी मीगों ने जीमसवा (records) नी रसती है और आवस्यनता पढ़ने पर परिचय ७

अपनी सेवाओं में तब्तुसार परिवर्तन करती है। इती प्रकार मृत्यु सारणी (mortality table) जनाने के लिए तीमा कम्मितवों को देश के बीवन बोकड़ों (vital statistics) की ठीक ठीक जानियारी होना बावस्थक है। ज्या प्रकार की बीमा कम्मितवों को एकल कार्यकरण के लिए तत्ववाधी सुक्तत सारियकीय बातकारी की आवस्थकता होती है।

सपार-सुपार के खंत्र में भी काम करने के लिए ऑकडो की आवरणकता पडती है। बीमारियों का आपात (incidence), निकारी सामस्या मा वरित-सहामता का परिताम, बाल-विवाह कम विस्तार, विषयाओं की सक्या आदि जानने के लिए और उनका समाधान करने के लिए ऑकडे और उनका साहित्योंग विश्येण आवरणक है। कभी कभी सबसित प्रवासओं के जब्ध को ठीक ठीक ठीक जानने की आवरयकता पत्ती है। हम यह जानना चाह सब्दे हैं कि बीन घटना किस पर आधिन है। उदाहरणाई अपराधी विशान का कोई सम्योक यह जानना चाह कनता है कि सराधी और विशास करने में कीई सब्दे हैं। गाही सा नोई अपैसाली मदी भी

इस प्रकार हुम देखते हैं कि साविषकीय विधियों और अध्ययनों का उपयोग सर्वन दिया जा सकता है। 'सादिमकी कर सान दिखी माप्पा या बीजपित के नसात है। यह किसों भी समस्य और स्वी भी परिदेशियों में उपयोगी एक हो सकती हैं। ज्ञान-विकार का सायद ही कोई ऐसा क्षेत्र हो जो साविष्यों में के क्षेत्रायनांत म आता है। इस्तिष्ट यह ठीक ही कहा गया है कि 'साविष्यकी प्रदेशक ध्यक्ति को प्रमादित करती है और जीवन के निकट कई स्थानों में आती हैं। जायोजन्यभि-कारियों, ध्यापारियों, वडी व्यापारी-सर्थाओं, समाज सुपारकों और सर्पयारिक्यों की सामित्य समस्याओं को स्थापन करते, अध्यव और अनावस्यक तस्यों का तिरक्त करते, क्यां-कारण सबयों की स्थापना करने और ध्यापक नियमों को बनाने के किए सर्वेद साविष्यों के सामाया के नी पड़ती है।

OUESTIONS

1 'Statistical method is less precise than experimental method but it can often be applied successfully when the latter fails'

Discuss the above statement and explain the importance of statistical methods in social sciences (M. S. W., Lucknow)

2 Discuss the role of statistics in a scientific study of the social problems of a country (M. S. W., Lucknow).

- 5 Discuss the role of statistics in Economic Planning How
- has the Planning Commission been handicapped in drawing the First Five Year Plan (B A, Lucknow) 4 Define 'statistics' and point out the main difficulties that a statistician has to face as compared with a physicist or a chemist
- (B Com , Allahabad)
- 5 Statistics is said to be both a science and an art Why? What relation, if any, has Statistics with other sciences?
 - (M A . Agra)
- 6 Discuss the usefulness of Statistics to the state, the econo mist, the industrialist and the trader (B Corn . Lucknow)
 - 7 Write an estay on "Statistics in the service of the State"
 - (I C S)

श्रध्याय २ श्रर्थ और परिमापा

सांक्षियकी का अर्थ

अप्रेजी शब्द 'स्टेटिस्टियर' के उपयोग के तीन वर्ष हैं। सौभाग्य से हिन्दी में इन तीन अर्थों को व्यक्त करने के लिए तीन विभिन्न बन्द हैं। ये सन्द हैं. अनिके, साह्यिकी और प्रतिदर्शन।

साधारण प्रयोग में 'स्टेटिस्टिन्स' का प्रयोग जॉक के अर्थ में होवा है जैसे भारस में कपास डायादन के ब्रोक हैं (statistics of cotton production in India)। मोकेट (statistics) का प्रयोग उन घर नमानों में किया जा सकता है जहां के आहे रेचों जा सहक नाजिक और कस्थासक (quantitative and numerical) रूप ने किया जाता है। इस प्रचार के जॉक के (statistics) 'स्टेटिस्टिक छ एम्स-ट्रैमेंटर कर्मेंक इचिया, या जनगणना के प्रतिबंदनों में गए बाते हैं। ब्रॉक्ड सम्भो का अको के कम में किया गया सगह भाग है। (यहाँ यह उन्हेनेसतीय हैं कि इस अर्थ में भरोजी सन्द 'स्टिटिस्टिन्स' का हनेशा बहुतमान में प्रयोग होता है।)

'स्टेटिस्टिन्स' का दूसरा अर्थ उन विधियों से हैं विनक्त शास्त्रिकों में उपयोग रिका पाता है। इस अर्थ में हम 'सारियर्कीय विधियों का प्रयोग करेरों । सारियर्कीय विधियों के अत्तर्गार्थ से सब सिद्धान्त और मुश्तियाँ (devices) आंदी हैं जिनका उपयोग तमामें के मानिक विजयन का समह, विकरिपण और निबंचन करने में किया पाता है। (इस अर्थ में भी स्टेटिस्टिस का प्रयोग क्षेत्री में बहरचन से होता है।)

'स्टेटिरिटनर' का वीचरा वर्ष साविचकी है। इस वर्ष में यह एक विकार है और परित का एक भाव बाता जाता है। (अपनी में इस वर्ष में स्टिटिटनर का प्रमोग एकचन में होता है)। 'स्टेटिटिटनर' का प्रमोग 'स्टेटिटिटनर के क्या में मी होता है। 'स्टिटरिटन के किए हिन्दी शब्द पतिस्दांव है। अटिटरीज (statistic) का वर्ष ग्रमिट के सस्यात्मक गुणो को बताने वाली सस्या या सस्यात्रों का प्रान्तकन है। आप कीविय हुए एक प्रतिस्थं (sample) में भीर स्टक्त लिए माध्य, निक्कत या ग्रहत्वच मुक्त की गणना करे। बस वागर इनके मुत्यों की हम समिट के मुल्यों का प्रसन्तकन या नहे तो में निरस्त्वक मुक्त की निर्मा कर्म

च्चॉकरों के लक्षण (characteristics of statistics)—किसी भी सन्द की परिभाषा देना कठिन होता है नयोकि परिभाषा ऐसी होनी चाहिए जिससे उसरी सारमृत वियोगताओं और उसनी प्रश्नृति एन नियमनस्तु ना ठीक ठीक झान हो सने । यहाँ यह नताया जा सनता है कि जौन है नेनल सन्याएँ नहीं हैं । सस्याओं का समझ साथ जौन हो नहीं नहलाएँगे । इसके लिए यह जानसमन है नि सस्याएँ मुख्य सारों नो पूरा करें । जगर ने इन यहाँ में पूरा नहीं नरती आ जीन हे नहीं न हलाएँगी। से सर्वे जो जीन हो के लक्षण नताती है निम्मलिबित है

- (१) वे तस्यों के सहसासक विवरण होने वाहिएँ (They must be numerical statements of facts)—अगर तथ्यों वा गुगाराम (qualitative) विवरण दिया गया हो ते यह सम्ब हो सबना चाहिए कि वह निरिचत सक्यासन राधियों के क्य के दिया जा बड़े। जैंड, विद्याधियों को स्तर के अनुसार अच्छे औसत और मामूकी इन तीन वर्षों में बाँटा जा सकता है। परन्तु दिना कोई सक्यासन निकृष (criterion) बनाएं यह निरिचत करना समय नही होगा कि ठीन विजयों विवस वर्षों क्यासन सरिचत करने विष्णे व्यक्ति के साम कर कर के कि जी कि जी
- (२) ब्लॉक्ड तथ्यों ने समृह है (They are aggregates of facts)— ब्लॉक्ड निसी एक ब्लॉक्न या सदस्य ने बारे में नहीं बल्क एक समृह ने बारे में होते हैं। क्सिी ब्लॉक्ड की रम्बाई अंगर ६० इस हो तो यह सक्या 'बांकडें नहीं महलाई जाएगी। ब्लॉक्ड को रम्बाई अंगर ६० इस हो तो यह सक्या 'बांकडें नहीं महलाई जाएगी। ब्लॉक्ड को रम्बाई से स्वाधित होना चाहिए, किसी एक सहस्व से नहीं।
- (१) वे एक इसरे से सर्वायत किये जाने योग्य होने चाहिएँ (They should be capable of being related to each other)—सम्याजें मानमूह तमी जीकर्य वहां जा स्वता है जब ये सस्वाएँ सवातीय हो और उनमें स्वयः सवाप्त किया जो सर्व । जैसे यह कहान कि क्या में ८० कियाची है, क्यू में २० चपराती हैं और मैदान में ९ के हैं सरमात्मक सच्य है, और जीकरों के समूह मीह परन्तु वे एक इसरे से सर्वायत किये जो से पेपन में १० कि हो के स्वायत किया में १० कि हो के स्वायत किये जो से प्रस्त किया स्वायत किया जीकर नहीं कहान स्वता है स्वित्य साम्याय
- (४) अकिड सोहेस्य होने चाहिएँ (They must have certain object behind them)—औन डो ना सग्रह निसी पूर्व-निर्पारित उद्देश्य से होता चाहिए ।

सस्याएँ हिनी बनुष्यान (coquiry) से सविधित होनी चाहिएँ। जब उन यह मानूम न हो कि बीचडे जमा करते वा गया उद्देख है, वब तक ने मस्याएँ मात्र ही रहेंने। बीचडो वा उपयोग तमी विचा जा सबता है जब यह माद्रूम हो कि वे विस उद्देश से जमा भी गई थी। विमी रक्तून में ८०० विवासी है और २० मान्यापन है, वे बीचडे वहला सबते हैं, येथी उद्देश छान-क्ष्मापन बनुसात निवासना हो। परन्तु क्यार हमारा कोई चनुस्य नहीं है वो ये मेचल सस्याएँ हैं, औब है नहीं।

- (५) से वह कारणों से प्रभावित होते हैं (They are affected by a large number of causes)—जनते मून्यों में विनाग एक प्रतिवारक (factor) के नारण परिवर्तन नहीं होना चाहिए। तथर परिवर्तन केवल प्रतिवारक के कारण होना है तो जावा आधिर कीय वृद्धिकों ने से स्टब्स्यू नहीं है। अंते, अगर कारबाई बटती है तो धनन भी बडता है। परन्तु वनन में होने वालों बुद्धि केवल कारबाई वे चारण नहीं विकास आध्य प्रतिवार्ता, जैसे कलवायु, भाहर, जमीन कारबाई वो चारण नहीं विकास आध्य प्रतिवार्ता, जैसे कलवायु, भाहर, जमीन कारबाई वो चारण मही विनी है। इसलिए ये सत्यार्ट्स और वे प्रकारीं
- (६) ऑक्टरों के साह में वर्षान्त शरंपतुबता होनी बाहिए (A reasonable standard of accuracy must be maintained in collection of statustics)— लोक के न सबस कर में में साधारणक ऐमी स्थितियों काती हैं जब हम प्रखेन पद (11cm) के निर्मेशन नहीं कर सकते हैं। ऐसी स्थितियों में हम एक प्रतिदयों नेने हैं और उसने आधार पर समिट के सबस जान करते हैं। यहाँ यह आसमन है कि सीन्द्र ने लगा करने में प्लांगत सावधानी बरनी जान तार्कि हम सावधान परिचुद्धा प्राप्त न र सकें। 'प्यांग' यग्द सोपेस है और अनुस्थान के खेटेस एक उसक्य साधानी पर निर्मेश स्थापी यग्द सोपेस है और अनुस्थान के खेटेस एक उसक्य साधानी पर निर्मेश स्थापी

यह ती हुआ उस पदार्थ का विवरण जिसका साहितकी में उपवीग किया जाना है। अब हम साहितकी की परिभाषा पर विचार करेंगे।

साहियकी की परिभाषा

ष्ठाष्टिनी को विभिन्न समयों में विभिन्न लेखकों ने विविच्च प्रकार से परिप्रापिट हिंचा है। इतना नारण यह है कि साविच्यों ने बढ़ी तैजों से उन्नित को बोर तरनुरूए उनके विपयवर्तु में भी परिवर्गन होते रहें। साविच्यों ने लेक्कों के अपने काल के कस्तों म्हरूपूर्ण मात्र पर बल देने ना प्रकार निया। यहाँ हम एक ऐसी परिजाय देने ना प्रयत्न करेंगे दिवनों क्लागंत वह सब कुछ आ दाल को आवहरू जायारणत: साविच्यों में विष्यवद्यु माना आता है। परनु इससे पहले कि हम क्या परिप्राप्ती की आलोचना करें बौर अपनी परिमापा दें, यहाँ पर अच्छी परिमापा के लक्षण बता देना आवस्यक है। एक जच्छी परिमापा स्वय पूर्ण होनी चाहिए। इसे विज्ञान के जन सब विपयो पर बळ देना चाहिए जो उनके सारमूत है। दूबरे दावरों में, परिमापा को पर्याट रूप के समाचेशी (mclussve) होना चाहिए। पितापा को स्पष्ट होना चाहिए अर्थात हवने उद्याचों को गर्याट स्पष्ट और वस्त्रीय दावरों में करण चाहिए और विज्ञान को अन्य ज्ञान विज्ञानों से मुस्यद रूप में अञ्च करना चाहिए। अल्ल में, एक परिमापा को सब्य व्याख्यात (self-explanatory) होना चाहिए। परिमापा परिमापा वर्षों स्वय व्याख्यात (self-explanatory) होना चाहिए। परिमापा को वालप्यं अनमने के लिए यह आवस्यक नही होना चाहिए। कि हम अप वराहों में उनको ख्याख्या हुँहैं। जरिभाषा वी जाँन करने को इन मापो से मुझ्लकत होकर हम जास्विपी की विषय परिमापाओं की परीक्षा नरेंगे।

बाउले के अनुसार सास्थिकी ',गणन विज्ञान' (science of counting) है। उपयुक्त निक्यो (cniena) से इसकी परीसाक्तान पर हम पाते हैं कि यहपिमाया पूर्व नहीं है। यह सास्थिकी के उन मुख्य करायों को नहीं बताती है जिनके कारण सार्वियकी अन्य गणन-विज्ञाना से जिन्न हैं। वेक्ट सारिक्यों हो गणन विज्ञान

मही है।

एक अन्य स्थान पर बाउछे कहते हैं कि सास्थिकी मार्च्यों का विज्ञान है('Statistics is the science of averages') । यह सब है कि माच्य सास्थिकी विधियों का एक महत्वपूर्ण आता है, परन्तु सास्थिकी वेवल माच्यों का वर्णन नहीं है। माच्यों के साथ-साथ सास्थिकी में अन्य महत्वपूर्ण विधियों का उपयोग किया जाता है। इसिए यह परिज्ञामा भी लपूर्ण है और सास्थिकी की मूल्यार प्रइति को नहीं बताती।

बाजले की इसरी परिजापा की मीति वॉडिंग्टरन (Boddington) की अपनी पर्पाया में हमारा ध्यान शास्त्रिकों की एक अवस विश्व की और आलचित करता है। वस्त्रे के जुनार सास्थित 'प्रावकलनी और वस्त्रीवताओं का दिवान हैं (science of estimates and probabilities)। इसमें कोई सल्देह नहीं कि सास्थिती में प्रावकलों और वस्त्रीवता के पणितीय विद्धाल्य का उपयोग दिन प्रति-दिन बढ़ता जा रहा है, परन्तु हम करना विभियों का उपयोग मी करते हैं। इसलिए इस परिमाप्त में मी वे लीए विद्यमात हैं जो बाठके की परिमाया में में।

व प्रात्ति परिमाया के विषय में हस्तून आईन किया (W I King) का कहना है वि उनकी परिमाया के विषय में हस्तून आईन किया (W I King) का कहना है वि उनकी परिमाया साहिक्षी को सीमाओं को बताती है, वर्षांत् वह पर्पांत हर से समावेसी है। उनके अनुसार साहिक्षी 'प्राक्कननो की प्रपणका या सप्रहों के विस्तेषण से प्रान्त परिणाय द्वारा सामृहिक प्रावृतिक वा सामाविक प्रदाओं का विवेचन करने की विधि हैं। वै कि ये अनुसार मह परिवाधा पर्योच्य रूप से समावेदी है। यह परिवाधा बनिस्वत रूप से समावेदी है। यह परिवाधा बनिस्वत रूप से समावेदी है। यह पर्याच्य रूप से अपवर्षी (exclusive) नहीं है और इसिंग्ए इसाने टीस्पर्टेश देवी देवा है की विधास के स्वतिस्वत कर से एंसे दिना है जो प्रात्मकरना का विवर्धन करके सामृहित, सामानिक और प्राकृतिक परात्मा है जो प्रात्मकरना का विवर्धन करके सामृहित, सामानिक और प्राकृतिक परात्मा है जो प्रात्मकरना करते हैं। फिर, यह परिवाधा सास्तिक्त के एक मान विवेधन (interpretation) की अनिक महत्त देनी है और सामित्री के एक मान विवेधन (interpretation) की अनिक महत्त देनी है और सामग्री-सायहन एवं उनके विवर्धण की ओर देनी है। किए स्वर्ध पर साम की स्वीन्य करते हैं। हिंद एंसे समायों ही एक्सी हैं जिनका अव्यवक साविकरों में किया जाता हो परकृत दे इस परिताधा के अन्तर्वत का पाती हो। परन्तु अगर हम स्ववहारिक सिंदिकों है वेसे तो वह परिताधा पर्याच्य हम सिंदत्व है।

बादके में एक बीर परिसाया दी है, निमके अनुसार साब्यिकी 'समाव के, उन्हों समूर्गता और प्रव्यक्ति में, माप को विज्ञान हैं। 'यह परिभाया साब्यिकों को मनुष्य और उनके कार्यों तक सीमित रखती है। इस वृद्धिकों को स्वर्यक्ति है। बाउके स्वय इस नत से सहस्त हैं। परण्यु जब हम 'अनुम्येत और प्रव्यक्ति' बाके सावके स्वय इस नत से सहस्त हैं। परण्यु जब हम 'अनुम्येत और प्रव्यक्ति' बाके वित्तुत हो गया है। स्वयक्त बानी विज्ञान मनुष्य से प्रत्यक्त या परोक्त कर से सब्बित होते हैं और क्ष सुन्धिकों से यह परिमाग अस्यन्त स्वापक है।

समंद्र की परिभाषा

बैनस्टर (Webster) में को परियापा दी है यह समको से शबिक है। उसके मनुवार "उनके ने बाँगत तथ्य हैं जो एक राज्य में व्यक्तियों की स्थित से सबिक हैं... . . विशेषकर ने तथ्य को सक्याज़ में या सक्या-सारणोवों में या निक्ती स्थारित या वर्षित व्यवस्था में व्यक्ति रियो का सकते हैं"। बहूँ। यह सम्ब है कि एक परियापा द्वारा आवजों या सबकों की विशेषता पर प्रकास बाजा गया है। परन्तु यह एरियापा ब्यांस आवजों या सबकों की विशेषता पर प्रकास बाजा गया है। परन्तु यह एरियापा ब्यांस आवजों मों संस्थिती नहीं है। यह समकों के लेन को केवल राज्य हुए ही सीमित करनी है। वानों हाल तक साविवारी राज्याओं का विश्वान माना आवजों सो ने सिंग करने के सबके वे सीमित करनी हमा माना आवजों सो सिंग करनी के साविवार माना आवजों सी

^{* &}quot;the method of judging collective natural or social phenomena from the results obtained by the analysis of an enumeration or collection of estimates".

The science of the measurement of social organism, regarded as a whole, in all its manifestations.

के अनुसार आज इस विकान ना जेन बहुत विस्तृत हो गया है। यह जीव-विज्ञान या सामाजिक सारज जैसे महत्वपूर्ण विषयों से लेकर ऐसे सुरुष तथ्यों से, जैसे एक नदा में नितने विद्यामों और किसती में खें हैं, असीमत है। यह आवस्यक नहीं है कि इत तथ्यों को सारिणयों में रससा ही जांके जिससे कि से समक नहला कि 1 हुए का नव्या के नित्य कि स्वान कर हुए से हैं। इस नारण वैस्तर की यह परिभाषा समनों ने विद्याता असत करने ने किए विन्कुल अपमंति है परन्तु ध्यान से देशने पर यह निज्य मिलाया आ सबता है नि आलोचकों वा तक जितन नहीं है। बैक्टर नी परिभाषा समनों के क्षेत्र को सीमित नहीं करती है, परन्तु असनों नहीं करती है। "समन वे बीमित कर हैं जो एक राज्य में ध्यान करता है कि समक अमने अनतीं के मान कि सित्य में सित्य के स्वान करने असतीं के साम के सित्य के साम अमने अनतीं के मान कि साम के साम

सांव्यिका के विभाग सांस्थिको का अध्ययन साधारणत दो व्यापन वर्गो के अन्तर्गत किया जाता है। ये दो वर्ग हैं (१) सांस्थिकीय विधियाँ(Statistical Methods), और (२) व्यवहारिक सांस्थिकी (Applied Statistics)।

किसी भी सास्थिकीय अनुस्थान में पहला स्थान सामग्री-सपहण (collection of data) का है। इसके बाद सामग्री का विस्त्रिप्य किया जाता है और इस विस्त्रिप्य के आधार पर जसना निवंचन किया जाता है और इसी पर पूर्वानुमान (forecast) आधारित होते हैं। इन सव में 'सामग्री-विस्त्रेप्य' सास्थिती विद् के दृष्टिकोण से सबसे महत्वपूर्य है और इसमें बहुत सावधानी, धैर्य और धैर्मानिक ज्ञान की आवस्यकता होती है।

आंकड़ों के सक्षणों में एक महत्वपूर्ण लक्षण यह है कि वे वई कारणों से एक साय प्रभावित होते हैं । इसिछिए संयुहीत सामग्री बहुचा सुमम नही होती और सरलता से समक्ष में भी नहीं कोती। इस दशा में इसका ठीक-ठीक निर्वचन नहीं किया जा सकता । दिश्लेपण का कार्य-कारण बाहुत्य से उत्पन्न प्रभावों की बलम अलग करना और इन्हें कम करना है। प्राकृतिक विज्ञानों में यह कार्य प्रयोगशालाओं में परीक्षा करके किया जाता है, परन्तु सामाजिक विज्ञानो को इसकी गुविधा नही है। अतएक हतके लिए सास्थिकीय विश्लेषण बहुत महत्वपूर्ण हो जाता है। चुँकि किसी एक कारण का पूर्णत एकलम करना सभव नहीं है, इसलिए जो निय्कर्य निकाले जायें उनका ठीक-ठीक रूप से वास्तविक होना आवश्यक नहीं है। ये निष्क्यं प्राक्कलन (cstamates) होते हैं। सांस्थिक का काम इस प्रकार के निष्कर्प निकालना है। इसके लिए जिन युनितयों का उपयोग किया जाता है वे अत्यत प्रारमिक से अरयन्त कठिन तक होती है। कुछ इतनी सहज होती है कि कोई भी व्यक्ति उन्हें समक्ष हेगा, परन्तु कुछ इतनी कठिन और जटिल है कि केवल उच्च गणित का विद्यार्थी चन्हें समभ्त सरता है। इन विश्तवों का उद्देश्य और लक्ष्य महत्वपूर्ण प्रतिकारको का एकलन (Isolate) करना है। परन्तु विश्लेषण करने से पहले यह आवश्यक है कि सामग्री की सुव्यवस्थित रूप में रखा जाय । इसके लिए सामग्री का वर्गीकरण (classification) और सारणीयन (tabulation) किया जाता है। इसके बाद निर्वचन करने के लिए सामग्री पर आश्रित रहने वाले स्विराको (constant) की, जैसे माध्य (averages), प्रतिशत (percentages), सहसवध-गगाक, आदि, गणना की जाती है। इस प्रकार गणना के प्रक्रिया-नियम (rules of procedure) निनके द्वारा सामग्री के समहो का निर्वचन किया जाता है. सास्थिकीय विधियाँ कहलाते हैं । ये वे विकास है जिनकी सहायता से कई कारकों से प्रभावित सामग्री का संग्रहण और विश्लेषण किया जाता है, जिससे वह संरक्षा से बोध्य हो जाती है।

सास्त्रिको में किए विविध विधियों का उपयोग होता है, वे विम्नलिखित है

- (१) सम्रहण (collection)
- (२) वर्गीकरण (classification)
- (३) सारणीयन (tabulation)
- (४) माध्य बादि द्वारा तुल्ना करना (comparison by averages etc }
- (५) सहसवय (correlation)
- (६) निवंचन और पूर्वानुमान (Interpretation & forecasting)

इन विधिया का दैज्ञानिक प्रतिपादन करना सास्थिकी के अन्तर्गत आता है।

(२) व्यवहारिक सारियकी (Applied Statistics)—व्यवहारिक सारियकी के व्य तर्गत वास्तविक समस्याञा को हरू करने के रिष्णु उनका सारियकीय प्रतियादन करना बाता है। इसमें हम मुख्यत शाख्यिकीय विधियो या सामग्री का निर्वचन करने बाने समाया नियमों को व्यवहार में छाते हैं। विश्वी व्यवहारिक समस्या से सर्वाचित सामग्री को निष्य प्रवार समृह विश्लेषण और निर्वचन निया गया, यह व्यवहारिक सास्थियी का विषय-खेन है।

व्यवहारिक साहिचरी वा समुचित ज्ञान प्राप्त करने वे लिए यह आवस्पक है कि हम बनातामक और आवमिक या वैज्ञानिक विधियों में मेद करें। बनीनाताक सियों में हम पटनाजा ने सक्यातमक विवरण पर विचार करते हैं। इस विधियों में हम पटनाजा ने सक्यातमक विवरण पर विचार करते हैं। इस विधि वे से मां आगिदिक सामारणीकरण (inductive generalization) नहीं आता। निवंचन या पूर्वानुमान ने ब्राप्त निलम्प निकालमा इस विधि ने अवकॉत नहीं आता। वह अत्यानन वा सीन है। 'आगिदिक साहिच्यरों (inductive statistics) की मुख्य विधियता यह है वि इसने ब्राप्त हमानिक्य निकाल सनते हैं और अपने में दी हुई सामग्री तक ही वीगित नहीं एखते विवरण सक्यों भी जा सकते हैं। निलम्प निकाल ने ने हिण्य केव करता हो आवश्यक्त नहीं है वि स्वाधियत उपल्य सामग्री पर ध्यान दे तिलम्प हती और भी अगियन आवस्पक है वि वह वाधियत प्रवत्य पर स्थान पर दे निलम्प हती और भी अगियन आवस्पक है वि वह विवर्ण मित्र प्रविवर्ण पर स्थान दे तिलम्प मह और भी अगियन आवस्पक है वि वह विवर्ण मित्र प्रविवरण पर स्थान है अति का सामग्री उपल्य हता हो आवस्पक प्रवास केव हिण्य कर विवर्ण मित्र प्रविवर्ण पर स्थान दे तिलम्प मह और भी अगियन आवस्पक है वि वह विवर्ण स्थान मित्र प्रविवरण पर स्थान है वि स्थान स्थान पर स्थान है वि ना सामग्री स्थान स्थान है विषय सामग्री है।

क्षेत्र क्षोर परिसीमाएँ (Scope and Limitations)—अब तन सासिकते नी परिमाण, अयोग और निमाणा के बारे में जो नहा जा कुत है, उससे सासिकते नी व्यारनात में कीई स देह नहीं रह नाना । बाबूनिन नाल में सासिकते नी व्यारनात निस्तृत हो गणा है नि प्रत्येक बनुत्वान में बही मानिक लम्मयन निया जाता है, सास्थिती का उपयोग होना है। परन्तु इसका नरापि यह असे नहीं है कि सासिकती का उपयोग होना है। परन्तु इसका नरापि यह असे नहीं है कि सासिकती का उपयोग होना कुत कर किया जाता । वात्त्र में सार्विकती की परियोगाएँ है बोर इसका अस्पोग करिया माने प्रवक्त किया जाता चाहिए अपना से रिकर्ण निकाल जाएँगे में स्थानक होने। चर तु इस सीवाया के मीनर साहिकती विविधों ना उपयोग किसी भी जेव में सकत्वात्र कि लिया जा सकता है। साहिकती विविधों ना उपयोग किसी भी जेव में सकत्वात्र कि लिया जा सकता है। साहिकती विविधों ना उपयोग किसी भी जेव में सकत्वात्र कि लिया जा सकता है। साहिकती विविधों निम्नितिस हैं

(१) सर्वेश्वकीय विविधा का उपयोग नेचर उन्हीं स्वानो में निया जा सकता है जहाँ वय्यों नो सस्यात्मक रूप में व्यक्त विधा जा सने। जैसा बताधा जा चुना है, सास्तिरोद विभिन्नां केतन अफिको के लिए उपन्यन है इसिंग्ए ऐसे तप्यों ने लिए त्यों मात्रित हर में नहीं लाए जा सबसे नाशियों में विभिन्नां अवसोय है। उपन हम इतरा साम्तिरोध प्रतिवादन करता चाहते हैं ता हमें पहन ऐसो परिवादाएँ नींग् नियर बताने पढ़ें दिवने आवार पर में तप्या मानित रूप में रखें वा सकें। उदा-हरणायें, हम दो देती में हुए आधिक चिरास भी जुन्ना तब नह नहीं कर सरों जब तह हम दिवाव में ऐसी परिप्राध्य और निवध नहीं दे देने जो और अं क्ष्म में स्वाद का उदावों अस्पानों, पित्रम-नस्यों आदि हो सहसार नी ऐसी परिप्राध्य और निवध नहीं दे देने जो और अं क्ष्म में स्वाद के प्रवाद में स्वाद के प्रवाद के प्रवाद में स्वाद के प्रवाद के प्रवाद में स्वाद के प्रवाद के प्रवाद के स्वाद प्रवाद के स्वाद कि स्वाद के स्वाद के

(३) साध्यक्तीय नियामी ने समाविता पर आधित रहने ने नारण एक अन्य परिपोमा उत्तर होती है। नह वह कि साधियतीय नियम माध्यत (on an average) और दोने नाल में चल होते हैं। इस बात का एर उश्चहरण देनर समामाया या सत्ता है। अगर एक निकत उद्याला कार ता बहु या तो चित्र (head) पिरोगा वा पर (tail)। समाविता का सिदालन नहता है ति चित्र या पर पिरले की नमाविता है। परले यह नेचल तभी सब है जब निकास नृहत्सद्वा में उठाला जाय। वत्तर वह नेचक दो बार उठाला जाय तो हा सत्ता है कि यह दोनो बार चित्र गिरे या दोना बार पर। पर जैने जैसे हम उठालने की सब्या बराते जाते हैं बैंगेन्सी पित्र और पर की नहता हमा की आगी ने अधिकाधिक निकट होनी जाती है। यदि हम निकास पर हमार बार उठाले को चित्र और पर को सहया १ हमार में बहुत साल-पाल होगी।

दन परिमोमात्रों ने साथ-मान हुने हुन्छ अन्य वादों का जी स्थान रस्तरों पडता है। अतर इनका स्थान न रस्त जाय दो गन्न निक्य निरस्ते । (१) सांव्यिकोय सामग्री एक सम (untiform) होनी चाहिए और उसके मुख्य अक्षम पूरे अस्ययन-काल में स्वायी होने चाहिए। उदाहरणार्थ, अगर हुमें दो उद्योगों में मनदूरियों की सुकता करनी है, तो दोनो उद्योगों में एक हो प्रकार ने सकदूरियों में मनदूरियों हो तुकता करनी चाहिए। यह नहीं कि हम एक उद्योग में काम करने वार पुरणों की मनदूरियों हो सकदूरियों हो सुकता करनी चाहिए। यह नहीं कि हम एक उद्योग में काम करने वार पुरणों की मनदूरियों हो करने हुने का कुन हमारे उद्याप के स्त्री-मनदूरों वा वाज-मनदूरों की मनदूरी से करने क्यों एक्या करने वार पुरणां की मनदूरी से करने क्यों एक्या करने वी हुन ता भी हमें अल्य हाई। भी हुन ता भी हमें अल्य हाई। मी हुन ता भी हमें अल्य हाई। वार पुरणमा भी दा तानी विद्या की प्रकार भी दा तानी वार की साम्यावी हां पुरणमा भी दा तानी वार की साम्यावी हों हम ता अल्यन विद्या के साम्यावी हम पुरण का प्रकार ने हमें विद्या के साम्यावीय विद्या का पुरणना वार हम वार वार हम साम्यावी हम पुरण का कि हम साम्यावी हम पुरण का कि हम साम्यावी हम साम्यावीय की साम्यावीय प्राप्त का साम्यावीय की साम्

र मुद्द न परिनामाना व नारण मानियकों का महस्य कम नहीं हो जाता है। इसन ना क्वन यह निक्च निकार जा मकता है कि सभी दक्षाता में मानियकों का प्रता करना उप्तक्षन नहीं है और यह बात लगभग सभी विज्ञाना पर लागू हानी है। प्रतेष नियम के नात कुछ उन्ने जुझे होनी है और व धर्ने ही उसकी परि-मीमाण है। मानियकीन नियमों के व्यवस्थित उपयाग के माथ भी हुछ उने जुझे एहंनी है जितन पूरा हाने पर नियम के हागा निकार पर निव्ययं सम्हान सम्बन्ध उपने गुक्ती हो अक्ष होने हैं अप्यया उपने गुक्ती हो भक्ती है। और हो नी एसमानी प्रतिप्त के स्व के को क्वल मारियकी में हो तहीं विक् मानी विज्ञाना में पूरी होनी पाहिए। बास्तव में समूह ना सम्ययन सभी विज्ञाना में पूरी होनी पाहिए। बास्तव में समूह ना सम्ययन सभी विज्ञान में पूरी होनी पाहिए। बास्तव में समूह ना सम्ययन सभी विज्ञान में पूरी होनी पाहिए। बास्तव से समूह ना सम्ययन सभी विज्ञान में पूरी होनी पाहिए। बास्तव समूह ही नहीं एह जाना।

स्रॉक्क्डो पर अनिश्वाम (Distrust of Statistics)—हर्वसायारण श्रीका की अवार्त्रमाय ममनना है। ब्रिटन के एक प्रधान मती ने सही कर नहा है कि 'कड़ मी तीन वाडिया (degrees) हानी है—स्कूठ, सच्च क्ट्र और अधिक हैं। इस प्रकार के कवन अवद्या की उपोणिया और उनने महत्त्व को अध्यिक हानि परेशन है और मानियों के उदेवर और प्रभोताना की मिस्सा बतावे हैं।

द्भना नारल यह है नि अन्न में मदद नी दृष्टि से देखे जाने हैं। सन्देह ना एन कारम यह है नि माओप्यन काणा ना मध्याएँ मुद्रोध नहीं होनी कीर ने उनमें बरें में रहन हैं। असर औन्त्रों ने हाम नार्टे नान मिद्र नी जाय तो वे सन्ते नी ठमा मा सम्मने हैं। पम्नु ट्रमने अतिरिक्त अविस्तास ना एक अन्य महत्वपूर्ण नाए

है जो छोगो की भावना पर बाधारित नहीं है बल्कि आँकडो से निकाले गए निप्कपों और साधारणीकरणों के गलत सिंख होने के कारण उत्पन्न होता है। यह देखा जाता है कि सामग्री के पर्याप्त साववानी से किए गए विश्लेषण और परीक्षण के बाद जो निक्क्य निकाले जाते हैं, वे तक वास्तविक जगत में अधार्य (untenable) होते हैं और सही नहीं उतरते। जगर सावधानी न बरती जाय तो गलत निष्कर्षों के निकाले जाने की सभावना कही अधिक हो जाती है। निम्नलिखित उदाहरण पर विचार कीजिए। अमरीकी नौरोना में मृत्यु-दर ६ प्रति सहस है और न्यूयार्क में मुख्य पर ३० प्रति सहस्य है। ये दोनो तस्य है। परन्तु इनसे अगर हम यह निष्कर्प निकालें कि चूँकि न्यूयार्क की भृत्य दर नी सेना की मृत्य दर की पाँच गुनी है, इसलिए नौसेना में जीवन-प्रत्याशा (expectation of life) न्यूयार्क से अधिक होगी, तो यह निष्कर्ष सन्देहजनक होगा । कोई भी सामान्य बुद्धि वाला व्यक्ति यह सौचेगा कि गुगा-भाग तो ठीक है, परन्तु कहा न कही कुछ गडवड अवस्य है। इस गलत निकर्ष निकलने का नारण यह है कि हमने तो समान स्थितियो में तुलना नहीं की है : नीमेना में रहन-सहत की व्यवस्था न्ययार्क से नहीं अधिक स्वास्थ्यवनक है। फिर, नौमेना में केवल स्वस्य बुवक चुने जाते हैं, जब कि स्यूयार्क में सभी प्रकार के लोग रहते हैं। माध्यो और प्रतिशतों का उपयोग करते में भी इस प्रकार के म्यान्तिकारी निकर्ष निकल सक्ते हैं। दा फर्मों के तीन साल के औसत लाभ बराबर होने से यह निष्कर्य नहीं निकाला जा सकता कि दोनों की दशा एक सी है। हो सकता है कि एक समृद्ध हो रही हो और दूसरी में धाटा हो रहा हो। ऐसी बचा में माध्यों से हमें सही स्थिति का ज्ञान नहीं होता । यही बात प्रतिशतों पर भी लागू होती है । विद्यार्थियों के वो रामृहों की परीक्षा की गई। एक में केवल दो विद्यार्थी में और दूसरे में १००। अब मदि पहले में दोनों उत्तीर्ण हो तो परिणाम १००० होगा और यदि वसरे में ९९ उत्तीर्ण हो तो परिणाम ९९% होगा । इन दो प्रतिशतो से यह निष्कर्ण निकालना कि पहला समृह दूसरे से अच्छा है, स्नामक होगा। हो सकता है कि दूसरे समृह के विद्यार्थी पहले से वही अधिक अच्छे हो । परत्तु इसका अर्थ वह नही है कि हम अक्टिको के आधार पर तिब्क्य हो न निकाले । 'बाँकडे उस मिट्टी के समान है जिससे भगवान भीर र्यतान दोनो की मूर्ति बनाई जा सकती हैं। यह मूर्तिकार पर निर्मर करता है कि वह क्या बनाता है।

इसका यह जर्ब नहीं है कि हम ऑक्को को निष्प्रयोग्य ठहरा दे और यह क्लिक्स निकारों कि 'ऑक्को से कुछ भी सिद्ध किया जा सकता है'। सही उराय यह है कि हुन ऑक्को का अधुनिव्य उपयोग करें। यह बाद रकता चाहिए कि 'ऑक्केट पूरे गई। होते परन्तु भूठे ऑक्टे ननाए जा सकते हैं'। हासाराया यह होता है कि होत्र अपनी पूर्व धारणाओं से प्रमावित होनर अपविहत (rash) निष्मर्थ निवान्ते हैं। अगर अंकडों का जवित उपयोग विया जाय तो उपयुक्त निष्मर्थ निवन्ते हैं परस्तु यदि अल्प्स जनन गरन उपयोग करते हैं तो प्रमातिकारी निष्मर्थ निवन्ते हैं परस्तु यदि अल्प्स जनन गरन उपयोग करते हैं तो प्रमातिकारी निष्मर्थ निवन्ते हैं। साध्यक्षिय विवर्धण्य पर सूरम वर्धन्याली है किसे हम मातिक जननारों पर लगा, करते हैं और विरुण्य के परिणाम अविवासन सह कच्चे माल पर निभर करते हैं। साध्यिक राजिय बातु (base metal) नहीं है। उपसे इसकी प्रयासा करना बेकार है वि पहिल्ला में सुभ्य बातु (base metal) है सोना बना देगा।। परस्तु वह सब है कि और को सहाज से कोई भी अन्यय सहात्र कि स्वान्त से कोई भी अन्यय सहात्र की सिंग में कार्य अर्थमा सिन्य सहात्र की सिंग में कार्य अर्थमा सिन्य है। मासिक ने साथ कहा है कि "जीवेड वे कच्चे माल है जिनसे अन्य अर्थमातिका है। मासिक ने साथ कहा है कि "जीवेड वे कच्चे माल है जिनसे अन्य अर्थमातिका के समान में निर्मेह करता हैं। वास्तव की "जीवेड मोली मिट्टी के साना दे जिनके साथ मारिका ने स्वान से निर्मेह करता हैं। यो ध्यक्ति साध्यक्ति का उचित प्रयान परते हैं के मानो उचित प्रयान कर है कि का की विवर्ध का अर्थन साहिक है का स्वान है के सानो उचित प्रयान करते हैं के स्वाने हैं। स्वान है क्षा का उचित प्रयान परते हैं के मानो उचित प्रयान करते हैं के स्वान है है का स्वाने हैं। स्वान हो क्षा अर्थन स्वान हो क्या विवर्ध साध्यन के स्वान हो क्या करते हैं के सानो उचित प्रयान करते हैं करते हैं। स्वान हो क्या करते हैं का उचित प्रयान करते हैं का स्वान है है स्वान हो क्या विवर्ध साध्यान करते हैं। स्वान हो क्या करते हैं। स्वान के स्वान हो क्या करते हैं। स्वान करते हैं स्वान स्वान स्वान हो क्या करते हैं। स्वान हो क्या करते हैं। स्वान स्वान स्वान स्वान स्वान स्वान स्वान हो क्या करते हैं।

सामान्यन में त्रुटि के स्त्रीत (sources of errors in generalization)—साक्ष्यकीय विरुप्पण द्वारा निवाले गए निष्वपों में त्रुटि (error) होने में निम्मिटिखित स्रोत हैं

(१) अनुकनतमक सामग्री (Non-comparable data)—एक सामान्य गलती यह श्री जाती है कि लोग ऐसी द्वाराधी से खो सर्वधा समतीय (homogeneous) न हो, या जिनना समान महत्व न हो, या जो एक दूसरे ने सारत मिन्न हो, निक्चर्य निवालते हैं। दो विश्वविद्यालयो, क और का के विकाधिया नी स्वास्थिती स्त्री परीक्षा ली गई और यह पाया गया कि क के परिचाम का से अच्छे थे। बार में पता चला कि क ने जो विद्यार्थी गरीशा में बैठे थे ने सास्थिती में एम् ए गाम कर चुने थे, एस्तु का के विज्ञाधिया ने नी ए भी पात नहीं विच्या था। संपद्धत ऐसी तुकता अनुचिन है और सहसे निवाला गया निज्यं आसक है। बॉटिन्जर (Bertillion) ने नहा है कि 'प्रमायी नी तुल्ना सर्दन जहाँ उत्पन्न रहने बाले बचारों से की बानी चारिय'।

(२) माध्यो और प्रतिश्वतों का उपयोग (Use of averages and percentages)—एक हुवारी प्रनिश्च वृद्धि का नारण माध्यो और प्रतिश्वता का उपयोग है। यदि निश्ची सैमिनार ने १० निश्चायिया में एन ना मासिक व्यव २००० २० थी. स्थारी महत्त्वा मासिक व्यव २००० २० थी. स्थारी महत्त्वा मासिक व्यव १०० १० है है इसिए प्रत्येन ११० ६० है नहत्त्वा है। इसी प्रमार

स्वर यह बहा जाय कि मारत में १०% छोग एक कम्मनी के जुतो वा उस्योग करते हैं तो इससे यह निजयों नहीं निकालमा चाहिए कि वह कधेर छोगों में १६ छास मोग इस कम्मनी वे जुते पहिलते हैं क्योंकि ३६ करोड में से कुछ लोज मने पीब चन्द्रते होंगें और कुछ जुतों के स्थान पर चम्चक जादि पहुनते होंगें।

- (३) मुतप्यता का जनाव (Lack of Preciseness)—इसके कारण में गयत समायन हो सबते हैं। जैसे 'एक सहर में एक साधारण व्यक्ति मितिहन गोन सिप्टेर पीता है। यहर में 'एक हमार व्यक्ति रहते हैं, इस्तिया मुझ '५० हजार वित्तरेट मेंतिहत पी बानेगी'। यह मुलप्यता के कमाव का जराहरण है। मान यह है कि कौन क्यांति सामायन है, और क्या ग्रहर के यह निवासी सिप्टेट पीते हैं। हो सबता है कि बता सिप्टेर ने पीते हो। सामायन करते वे पहले इन प्रस्तो का ठील जीत उत्तर देना आवायक है, अप्यया सामायन करते होगा।
- (*) अपूजरकरण (Non-sequester)—सामान्यन करने से पहुले यह अप्यादस्य है कि विविध प्रतिवारकों के प्रसावों ना एवनन (fisolation) है। दिया जार । पुक्करण न भरने से बहुवा परती हो नाती है। पर मान कीशिय हम एक मुचरे हुए बीज के कारण उपज में वृद्धि देखना पाहते हैं और प्रयोग करने के लिए चसे एक खेत में नीन हैं। जब अगर हुए पाने हैं कि उपज में बृद्धि हुई है तो एव वस यह निक्मर्य निवालना कि यह पुपरे हुए बीज न माभाव है, गवत हो सत्ता हो । क्सीन हों सहसा है कि यह मुमि अधिक व्यवस्था हों और अगर सामान्य बीज बोमा जाता ठक मी उपज अधिक होती। या चृति म्योग दिना का एठा सा, इतिव्य किमाई और खाद आदि की अधिक परवाह की गई। जब तन इन करणो से हुई वृद्धि को पुसर नहीं कर दिना जात, तत तत उपयुक्त निक्मर्य प्रागक डी सकता है।
- (५) साहबर्य को कार्य-कारण संबय समसना (Mistaking Association for correlation)—िनवी सहर में यह देशा गया कि विद्यार्थी सिनेमा अधिक देखते हैं। इसने यह निजय निकारता कि चूर्कि वे दिवार्थी है इतिष्य निविना संवर्ध हैं, या इनाना निकास, गरुत सामान्यन होया। इनमें कोई कारण सबय नहीं है, नेवल साह्यों है। इस प्रकार साहबर्थ और वार्य-कारण स्वय में भेद म वर सनने ने बारण मो स्थामक सामान्यन निए जा सनते हैं।
- (६) अप्रतिनिधि सामग्री (Non-representative Data) —एक स्वान नार पत्र आगामी चुनाव ने परिशास का पूर्वानुमान करने ने लिए यह उपराक्त करता है और हम मनो के मामार पर निवर्ष निवालवाह हैं। एक उम्मीशना एक्सिरीयों से हम मुना विपक्र मत पाएगा। निर्योषन होने पर पाया गया कि विरोधी १०%

मतो से जीता। पत्र का निष्कर्ष गलत या क्योंकि कारण इंडने पर जाना गया कि यह पत्र पहले जम्मीदवार के समर्थकों में ही पढ़ा जाता था। अन्य लाग इसे बहुत दम पढते थे । निष्वर्ष के गरत सिद्ध होने का कारण अप्रतिनिधि सामग्री थी।

(७) अभिनति (Bias)—अनुसमानवर्ता की अभिनति ने नारण भी गलत सामा यन हो जाते हैं। अगर वह पहले से ही विन्ही कारणों से कुछ भारणा बना रेता है, तो बह जाने अनजाने सामग्री से ऐसा निष्दर्प निवारेगा जो उमनी धारणा की पुष्टि करते हा। अयर किसी परीक्षण की धारणा यह है कि वो ए० के विद्यार्थों बी० एस्० मी० व विद्यायियों की अपेक्षा कम मेहनदी होते हैं, तो उसक परिणामी का भुकाव वी०-एस्० सी० वे विद्यार्थिया के पक्ष में हागा।

(८) क्तकं (Bad logic)--गलत तकं करने के कारण भी सामान्यन

- वटियुर्ण हो सकते हैं। जैस यह बहना वि चंकि सराब पीने वाला में ९९% व्यक्तिया की मृत्यू १०० साल से पहले हो जाती है, इसलिए शराब पीना दीर्घ जीवन ने लिए बरा है, एक तर्न-विरुद्ध निष्कर्ष है, नयानि हमें यह नहीं मालुम है नि शराब न पीने बालो में दितने प्रतिशत व्यक्ति १०० साल तक जीत है। हा सकता है कि दूर पीनै वालो में भी ९९% व्यक्तियो की मृत्यू १०० साल से पहले ही हो जानी हो।
 - (९) बर्गीकरण में उपत्रों पर विचार न करना (Overlooking of sub classes in classification)—अगर यह वहा जाम कि वस के समन्त उत्पादन में १५% की बृद्धि हुई है, तो इससे यह निष्कर्ष निकालना कि अब लोगो को पहले से अधिक सुविधा मिल रही है गलत होगा। समस्त उत्पादन के अन्तर्गत विभिन्न उत्पादन क्षेत्रों में हुए परिवर्तन पर विधार किया जाता है और ये उत्पादन समस्त जरपादन ने जपवर्ग हैं । हो सनता है कि कुछ क्षेत्रा में कम वृद्धि हुई हो और ग्रर्थ-व्यवस्या के असत्तित होने के कारण लोगों को अधिक कठिनाई का सामना करना पड रहा हो । अतरव समस्त के आधार पर निष्न में निकालने से पह रे उपवर्गी पर अवस्य विश्वार निया जाना चाहिए।

सास्यिकी के प्रत्येक सावधान विद्यार्थी को इस प्रकार के म्यान्तिकारी निव्यर्थ निकालने से बचना चाहिए। देवल वे ही निप्दर्प निकाले जाने चाहिएँ जो मामग्री पर बाधारित हो । ऐसा नोई भी निष्वर्ष जिसने लिए दी हुई सामग्री से ब्रविक जानकारी की आवस्यकता हो, हमेशा भ्रान्तिकारी हागा। सामग्री का निवंचन करता और उस से निष्कर्ष निकालना एक अत्यधिक कठिन काम है और इसमें जिन्नी भी सावधानी बरती जाय, वह नम हैं। यह नेवल विरोपन का नाम है। यह ठीक है कि 'बगर सास्थिकीय विधियों का एपयांग अल्पन्न करता है तो ये मनसे भयकर

उपकरण हो जाते हैं। सास्थिकी उन विज्ञाना में है जिसमे प्रवीण व्यक्तिया का बर्लाकार का सा आत्मसयम रखना पड़ता हैं।

QUESTIONS

- Reconcile the following statements
 - (a) Statistics can prove anything
 - (b) Statistics prove nothing (B Com, Allahabad)
- 2 "Statistics is the science of counting" Give the important uses and limitations of Statistics (B Com., Madres)
- 3 "Statistical methods are the most dangerous tools in the hands of the inexpert Statistics is one of chose sciences whose adapts must exercise the self-restraint of an artist?

Explain clearly the significance of the above statement (M Com, Agra)

श्रध्याय ३ सोस्थिकीय अनुसंघान

(Statistical Enquiries)

िरुटर अप्याय में बताया जा चुना है ति साहियदीय विधियों में सामधी मजहण जवातुसार सबसे परले जाना है। जगर सामधी न हो तो न हम किलेयप कर मबते हैं और न निलमें ही निवास समेते हैं। इमिल्प खाइको परला पर है। यह एम महत्वपूर्ण विषय है ने हमोदि सपूर्ण परिणाम सम्मदीन मामसी के गुनो पर जालिय रेट्गा और स्मिल्प हम जिननों भी गावभानी से सामधी नमूनों पर जालिय रेट्गा और स्मिल्प हम जिननों भी गावभानी से सामधी नमूनों सह वह कर हो है। अनुम्यान वी सम्मता की दृष्टि से यह सबैंव लाकशारी है कि मामधी सबह बरने से पहुँ हम स सामप्रतिह्व आयोजन वर के । एम जिसस नीस सोबी-विचारी गई योजना में निम्मिणियत बांतों पर प्यान दिया जाना चाहिए

- (क) समन्या ने क्षेत्र की परिभाषा (defining the scope of the problem) ।
- (ख) अनुमधान-विभि (method of enquiry)।
- (ग) अन्य वाने (other details), जैसे
 - (१) साहियनीय इनाइयो नी परिभाषा (Definition of statistical units)
 - (२) अमीण्ट यथार्थता-परिमाण (Degree of accuracy desired) अर्थात् अनुमोदित वृद्धि वा परिमाण (the magnitude of error permissible)।

(क) समस्या का चेत्र

सामान्यत अनुसवान न उन्हेम और प्रयाजन जमना क्षेत्र निर्पर्शन करने हैं। अनुमान ना प्रयाजन (purpose) और जमना क्षेत्र निरिन्त करना बहुत आवस्पन है क्यांनि हमी पर आवस्पन सास्थितीय सामग्री ना समह निर्भर करता है। यदि अनुममान ना उद्देश ठीन ठीन अनाहित्य रूप में पहुंछ ही नहीं बता दिया गया हा तो बार में गवबंदी और निजाइसी पैरा हा सनती है और हो सकता है नि ऐमी मामग्री ना समह नन दिया आप जा अनुमशान ने प्रयोजन की देवनी हुए सुमशान न हो। इस्किए यह आवस्पन है नि समस्या ने सुम पढ़ा की साम्यागी से जॉन कर ली जाय, जिससे फिर दूसरा अनुसंघान करने की आवश्यकता न पढे और त्रृटि की सभावनाएँ न्यूनतम रहे।

(स्र) चनुसंधान विधि

मामग्री-सप्रह को नई निधियों है जिनका प्रयोग निया जा सकता है। विसी विधि-नियोग का औषित्व अनुसमान के उद्देश और प्रयोजन पर साधित रहता है। स्व विधियों सब अनुसमानों के लिए, उपमुक्त नहीं हैं। इन विविध विधियों को वी हामान्य नमों ने बीट एकते हैं, प्राथिनक और डिबीयक (Primar) and Secondary)।

प्रायमिक और दिलीयक विधियाँ-विद सास्यिकीय प्रतिपादन, निर्वेचन, और प्रकाशन के लिए सामग्री का पहली बार संग्रह किया जाता है, तो इसे प्राथमिक सामग्री कहते हैं । जिस विधि से प्राथमिक सामग्री का संग्रह किया जाता है उसे प्राथ-मिक विधि कहते हैं। जब ऐसी सामग्री का किसी दूसरे प्रयोजन से या उसी प्रयोजन से किसी दूसरे अनुसंधान में उपयोग किया जाता है तो उसे द्वितीयक सामग्री कहते हैं और जिस विधि से इसका सम्रह किया जाता है उसे दिसीयक विधि कहते हैं। एक उदाहरण से इनका अलार स्पष्ट हो जायगा । मान लीजिए हमे एक गाँव मे ऋणिता (indebtedness) का विस्तार जानना है। अनुसम्राव-पर्यन्त जिस सामग्री का संयह किया जाता है उसे प्राथमिक सामग्री कहते हैं और जिस विधि से इसका सब्रह किया जाता है उसे प्राथमिक विधि कहते हैं। यदि इसी सामग्री का उपयाग इस प्रकार के किसी अनुवर्ती अनुसमान में या अन्य प्रकार के अनुसभान में किया जाता है ता इसे द्वितीयक सामग्री कहते हैं और जिस विधि से जब इसका सप्रह किया जाता है, उसे द्वितीयक विधि कहते हैं । द्वितीयक सामग्री का उपयोग उन स्थितियो में किया जाता है जब या तो प्रार्थमिक सामग्री उपलब्ध न हो. या जब सामग्री के पर्याप्त और प्रामाणिक विवरण उपलब्ध हो और इसलिए संग्रह करने में समग्र और सावनी का उपवीप करना व्यर्थ ही। दितीयक सामग्री का उपयोग करने मे बहुत सावधानी बरत्तवी चाहिए क्योंकि प्राय इस विधि से निकाले गए परिणाम विस्वस्तीय नहीं होते । द्वितीयक विधि का उपयोग करने में यह सदैव निश्चित कर टेना चाहिए कि सामग्री का राग्रह पहले किस उद्देश्य ने लिए और क्सि विधि से किया गया था। द्वितीयक सामग्री का उपयोग करने पर अनस्थान का उत्तरदायित्व बढ जाता है। उसे उपलब्ध सामग्री की सावधानी से परीक्षा करनी पडती है, जिससे वह जान सके कि क्या उपलब्ध सामग्री अपने वर्तमान रूप में उपयोज्य है या नहीं; और अगर नहीं है तो कितनी अतिरिक्त जानकारी और गणना करने पर वह उपयोज्य हो जाएगी।

उपर्युक्त दो सामान्य विभाजनो ने साम साथ अनुसमान विधियो वे उर विभाजन किए जा सकते हैं। ये उप-विभाग उपर्युक्त विभागा के अन्तर्गत आन हैं। नीचे इसना संक्षिप्त वर्णन विमा आता है।

(क) साणना-अनुसामन और प्रतिदर्श-अनुसामन (Census Enquiry & Sample Enquiry)—यदि मामग्री मप्रतु पूरे अनुमामन क्षेत्र मे विचा जाता है तो हमे साणगा अनमपान बहेन हैं परन्तु प्रति अनुसामन-वात्र के रोटि मागों में महाधिन सामग्री का मदह विचा जाता है तो प्रतिदर्श-अनुसामन कहते हैं। इतमें में बौन मी सिप्त चूर्ता कारणी यह इस बात पर आधित है कि विचा प्रवार के मामग्री का माम्य कर सामग्री का सामग्री का

प्रतिस्ती-अनुस्थान में अनुस्थाता हो बहुत सावधानी से कार्य वनना पड़ना है और रक्षणाना से स्विधेय कर में अपने में क्याना पढ़ता है। मामान्यत एक उचित प्रतिस्ती प्राप्त कर है लिए अनुस्थान होने के स्वरूचन में से स्वयन्त वहीं (moderately large) सब्या में पर यहच्छ (at random) चुन लिए जाते हैं। यह उद्येश का प्राप्त करने के लिए मर्केप्रयम मन सहस्य विश्वेयता यह है कि प्रत्येक सक्ष्म के चुने जाते की सामावना समान हाती है। इन उद्देश का प्राप्त करने के लिए मर्केप्रयम मन सहस्य विश्वेत करने में एक दिए जाते हैं है और मत्क-व्य (chronological order) में, भीगाविक-व्यम क्यां-जम (alphabetical order) आदि में में वे वम प्रयम्त रित्त होने चाहिए। इसने बाद उत्यक्त सख्या में पदी (items) वा चुन किया जाता है। उदाहरणार्थ मान कीजिए हुन विश्वो राज्य के मोबा की आर्थिक दमा के सबस में अनुस्थान करना है। इस राज्य में ३० हवार गोब है। यह सम्मक नहीं है कि इन सब मोबी वा अध्ययन किया जाता है। स्वर्टन विश्वो प्रत्य के परित्त होने स्वर्थ में विश्वेत हिन्त करने किया जाता है। अपने के लिए हुन इन को मोगीविक या वंप कम में ध्यविन्त करने है की राज्य के मीब गोब वा अध्ययन करने है की राज्य के मोब के ध्यविन्त करने है की राज्य की मोब की अध्ययन के रित्त प्रत्य में व्यविन्त करने है की राज्य की मोब की वा अध्ययन के रित्त प्रत्य में के ध्यविन्त करने है की राज्य की मोब की मान के लिए हुन इन को मोगीविक या वा प्रत्य के स्वर्थ में भ्यविन्त करने है की राज्य की मोब की अध्ययन के रित्त प्रत्य में के ध्यविन्त करने है की राज्य की मोब की अध्ययन के रित्त प्रत्य की स्वर्थ में में व्यविन्त करने है की राज्य की में में वा वा अध्ययन के रित्त प्रत्य के नित्त है की स्वर्थ में में भी की साम अध्ययन के रित्त प्रत्य की स्वर्थ में में ध्यविन करने हैं है।

ब मीनची मह होता है कि ममूह बाभी बढ़ा होता है और उसमें ऐसी विगेव-ताऐ होंगी है जिनका प्रतिक्त में प्रतिनिधित्व होना चाहिए। अपर ये विशेषनाएँ माहित की या करती है ता स्वरित प्रतिक्रमी (Strattled Sample) का उपयोग विगा आगा है। स्वर्तिन प्रतिक्रश हेंने वे लिए एड्ड समूह की वर्तों में विशादिन कर दिया जाता है और फिर प्रत्येव वर्ग में से कुछ सदस्यों को यद्कुछ चून दिया जाना है। इन बर्गों को स्तर (strata) बहुने हैं। स्तरित प्रतिदर्ध-विधि का उपयोग तब किया जाता है जब समूह विषयमांगे (heterogeneous elements) मे मिरुकर बना होता है और यह आवस्यक होता है कि इस अमो न प्रतिविधित्व प्रतिदर्ध में उसी बनुषात में किया जाय जिसमें वे पूरे समुह में हैं। इससे प्रतिदर्ध में प्रतिविधित्य होनीपित्त हो जाता है और वह अपिक विस्तरनीय हा जाता है।

यहाँ यह पूंछा जा सकता है कि यथा प्रतिवसी-विधि से निकाले गए परिणाम उतने ही विश्वसवीय होगे विजने सगणना-विधि से जान गए परिणाम। यह देखा ग्रामा है कि इन दोनों में जयिय लगनर नहीं होजा। इसकी व्यारचा ममाविदा-विद्यान की सहायता से की जा सबता है। परन्तु हमें हम स्व वर्ष्ट भी समस्र सकते हैं कि पाइ सक सरस्मी (वर्ष्युक्त उत्तहुक्त में ३० हजार पांजी) का अध्ययन किया जात तब ऐसी मृदियों के होने की सभावना रहेगी जो जुक्ती सबी जाती है। चूँकि सरस्मे भी सब्दा बहुन अधिक है हस्तिव्ह सावधानी पत्र हो नायगी और वश्यात की मनावना और अनुस्वानाओं के साव की अनुस्थान में हतना अधिक व्यय होगा और हर रह स

यह तो हुमा बाद्विज्य प्रतिसर्थ चुनने का वर्णन । कपी-नभी यह विधि साध्य या व्यवदार्थ नहीं होती । ऐसी रिपति में सदस्यों का कियार (delberate) या सौद्देश (purposive) प्रवरण (selection) रिया जाता है। इस विधि में अनुस्थाता ऐसे सदस्यों का जानकुक कर और सम्योवन प्रवरण करता है किन्हें वह समूर्य को वास्तविक दशाओं का प्रतिनिधि सम्प्रका है। यह विधि मद जगह काम में नहीं शाई जा सकती नभीन कोई भी अनुवधाता एक्शात-गईत नहीं होता। । ऐसी रिपति में वह नान्य-जनजाने ऐसे मदस्यों को चुन केगा जो उसने मिदान्य का समर्थन करने हो वा विनक्षेत्र प्रति उनका निगी प्रकार का कगाव हो।

- (ख) वैपलितक अनुतयान या गणनकार द्वारा अनुसवान (Personal enquirv or enquiry through enumerator)—वैदलितक अनु-संपान में अनुस्थान (first hand) जानकार संपान में अनुस्थान (शिक्ष hand) जानकार के किए स्वय करता है। इस क्रांतर के अनुस्थान गणनवारों को निवृत्त करने भी निए जा सबसे हैं। ये गणनवार अनुस्थाना गणनवारों को निवृत्त करने भी निए जा सबसे हैं। ये गणनवार अनुस्थाना भी ओर मे साम दस्तों हैं।
- (१) वैयनिनक बनुसमान प्रत्यक्ष स्वयं निरोक्षम (direct personal observation) झरा क्या वा सकता है । इसमें अनुमधाना स्वय तस्यान (on the spot) अनुमधान करता है और प्रत्यक्ष स्वय निरोक्षण करने अनुनधान के

पिणामों का अभिलेखन न रता है। इस प्रकार ने अनुवधान ना पहला दोच यह है वि यदि अनुभाग ना श्रेन विराज्ञ हैयों समय सा धन के अभाव के कारण अवन्तें या सनवीं हैं। इसमें में किलाइदां में समितिल है को मानुष्मों को स्वामाधिक असनता ने कारण जरान होती हैं। इस ना इसरा दोच यह है कि सामग्री के पिणामा व्यवित्यत पक्षपातों से नामी प्रमानित हो सनवें हैं। वीसरा दोच यह है नि इस प्रनार ने अनुवधान में यह प्रखाशा की जाती है नि व्यवित्यों में विशेष गोय्यताएँ हो, जैसे व्यवहार-दुशकता, सामधानी, निरोक्षण में प्रकरता, सबैसायारण ने रीति-रिचायों और मानेवृत्ति को समध्ये की योग्यता आदि। इन सब का एक हो व्यवित में होना सामान्य नहीं है।

इन सब ने होते हुए भी यह निधि सबसे अन्छी है। यदि समार्थ (accurate) और शहन (intensive) अनुमधान रत्ना हो तो सामान्यत हसना उपयाग करना माहिए। सावधान अनुसधाता होने पर हसने द्वारा विश्वसनीय और सही जानवन्धी प्राप्त की जा तकती है क्यांगि निरीक्षण प्रत्यक्ष अनुभव द्वारा गुम्का देता है।

(२) वैयक्तिन अनुममान परोक्ष स्वयं निरीक्षण (indirect personal observation) इत्या भी निमा जा धनता है। इस विधि का उपयोग सामारणत सरकारों हारा निमुक्त की स्मितियों या आयोग करते हैं। इस विधि में बहुत साक्ष्मी को आसरवक्ता होती है बरोक मुक्ता रोज कोगों से मंगी ताती है वेर स्वयं प्रत्यक्ष मा परीक्ष कप से समस्त्र से संवधित होते हैं और प्रप्ती पर उनके अपने मह और विचार होते हैं। इस मुक्ता ने गुण स्वमावत सूचना देने वाले व्यक्तियों ने गुणों पर आधित रहते हैं और उनके प्रयागत युव उनकी परिसीमारों मूचना की प्रभावित करती है। इसलिए जब तक परोक्ष सायक से संपृष्टिक अन्य स्वतन्त्र सोतों से न हो तथा, उस पर अधिन विद्वास नहीं करता चाहिए।

स न है। जान, उस पर आन्य विश्वान हो। रूपना आपूर।

जब अनुममान गणनवार। वो निवृद्धन वरणे दिया जाता है तो उसके वर्ष कर प्रेष्ट हो सकते हैं (१) स्थानीय समावस्ताओं (local correspondents)

की निवृद्धित की जा सबती है जो मुनना देते रहते हैं। साधारणत समावस्ताओं के मांग्रेस्टर्सन के लिए एवं नियमावको नना वो जाती हैं। ये समावसाताओं के मांग्रेस्टर्सन के लिए एवं नियमावको नना वो जाती हैं। ये समावसाताओं नियमित समावस्तात्त्रों में सुवना देते हैं कीर सुचना स्थानक्वानकरण (information agencies) वा बाम भी करते हैं और सुचना देने ने जातिस्तिक अन्य बाम भी करते हैं। इसलिए यह विधि गितवस्पति और अनिजम्म है। (२) आपक्रीआध्याक्षक प्राचित्र स्थान समित के अभित्र स्थान स्थान

इस विधि के द्वारा कम समय में और कम व्यय करके विस्तृत अनुस्थान किए जा सकते हैं। सूचना प्राप्त करने के लिए क्वल प्रश्नावली छगाने और उसवा विदरण करने का स्वय उठाना पड़ता है।

दन विधिया ना दोष यह है कि सामारणत लाग अनुमयाना के प्रति उदासीन रहते हैं। अधिक स्थाम प्राप्त करने के लिए नुख नवणा-स्थाएं तायको का ब्रान्क् त्या आदि तो चुचियाएं दती हैं जिससे उन्हें स्थान नावराम कृषना दने बादा के जिए दुस्तार हो स्थान मी की बाता है। वे मुविवाएं और आवरण दन्ता किए दुस्तार हो स्थानमा भी की बातो है। ये मुविवाएं और आवरण दना निजी सस्यात्रा हे लिए आवस्या दीशा है। परन्तु ग्रीद इस प्रकार के अनुवधान राज्य द्वारा गर्चालित होते हैं तो दनने गीछ पंपानित दवाब हाता है और इस्तिल् प्रमुद्धार पिषक जात है। चूँकि निजी तत्यांना का यह पुतिमा प्राप्त नहीं है इस्तिल् कर्त प्रकार के रूप भीर निजी करने स्थना प्राप्त वर्णी वक्षी है

बाहै क्तिने ही भी आनपेण, सुविधाएँ और प्राथनाएँ की जाएँ, छाना का ब्यासीनदा ने नारण सुवनाएँ गास्त्र और अव्ययंत्र हो सनती है। अदएन यह स्रावत्त्रम है नि प्रत्मावकी सावधानी से बनाई जाग । प्रत्मावनों में प्रारम में ही यह दता रिया जाना चाहिए कि अनुसवान का परियामों से साधक को बिन साभी के होने की समावना है। यदि ऐसे प्राप्त पूर्ण जा रहे हैं विजना उत्तर सबके मामने नहीं दिया या सकदा या जायक उन्हें सार्वेजिक नहीं है विजना उत्तर सबके मामने नहीं दिया या सकदा या जायक उन्हें सार्वेजिक नहीं स्त्राच पाहरता तो यह बता दिया जाना महिए कि अनुस्थान सीपनीय है पैते द्वारण को पश्चिम न ना उपयोग नहीं किया आएगा। जहाँ तह हो सके सांगक को बहुत बड़ी शस्त्र में निक्ष्य प्रस्त प्रस्त प्रमा प्रमा न परियान नहीं करना च्याहिए । ऐसा करने पर नह अन्विक्स रिवाडको और कादमानी से उत्तर देगा । यदि ये पूर्वोप्तय (precaution) किए जाये, तो इस विधि ना जारपुर्वक उपयोग दिया जा सत्त्र हो ।

(३) अनुगमान नी एक अन्य प्रषण्ति विधि में अस्तावली गयानकारों को दे दी जाती हैं। इस विधित लोग नम हो मा जहीं प्रत्यों की व्यादया और प्रत्युत्तरी ना स्तायम्ब करना पहता हो। इस पित में बीच निस्तुत (detailed) अनुगयान किए वा सबसे हैं। परन्तु पर मुहाने विधि से जीवन महायों और कम अविकायन है।

इस प्रकार के अनुसमान में गणनकार के चुनाव में बहुत सावमानी बरतनी नाहिए। उसकी सामान्य बुद्धि प्रवार होनी चाहिए और वह अनुसमान के उद्देश से प्रोत्माहित होना चाहिए। अपने काम सफल बनाने के लिए उसे अपने कप्टो परबाह नहीं करती चारिए। दूसरे सन्दों में उमें बुद्धिमान और मेहनती होना चाहिए। उसे ब्यब्हार कुराल और प्रिय स्थमाय का होना चाहिए। वह ऐसा ब्यक्ति होना चाहिए निस पर यह विश्वास किया जा सने कि वह सबम में काम गैंगा और व्यक्तियत फलारतों को हटा सनेना।

गणनवारो या चुनाव वर छेने ये बाद छत्या अनुसवात व नाम में प्रशिक्षण विया ज्ञाना चाहिए। गणननारो का प्रशिक्षण अनुवधान वा एक जीत मूर्य साम है। यदि गणनवार प्रशिक्षित है और अनुभागन व छह्दय और अभिप्राय से सुदिर्शित है ना अनुस्थान म एक ममाराता आ सननी है।

प्रसमें का चुनाव (Choice of questions)—यह पहले बनाया जा बुना है हि प्रस्त सरवा में बम, सरल और अमरिय्य होने चाहिएँ और ऐसे बनाए जाने चाहिएँ वा सारा। को भावनामा का चाट न वहुँचाएँ और उन्हें प्रितन त बनाएँ। सप्त और बनायजनर अनुस्थान के हिए प्रस्तावकी (questicinaire) का बनाना बहुत महत्रपूष है। तिमी अच्छी प्रस्तावकी से निम्निलित बाते होंगी चाहिएँ

- (१) प्रस्तायको सरक और स्थप्ट होगी बाहिए—प्रस्ता वो सरक्ना और स्थप्टमा बहुत महत्त्रपृष्ठ है। आपना वे पाम जाकर प्रस्त पूठने को मुनिया मिक्ना सर्व ममन नहीं हाना। अगर यह मुगिया हा ता यणनकार मरियर प्रस्ता यो मममा मनना है। पन्यु प्राय वेषक प्रस्तावकों हो भेजनी पटनी है। इस रद्या में यद तक हारक प्रस्ता वा अब और उनकी ठीक-ठीक प्रवृत्ति नहीं सममने, उनमें गृढ उत्तरों की प्रस्तामा नहीं क्यों बाहिए। प्रस्तावकों में सरक्टा वा शास्त्रचं वह भी है कि प्रस्तों की प्रस्तामा नहीं क्यों वा प्रस्तावकों में नव प्रस्तों का बादिक उत्तर सित्त को ममनना कम हा जाती है क्यों का प्रस्ताव प्रस्तावकों में पड जाते हैं या जब जाते हैं। स्थप्टता वा तारामं यह भी है कि टिप्पणियां, बतुरेख (instructions) परि-भाषाएँ आदि स्थप्ट और अमदिश्व कम से पाद-टिप्पणियों या प्रस्ता के माय—जहीं उत्तर हा—दे दी जानी बारिएं।
- (२) प्रश्तों का वित्यास सर्वसमत त्रम में किया जाना खाहिए—प्रश्त ऐसे विन्यासित निए जाने चाहिएँ वि एप वे बाद दूगरा स्वभावित सा रुपे। पहले जो भूवना प्राप्त वरनी है ज्ये सीपंवा-जरवीपंवों में बॉट नेना चाहिए और इनका विन्यास मीच सममवर वरना चाहिए। यहाँ बात प्रस्ता पर रुप्त होनी है। जैसे, अगर हम हुट्स-बबट ने बारे से जनुस्थान परता चाहते हैं से तीन सीचें होने हुट्स के सरम्यों से सर्वापन मुचना, जनकी आब, और बन्त में जबने आब। पहले

हें अन्तर्गत कर्ता (head) का नाम, परिचार के सरस्यों की सस्या, उनका वर्षे या समूह आदि आएंगे। दूसरे के अन्तर्गत आय हें साधन और तीसर व अन्तर्गत विमिन्न बस्तुमा जैसे बान, साक, आदि पर निए गए व्यय आएंगे। यह नहीं कि कर्ता का नाम पूजरे के बाद अन पर दिया क्या क्या पूछा जान और फिर तन्ता की मस्या आदि।

(२) प्रस्तों के उत्तर ऐसे पिस्तें को सिंतरत हो और जिनका साहियकीय प्रति-यादन विद्या जा सदे — मैंत समय सामन से अपनी आर्थिक स्पित का बयंन करने क लिए कहा जाय नो मुक्ता मधिकत सामय हो होगों और यह ऐसे रूप में मिलेगों कि उनका साहियतिय प्रतिनादन नहीं विद्या का मंत्री गा। वह ऐसे पद्यों वहां प्रति ने निक्तनी प्रतिभाग नहीं हो गाँ है। इस्किए प्रकार ऐसे होने चाहिए जिनके उत्तर निक्तिन और गाँदाय हो, जैंगे क्या सह एक अवेक (अध्यन/आधिक्य अवेक है)।

(४) प्रान ऐमे हो कि उनके ठीक-ठीक उत्तर दिए जा सकें—इस सबय में शानव्य है कि बुछ प्रदन ऐसे होने हैं जिनका ठीव ठीक उत्तर देवा सथव नहीं है और हुए ऐसे होने हैं दिनका ठीव-ठीव उत्तर ता दिया जा अकता है, परन्तु इस मूचना का मापन गापनीय समभना है और इमलिए उनका मही उत्तर देवा नहीं भारता । इस ना उपचार यह है कि प्रस्त ऐसे बनाए जाएँ जिनके उत्तरा का ठीक ठीक वर्गों से मार-गीयन क्या जा मने और जायना का विश्वान दिया दिया जाना चाहिए कि उनकी भूचना का उपयोग मापनीय और अर्थयक्तिक रूप स किया जाएगा । उदाहरण के .. लिए हम जन-गणना के प्रतिवेदन पर विचार करेगे । सामान्यन साथ अपनी आप पूर्णांका में बनाताने हैं जिसका अस्तिम अब गून्य या पाँच हाना है । फन्सरकरप गून्य भौर पाँच में अन्त होने बाठी नत्याओं से छागा ना नवर्त्रण हो जाना है। इनका उपचार यह है नि आयु-समृह ५ से कम, ५-१०, १०-१५ आदि वही बन्ति २ है में बम, २-१-३-१, ७-१-१२-१ बादि बनाने चाहिए। इसी प्रकार अयर किमी ऐसी बीमारी के बारे में मूचना एकतिन करनी है जिसे छाए नहीं बनाना चाहने, तो उन्हें इस बान का निस्तास दिलाना चाहिए कि मुनका गोपनीर समभी जामगी। इनता यह भी तात्मने है कि कुछ प्रकार के प्रस्ता का नामपानी से पहिरण (avoid) गरना भाहिए क्योंकि या तो वे अवाद्यक्षेत्र समभ्ये आऐंगे और उनके उत्तर नहीं दिए आऐंगे या उनके गटत उत्तर दिए जाएँगे । यदि मजदुर-नेनाआ से पूछा जाय कि मजदूरा को अनुचित भौगो का क्या कारण है, ता इसका ठीक उत्तर नहीं दिया जायगा। अगर उत्तर दिया जाना है तो इसका अर्थ यह हुआ कि माने अनुचिन है इसलिए भजदूर-मेता प्रस्त में 'बनुचित' याद ने प्रयाय की चुनौती दना। हमी प्रकार सदि विद्यापियों में पूछा बाव नि नेया अनुसासनहीनता का उत्तरदायित्व विद्यापियों पर है या विश्वविद्यालय के अधिकारियो और सरकार की नीति के काण्य यह यहा है, तो अधिकाय उत्तरों में अन्तिम दो को उत्तरदायी बताया जायना ।

(५) प्रस्व ऐसे होने चाहिए कि उनके उत्तरों का सपोषण (corraboration) और सत्यापन (verification) निया जा सके—प्रस्तावकी में बुछ प्रस्त नेवळ इसी उद्देश्य से पूठे जाने चाहिए। चुठ रहाओं में प्रस्त स्वय एव दूसरे नी मरगना सिंढ बंदते हैं। चुटुव बजट में दिए गये उदाहरण में आय और नुळ ख्यय में समानना होनो चाहिए। इसी प्रकार एक अन्य प्रस्त 'कहाँ नाम करता है' पूछ वर आय वा सरायान विया जा मनता है।

सबसे अच्छो भीति यह है जि प्रस्तावकों की मदैव परीक्षा करनी चाहिए और अनुभव के आधार पर उन्नमें सर्वोधन कर देना चाहिए। यदि यह समन न हो तो अन्तिम रूप देने से पहले उसे अनुभवों व्यक्तिया को अवस्य दिखा देना चाहिए।

(ग) अनुसन्धात के अन्य न्योरे

उपर्युक्त बातो वे साथ-साथ अनुसधान में अन्य वई वाता वा ध्यान रपना पडता है। यहाँ हम नेवल दो अरथन्त महत्वपूर्ण वानो पर विचार वरेंगे। इन पर मावधानी पूर्वव ध्यान दिया जाना चाहिए।

(१) सास्विकीय इकाई को परिभावा (Defining the statistical unit)—यहाँ अनुसाम के सियप (subject) और उद्देश्य (object) में मेर करना आवरमक है। यदि हम गहर में पृष्ठपान करने वाले विवार्षियों की सक्या जानना चाहरे हो तो अनुसाम का उद्देश दिवार्षियों में पृक्षपान का उद्देश दिवार्षियों में पृक्षपान का उद्देश दिवार्षियों में पृक्षपान का अवस्थ, इसमें हुए परिवर्तन आदि जानना हो सकता है, परन्तु अनुसाम का निषय या गणन स्कार (unit in terms of which counting will be made) विवार्षी होगा

प्रथम पृष्टि में रुपता है कि इवाई की परिभाषा करना आसान काम है। परनु ऐसा नहीं है और सारियकीम इवाई की परिभाषा देवा एव अव्यन्त कठिन काम है किसे पूरी साववाजी के करना चाहिए। उच्चेंक्स उक्कहरण में हमने 'विधासी' को इवाई माना। परनु विद्यार्थी कीन है? क्या हम विद्यार्थी का प्रवादीन (genenc) अयं मानेंगे या वेवक ब्लूजों में पढ़ने वालों को विद्यार्थी, महतेंगे 'पहले ज़र्म के अनुसार प्रत्येक आकित विद्यार्थी है। फिर, पन के बमान में बो लोग व्यक्तियत्त रूप से एक रहे है क्या वे विद्यार्थी हैं। फिर, पन के बमान में बो लोग व्यक्तियत्त रूप से एक रहे है क्या वे विद्यार्थी हैं। मिरा एक व्यक्ति जिस्सा ना पिनहर में हैं परनु उसने हाल हो में पढ़ना छोड़ दिया है, विद्यार्थी है? इसने साम हमें 'पूम्रवान परने बालें की परिसाणा देती होंगी। क्या कभी कभी पश्चान करने बाला इसके अन्तर्गत आएगा ? जादि। अनुसमान वरने से पहले इन सबका स्पार्टाकरण कर दिया जाना चाहिए।

परिभाषा दूर और असंबिष्य होनों पाहिए। ऐसा नहीं वि गणनशर उमशे अपनी व्यास्त्रा करने रुपे। यह भी आदरपत है कि जा परिभाषा दी गई है वह अनुसमत में पर्यन्त निकाई जाग। इराई त्रा सुनिष्येय (accertanable) होना चाहिए जिससे तथ्यों शा नत्यापत क्या जा सहे। दि हमें पहर में मूठ बीलने बाठों को सख्या जानती है ता मुख्य किलाई हमकी परिभाषा हो नहीं बीलन यह मुनिरिचन करने की होयी कि जैन व्यक्ति भूठा है। अन्त में, इहाई के सक्तम परिमार्ग (variable) नहीं होने चाहिएँ।

इकाइयो हे प्रकार (Kinds of units)—हवार वह वस्तु या 'गुव' है जिसके एव में पीजो (विषय) की गणना, मापन या तुल्ला ही जाती है। यह या दो गणन-हवाई (unit of cnumeration) या विस्तेषका और निवर्शन हवाई (unit of analysis and interpretation) हा सवती है।

(अ) गणन इकाई वह है जिस के रूप में चीजे (विषय) नापी जाती है। यह दो प्रकार की हो सकती है—(क) सरल इकाई (simple unit) यह सामान्य अर्थ को व्यक्त बरती है और ऐसे गुणो को बनानी है जो नाथ होने है जैसे विद्यार्थी नेता, बात्री, मील पूट आवि । (ख) सब्बन इकाई (composite unit) यह साम्रारणन या या अधिव नरल इकाइयो का मिलाकर बननी है। यदि सरह दलाई में बोई विरोपण (गब्द या वाक्यास) बोड दिया जाय तो मजनन इकाई बन जाती है, जैसे विद्यार्थी-नैता, यात्री-मील (passenger unit) आहि। एक सरल इकाई सामान्य हाती है, परन्तू जब बिरोपण लगा कर जसने एक संत्रक इवाई बनाई जानी है तो बिषय की परिभाषा अभिक परिवड और यथार्थ (strict and precise) हो जाती है। गमुबन इसाई श्राम सरछ इसाई स अधिक अच्छे प्राप्तरन देती है। उदाहरण ने लिए, यदि हमसे बहा जान नि 'क' रेलवे में १०० यानी और 'ख' में ५०० यात्री चरते हैं तो इसने हम यह निष्ट्रय नहीं निहाल सबने नि 'स' रेलवे अधिक लोकप्रिय है। हमें यह नी दलना होया कि वे यांबी कितने गील चलें। यदि 'क' रेलवे में मात्री १००० मील चड़े और 'त' रेलवे में ५० मील तो इन वे मानी-मील नमन १ लास और २५ हवार होने । जगर जन्य परिस्वितियो (जैसे वम दूरियों ने लिए मोटर-वर्गा भी व्यवस्था आदि) वा ध्यान रखा जाय तो 'ब' रेलवे अधिक उपयोगी और कारत्रिय सिद्ध होगी।

- (व) रिश्लेषण और निर्वेचनको इकाई यह है जिसने रूप में निषयों की तुछना, निर्देण्य या निवंचन क्या जाता है। तुछना तभी तमन है जब बस्तुएँ एक ही प्रकार की इकाइयों म नाणी जाती है, या इचाइया से स्वतन्त्र होती है। अन्यया तुछना निर्देश अर्थ नहीं होता। इस प्रकार की इचाइयां प्रतिस्वत, अनुपात, औसत, गुणाक जाहि है।
- (२) परिसुद्धता और उपसावन (Accuracy and Approximation)—
 एक परिभाषा के अनवार मारियकी शकात करने का और प्रावकलनो एव सभाविताओं
 का विज्ञान है। यह नमन है कि ठीम-ठीम रणना या माप न की जा सके ! हसिलए
 यह आवरपक है कि परियद्धता का स्तर पर्गर हो निस्तक कर दिया जाता इस स्तर में एक्टममा हाना नितात्त आवरपक है। सर्वत यह बता दिया जाता बाहिए कि औन हे बही नक मही है। जैसे मून्य ऑक्टो में यह बताया जाना चाहिए कि
 मून्या भ उदरण आने नम मही है या पाइया तक या हम्याई इस्तो तक रही है या
 इस के दमने हिल्म नक आहि। परिख्डता-परिमाण (degree of accuracy)
 दिल्ती हानी चाहिए यह एक सार्थितक चीन है और अनुवधान के उद्देश और
 प्रकृति यर आधिन प्रकृत है। इसके मनय में कोई निरस्त बात नहीं वही जा मनती
 और कहक अवहारिक जाना ही मार्ग-ट्याक है। तिस्त वसत नहीं वही जा मनती
 भार हह है वा गुना नक सही नापना प्रमुख नहीं सनमा जाएगा। पनन्तु अगर एक ध्यवित की समाई वाणी जा रही है तो इसो
 तक डीक नापना उपमुख

इसी प्रचार गणना चरने में यह बता रिया जाना चाहिए की हम वितास सही उत्तर चाहते हैं, अनान दश्दे हम , बनाई तन या नितने दसमस्य स्थान स्थान स्थान कर । इस समय से यानता चरने ने लिए सही उत्तर चाहिए उत्तर चाहिए सही उत्तर चाहिए उत्तर चाहिए अपी जाम । वैते अपर २ दसमन्य समान तक सही उत्तर चाहिए तो गणना १ दसमस्य स्थान तक की जाम । वैते अपर २ दसमन्य समान तक सही उत्तर चाहिए तो गणना १ दसमस्य स्थान तक की जाम । विते अपर २ दसमन्य समान तक सही उत्तर चाहिए तो गणना १ दसमस्य स्थान तह की जाम । विते अपि वित्र अपी चाहिए, आदि । अप, यदि अपित स्थान का अप ५ या जानते हैं। यह दिया जाता है, परस्य चाहि स्थान स्थान हम । वित्र प्रचान के स्थान के अपी दससे प्रचान के स्थान के अपी दससे प्रचान के स्थान के अपी दससे प्रचान के स्थान के अपी सम्य की अपी उत्तर अपी उत्तर समान के स्थान के स्थान के समान करना है। वित्र प्रचान की सम्यार्थ अपी करना हो। ची हुए में एन व्यवाय जाता है और कुछ में बेसा हो छोड दिया जाना है। वित्र उत्तर का उत्तर हम पर उत्तर प्रचान का उत्तर हमा कि उत्तर स्थान हो। वित्र उत्तर का उत्तर हमा कि उत्तर स्थान हो। वित्र उत्तर का उत्तर हमा स्थान है। वित्र उत्तर का उत्तर हमा वित्र दिया जाना है। वित्र उत्तर का उत्तर हम वित्र प्रचान का उत्तर हमा स्थान है। वित्र उत्तर का उत्तर हमा प्रचान करना हम उत्तर हमा स्थान हो।

वास्तविक अक दो दनमलन स्वामी तक सही चप्पन (approximated) अक : ३१२ ६३१

उनमादम ने लिए इन मररु नियमों को नियोपित नण्ने की आवश्यनता पड़ने वा बारण यह है हि साहित्यनीय विश्लेषण में यह आवश्यक है कि एक-वन नाजे जमानी हुनी नाहिए। अन्यवा विनिध्य गणनवारों द्वारा निवाले गए परिचान एक में नहीं होंगे।

मांख्यिकीय शुटियाँ (Statistical Errors)

सारित्यकी में 'तुर्टि' का प्रपाण किरोप अयं में किया जाना है। इसमें और 'गलती' (mistake) में मेर बनना अवस्थन है। गलनी नरूर का प्रयास तम दिया जाता है जब निवंबन वह निष्कर्य में बाई दार हह। परन्तु सारित्यही में तुर्दि का उपयोग किसी पर ति (item) के सारतिक मूल्य (actual value) और प्राप्तकतिक मूल्य (actimated value) के अन्तर के अर्थ में किया जाता है। बुटि गलनी नहीं है। एक ज्वाहन्त ने यह भेद कर हो जाएता। भागा हव कपडे की कन्माई ताव रहें। विद हम विकार में मूल करने हैं वा कारवादि कर कर की कन्माई ताव रहें। विद हम विकार में मूल करने हैं वा कारवादि कर कर की टे या ?? यह नार्वे हों। वा स्वाप्त है अपने दे या ?? यह नार्वे हों। वा अवार्य है। यह एक में अपने वा स्वाप्त है। वा स्वाप्त है के स्वाप्त है के स्वाप्त है। वा स्वाप्त है हो की जा मनती है। यरनु वर्ष हम पूरी सावस्थानी में नार्वे, तब भी प्रप्ते का माइ कूर्य के उठा नित्र होंगी—वार्ट है हो का जित करों व हो। गायने में यह दोव पूर कही किया ना सकता । इसे माहित्यही में नित्र करों व हो। गायने में यह दोव पूर कही किया ना सकता। इसे माहित्यही में नित्र करों व हो। गायने में यह दोव पूर कही किया ना सकता। इसे माहित्यही में नित्र करों व हो। गायने में यह दोव पूर कही किया ना ना सकता। इसे माहित्यही में नित्र करों है।

त्रुदि का मास (Measurement of Error)—उपर्युक्त उदाहरण ने म्हा स्पष्ट ही जाना नाहिए कि किसी भी मामननित्या में होटे सहैद निहिन्द है। इसकिए यह बास्त्रमण है कि हम बह क्षार्ति कि हमारे विश्वास किसी मामेशों नह बाहर महोदे हैं। इस दुरिटहाँच से हम दो अकार से मुद्धिया को नाम सहते हैं। (२) सामेस मृदि (Relative Error)—निरपेस मृदि और प्राम्मान्त मृत्य में अनुपात ने बायान है। इसमें मणना नरने ने छिए निरपेस मृदि में प्राम्मान्त नृत्य ना भाग दे दिया जाता है। उपर्युक्त उदाहरण में सापेस मृदि में प्राम्मान के स्वार्थ के स्वार्थ के स्वार्थ है। सापेस मृदि में माने माने मिलिक में स्वार्थ है। सापेस मृदि में माने माने प्राप्त है। सापेस मृदि में माने माने प्राप्त है। प्राप्त कर जाता है। प्राप्त कर पर मह प्रतिवात मृदि (percentage error) नहाता है। प्राप्त कर पर मह प्रतिवात मृदि में १०० से गुणा नर दिया जाता है। अप्तय कर प्राप्त माने स्वार्थ में भी स्वार्थ मुदि निष्प सापेस मृदि कर माने प्राप्त कर प्राप्त में भी स्वार्थ मुद्ध निष्क स्वर्ध में भी स्वर्ध कर प्राप्त कर प्राप्त

मूटि ना शास्त्रविक महत्व जानने ने लिए निरफ्त मूटि नी अपेशा मापेश मूटि अधिक उपमुक्त है। निरफ्त मूटि कुल मूटि बताती है, जब कि सापेक्ष मूटि प्रनि इनाई मूटि बताती है। तुष्टमा क्यां के शिष्ट यह प्रावस्त्रव है कि नृद्धियों एक ही एकाई में नापी जाये। उपयुंकत उदाहरण के पहले हिस्से में हमने निरफ्तेश मूटि ? निकाशों में। जक मान्य गीजिए एक कुलरे प्रयोग में प्रमक्तिक का क्यां है १००० हैं और वास्त्रविक कम्बाई १००० हैं। निरफ्त मूटि अब भी ? है, परण्कु इस बार प्रावक्तन पहले की व्यवसा कही ब्राविक कम्बाई १००० हैं। निरफ्त मूटि अब भी ? है, परण्कु इस बार प्रावक्तन पहले की व्यवसा कही ब्राविक कम्बाई होता। निरफ्त मूटि उस बारे में कुछ मही ब्रावित कम्बाई १०० है। व्यवसा निर्मेश मही व्यवसा । अब यदि हम कापेश मूटियों को देश तो पहली दया में व०० थे हैं जब कि हुत्तरी दया में ००० वे बराबर है। इस प्रवार साथक मूटि नियस नृदि की व्यवसा अवित कप्ता गाम है।

ब्रुटियों के वर्ग (classes of errors)—उपर्युक्त विभाजन ने अनि-रिक्त सास्थिमीय बृटियो ने दूसरे वर्गीनरण भी निये जा सनते हैं। ये वर्गीनरण सास्थिमी-सिद्धान्त ने दृष्टिनोण से अधिन महत्वपूर्ण है

१ अभिनत और अनिमनत मृदियों (Biased and unbiased errors)—अभिनत मृदियों वे हैं जो गणनतार की अभिनति या प्रस्तात (bias or prejudice) ने कारण या मायक (mersuring instrument) में रोगों के बारण उस्तर होती हैं। हमेपा अभि-आनत्तकन (over-estimate) या अब-आनक (under-estimate) ने राग उस बात ना चोतन है कि वह ध्यक्ति अभिनत है। हमी अवार नीर कार्य एटक्ट श्रीकृष्ट के है सो उनसे नागने में अपने मायक वा मायक प्रति नाम की निर्माण अभिनत है। इसी अवार नीर कार्य एटक्ट श्रीकृष्ट के है सो उनसे नागने में अपने मायक प्रति कार्य की निर्माण किया में अपने में अपने मायक प्रति कार्य की निर्माण की निर्मा

अनुभिनत बृटियाँ गणनवार वे बिना जाने अनुजाने में और दिना मापक के दोण के अपने आप उत्पन्न होनी हैं। ये बन्यि मास्यिनीय विनियो में निहिन हैं। हम हिसी भी चीउ को विक्कुल टीक-टीक नहीं नाप सकते हैं। अधिक से अधिक हम केवल उन सीमाओं की निर्माणित कर सकते हैं जिनके सीतर सही भाग होनी चाहिए तर तुदिसों ने होने को कारण मानकता का अपूर्ण होना है और इस विषया में हम कुछ नहीं कर सकते हैं। जैसा आगे बताया जायगर, मालिकारीय निर्मियों का आपार समाविता-निर्दारन है और इस्ते प्राप्त होने बाला आग केवल समाव्या (probable) है। इस्तिया पृष्टि होना स्थापनिक है। वस्तिमत श्रृंदि की विरोधता यह है कि यह मोनी विराधतों यह है कि यह मोनी विराधतों यह है कि यह मोनी विराधतों में होती है। अपर आग चित्ती येव की स्थापती यह तो विरोधता यह है कि यह मोनी विराधतों में होती है। अपर आग चित्ती येव की स्थापती यह तो विरोधता यह है कि यह मोनी विराधतों में स्थापत की स्थापती है। अपर आग चित्ती येव की स्थापती याराजिक लगाई है होती है। इस नहीं से पर नुस्ते के विराधता यह होती है। इस नहीं से पर नुस्ते के विराधता विराधता में स्थापत होने की महिता होती है।

सीमनत और कार्मामनत मुहियों के प्रसाव—उपर्युक्त वर्षण से यह सुसाय हो।
गरेत होता कि अध्यादन मुद्दे के प्रभाव संस्थार (cumulative) होते हैं। अब कि अदमिनत मृदि के प्रमाण सामकारी (compensating) होते हैं। अगर एक कमेर की
जन्माई नापी ना पहीं है और कुट-एक है इस छोटा है तो प्रयोज यह इस्ते गामने
गर है इस मा अन्तर पड जायगा और अगर कमरे भी कान्माई ४८ फीट है हो इससे
नामने पर १५ फीट आहतो। वेले-जैसे समझाई बढती जाएवी शस्त्रीयक कम्माई और
मापित कम्माई में अन्तर बढता चला आएग। इसकिए अभिनत मृदि सर्वेद अक्षात्रमीप है और इससे होनेया जावायानी से स्थाना माहिए।

मनिमता बृधि के प्रभाव समकारी होते हैं। यरि काई व्यक्ति किसी समय भाग का विश्व ता का प्रभाव नाता है ता पूजरे तथा पीता ता कम बाप के वा है और जितनी ही भीवत का कम बाप के वा है और जितनी ही भीवत का देश वाएवा। दिवारी का किस बार कुर के किस क

२ ावच वृद्धि और संभाव्य वृद्धि (Possible Error & Probable Error)—जुटियों का यह एम अन्य प्रचलित वर्गीकरण है। श्वस्य वृद्धि उत्तसादन ने नारण हो सरने पानी वृद्धि या माप है। यदि हमें पूर्णांकी में उत्तर देता है वरती चर्ल आएगी, आप धाएमें कि सिक्का ल्यामय आधी बार चित गिरना है। कुछ क्षेमा (throws) की महत्रा जैम और वरती आती है बैसे-वैम किन या एट की सदया का कुल सन्या से अनुषात है ने अधिकादिक निकट आता जाता है। यह है जा एक 'बादय है, उत्तर-मामित्रा क्टलाता है। और उपमुंत क्यन मास्थिकीय निविध्याता का एक उदाहरण है। सारियकीय निविध्याता के निवास के अनु मार यदि किसी परी जा का सार दुराया जाय और काई करना न बार परली है तो प्रीतिक्तीय हम स का बढ़ाते कर जात है, वैम-वैस अनुषात कंश्व सामान्यता सके बड़े हाने पर एक स्थित मून की आर प्रमुत हमाहे ही अनुषात कंश्व सामान्यता सके बड़े हाने पर एक स्थित मून की आर प्रमुत हमाहे ही अपत्याता की स्थाप की स्थाप की स्थाप की सामान्यता सके बड़े हाने पर एक स्थित मुन की आर प्रमुत हमाहे ही अपतान्यता की सामान्यता सके बड़े हाने पर एक स्थाप कर स्थाप का प्रमुत हमाहे की स्थाप की सामान्यता सके बड़े हाने पर पर किसी की स्थाप की सामान्यता सके बड़े हाने पर पर की सामान्यता की सामान्यता है। आप सिक्षा उद्योग की सामान्यता है। अपतान्यता की सामान्यता की सामान्यता है। अपतान्यता की सामान्यता सके सामान्यता सके सामान्यता सके सामान्यता है। अपतान्यता सामान्यता सके सामान्यता सके बड़े होने पर सामान्यता सके सामान्यता सके सामान्यता सके सामान्यता सके बड़े होने सामान्यता सके बड़े होने सामान्यता सके सामान्यता सकता सामान्यता सके सामान्यता सकता सामान्यता सकता समान्यता सकता समान्यता सामान्यता सकता समान्यता सकता समान्यता सकता समान्यता सकता समान्यता समान्यता समान्यता समान्यता सकता समान्यता समान्यता समान्यता समान्यता समान्यता सकता समान्यता समान्यत

बृह्त् सरवाओं को जहाता का निवम—एन्यूक्त प्रयोग का जगर आपने तिया तो जाए यह बात देखां है कि सा में दियाता वक्क ता आती है वह स कारी बड़ा हूं जाता है। अप एक प्रयाग कर करते है। यदि आप एक प्रयाग कर करते है। यदि आप एक प्रयाग कर करते है। यदि आप एक प्रयाग कर किए कर करते हैं। अप एक प्रयाग कर कि कार कर किए कि सा के किए के स्वार्ण की दे रेक क अनुवान में इन मीन प्रयाग में कार्या अन्तर हांगा। ये मन है नहीं हांगी परन्तु विद एक प्रयाग में सिक्त का रेक वार प्रयाग कर तीन बार दूकरायां जाय ती अनुवान है के अधिक निवट होंगे और उपन आपमा से अन्तर वहने की अर्थाश कर होंगा। १००० बार उठारने पर व है के और निवट होंगे और आपम वा सत्तर और भी कम हा जाएगा। इसन यह निजय दिवस्ता वहती वारों है अप्याग करता विवार तीर भी कम हा जाएगा। इसन यह निजय दिवस्ता वहती वारों है अप्याग करता विवार की अपने में स्वार्ण करता है अपने प्रयाग करता वार्ण करता की अपने का स्वार्ण करता है अपने में स्वार्ण करता है अपने से महसा बढ़ती जाती है अपने अपने करता वहती का सा स्वार्ण करता है कि वीर की स्वार्ण करता करता करता है से स्वार्ण करता करता है से स्वार्ण करता करता है से स्वर्ण करता है से स्वर्ण करता है से स्वर्ण करता करता है से स्वर्ण करता करता है से स्वर्ण करत

QUESTIONS

l Distinguish between (a) primary and secondary data, and (b) primary and secondary sources

Fxamme the methods used for the collection of statistical data for different types of investigations (MSW, Luchnow)

2 Fxamine critically the various methods used in the collection of primary data (B Com, Allahabad)

3 Compare the different methods used in the collection of numerical data (B Com, Agra)

4 "In collection of statistical data commonseries is the chief requisite and experience the chief feacher" Discuss the above statement with comments (VM A, Patra)

- 5 What are the essentials of a good questionnaire? Draft m suitable questionnaire to enable you to study the effects of Prohibition in Madras among industrial workers (B. Com., Madras)
- 6 Λ certain state has just passed an earctment making attendance at school computery for all children between ages 5.15. You are asked to collect all statistics that might be necessary for the purpose of enforcing the Act.

State how would you proceed with the work and what statistics you would collect. Draw up a suitable questionnaire on blank form to collect the pressay information. (B. Com. Median)

form to collect the necessary information (B Com Madrar)

7 What are statistical units? How would you define them?

Describe the various types of statistical units and explain the impor-

tance of determining them,

8 What standard of accuracy is required in statistical calculations? How is approximation generally made? Give examples

- (MA, Aliahabad)
 What is a strictical error? How does it differ from a mis-
- take? How would you measure it? (B Com 4liahabad)
- 10 Discuss the application of the theory of probability to Statistics (Nf A Allahabad)
- 11 Expiring the meaning and use of the law of statistical regularity. How as it effected by the number of items under investigation? (B Com, Intelney)

 12 What do you understand by sampling? Explain the
- statement 'a moderately large number of items chosen at random from a very large number of items should have the characteristics of the larger group' (MSW Luchnow)
- 13 A coin

 tossed 1600 times, and heads appear 830 times Is the coin biased? Discuss the theoretical principle involved (B Coin Hops, Transfer).
- 14 You are asked to make a survey of the yield per nore of land under noe in an Indian province. What method would you adopt?

What use, if any would you make of any existing statistics in the survey related to your own province? (B. Com., Madra)

- lo Describe the procedure involved in collecting data in each of the following cases
 - (a) Survey of handloom industry in India
 - (b) Survey of housing conditions in a city (c) Credit survey of a village
 - (d) Survey of the educated unemployed in a city

श्रध्याय ४

सामग्री उपस्थापन-चर्गावरण और सारणीयन

(Presentat on of Data-Classification and Tabulation)

सूचना ना मध्य परत न बाण उसना सावधानी स सम्पादन बरना पण्ता है। सारिष्या प्रमानित्या और मीरिवन उत्तरी नी परीका बरन ना नाम नामी मिन्न है और "मम प्रपारक मतन्त्रता नी आज्ञयनता होत्ती "। बहुआ यह पात्रा जाता है कि बहुत भी अनावयन सावधी जधा नी गई है। यह आज्ञयन है कि उत्तरद विचार न विया जाय। इसने बाण प्रयाजनाय भामधी (requisite data) नी जॉब नरता पण्ती है जिसस उनमी विम्मत और निव्यित अनव्यान कहात ग्यामा हान सावा प्रदियों देशा जा छन। सहा निवयन नरन और अब निव्यय निवारन कर्म रिए असमत और घटिया साममा भी हटा बेशी पण्ता है।

इस प्रकार का सामग्रा का परीक्षण करन के पश्चात उस सुगरित और सी पन रूप म प्रस्तृत करना घटता है। सामग्री या ता उसी रूप म उपस्यापित कर दी जाती है जिसम बह प्राप्त हर्ने हो था उसका सास्त्रिकीय प्रतिपादन करक रूस प्रस्तृत किया षाना है। सामा यत सरर और स्वाध सामग्री उसी रूप म उपस्थापित का जाती है उसे बह प्राप्त होता है। इस प्रकार का नामग्री का केवर सग्रह और सम्पार्त करना हाता है। परन्तु जटिल और निर्नि सामग्री का उपस्थापन करन स पन्न उसका सास्यिकीय प्रतिपाटन करना आवत्यक होता है। उपस्थापन का रीति (manner) बहुत महत्रवुष है। यदि सामग्रा का उचित रूप स उपायापित कम किया गया है ता उसन मंख्य र रण और विरापनाए प्रवट नहीं हा पाएगा और अपना बार ध्यान आरुपित नहा करगा। बाद मा निवचन मा करिनाई आ सकता है आर गरन निर्कार निकल सकत ह । यि नामगी एसा है जो आवत्यक मुचना स्वय ह हता है ता उम इम प्रकार उपन्यापित बरना चालिए जिसम वह आसाना म समभ म सा जाय थीर रागा का ध्वान अपनी आर जाकपित कर सक । चित्रा और रखा विश्वा व द्वारा यह प्रभावपुण तम स किया जा सकता है। यन यह व्यवस्थापन ने लिए चा^{ने} नार्र भी रीति अपनार जाय इसना मस्य उत्थ्य गर है नि काड यानि मामग्री व मनवपूर्ण भागा का जागागी स और गीयता स समक्र जाय और उन्ह स्पष्ट भेट वर सक् ।

उपस्थापन की विधियाँ—सामान्यन उपस्थापन के लिए सान्यिक में निम्मरिकिन विधियों का उपयोग किया जाना है

(१) दिवरूच ने रच में उपन्यापन (presentation in the form of statements)—रहा निधि में मुचना नो राज्या और उन्हों में दिया जाना है। मीच दराहरूच ने किए एपिया और सुदूर पूर्व ने मयुक्त राष्ट्र ने अस्ति आपा (UNECATE) ने १९६५ ने वाधिक अनिवहन में से एक मानाय दिया जा रहा है।

'स्राम्' (ECAFE) का प्रतिवेदन इस तस्त्र की आर स्थान मार्वाधन करता है कि मारत ने मोधनात्तर (balance of payments के अगिरेक में बमी रु माथ देत है स्थापन के परिमाण में बृढि हुई। इस प्रकार १९९४ में भार नाने में गोधनात्तर अगिरेक १९५३ के ५८ ७ करोड रु के प्रटर २ ३ कराड रुग्या गढ़ मार्था कुनी अगिर में स्थापन स्थापन में १% वृढि हुं जबिंद १९५३ में स्थापन के परिमाण में २०% कमी हुँदे थी।

ं भारत के आयात में हानेवाटी वृद्धि का एक मात्र काण्य निजन्तेये (private accounts) में आयानो को वृद्धि होना या और यह आयादिक उत्पादन में हुई वृद्धि

को और उदार आयान नीनि को प्रतिबिधित करता है"।

करने की यह रोति सदैव प्रभावजानी नहीं होती ।

इस विधि का यह ठाम बनाया जाता है कि उपन्यापन को मास्थिकीय विधिया है अपिरियेक व्यक्ति भी सामयों को इस विधि के प्रमुत्त कर वसना है। इसका हुना हाम नहीं कि तका को ब्यायना करने के छिए ब्यायना नहीं उप्यधियों (explinatory notes, की का नमती हैं (उपर्युक्त कारायन के तुन्ता अनुष्ठित)। इसी प्रमार जहाँ आवस्ववना हो। अनो और निष्यां पर कर दिया जा सकता है। परम्यु इसमें बाद मों हैं। पहला बाय यह है कि सममने मं पहले विवास का अस्तिन बाव गाँगों में पटना पड़वा है और बाई जुनवा पाने के छिए पूरा विवास करना का ना है और इस इरिट्योंग से यह विधिक कामदानक नहीं है। इसके अनिरियंत उपस्थान इन विधि म यह राम है कि जा अब मह बबूण सममें जाते हैं उन्हें प्रमुख रण से विवरण में अपने दिवाया जा सकता है। विवरण में ब्यास्नात्मक टिप्पणियों दो जा नहत्ती हैं। अका का एकरन करने ने कारण सामग्री सुबंध और मुवाझ हा जाती है और गढ़बड़ी का ममावना बन हो जाती है।

(३) सारणों के रूप में उपस्थापन (presentation in the form of a table)—इम रोजि में नामधी मां मदें नगीं में विभाजित नर दिया जाता है और उहें सारणों में समुचित स्त्या में स्थान दिया जाता है। सारणों में समुचित स्त्या में स्थान दिया जाता है। सारणों में समुचित स्त्या में उपमें विभाजित होते में समूचित स्त्या मां दिया सहस्य स्वायात (self explanatory) होता है। सारणों में समूच्य सूचना होश्य में और ठीन-ठाक रोजि व भी जागी है और उसना परिणोजन करना आसात हाता है। यह रिप्पणिता बक्द और अरा को सारणां स्वायान अराचित है। इस रवनर इसीय तथ्य और अरा की आगा स्वायान अराचित है। इस रवनर इसीत से बेटर सामधी आमानी मानमा मात्री हो। इस रवनर इस रीजि से बेटरर सामधी आमानी मानमा मात्री हो। बात्री हो जाता है।

(४) रेसाजिनीय और रेसाजिजीय उपस्यापन (diagrammatic and graphic presentation)—इस रीति ना उपयोग साधारणत दृष्टि-महास (visual aid) के रूप म जिया जाता है और अब यह भीर धीर प्रमुख हानी जा गरी है। मामझी उपस्थापन नी यह एक प्रभावनूज रीनि है। इसना निस्तृत वर्णन रचिन्ने अच्छा से निवा जाएगा।

सामग्री का वर्गीकरण

यानुत्रों को अनेकहपता में रहनेवाली एकता के आधार पर उन्हें विधिप्त वर्षों या अनुक्यों में विधायित करने की विधाय को वर्षोक्ष्यण करते हैं। यदि वस्तुत्रा के प्रयोक कमन का महत्व नमान है तो सामग्री का उतने हो वर्षो में निमाणित किया जाना चाहिए जिनने पर है। एएज इस प्रकार स वर्षोकरण बरना व्यय है और इससे कियों प्रकार परी मुविचा नहीं मिलती। परन्तु सामा यत इस पुक्र कराणों को अधिक महत्वपूर्ण नमभने हैं और उनके आधार पर वर्षोकरण बरते है। हम ऐसे चलते हैं मानो क्या कराण विधायन नम है। विभी सामग्री को वर्षोकरण अनुस्थान के उद्देश्य पर निर्मर करमा, क्योंकि इसी के द्वारा हम जान सकते हैं कि कीन रसाण मह जुगूमें हैं और नीन नहां हैं।

वर्षीहरण की ब्रावध्यकता और दूसका उद्देश्य--अँसा बताया जा बुका है हमारी ममस्या अप्टिल्तात्रा का भरूर बनाना है। बृहत परिमाण में जटिल मामधी बुख भी बताने में अनमय है और उमल्एि यह आवस्यक है कि इसे परिकर्ती लगाग के आघार पर ययोजित समूहों ये विभाजित करके समुचित रीति से उपस्थापित निया जाय। इसिएए वर्गाक्रपर वम्म बुस्य उद्देश्य सामग्री में प्रिटिटता में पूर्टर रहा जो है। सुमान स्थानत है। इस सामाण चुकि वर्गाक्रपर उस्ता के साम्हण के अमुसार निया जाता है इसिक सुमान स्थान वर्गाक्ष रामान के अस्य प्रमान के उस्ता वरता है। इस प्रमार ने देश रहे स्थान है। इस प्रमार ने इसि जिला के स्थान है। इस प्रमार ने इसि जिला के इसे प्रमान के स्थान है। इस साम है कि जिला के इसे एक स्थान है कि जिला के इसे हैं। इसरे व्यवस्थित स्थान है। यहाँ यह भी उन्हेश्यनीय के साम को स्थान बता है। यहाँ यह भी उन्हेश्यनीय के साम को स्थान बताता है। यहाँ यह भी उन्हेश्यनीय है कि वर्गीकरण आवस्यक वर्ष से एक सामग्री के स्थानिय के स्थान जिला है और इस्तिक सामग्री है।

वर्गीकरण के प्रकार

सामधी को प्रकृति के आधार वर दो प्रकार से वर्षोक्रण दिया जा सरता है। यदि प्राक्तीऐसी है तिजक करायों वा पूणों को गाया गही था स्वरता, परन्तु दिन दशे में वे कमार है जह गिया जा सकता है तो हम यूपानुसार वर्षोक्षरण (classification according to aittibints) करने हैं, तेंस की और दुरण, भारतीय और अभारतीय आदि। परन्तु यदि करायों या पूणों को नाया जा महता है तो वर्षोतरों के अनुसार वर्षोकरण (classification according to classintervals) विचा जाता है, जैसे आयु, कम्बाई आदि के अपसर पर निए यह

गुण्यानुसार वर्गीकरण—इस प्रकार ने वर्गीकरण में समूह गुणी की समानता के बाधार पर विभाजित किया जाता है। वे श्वब पढ़ दिनमें एक प्रकार के गुण है एव कर्म में अन्तर्गत रखें बाते हैं। गुणानुतार वर्गीकरण दी प्रकार वा हो करता है

(१) सरल वर्गीकरण (simple classification) में केवल एक पूज के बतुवार वर्गीकरण किया जाता है। विशो पर में यह गुण ना तो होना मा नहीं होगा। नोर्स तीचरी क्षमांचना नहीं रहतीं है। एक बार गुण की परिद्द परित्ता करने ने बार वर्गीकरण का बाम बरछ हो जाता है। वैदे जगर हमार गुण ५१ स्ट्रेट से जिपक रुम्माई है तो या तो क्षेण ५१ स्ट्रेट से अधिक करने होने या ५१ स्ट्रेट और जजते कर रूम हो अर्थान वर्ग परस्पर निवास (mutually exclusive) होते हैं। इस अवार के वर्गीकरण के अप दाहरण है। पुरप और अरुप, आजी और निरास जादि। एक बुण के जामार पर वर्गीकरण करने चेट जाने वो किया को शियान द्वार वर्गीकरण (classification by dichotom) १ नहीं है, जैहे, पहरे हमने पुरुष गुण ने आबार पर जनसङ्या नो दो भागों में बाँटा, फिर इन दो बगी का विवाहित के आबार पर उपवर्षों भें बाँटा, आदि !

(२) बहुबगींवरण (manifold classification)—जहाँ एक से अभिन गुणों ना निरोक्षण निया जाता है, वहाँ सामग्री नई वर्गों और उपनाों में बेट जाती है। यदि हम दिवाल द्वारा वर्गोंकरण वरते चेठ जाते हम बहुवर्गोंनरण वर रहे हैं। बहुवर्गोंतरण वरने वो हमरी रीति वह है कि वह गुणों ने आचार पर एक साथ ममूह ना विभावित वर दिवा जाय । जैसे मारीणत ने गुण को हस्त्रम, सध्यम और भारी नान वरण में बोटा जा सरना है आदि।

णुपानुगार बर्पोवन्त्र में यह आवश्यन है कि विद्यानन वस्ते वाला गुण परिदृष्ठ
रूप से गरिमाणित हो और विश्वेदन्त्रा (line of demarcation) पूर्णत
स्पट हा । अतिच्छादन (overlapping) वी मन्मावना नहीं होनी चाहिए,
अन्यवा मही परिचाल नहीं निकाले का सर्वेशे । इसमें वे सब बाने लागू होनी है का
मारिवनिया इनाई को चरिमाणा के सबब में वहीं गयी थी।

स्वीतन के सन्साद वर्गीकरण्या वर्गी कर्या पूर्ण को नार पनन है ना विसी समृत र निए हमें उतनी ही नाएँ मिलेगी जिनने उपने एक होंगे। नापा कर समृत का मुना र जनाने के लिए उन्हें वर्ग और उपल्या में एक्टिन ने किया जाता है। प्रत्येक का नो मोमाएँ होंगी है जा स्वेक्ट्रा में या बुक्तिन्तमार निक्कित ने जाती है। प्रत्येक का नो मोमाएँ होंगी है जा स्वेक्ट्रा में या बुक्तिन्तमार निक्कित ने जाती है। इस अकार के वर्गीवरण ना वर्गीवर आर्ती है वर्ग कर्म ने पर दी जाती है। इस अकार के वर्गीवरण ना वर्गीवर अनुमार वर्गीरण वहीं है। यही यह उक्ट्रक्वीत है कि कर्द रहाता य गुष्पातृत्या वर्गीरण नमें परि परि क्षा कर्म ने परि कर्मान कर्म कराति है। इस अक्टर्स क्षा कर्म कर्म कराति कराती कराति कराती कराति कराती हों है। यही वर्ग क्षा कराति कराती कराती कराति कराती कराति कराती हों परि क्षा कराति है। इस क्षेत्र के व्यक्ति कराती कराती कराती हों परि क्षा कराती कराती कराती हों परि क्षा कराती कराती कराती हों ना पहले हमें वर्गनियाट निविचन नरने पडते हैं वर्गीवर इनकी कार्ट इनकी टीक-डीवर पिनारों, पर देव वर्ग क्षा कराती है। बाद ने वया कराती कराती कराती हों कराती कराती कराती हों कराती कराती कराती हों कराती कराती कराती हों कराती हों कराती हों कराती हों कराती हों कराती हों कराती है। वर्ग कराती हों कराती हों कराती हों कराती हों कराती हों कराती है। वर्ग कराती हों कराती हों कराती हों कराती हों कराती है। वर्ग कराती है। वर्ग कराती हों कराती हों कराती हों कराती हों कराती है। वर्ग कराती हों कराती हों कराती हों कराती है। वर्ग कराती हों कराती हों कराती हों कराती है। वर्ग कराती हों कराती हों कराती है। हम कराती हों कराती है। हम कराती हों कराती हों कराती हों कराती है। हम कराती हों हम कराती हों हम कराती है। हम कराती हों हम कराती है। हम कराती हों हम कराती है। हम कराती हों हम कराती हों हम कराती हों हम कराती हों हम कराती है। हम कराती हों हम कराती है। हम कराती हों हम कराती हमा हम कराती हम हमी हम हमा हम हमा हमी हमा हम हमा हमा हम हमें हमा हम हमा

बर्गानगर न अनुवार बर्गीरण बरने ने पहले इसने नार्धान कुछ दानों वो जानना आरम्बर है। प्रचेत बर्ग का निश्चित बरने ने रिए दा मर्ग्याम का आवस्त-क्या पहली है। वे मरागुष्ट बर्म-मिगाएँ (class limits) कुछराती है। उपदेश हराहरूल में जिल्हा ने वन-मीमाएँ व्योध है। वारत का बर्ममामाण और दुवह आदि। इसम पहरी गया बर्ग की वार भीमा (lower limit) और दुवह सस्या रुग की जार भीमा (npper limit) कुछराता है। अबर भोमा और अपर सीमा के अंतर की वर्ग-अंतरण (magnitude of class-interval) बहते हैं। यदि परे वर्गावरण में वर्ग अतरण समान रहते हैं तो दर्गीकरण समान कां-अतरालो (umform class intervals) में किया गया है और यदि ये असमान है ता असमान वर्गातराखों में । उपयंत्रत वर्गीकरण दसरी प्रकार का है और इसने बग असराछ क्या ५, ५, १०, १५ आदि हैं। किमी वर्ग के जन्तर्गत शाने बारे पदो को नध्या को वर्ग-वारवारता (class frequency) कहते हैं। यदि किनी दर्ग की बारवारता में उससे पहले के वर्गों की बारवारता जोड़ दी जाय नी हमें सचयां-वारवारता (cumulative frequency) मिलता है। वर्गातरात बनाने की विधियाँ-वर्गातरात बनाने की वी विधियाँ हैं. (१) निवारत विधि (exclusive method), और (२) समावेशी विधि (inclusive method) । ये विधियाँ वर्ष-सोमाएँ निस्चित करने की समस्या का समाधान करती है। समस्या यह है कि उस पद का क्या किया जाय जिसका मृत्य मीमा पद ने मूल्य के बरावर है। उपयंक्त उदाहरण में बदि हिनी की आय ठीक वर्ष है ता उसे किस वर्ग में रखा अध्य ? क्योंकि ५ दो वर्गों की सीमा बनाता है। पहीं बात १०, १५ आदि पर लाग हाती है । निवारण विधि में जा पद निसी वर्ग की अपर मीमा के बरादर होता है उसे अगले वर्ष में रखा जाना है। इसीटिए इसका नाम निवारक विधि है। उपर्यक्त उदाहरण में ठीक ५ वर्ष की आप वासे व्यक्ति का इसरे बर्ग में ठीव १० वर्ष की आय बाले व्यक्ति को तीसरे वर्ग में रहेगे। इसका नात्वमें यह हुआ कि निवारक विधि से निश्चित किये गये बगांनराल ५-१०, १०-१५ मा अर्थ है '५ से लेकर १० से कम सब', '१० से लेकर १५ से कम तक' ब्रावि। दूसरी विधि या समावेशी विधि में इस सदिव्यता का दूर करने के लिए पहले वर्ग की अपर सीमा दनरे वर्ग की अधर सीमा से एक इवाई कम कर दी जानी है। इस प्रवार चप्रयंक्त उदाहरण के वर्ग-अतुराह ०-८, ५-२ या ०-४५, ७-९५ या ०-८९, ५-९ ९ आदि होगे । इस प्रकार के बगाँगरा का भी वहीं प्रभाव है जो पहली बिचि

में । बहने का वार्त्य यह है कि इन प्राप्ति जवन्याजा म वर्ष-अनुरण ५ हो माना

नाएगा ।

अधिन' जोड दिया जाता है। इस प्रकार नो सामधी ना सारियनीय प्रनिपारन वर्रें से पहले इन्हें साधारण बन्नीतरों ने रूप में व्यक्त करना पदता है। निम्मलिवित उदाहुरण से यह स्पट हा जाना चाहिए कि उपर था नीचे से सचित नी गई सामधी को किम प्रकार साधारण रूप से व्यवत निया जाता है।

(१) उपर से सचित वर्ग-वारवारताये (२) नीचे से सचित वर्ग-वारवारतायें

•				,		
	न्र	पें	स॰ वारवारताये		नापे	म॰ बारवारनायें
	5 1	से वय	10	0 à	अधिक	55
	10	23	22	5	27	45
	15	**	37	10	22	33
	20	19	50	15	22	10

वर्ग-वारवारता निवालने ने लिए पहले वर्ग नो सचयी बारवारता में घटा देते हैं। इस प्रकार उपर्यक्त मामग्री निम्मलिखित रूप में आ जाएगी

नापे	बारवारताएँ
0- 5	10
510	12
0-15	15
5-20	13
20-25	5

सांदिवकी श्रेगी (statistical series)

वदो का तर्व सगत या व्यवस्थित विन्यास श्रेणी है। जैसे यदि हम वस्तुजा पा गुणो को गिनों मा नामें और उन्हें कमातृगार ब्यवस्थित रूप में रन्ते तो ने एक श्रेणी बनाते हैं। विभिन्न प्रकार की श्रेणियों के बारे में आगे बताया गया है।

- १ कालिक, स्थान सम्बन्धी और दशा श्रेणी (Instorical, spatial and condition series)—साहित्रीय समग्री समग्र, स्थान या दगाओं के सारे में होनी है। इनमें में प्रत्येन ने तगत हम श्रेणी बना मुखते हैं अपांत् इनसे सबिद्ध समग्री नो व्यवस्थित रुप से रख समते हैं। परिणामण हमें तीन प्रवार नो श्रीण्या मिनती हैं
- (वः) वालिन या वाल-भ्रेमी (historical or time series) वे श्रीमाना है जो विक्ती चीज ने इतिहास या समय वे बारे में होती हैं। इन श्रीमधो वी मृस्य विशेषता वाल्यम (chionology) हैं। समय स सविषत सामग्री को

ध्यवस्थित करना सरल है । इस सब में काल या समय स्वनन चर (independent variable) होता है और अन्य बाते परतव चर हाती है।

उदाहरण :

भारतीय रेल मार्गो में विनियोजित पंजी (१९५१-५८)

वर्ष	22 (-21	वर्ष	पूँजी (करोड र०)
वय १९ ५१-५२	पूँजी (करोड वः) ८५० ११	१९५५-५६	९६८ ९८
1947-47	640 =6	१९५६-५७	8,000 09
१ ९५३-५४	CF6 30	१९५६-५७(सज्ञो०)	2,0€७ 0₹
१९५४च्५५	९०१-५८	१९५७-५८(वजट)	4,248.40

यह श्रेणी भारतीय रेल-मार्गो में किये गये पुंजी विनियोग का इतिहास बनानी है और इसमें 'वर्षे' को मक्य स्थान दिया गया है।

(स) स्यान सम्बन्धी थेनी (spatial series) में तथ्यों का सवय स्थाना से होता है। जिस प्रकार घटनाएँ समय में होनी है उसी प्रकार स्थानो में भी होती है भौर इन श्रेणियो में तथ्य स्थानों से महचित किये जाते हैं। इन्हें भौगोरिक श्रेणियाँ भी कहते हैं। इन श्रेषियो में स्थान स्वतन चर होता है।

वदोहरण:

भारत में पांच सबसे बड़े नगरी की जन संख्या (१९५१)

	नगर का नाम	जन सस्या (१९५१)
?	र लकता	४५ ८ लाय
₹	बम्बई	5<.x "
3	मदरास	(A, ± 11
×	देहरी	97 6 ,,
٩	है्यराबाद	\$0 ° 11

उपर्युक्त श्रेणी में ममय (१९५१) अनल है और स्थानो की जननस्या बदल रही है।

(ग) दशा-श्रेणी (condition series) में विषय-वस्त की दशाओं का वर्णन रहता है। इनमें सामान्यन कुछ पद्रों की बारवारता बताई जाती है। रुम्बाई, वजन, आयु आदि की श्रेणियाँ इसके अन्तर्गन आती है। इसमे जिन दशाओं के बारे में जानकारी प्राप्त करनी है ने स्वनन चर होने है।

उदाहरण

पराक्षा में विकायियों क प्राट्सक

प्राप्तार	विद्यार्थिया की संस्या
0→ 5	3
510	10
10-10	18
15-20	8
20 25	2
	याग 41

- एकैर निरीचण की लेगी, राहित शेग्री और सतन श्रेग्री (series of individual observations, discrete series and continuous serie) — अधिवा का यह एर कूमर वर्गररक है। इमर अनुसार अधिवात वाब्यन आग निमा जा रहा ह।
- (क) एकैक निरोण्ण को खेली में प्रयोग एव अने पारिया जाता है। इसे किसी समुद्र में बहु ग्लाबाना है। बसे किसी समुद्र में बहु ग्लाबाना है। यदि ६ विद्यालयों में प्रमान एक एक करने दिये जाने तो हमें एके निरोण का अधीन मिन्ती। में सुर्वा कर महत्त्व कर से प्रमान एक एक करने दिये जाने तो मिन्ती। सही सन्मान्ति के साम के प्रमान कर एक दिया जाता है। इस माने अपने अपने से प्रमान के प्रमान किसी जाता है। इस प्रमान के प्रमान किसी जाता है। इस प्रमान के प्रमान के

उदाहरण

	छ ।वद्यास	या र प्राप्ताक	
नामाव"	प्राप्ताक	नामाक	সাৎ
4	10	4	7

(त) खडिन धेनी वर प्राप्त हाना है जब निव गांच गुन वा पद ना नार का गांधी है वह एसा हा नि वह निरिज्य दमाइया ना पुणिया (multiples) क ला में हा दिया जा नव जैंच नमत जी मक्या। यह नमा पूर्णों को हो होगी नगरि है या कुँ करने न ना मान नहां होने । इसा प्रनार समुखा की सम्या भा हुसना विश्व है या कुँ करने न ना मान नहां होने । इसा प्रनार समुखा की सम्या भा हुसना विश्व

श्रेणा करण में दा ना सकता है।

उदाहरणः

बिए हुए कमरों में रहने वाठे परिवारो की संस्था

बमरो की सस्या परिवारो को सस्या कमरो की सस्या परिवारो की सस्या।

ı	3		,
2	18	5	6
3	10	6	1

इत प्रकार की भेषी को असतत (discontinuous) येणी भी कहते हैं।

(1) तैतन भेगी—अब लक्षण, गुम या पर ऐवा है कि यह कोई मी पीय है। कहता है तो हमें सतत येगी मिनदी है। इस द्या में वप(12112ble) को ठीन-कीन नहीं तारा जा समता खेठ रुप्याई। शद हम लोगों को जम्माई नामने कमें तो वह (अधिवासत) ४ मीट दे अधिद तक कुछ भी हो सकती है। समित दम सीमाओं में मीतर वप कोई भी मृत्य के सकता है। इस अपनार की भीमतों का विन्याद समूरों में दिया आता है। कभी-कमी असतत यह को भी समूद्धे में प्याप जाता है। ऐता तब करते हैं जब बप को बिल्हुक ठीक रूप से नहीं नामा बाता। निर्णेष पृष्ठ पर दी हुई दशा थेगी (विद्यारियों के प्राप्तान) का उदाहरण एक सतत थेगी है। यह विचारतीय है कि पदों की सत्वारा अदूर है और यहाँ एक बगें बमान्त होता है उसी मार्ग के दूसन्त गर्ग आरम्भ होता है।

माममी का सारगीयन

सामयों का क्योंक्र एक करने के बाद उसका सारणीयन किया जाना है अर्थात् स्र एक या अपित्र सार्थिक्यों के स्त्रामी (columns) और दिस्तियों के अन्यार्थ एक दो जाती है। त्यारणीयन सह प्रक्रिया है जिसमें वर्षोक्षत सामयों को यथियां ऐति से उपस्पाधित किया जाता है, जिससे उसकी सारभूत विश्लेखताएं और मुख्य कथा सम्मुख आ जावें । सारणीयन सामग्री के सकटन के काम में अनित्य स्थिति हं भीर सामग्री का ऐसे प्रस्तुत करती है जिसमें उसका साध्यकांम विरक्षण किया या रहें।

सारिययो का उपयोगः इनका लाभ और यहत्त्व—सारणीयन वं छाम और महत्त्व निम्नलिखित हैं

१ यह सामग्री का ऐसी रोति से उपस्थापन करता है जिससे उनका उपमान करने बाटे उसका मर्जाठम उपयोग कर सर्जे । अपेक्षित सूचना जातानी से मिट आगी है स्पोक्ति धारों में कोई वर्णन नहीं रहता है । २ सारणीयन ने द्वारा सायग्री सक्षेप में और इनट्टी दी जाती है। इस प्रचार बारबार अन्य ब्योरे और व्यारवात्मक टिप्पणियों देने की आवश्यकता नहीं पढती ।

३ सारिषयो की सहायता से तुल्का करना आमान हो जाता है। दो या अधिक सारिषया को साथ रख कर आसानी से तुल्का की जा सकती है।

अधिक साराज्या का साथ रख कर आसाया से सुरूपा वा जा स्वया है। ४ सारणी में सामग्री हमेगा तर्कममत अभ में रखी जाती है और इमरिए उसकी सममना आसान होता है। यह सुविषा अन्य प्रकार के विवरणों में नहीं मिळती।

५. सारणी ने रूप में सामग्री ना उपस्थापन नरने ना एन लाभ यह भी है कि इस प्रकार नी सामग्री अधिन चीप्रता से याद हो जाती है न्यों हि इनमें समान पद साम रखें जाते हैं और इसिंछए यह सुरय-सहाय का नाम नरता है और मानम पित्र बनाने में सहायका पहुँचाता है। इसके असिरिचत लिखित विदरण की मुलना में यह नहीं बन जगह बरेता है।

 सारणीयन के फाल्टकरण सामग्री से गणना करना आसान हो जाता है और यह गरुतियों और कुछ को पणड़नें में सुविधाजनक हाता है ।

सारियार्थे के प्रकार—प्रधानुवार सारियक्ष में काम में लाये जाने बाली सारियार्थ दो कारों में बोटी जाती हैं (१) सामान्य या निदंश सारियार्थ (general or reference tables); (२) मिल्न्द, व्युत्पन मा निर्वकतासम्ब सारियार्थ (summary, dern attwe or interpretative tables);

- (१) सामान्य सार्याच्यो में वियय-वस्तु से सवधित सब समत मूचना विस्तार में दी जाती है। अत्यय्व इन प्रवार वी सार्याच्यो बहुत वदी होती है और नई पृष्टी तक का सबती हैं। इस प्रवार की सार्याच्यो का उद्देश्य यह होता है कि विश्ती समस्या से सबियत यह सामग्री एक स्थान पर एक्षित कर दी जाय विश्वसे छोग उसे सासानी से प्राप्त कर सकें। इस प्रवार की सार्यायों विशेष अध्ययनो या प्रनिवेदनों के परि-विष्टों में प्राप्त वार्ष काती है।
- (२) सक्षिप्त सार्राण्यां विश्वी विधिय्द उद्देश्य को पूरा करने ने लिए बनाई आती है। में यथेसाइत छोटो होती हैं और सामग्री ने निसी पक्ष-दिसंप पर बल देती है। इस सार्राण्यां ना प्रोत सामान्य सार्राण्यां के इसिंग्य कर से स्थान सार्राण्यां में कहा जाता है। पुन, विश्वेष प्रताने सार्याण्यां में कहा जाता है। पुन, विश्वेष प्रताने सार्याणां करने ने लिए इनमें निर्वंचन भी विश्वा जाता है। इसिंग्य क्षेत्र हैं । इस प्रकार की सार्राण्यां भी नहते हैं। इस प्रकार की सार्राण्यां सामार्य्यत सरल होती हैं।

सारिएयों का श्राकार(Forms of Tables)—जनार ने दृष्टि नोण से सारिणया नो दो सामान्य भागा में निमानित किया जा मनता है

- (१) सरल सारणी
- (२) बदिल सारणी ॥

सरल सार्राचयो में सर्वाधत सामग्री के नेवल एक कुलक (set) की सुबना दी जाती है। सरल सार्वायों में साधारणत दो स्तम होने हैं जो एक दूसरे के साय-साथ रहते हैं।

उदाहरण

निम्नलिखित उदाहरण में एक परीक्षा में विद्यापियों के प्राप्ताकों की सुबना दी गई है:

प्राप्ताक	विद्यायियों की सस्या	प्राप्ताक	विद्यारियो की संख्या
0-5	10	15-20	20
5-10	12	20-25	15
10 15	17	95	9

जटिल सार्यक्रमो में कई समकक्ष विषयों से सबधित मुक्ता होती है। यदि दो समकक्ष विषय (coordinate factors) हो तो सारणी को द्विगुण सारणी (double table)कहते हैं । बाद समकक्ष समृहों की संस्था तीन है तो इसे जिगम सारमी (treble table) नहते हैं। यदि समस्या-समझे की सख्या तीन से अभिक है तो सरणी को बहनण सारणी (multiple table) कहते हैं।

उपर्युत्व सारणी में मदि विद्यार्थियों को निवास स्वान (छात्रावारी), पुरदासी भादि) के आधार पर और आगे विभाजित किया जाय तो यह एक द्विगण सारणीयन का जदाहरण होगा। मदि इनकी और भी आगे धर्म के आधार पर विभाजित किया जाय हो यह त्रिगुण सारणीयन होगा। पुन इन्हें राष्ट्रीयता, राज्य 'आदि के बाघार पर विभाजित करके हम बहुगुण शारणी बना सकते हैं । जैसे-जैसे समकदा पिपयो की सख्या बढ़ती जाएगी, सारणी विधकाशिक जटिल होती जाएगी।

अगले पुष्ठ पर एव बहुमण सारणी दी गई है। यह सारणी विविध परस्पर गायित प्रश्नो भा उत्तर दे सकती है

- (१) सामान्य ज्ञान की परीक्षा देने वाले विद्यार्थियों की सस्या क्लिनी है ?
- (२) ये विभिन्न प्राप्तान-समृह में किस प्रकार वितरित है ?
- (२) त्रिविष प्राप्ताक समूहो ने विद्यार्थी निवास स्थान के अनुसार विश्व प्रकार वितरित हैं ?
- (Y) उनकी राष्ट्रीयता क्या है—मारतीय या अन्य?
- (५) क्तिने विद्यार्थी उत्तर प्रदेश सेपरीसाद रहे हैं और विद्यने बन्य राज्यों से ? (६) तेक्य के बनुसार उनकी सस्या क्या है?

सास्थिती ने सरल सिद्धान्त

निवास-स्थान, सेवस, राष्ट्रीयता और राज्य के आधार पर परीक्षा में प्राप्त किए गए

प्राप्ताक			_								विद्य	यिये	की
					छा	त्रावा	मी						
		¥	रती	य	3	त्य		क ुल			भारतीय		
		_											-
		٠ پ			0			\$			ŝ		
		लुक प्रक	अस्य	3	do xo	अन्य	18	è	अन्य	13	ê	अन्य	34
	30	_	-	L	L			L-					
0-5	स्वी	-	1	-	L.	_	_	<u> </u>		!		_	Н
	डुड	-	-	_	 _	_	_	-	<u>_</u> ;	-	_	_	4
5-10	20°	<u>_</u>	<u></u>	<u> </u>	<u> </u>	-		-		Щ	_		\dashv
J—10	कुछ इन्ह	-	~	-	-	-	$\overline{}$	H	-	\neg		-	\dashv
	50	 	-	-	\vdash	-	-	-	-	<u></u> !		-	ᅱ
10—15	क्यी	-	-	-	-	-				!		-	\dashv
	ड ुड		-								-		一
	3.					Τ,	T		_	-j	7	/	7
15-20	ह्मी		_										\exists
	\$75		_						_				
20-25	स्त्री						_					. !	
	₫3			_	_\	_1	_			_!	_	_!	_
	30		-	_			4			1	_	_	
बीय	स्वी	-1		_	!		-1			_	-		-
	2a	- 1]	_]	_1					_1	\perp		_!

प्रिमाजित किए गए विद्यार्थियो द्वारा एक समान्य ज्ञान अकों की सारणो—१९५८

सस्या							1			
पुरत	बासी									
अग्य	कुल		गरतीय	्र अस्य	Ì	कुल .				
उ॰ प्र• अन्य	खेर प्रक	নুধ্য বি মু	ধু দু	जि . ग्र.		वि प्र शन्म न				
					-		-			
					1					
					-					
	-			 	-					
टिप्पणी					_ [1	_			

ाटपणी----पु =-पुरुष, स्मोत---अविट भारतीथ समान्य जान परीक्षा, ८० प्र०, की प्राप्ताव-मन्त्री ।

इन मुचनाओं ने अनिरिक्त इस सारणी को और अधिक विस्तृत बनारर अध मूचनाएँ जैसे जागु, नमूहा में जिद्यार्थियों का वितरण आदि, दी जा सकती है । इस प्रकार में सरल मारणी की पत्रियों या स्वम्भों में समक्ष विषयों को स्थान दकर उसे द्विगण, त्रिग्ण सा बहुगण भारणी बनाया जा सकता है।

मारशीयन के नियम श्रीर असमें मायधानियाँ--सारशीयन ने लिए नोई क्टोर और देव नियम नहीं बनाये जा सकते। अनुभव और अस्पास से अच्छी सार्गापाँ बनाई जा सक्ती है। परन्तु इस बात का ध्यान रखना चाहिए कि जिस डदेंग्य में सारणी बनाई गई है उसे वह पूरा करें और सामग्री को मुत्रोघ बनायें। इन उद्देश्या को ध्यान में रख वर मास्थिकों के मार्ग-दर्शन के लिए कुछ प्रतिया-नियम (rules of procedure) बनाये गये हैं---

(१) मुख्य विचार इस धान का करना चाहिए कि सारणी जितनी हो सके उननी मरल बनाई जाय, जिसमें भागग्री के मुख्य लक्षण और आवस्यक मुचना आनानी में जानी जा मरे । मारणीयन का उद्देश्य मामग्री की सम्पन्द बनाना है, इनन्तिए इस विशेषना वा विसी भी परिस्थित में त्याग नहीं बरना चाहिए। यदि मूचना का परिमाण अधिक है तो बहुता उसे दो या अधिक भारिया में प्रस्तुत करना जीवक सुविधाजनक होता है। इन भारियों के भाष एक निवन्त मारणी दी का नकती है। प्रत्येक सारणी को स्वत एक इकार्र होना चाहिए और स्वय पूर्ण होना चाहिए। यदि मारणी में वहन अधिर ध्योरे दिये गर्रे है तो तुरुना करना और गल्यी पकटना कठिन हो। जाना है। इसलिए इससे सावधान रहना चाहिए। सारणी को ऐसा बनाना चाहिए कि पदो का कोई और विन्यास करके वह पहले से अच्छा न बनाया जा सके। सारणी का बाकार पट के माप पर निर्भर होगा । पहले उनका प्रारूप कीच कर उनका भली प्रकार गरीक्षण कर लेना बाहिए, सब उसे अपनाना चाहिए ।

(२) जिन अका की नुरना करनी है वे एक दूसरे के जिनने निकट ही सकें उनने निकट रखे जाने चाहिएँ और दोनो, निरंपेश अक एव भापेश अक (जैमे प्रनियन भादि), सारणी में रचें जाने चाहिएँ। जिन अभी की तुलना करनी है वे जहाँ तर हो मने शीर्य-स्त्रमा (vertical columns) में लिखे जाने चाहिएँ क्योंकि इनने कुरना करना अधिक रामान हो जाता है । योग यदानमन हमेशा मोटे बक्षरी में दिने जाने चाहिएँ।

(३) प्रत्येव मारणी को उपयक्त शीर्षक देना चाहिए, जो सारणी की विषय वस्त रावर्तन्त्रे। शार्थर और उपराधिन स्वतु पूर्ण होने चाहिएँ। ऐसानहीं दि सार्शी में

स्था दिया मथा है हो। बातने के लिए इसर-तथर खोजना एहे। बादि सारणों बहुत विटल है तो उसका प्रांचक काफी लख्या हो जाता है। एसी दिवालिंग में दा झोंदक हैने का जबन है। पूस्प दीपंत्र ते पहले एक 'आकर्षन प्रीयंत्र' दिया बाता गाहिए जो बहुत गर्शम में सारणी ने बार में बताये। कुछ स्थितियों में मुख्य डीगिंक के बार एक प्रसादनात्त्रन भीर्षम (prefatory title) दिया बाता है जो गुण्यं तारणों की ब्यारण, स्वाहे। पृष्ठ ५५-५५ में दी वहीं सारणी ना आवर्षक धीर्षक फामान जात परीक्षा हा प्राराद्वा है। जो प्रस्तावनात्मक चीर्षक में विज्ञा वर्ष करता है। जो सकता है कि वेडल 'मान्यता प्राप्त सम्बालों के निवामित विद्यावीं हो सम्पित्तत हिए गर्ये हैं।

- (४) व्याख्यात्मक टिप्पणियों हुमेशा चार-टिप्पणियों के स्था में दी जानी चाहिएँ और स्वत पूर्व हांला चाहिएँ, जिवके उन्हें सम्भन्न के लिए अप्य स्थाना से म दूंचना गर्ट । गार-टिप्पण्ती में सामग्री का स्वीत अवस्य बताना चाहिएँ। यह न चेवल तीजम्या है, बिल्प पढ़ जम लोगों को सी तहम्यता पहुंचाता है जो तायाणी का उपसीम रूरमा और उसकी विस्वनशीयता जानना चाहते हैं। सोनी दे देने के बाद सामग्री का उपसीम चरने बाला स्थव भी अको आदि की मलनी और जुटि के लिए उत्तरहासी नहीं एड् जाता। यदि सारणी में उद्धरित सामग्री में किसी क्वार का नाहते (discrepancy)म अनगतीन है तो शब्द-टिप्पणी में उसकी सामग्र क्वार को लिए पाद-टिप्पणियों की आवस्यकता हो जन्हें अकी से (वैचे १, २, ३ आदि), अवस्रों से (वैसे सम्ब विश्व वाहरेशों से (वेसे १, +, 5 आदि) चिन्हत कर देना चाहिए और समत विश्व वाहरेशों से जिन्ह देना चाहिए
 - (५) रेलाइन में इस बात का ध्यान रक्ता चाहिए कि मुख्य बाते, जो उप-बीपेंडो के अन्तर्गत हैं, मोटी रेसाओं से अलग की जायें।
 - (६) प्रत्येक महत्वपूर्ण और सूख्य घीयेक के लिए वक्त स्वय होना चाहिए,
 भी गण पाईकों को एक हाम रख है ना मीहए। इस तक कर तीयेक विषय होना है। 'विविध्य' गीर्थक के अक्तर्तत नेक्षण है ही पर होने चाहिए का एक हुकर है
 बहुत मित्र नहीं हैं। पहाँ जावश्यक हो, वहाँ स्तम गीर्थकों में इकाइसो ना भी उस्तेष्ट
 निया जाना चाहिए। वहाँ तन हो वह अपने हो हिनारों, किंवहों आदि से देकर
 को को में मीहफ कम ने ना चाहिए। एस महर्ग पर या तो धीयेक में स्पन्त दिखा
 देना चाहिए कि इस है कि हो है अपने एक आदि सा जितने गून्य जलों में
 छोंड दिसे परे हैं, वे दिखा देने चाहिए चेता 'ठ० आ 'ठ०० आदि। अपर कराइ हो तो
 स्ताभों के गीर्थक 'पिन्यों में जिल्हे चानी आहिए। सर्व्य की सुरिया के दिए स्ताभों
 का अदिन (१, २ ... आदि) वर देना चाहिए।

- (७) यदि बार्ड सामग्री अप्राप्य हा ता यह सूचना पाद टिप्पणी में द दी तानी चारिया । (८) मारणी बताने में इस बात का ध्यान रखना चाहिए कि उसमें अर उक्ति
- प्रकार म रिन्त गय हा। अर्थात इलाई के नीच इकाई, दहाई के नीच दहाई आदि लिखा जाना चाहिए। मही ता सारणा ध्यवस्थित नहीं रुगेगी।
- (९) सारणी में पदा का तर्वमगत त्रम में रखना चाहिए। वे परिमाण, वण, स्यिति या नाल्यम आदि के अनुसार व्यवस्थित निये जा भवने हैं।
- (१०) सामान्यन एव साधारण टाइप राइटर सारणीयन वे लिए उपयुक्त नहीं हाता न्यानि वह वर्णा ना बड़े-छाटे टाइप में नहीं छाप सकता है। इसी प्रकार परारी और मादी रखाएँ नहीं शीची जा सबती हैं। सारणीयन ने लिए दिसीय टाइप-राइटर आने है जिनका उपयाग किया जाना चाहिए।

OUFSTIONS (i) Classify the main articles of import into twelve different

classes and prepare a blank table to compare the quantity and volume of different classes of goods imported into India during (B Com . Apra) the last ten years (2) Prepare a table with a proper title, divisions and sub-divi-

sions to represent the following heads of information -

(a) Import of cotton piece goods in India (b) From U K, Aetherlands, Belgium, Switzerland, Italy, Strait Scitlements, Japan

(c) Amount of piece goods from each country

(d) The value of goods from each country (r) Pre war average, postwar average, 1924 25, 1925 26, 1926 27, 1927 28

(f) Total amount imported during each period (g) Total value of imports during each period

(B Com . Lucknow) (3) Put the facts in the following extract in tabular form -

"The shipping returns for the port of London for February 1926, show a reduction in the aggregate of tonnage entered and an increase in tonnage cleared when compared with the corresponding month a year ago They also reveal a retrogression in the position of British as compared with foreign shipping Total tonnage entered amounted to 3,805,000 tons as against 3,226,000 tons, the British share of which fell from 2,594,000 tons to 2,568,000 tons Tonnage cleared in February 1926 was about 32,000 tons higher at

4,70 000 tons but the share of British tonnage fell Lora 3 (9) (FO tons to 3,00,000 tons (M.A., Cala...

(4) Draw up in detail, with proper attention to spacing, doub's Less etc. and chowing all sub-totals, a blank table in which could be entered the numbers occupied in six industries, on two dates, datinguishing males from females, and among the latter single, married and widowed.

(3) Prepare a specimen form in blank, with suitable heading and marms, for use in collection of data on or of the following -

(a) Surrey of trades in your district.

(b) Standard of living of middle class families in a small town.

(e) Expenses of students in a University

(Dip in Econ, Makes)
(6) Explain, how you would tabulate statistics of death from

(6) Explain, how you would tabulate statistics of death from principal diseases by sexes in different provinces of India for a period of five years

(B. Com., Calcuta)

(7) The marks in Higher Mathematics received by candidates in an examination are given below. Using class intervals 0—19, 20—30 and to one continue a feculary rable.

~30 and s	on, const	ruct a frequ	ency table		
163	153	115	10a	73	78
185	140	128	90	۹3	90
150	143	83	123	93	80
135	133	128	123	13	23
168	12 ₂	100	85	90	20
155	155	133	75	53	48
113	130	100	130	70	33
165	170	120	130	60	82
153	145	120	108	90	25
140	138	115	85	98	20
143	133	138	52	83	03
160	140	73	98	23	18
145	103	123	73	40	40
130	130	150	93	70	3.3
125	9>	135	88	25	23
13a	143	48	8a	68	63
160	90	123	113	43	20
113	118	70	113	78	20
138	135	103	65	65	53
140	163	90	100	39	3
				(B Cor1,	Terres)

श्रध्याय ५

सामग्री का उपस्थापन---लेखाचित्र श्रीर रेखाचित्र Presentation of Data---Graphs and Diagrams)

पिछले अध्याय में बनाया जा कुका है कि सामग्री का उपस्थानन विकरण और सारगी के रूप में किस अवार दिवा जाता है। परन्तु अनर कई पुरूक लम्मी सारणियों प्रस्तुत की जानें जिनसे कई कॉल्स हो, तो वह सुलना आदि कर ते के लिए बहुत महत्वपूर्ण नहीं होगी। ऐसी परिस्वातों में दृष्टि-विविध्यों (visual methods) की लाक्सकना प्रतित होनी है। जिससे मितिक सामग्री के आधानों में पहल कर तमें । यदि सामग्री का उपयोग ऐसे व्यक्ति करने वाले हैं जो आदिक विधियों से परिवत नहीं हैं ता यह विदीन बहुत प्रमावी होती है ज्योगि कोई मी स्पित कि स्वात हों है। सामग्री की अस्तानी से सम्मात कर तो है और तुल्का कर पहले हों है। यदि विद्यों कम्मग्री की अस्तानी से सम्मात करने हैं जो पहले कि स्वति के ति हों से परिवत नहीं हैं। यदि विद्यों कम्मग्री की एक ताल के लाक का स्वत्य सामग्री की सम्मात की स्वत्य सामग्री की स्वत्य का स्वत्य सामग्री की स्वत्य का स्वत्य सामग्री की सम्मात के एक स्वत्य सामग्री की सम्मात की स्वत्य का तो बहुत कम लोग उपयोग आपत हों की सामग्री की सम्मात की स्वत्य का स्वत्य सामग्री की सम्मात की स्वत्य सामग्री की सम्मात स्वत्य सामग्री की स्वत्य सामग्री की सम्मात की स्वत्य सामग्री की सम्मात की स्वत्य सामग्री की स्वत्य सामग्री की सम्मात की सम्मात सामग्री की सम्मात की सम्मात की सम्मात की सम्मात सामग्री की सम्मात की सम्मात की सम्मात की सम्मात सामग्री की सम्मात की सम्मात

इन विधिया से उपस्थापित सामग्री न वेचल सुनोब होती है बल्चि उसका स्पार्थी-अभाव भी पटता है। बहुपा व्यक्ति सारणी में दी गई सामग्री जन्दी ही भूफ लाटे हैं। अपन नोई हुननतार भड़ार कम बरने के छिए बहुआ दो रूप मूफ जाटे हैं। अपन नोई हुननतार भड़ार कम बरने के छिए चटतों और अदो ने मूल र देव रहा है, तो इस बात वा विवादन करने हैं लिए चटतों और अदो ने पूला में निक्त अधिव प्रभावीत्सादन होने क्योंचि वे भीचता ने अपनी और अ्यान आवादिन करेंगे और अपड भी उन्हें समग्र सबने । विवाद ने महायता से उन्हें सीधमानुष्टें न पहुंच मूल्यों और अब ने मूल्यों वा अन्तर माहून पड आएमा (उनि १ इन ने सिकने ने बाद १२ आने के विकने दिखाना)। नेन्याचित्र प्रभाव पहुंची है।

एव रखाचित्र, और वभीत्मभी एवं ऐलावित्र भी, सारणी ने अधिक आत्रपेत बनाया जा सनना है। अत्रा त्री सारणी वा अध्यवन खही व्यक्तित्र वेराता जिनका विषय में पहुरे हो से वित्रुत्त है, परन्तु उपयुक्त रपनित्वामा की अहावना से प्राप सभी का व्यान आवृद्धित विज्ञा आ सनना है। इमलिए रैखाधिको और केपाधिको नः प्रचार में बहुत महत्व है। शामानत प्रचार ना उद्देश सर्वनापाश्च का ध्यान चीवा को ओर आवर्षित वस्ता होता है। अगर आवस्वन मूचना की उपयुक्त दिसों के रूप में प्रदीवित रिया जाय तो मुचार (propaganda) वा प्रभाव एक्टो प्रवट हो जाएगा।

डार्युक्त विरोधताओं के कारण रेलाविकों और लेगाविकों ना नामयों के उप-स्थारम में बहुत महरूब है। उपस्थापन का मृष्य पहुँस्य बटिक धामधी को नरक रम में रचना और उसे आवर्षक बनाना है। लेखानिक और रेगाविक इस पहुँस्य को विद्योग नम् से मुरा करते हैं और इसलिए ये इसले लोगनिय हैं।

लेक्सविको और रेक्सिकियों की परिसोमाएँ—इस प्रकार के सामग्री-उपस्थापन को पहली परिसोमा मह है दि बहुत से छोग इनके अम्बान नहीं होंने और मामान्यत हमें अधिक महत्त्व मही देते हैं 1 पित्रोम, रेक्सिपत्रीय और लेक्सिनियोय उसस्यापनी मी गमीरता से नहीं लिया जाता, जबकि सारगी में दी गई समग्री को गभीर और सहस्वपूर्ण माना जाता है 1

ेश्वा या लेका-चित्रों के रूप में सामधी का उपम्यापन करने के लिए बहुत सावबानी की आवश्यकता पत्ती है क्योंकि दमरे बिना ये बहुमा मानक जूकना देने हैं और मकत छाप छोड़ जाते हैं। विवाधक और राजगीनिक प्राव इस प्रवाद ने उपस्थापन का धुरायोग करते हैं और इस प्रकार लोगों को प्रम में सल्ले का प्रयाद करते हैं। इस बारण इन विजो का अध्ययन सार्यायों के साथ करता चाहिये।

तांतरी परिसीमा यह है कि बिज के क्य में वह सब सानधी नहीं दो जा सकती मो एक जीवत माध्यर की सारधी में प्रस्तुत की बा सकती है। देशाविनों से अभिक मह मार खिलियों मा चिन्नों पर छानू होती है क्योंकि इनकी सावता और भी कन होती है। इसलिए एक सक्षित्त सारधी को दिखाने के लिए कई चित्रों को बनामा सावस्यक हो जाता है।

जत में, लेखा और रेलांचित्र बनाने में सारणी की अपेक्षा नहीं अधिक समय रूगता है।

ल्या और रेना चिता की इन परिसामाओं को देने का उद्देश यह नहीं है कि सामग्री उपस्थानन नी इस उपयोगी यूनिन का प्रोत्साहन न दिया जाय । ये केवल उन सावयानिया को महत्व देतों है जिन पर नेसा और रेसानित्र वनाने समय हमेगा प्यान रतना चाहिए। यहाँ यह सम्पणीय है कि रेसा और रिसानित्र मुक्ता में नोद बृढि नहीं बन्दों और इसल्एि व सार्यणयो और विवरणा का प्रतिस्थागित नहीं करते हैं। इनका उपयोग केवल राप्णाक्त में होना चाहिए। इनकी बनाने बा बाम किसी बित्र को हो देता चाहिए यहाँक इन्सें सामान्यत सामग्री क बुख जगों पर कह दिया जाता है और इसल्ए बनावयक और अस्मत मुक्ता था महत्व

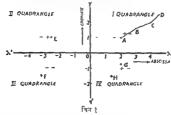
लेला और रेलाचियों के कार्य-स्पा और रलाचित दा उद्देशों को पूरा करते हैं और में ही इनर प्रधानन भी हैं

- (क) आक्रमक रूप से सामग्री का प्रस्तुत करके ये जटिल सामग्रा का सरक और मुसोध बनात है ।
- (स) इनकी सहायना स सवधित गामग्रा का साथ-साथ रजकर तुल्का आमानी से का जा सकती है।

नेखाचित्रीय उपस्थापन

जिसे य- याम (x-ordinate) बहुते हैं यह बनाती है कि कोई विन्दु र-अक्ष से कितनी टुर हैं और दूसरी, जिसे र-याम कहते हैं, यह बताती है कि यह बिन्दु ब-अक्ष से कितनी दूर है। इन दो यागो को जान क्षेत्रे से हम रेखाचित्र म बिन्दु की स्थिति नान सकते हैं। प्रधातुमार धन-सस्थाएँ मूलविन्द्र की दाहिनी ओर बौर उसके उगर नापी जाती है और ऋण-सस्याएँ महाबन्ध के बाई आर और नीच नायो जाता है। अगर मन्याम धनात्मक है तो वह मूलविन्दु • से X की ओर नापा जाएगा, अमर ऋगाश्नक है तो बह मलबिन्द \circ से λ' को ओर नापा आएगा । इसी प्रवार अगर र-याम घनात्मक है ता वह • स 2 को आर नापा जाएगा आर अगर ऋण है ता • स 1 की आर नापा जाएना । इस आभार पर हम निम्निलिस नियमो को बनात है।

- (१) य-वाम (पहलो सरुवा) बनात्मक आर ए-वाम (दुसरी सरुवा), धनारमक-बिन्द I चरण में होगा।
 - (२) य-याम ऋणात्मक, र-याम धनात्मक-विन्द् II वरण म होगा ।
- (३) ब-याम ऋणारमक, ४-याम ऋणारमक-विन्द्र III चरण म हाना ।
- (Y) य-याम धनारमक, र-याम ऋणारमक-विल्ल IV चरण म हाया ।



बिन्दुरेक्षा पत्र पर बिन्दु-अकत

विन्द्र अकन करने में निम्नलिखित बार्ने विभाग्णीय है।

(१) यह आबस्यक नहीं है कि भूलविन्दु कागज व बीच म हा। यदि सन परगाये बनात्मत्र है ता नजल पहला चरण दिखाना ही पनाना हागा । नागज पर केनल वे ही घरण बनाए जाने चाहिएँ जिनकी आवस्त्रकता हो। सत्र घरण बनाना कार्यक को व्यर्थ रनना है। जैता जागे विये हुए चित्रो ने स्पप्ट ही जाएगा, मूटविन्दु सामान्यत : कागज के किनारो पर हाता है।

- (२) प्रथा के अनुसार स्वतंत्र कर के मूल्य ब-अंद पर और परतंत्र कर के मूल्य र-अंध पर दिवायों वाती है। स्वतंत्र और परतंत्र कर में भेद करना गर स्थितयों में ममन बही होता। ऐसी रिक्तियों में वह मुक्तियानुतार निदिचत निया जाता है। परतंतु हुए स्थितियों में यह विता किताई ने निदिचत निया जा सरता है, जैंन नारू अपेणों में कार होगा पर-अक्ष पर दिवाया जाएगा क्योंकि कारू निर्मा अन्य कर के मूल्य पर निर्मा क्या हो करता। इसी प्रकार वारवारता-वटन में घर की माने स्वतंत्र कर मानी जा सरती है।
- (४) इसके बाद विन्दु-अनन निया जाता है। जैसा बताया जा चुना है, बिन्दु-रेखान्यम पर कोई बिन्दु-रोखान्यम पर केरिया है। मास्विन्दीय येगियों में भी मम में मम दो पर होंगे हैं। यह निरिच्छ कर छेने ने बाद नि नीन पर य-अदा में और कीन ए-अदा में विद्याया जाएगा, विन्दु-अनन दिमा आता है। चित्र १ में निमानियानिया किन्दु दिमानियानिया किन्दु-रेखान विभाग अता है। चित्र १ में निमानियानिया किन्दु दिमानियानिया किन्दु-रेखाने में से निमानियानिया किन्दु-रेखाने पर होने से विद्या है। वित्र १ में निमानियानिया किन्दु-रेखाने पर होने पर होने से विद्या है। वित्र १ में निमानियानिया किन्दु-रेखाने पर होने पर होने से विद्या है। वित्र १ में निमानियानिया किन्दु-रेखाने पर होने पर होने से विद्या है। वित्र १ में निमानियानिया किन्दु-रेखाने पर होने पर होने से विद्या है। वित्र १ में निमानियानिया किन्दु-रेखाने पर होने पर होने से विद्या है। वित्र १ में निमानियानिया किन्दु-रेखाने पर होने पर होने से विद्या है। विद्या है। विद्या है से विद्या है। विद्या है। विद्या है। विद्या है से विद्या है। विद्या है से विद्या है। विद्य

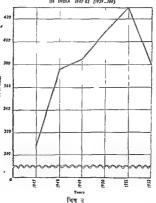
A	20, 10	E	-25, 10
В	30, I5	Г	-30, -15
C	40, 20	G	20, -05
n	45.25	Ħ	15 15

इनमें से प्रत्येक बिन्तु दो सख्याओं द्वारा बताया गया है, जैंम ती विन्तु २० और १० के द्वारा आदि। पहली मस्या य-अक्ष में नापी जाती है और दूसरी र-अक्ष और पैमाना पुराना ही रखा जाता है। नीचे के उदाहरण में इस विधि की समभाषा गया है।

उदाहरण--निम्नलिखित श्रेणी वा लेखाचित्र बनाइए

वर्षं	थोक मूल्य सूचनाव	वर्ष	योक मूल्य सूचकाक
	(1939=100)		(1939 = 100)
1947	308	1950	409
1948	376	1951	. 430
1949	385	1952	380

GRAPH SHOWING WHOLESALE PRICE INDEX IN INDIA 1947 52 (1939-100)



चित्र २ में दिखाया गया है नि उपर्युक्त अन निस प्रनार कूट आधार रेखा है उपयोग करने रेखाचित्र ने रूप भे दिखाय जाते हैं। इस चित्र में कूट-आधार रेह भी दिलाई गई है। केवल एक रेसा सीनकर भी कूट आधार रेसा दिसाई वा सकतो है। इट आधार रेसा की उपयोगिता जानने के लिए पाठकों को इस नित्र के आकार का एक निता कूट रेसा की सहायता किये हुए सीचा हुआ दिन बनाना चाहिए और इस चिन की नित्र २ से हुनना करती चाहिए।

कूट-जापार रेखा का प्रचलन शीरे-भीरे कम हो रहा है क्वोंकि अब यह बनावरवक औपचारिकता समभ्य जाता है। जब कूट-आपार रेखा नहीं दिखाई

जाती है, यह बात हमेशा पाद टिप्पणी में लिख दी जानी चाहिए।

कूट-आधार रेखा को सहायता से ननाये गये चित्रो न निरीक्षण क्षावधानी है किया जाना चाहिए नहीं तो ये प्रावक हो सकते हैं। लेखानियों का उपयोग दृष्टि-सहाय के हम में होता है, उरक्तु कूट-आधार-रेखा के होने पर विकट्ट छाप (distorted impression) बन ककते हैं। उदाहपणाई, मान कींजिय हम दी बकी है, 000 और १२५० को केखानिक में कींट अख पर दिसाना चाहते हैं। यदि सामार्थ केखानित बीचा जान तो प्रमुख आप्तर्पाल सबस १९२५ स्मप्ट रूप से सामार्थ माना है। परत्तु पदि कूट-आधार-रेखा का उपयोग किया तता है तो यह सबस चिन में कुट हो आता है। इसी मकर यदि कूट-अधार रेखा का उपयोग कराता है तो यह सबस चिन में कुट हो आता है। इसी मकर यदि कूट-अधार रेखा का उपयोग कराते हो पर से सामार्थ केखा हो। इसी का प्रावधान कराते हो। इसे समार्थ केखा हो। इसी समार्थ है। इसी समार्थ हो। इसी समार्थ ह

फाल-श्रेशियों के लेखाचित्र

सतत काल श्रीणयो वे लेखानिया को कालिक निन (hustorigrams) भी नहते हैं। में साभारल पैमाने पर या अनुपातिक पैमाने पर खोचे जा सनते हैं। पहले हम सामारण पैमाने पर विचार करेंगे और फिर अनुपात-पैमाने पर।

सापारण पैमाना (Natural scale)

इसके जन्तर्गत हम तीन स्थितियो पर विधार करेंगे, जिनके आधार पर तीन प्रकार वे चित्र क्षोचे जा सबते हैं

१ एक चर के निरमेश कालिक चित्र (absolute historigram of one variable)—ऐसे चित्र जिन में एक चर के वास्तविक मूल्यों को लेखा-

चिन पर बनित निया जाना है एक चर के निरमेश रेखाचिन बहुआते हैं। र दो मा अनिक चरों ने निरमेक्ष कारिक चित्र (absolute historigrams of two or more variables)—इन चित्रों में दो मा अधिक नरों के बास्तविक मूत्या का ⁷साचित्र बनाया जाता है। अनर में घर सकाताय हैं तो इन्हें एक ही इनाइया में दिखाया जा सकता है और कार्रि अग का पैमाना एक हा होता है, परतु मंदि य विजातीय है ता कार्टि अग क रिए विभिन्न पैमाना को आवस्पत्रना पढ़ता है।

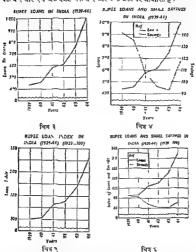
३ मुक्ताल नालिन निज (index historigrams)—यदि हम कर के प्रतिवात परिवतना वर्ग अध्ययन कराता चारत है वा निरोल ग्राणिया करवान पर भुरनाल ना उपयोग नरत है। इस प्रवार न चिन निज में मुक्ताल नियाँ जाते हैं मुक्ताल ना त्राचित निय महलते हैं। चिन २ एक चर ना मुक्ताल नियाँ में मा एक है और भारत में १९४७ ५२ न वाल मुख्या ने मुक्ताल दिजाता है। इस चिन है हम जानने हैं नि १९४८ न मुख्य १९४७ ने मुख्या न आबार वय नी तुल्या में ६८% अधिक थ। इस प्रवार एक या अधिक प्रनार का चन्नामा ने नायस है या स्वय ने परिवतना का निश्चा निश्चित तियि से सविधत नरने सायेश हम में बाता वा सन्ता है। हास्थियाम अध्ययना में हम निराल का अध्या स्वरूत परिवतना नो अधिन महस्व वत है और इसलिए मुकराल कानिन चिन बहुत उपयाणा हा जाने हैं।

अब हम एक उदाहरण देवर इन कालिक वित्रा का अक्ति करेंग। हमें निम्न हिलित सामग्रा क लेलाचित्र बनान है

भारत में श्यया-उधार अल्यबन्त (१९३९-४४)

बद	वपवा उवार	सूचंत्राव	अल्य बचन	सूबकाक
1	2	3	4	5
1939	438	100 0	141	100 00
1940	450	102 8	139	98 63
1941	577	131 8	109	77 27
1942	612	139 6	96	68 08
1943	749	171 0	93	65 92
1944	1 000	230 7	118	83 75

दिन ६ में रापा-उचार ना निराम नामिन दिन दिना पाना है जा नाम्म १ और ६ वा बताया नामा है। विन ४ दो नरा-रापा उचार और अन्य बतन-कर निराम नामिन दिन है और नाम्म १ २ और ४ स बताया नामा १। विन इरपा उतार ना एक मुक्काक नामिन दिन है और नाम्म १ और ६ म नामा गम है। विन ६ दो परा-रापा उचार और अन्य वना-मा मुक्काक नामिन विन है और फॉल्म १, २ और ५ ते बनाया गया है। यहाँ यह स्पष्ट हाना चाहिए कि कॉल्म २ और ५ ने अक कमदा नॉल्म २ और ४ के अको पर आधारित हैं।



सनुपात-पेमाना (ratio scale)

वन तर जा नाल्कि क्वित्र सीचे गए हैं उनना पैमाना साधारण या वर्षात् दिन में यरावर दृष्या के लिए बरावर फ्लाइना का कन्तर होता था । दूरियाँ समातर क्षेत्रों में थी। यह पैमाना निरसक्ष परिवर्तन दिखाने के लिए कायुनन है। अनुसाद- पैमाना गुणोक्तर-श्रेणी के अनुसार होता है। साधारण पैमाने में बराबर दूरियाँ १, २, ३, ४ बादि अना से और अनुपात पैमाने में बरावर दूरियाँ १, २, ४, ८ .. आदि यका से दिखाई जाती है। एक अनपात पैमाना सापेक्ष परिवर्तनो को दिखाता है। चित्र ७ और ८ साधारण पैमाने और अनुपात पैमाने का अन्तर दिखाते है।

यहाँ यह स्मरणीय है कि नेवल लोटि-अक्ष 'र' या 'y' का पैमाना माधारण या अनुपात पैमाने में दिखाया जाता है। अहाँ तक बन्यश्च की बात है, जो काल वा नाप बताता है, वह हमेशा साधारण पैमाने में दिलाया जायगा । अनुपात पैमाने ने संबद में एक दूसरी महत्त्वपूर्ण बात यह है कि चूँकि प्रत्येक अनुनामी (successive) पर पहले का दुगुना होता है, इसलिए यह कभी ० से धुर नहीं होता।

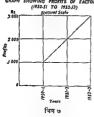
अनुपात-पैमाने ना उपयाग करने पर उपस्थापन में जो अंतर आता है वह निम्न लिखित उदाहरण और चित्रों से श्पप्ट हो जाएगा ।

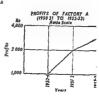
एक कर्म के लाभ

नप	काम	ब्युब%
1950-51	1,000	**
1951-52	2,000	100
1952-53	3,000	50

GRAPH SHOWING PROFITS OF FACTORY A

৩০





चित्र ८

उपर्युक्त सामग्री चित्र ७ और ८ में साघारण और अनुपान पैमाने में दिनायी गयी है। चित्र ≡ दिखाता है कि लाग शमान दर से वट रहे हैं, जब कि चित्र ८

बनाना है नि वे बढ़ तो रहे हैं, पर अटने की दर कम हो नई है। जगर सामग्री का मायवानों में निरोक्षण किया जाय तो देवा जाएगा कि १९५२-५२ और १९५२-५२ की दर १९५२-५१ और १९५१-७ की दर की जानों है। यह मज है कि ता समाग्री में जान में बयाबद, अर्थात् १००० राये की, नृद्धि हुई है, परन्तु वास्तव में महत्त्वपूर्ण अनुपातिक कृष्टि है, मायारण बुद्धि गई।

स्वयापनीय लेखानित (Logarithmic graph)—यदि हम वर्ड वर्गो के परिवर्गत की दर का सापेक्ष अध्ययन करना चाहें, तो लयुकणकीय कालिक चित्र बनाए जाने हैं। यह दो प्रकार से किया जा सकना है।

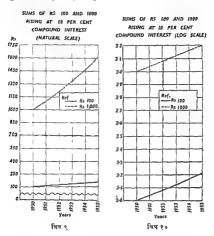
- १ दी हुई त्रिस्थों को एक विशेष प्रकार के लेखा पत पर, जिसे लघुनणकीय लेखान्यम कहते हैं अकित करना।
- ती हुई राशियों में अपुगलनों नो मायारण पैमाने के अनुमार जिल्ला
 करता।

पहरी विधि सरक है। इस फेक्स-सन को रेसाएँ विशेष प्रकार की होती है कौर अनुपार-मैसाने के मिद्धान्त के अनुपार लिबी रहती है। इस विधि से हम बान्सदिन मध्याता को अनित कर लकते हैं और उनकी तुल्ला कर सकते हैं। वरन्तु इस प्रकार के रेक्स-मक साधारणन नहीं मिछने। इसलिए दूसरी विधि का प्रयोग करना पढ़ता है।

जवारण निम्नतिसित सारणी में वा ग्रांशमा १०० रू॰ और १००० रू॰ १०% चम्रतिब की दर में बदशी है

वर्ष	वर्षास्य से १००/-कासूल्य	स्नभ २ सी रागियो के छघुगणक	वर्षारभ में १०००/-शामूल्य	स्तम ४को राझिया के लघुगणक
1	8	3	4	5
1950	100 000	2 0000	1,000 00	3 0000
195L	110 000	2 0414	1,100 00	3 0414
1952	121 000	2 0828	1,210 00	3 0828
1953	133 100	2 1239	1,331 00	3 1239
1954	146 410	2 1644	1,464 • 10	3 1644
1055	161 051	0.0000	1.010.71	3 0000

िषत्र ९ में सामारण पैमाने में चनवृद्धि दर पर रागियां दिलाई गई है। १०००र० ना दन बाद में अधिन डालू हो जाता है, जो इस बात ना सूचन है कि बाद में स्वाज नी दर बद जाती है। परन्तु हम जातने है कि यह मच नहीं है। बिज १० में से बक रुषुगणकीय पैमाने में दिखाए गए हैं 1 १००० र० और १०० र० वाले वस एक दुसरे के समान्तर हैं और यह बताते हैं कि राधि के बढ़ने की दर बरावर हैं।



अनुपात-संमाने के उपयोग—यदि हम वृद्धि की दर का अध्ययन कर पर है तो एक अनुपात-स्थाचित्र जो या तो गुणीतर येगी में या रुपुणक्षीय पैमाने पर गीचा मया है, सन्तु-स्थिति वा गही चित्र प्रस्तुत करता है। भूत्रवाक कास्त्रिक चित्र मंत्री रुपुणक्षीय पैमाले पर स्थित्यो याने चाहिए। भूत्रवाक क्या आनुपातिक प्रमान का स्थाचन करते है और इमलिए इन्हें ऐसे पैमाने पर दिगाना चाहिए जी इन विशेषना पर वार दे। अनुपार-पैमाने ना उपयोग दीर्मराजीन उपनित (trend) का अध्ययन बप्ते में नी बिया वाता है और पूर्विमुमान एव बाह्यफ्यन (extrapolation) ने हिए में निरोध उपयोगी है। टेस्साचिम में दिए गए वरू को आगे बडा बर दिए हुए वर्ष के सीयन मुस्य को जाना जा सकता है।

परन्तु, दनना उपयोग करने से गहुँ इसनी परिमोमाओ का प्यान राहता नाहिए।
गुमोत्तर भेगों में बढ़ने कार्य या उपुगणनोध गैमाने की कलाना ऐसी नहीं है कि सर्वसावारत उसे कर नकी । इसकी दूसरी परिसोमा यह है कि खून या क्रामासक
सामाया हममें नहीं दिनाई जा सक्ती। गुगोत्तर अँगी अगर कुन्य या क्रामासक
सहसार्य होंगां तो सक सक्तार्थ शुन्य या क्रामासक होंगी। अधुगणकोस पैमाने में
इनके नोई अर्थ नहीं है।

वारंबारता बंदनों के लेखाचित्र

हम बना बुंग है हि श्रीमियों बोन प्रकार को होनी है (१) एकैंक निरोक्तमों की श्रेमी, (२) खडित श्रेमी, और (३) सतत सेमी। प्रधानुसार एकैंक निरोक्तमों की श्रेमी वा बारबारता बटन वहीं बहा जाता, परन्तु चारिसामिक अर्थी से यह मी एम प्रचार ना बारबारता बटन है नियम प्रत्येक पर की बारबारता १ है। बारबारना बेटनों ने नेक्काविच बनाने की नियमितिवत विभिन्नों हैं

(क) एकंट निरोक्षणों को श्रेणी

बरि एर्नैन बडो से सबिधन निदी भी शामग्री को लेखाबिन के रूप में परम्पारित बरवा है तो जन्दे परिकाणनुवार आरोही या जबरोही नम में म्यहिन्दत बरता चाहिए और इनके बाद इन्हें लेखा शागड़ पर अधिन करना चाहिए। बराहरा के लिए, हम २० लड़ने के प्रायाकों से अधित कर राहे हैं

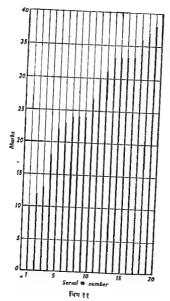
श्रम	সাদ্যাৰ	স্দ্	দ্বাদ্বার	नम	সাদ্যাক	नम	प्राप्ताक	कम	प्राप्ताक
मस्या		मस्या		सस्या		मस्या		गम्या	
1	10	5	22	9	24	13	33	17	36
2	12	, 6	23	10	27	14	33	18	37
3	13	1 7	24	11	30	15	33	i 19	38
4	81	1 8	94	19	21	16	22	90	40

ा १६ में उपर्युक्त मामग्री को अक्ति किया गया है। अक्त-विधि स्वत स्पष्ट है।

(स) लंडित श्रेणी

चिंदत शेषियाँ रेखा वा दश बारबारता चित्रो (line or bar frequency diagrams) द्वारा निरुपित की बानी हैं। इस प्रकार के चित्र बनाने से पद का

MARKS OBTAINED BY 20 STUDENTS IN A CLASS TEST IN ECONOMICS



मृत्य क्षेतिज पैमाने पर क्या जाता है और बारबारता शीर्ष पैमाने पर । उदाहरण के लिए हम निम्तलिखित सामग्री को चित्र में प्रस्तुत कर रह है

प्राप्ताक	विद्यागियो की संस्था	प्राप्ताक	विद्यार्थियो की संख्या
1	2	6	10
2	3	7	9
3	5		7
4	7	9	5
	10	10	9

यह सामग्री रेला या यह जिन के रूप में चित्र १२ में दिलाई गई है। यदि शानरवनता समभी जाय तो बारबारता दिलाने नाटी रेलाएँ अधिक माटी बनाई वा सकती है, जिससे वे अधिक प्रमुख समृत टेनो

चित्र ११ एकंक निरीताणी की येथी का बिन है और चित्र १२ एक साहित सेपी ता नित्र है। ये दोनों चित्र श्रा कराद है है जैसी ये जिनवा है। चित्र ११ में प्रत्येक रेता को लम्बाई विद्यार्थी हारा मान्त हिए गए अक बताती है और चित्र १२ में प्रयोक रेता की लम्बाई पिए हुए अक मान्त करने बात्र विद्यार्थियों की सस्या



चित्र ₹२

(ग) संतत श्रेणी

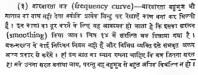
(१) वारवारता विश् (Histogram)—परि पद वर्ष-बदारतो में बिए गए हैं. वी विन्दुओं को आचार मान कर चिन नहीं सीचे जाने चाहिएँ बेल्क दूरे वर्ण-जवरात की बाबार मानवा चाहिए। इन चित्रों में भी वर्ष को ऊँचाई वर्ष-बाबार बतातो है। इस प्रकार के विश्वों को बारवारतानित्र मा आवताकार चित्र (rectangular diagram) नरते हैं। चित्र १३ में एक बारबारता चिन्न दिया चन्ना है को निम्निलिखित सामग्री की निक्षित वस्ता है

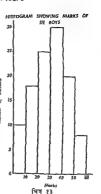
प्राप्त ाक	विद्यायिया नी संस्या	मचयी बारवारता
010	10	10
1020	18	28
20-30	25	53
30-40	30	83
4050	20	103
5060	8	111

इस बारवारता चित्र का निरीक्षण कैं करने पर इस चित्रित वर्षों के फारीलिक के महत्त का जान जाने हैं। परन्तु, इराने के सात्य (continuity) वा बोध नहीं, होना, जविंच मत्त लेणी इसो के लिए बनाई जानी है। हुनरा थेण यह है जि बारवारता चित्र से ऐसा प्रतीन हाना है जैसे १० विद्यार्थिय में ने १० तक कब मिर्ट है। परन्तु प्रत्येच जिद्यार्थी वो विभिन्न कर मिन्नने हैं।

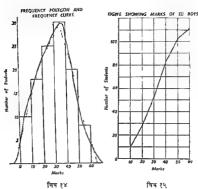


नाई चा दूर करने के रिए बारबारता बहुमूज बनाया जाता है। इसमें मह मान रिया दाता है कि बारबारताएँ वर्ग के मध्य में बेहिद है और इस बिन्दुओं को जीड कर जा आनुति बनती है जो बारबारता-बहुमूज कहते है। बारबारता-बहुमूज के अन्तर्यत और रूपमण जना हो होता है बितना बारबारता क्लि के बन्दग्रीय वारो बारा छेत्र। क्लिन १४ में बिन्दु-रेसा बारबारता-बहुमूज दिसाती है।





बारवारतान्वक बनाने के छिए हम पहले बारवारता चित्र , फिर बारवाग्तान्वहुभुव बीर अंत में बारबारतान्वक सीचेते हैं है



संबयी बारबारताबन—तीरण (Cumulative frequency curves— Ogives)—एक बारबारता वह में और समयी बारबारता वह में यह अन्तर है कि पहुँत में पूरे वर्ष के छिए बारबारता अधित करते हैं, परन्तु दूबरे में सचयी बारबारता वर्ग-अतराज की व्ययसीमा पर अधित की वाती है। बिन्न १५ सबयी बारबारता वह का (जिंते ठोरण मी नहते हैं) ज्वाहरण है। दममें १११ विद्यार्थियों के प्राप्ताकी से सबधित सामग्री दिवायों गई है।

सन्मी वाग्वास्ता वक ना मुख्य लाग यह हैं कि इसके द्वारा मध्यका (median) नदुर्देक (quartiles), स्थामक (deciles) आदि ना अध्ययन लेखानिज से निया जा सन्ता है। इसकी बहायता है हम यह भी जान सम्बन्ध है कि निरुपे पर देने हैं जिनका मध्य नियी थिए हम एतर से कम या अधिक है। यहाँ हम केवल तोरण बनाने नी विधि पर विचार कर रहे हैं । आगामी अध्याय में इसके उपयोग पर विचार किया जायगा।

रेखाचित्रीय उपस्थापन

रेलाचित्रीय उपस्थापन की कई रोतियाँ हैं, जितना सक्षिप्त विवरण नीचे दिया जा रहा है। ये रोतियाँ निम्मलिखित वर्गों में बाँटी जा सकती हैं

- १ एक-विस्तारी रेसाचित्र (one-dimensional diagrams)—यरि बद वे पानर्वती के जनुमार रेसाचित्र के केवल एक विस्तार में परिष्कृत किया जाता के तो वह एक-विस्तारी रेसाचित्र है। इस मेणी के रेसाचित्रों के उदाहरण है रेसा और इड बिन । इक विश्व या तो सरण हो सुबचे है या क्याविक्सण ।
- द्वि-विस्तारी रेखाचित्र (two dimensional diagrams)—चर
 के मध्यो में परिवर्तन होने पर जब चित्र को दो विस्तारों में परिवर्तन करना होता है,
 तब उसे दि-विस्तारी रेखाचित्र चहते हैं, जैसे आयताचार या वर्ष चित्र ।
- ३ जि-विस्तारी रेसाचित्र (three dimensional diagrams)—जहाँ सामग्री को उरस्यापित करने के लिए चित्र के तीनो विस्तारी का उपयोग किया जाता है, जुन त्रि-विस्तारी रेसाचित्र कहते हैं जैस घन रम ग्रा गोल चित्र आदि।
- ४ वृक्त चित्र (circular diagrams)—इन चित्रो में नत ने शैत्रफल में चर ने मूल्यों के अनुसार परिवर्तन निवा जाता है। ये डिन्डिम्मारी चित्रों के अन्तर्गत आने हैं और सरस्था अन्तर्विभनत दोनों प्रचार ने हा सबने हैं।
- ५ वित्र और नवस्रे (pictures and maps)— इनमें सामग्री चित्रों के हप में या नवस्रों में दिखाई जाती है।

एक प्रकार की सामग्री एक से ऑक्टि प्रकार ने विजा के डारा निकारत की जा सरनी है और सामारण्य यह निर्मितन करना बटिन होता है कि कौन सबसे उपयुक्त रिति होगी। गीचे कुछ उदाहरण टेक्ट प्रत्येक विधि से रंगावित्र बनान बतामा पत्रा है। किस रिति को उपयोग विद्या जाय, यह निर्मित्व करने के लिए क्षेत्रक इन बात का प्यान रसना पर्याचा होगा वि वित्र प्रमाजीस्ताहक होने जाहिए।

रेखाचित्र बनाने के निषम —रेखाचित्र बनाने के कुछ निषमों का सामान्य प्रयोग दिया जा सबता है और वे निमम इस धीर्यन ने अन्तर्गन दिन्ने जा रहे हैं। यह निष्मित्त नरने के लिए नि बीन सा रेखाचित्र गय से उपद्मन हेगा इस घार को सहैद इसरण राज्या जाहिए नि राखाचित्र ऐसा हो वो मानाई में गर्वितिन सावना से निरुद्धित वर सहै। देखा जिस उपद्मन आनार ना होना चाहिए वर्गीच यह एस दृष्टि सहाय है। यह दीधाता से प्यान आर्थित नरने साना होना चाहिए। प्रयोग प्रवेश चित्र ने

साथ उसका पैमाना दिया जाना चाहिए जिससे सामग्री का परिभाण जाना जा सके । प्रत्येक रेलाचित्र का मोटे बन्नारो में एक उपयुक्त शीर्षक होना चाहिए जो यह बताये वि चित्र निस के बारे में है। यदि सुनिधाजनक हो तो रेखा चित्र में रगी का उपयोग भी किया जा सकता है। चित्र सुन्दर होना चाहिए। इसके लिए मपाई, सुनेख आदि पर घ्यान रखना चाहिए ।

(क) एक-विस्तारी चित्र

(१) सरल रंड चित्र (simple bar diagram)-इन विकी में दड की ऊँचाई या लवाई में सामग्री के अनसार परिवर्शन होने हैं। तब वड एक ही आबार पर बनाए जाते हैं। इन्हें एक इसरे से अलग करने के लिए इन के बीच में जगह छोड़नी चाहिए।

सरल दड चित्र जम सामग्री के लिए सबमे अधिक उपर्युक्त है जो या हो। स्थानीय धेगी ने रूप में हो या जिस में 'सपूर्ण' के भागों पर विचार किया जा रहा हो, परन्तु 'नपुर्ण' को दिलाना आवश्यक न हो। तीचे एक उदाहरण दिया का रहा है। DEVELOPMENT EXPENDITURE IN

भारतीय सच के भाग क राज्यों का विकास व्यय (साख ६० में) १९५३-५४ में निम्तरिवित बा

1. কুঘি 10.231 परिवहन 2.052 उद्योग

4 विविध

चित्र १६ उपबंत्रत सामग्री को सरल दड चित्रों ने रूप में दिलाला है। ये दह या दी खाली छोड़े बा सकते है या इन्हेरगाया भराजा सकता है। इत दडों की मोटाई बरावर होनी चाहिए ! यदि कोई मृत्य ठीक-ठीक मालम नही है वो उसनी ऊपरी रेखा सीधी ज फीयनर टेडी-मेडी सीची जाती है

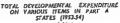
160 (लगभग)

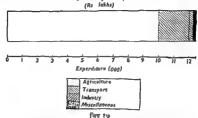
PART A STATES (1913-54) (fit Sellis) चित्र १६

जिस्ता अर्थ यह है कि दड खुछा हुआ है (चित्र में विविध वाना दड देखिये)। (क) निरोक्ष आधार पर अन्तर्विभक्त दंड चित्र (sub-divided

bar diagrams on absolute basis - ये चित्र सामें और उसके आगे

को एन ही चित्र में निरुपित बरते हूँ। सरल दह चित्र भागा ने एक दूसरे से सबध को दिखते हूँ परन्तु इत्ता दोष यह है नि ये सपूर्ष ना भागों से सबध नहीं दिखाते। गरि उन्मुंकत मूचना वे साथ यह भी दिया गया हो नि बुट ब्यत १२,६७८ लान रुपया था, तो एक ऐसा रिवानित्र बनाना पडेगा वो सपूर्ण और भागों नो दिलाए। ऐसी स्थितियों ने लिए अन्तर्वित्रमन वह बन्द उन्सुकन है। चित्र १७ एक अन्तर्विभनत दह चित्र दिखाता है। इसमें पूरा वह बुट ब्यव दिखाता है और उनने भाग विभिन्न गरो पर निष्ट गए ब्यय दिखातों हैं।



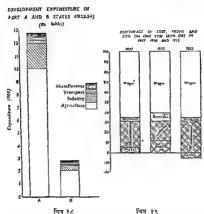


इसी प्रकार एक से अधिक अन्तर्विभक्त देवनाए जा सकते हैं। यदि उपर्युक्त भूवना के साथ साथ प्रिम्नलिखित सूचना भी दी गई हो दो एक से अधिक अन्तर्विभक्त देव बनाए जा मकते हैं आगा स उपस्थी का स्थाय

2,777

	(टाख रुपया में)	
1	वृषि	2,171
2.	परिवहन	274
3.	उद्याग	323
4	विविव	9

कुल दित्र १८ में सब भवना निरूपित की गई है। (२) (स) प्रतिञ्चत आधार पर अन्तिवभन्त दंड चित्र (sub-divided bars on percentage basis)—रेलांचित्रीय निरूपण का एक मुख्य कार्य



सामग्री हो तुष्टना योग्य बनामा है। चित्र १८ में दी वर्ष सावधी के आधार पर तुष्टना करता नभी बभी धामक हो सहना है। अपर उचित तुब्धना करती है तो सामग्री हो एक हो आधार पर रखला चाहिए। दाविष्य समस्त (aggregates) हो स्कार काकी महे अपस्त के प्रतिवादों ने रूप में अपना को आती है। दहा की जेवाई या रूपमाई वरावर होंगी है क्योंकि वे सब प्रत्येक स्थित में १०० दिलाती है। इन दहों के विभाग प्रतिचाती के आगार पर हिए जाते हैं। इस दहा के विभाग प्रतिचाती की हम निम्नलिखित सामग्री को प्रतिशत के आधार पर अतिविशक्त दढ वित्रा द्वारा निकारण कर रहे हैं।

	बच्चे लोह की उत्पादन लागत					
	1947	1950	1955			
	₹ø	ঢ় ৶	ह∘			
प्रति टन छागतः—						
मजदूरी	127 4	60 Đ	79 5			
अधिशुलक	5 6	8 0	5 0			
विविध	54 ■	20 5	45.1			
কু ল	187 6	88 5	129 6			
प्रति टर्न आगम	199 1	100 0	121 6			
हाभ (+) या झानि () प्रति टन	+11 5	+11 5	-8 0			

चित्र बनाने से पहले यह आवश्यक है कि उपर्युक्त सामग्री का प्रतिसतों ने रूप में रक्षा जाय जैसा नीजे विचा गया है.

(લા મામ મહા મામ લગા મમા છે.						
	194		195		19	
	16 a	প্রবিয়ন	হ্ ৫	प्रतिश्रत	ξa	প্রবিশ্বর
प्रति टन गागम	199 1	100	100	100	121 D	100
प्रति टन कागत →						
मजदूरी	127 4	64	60 0	60	79 5	55
<u> প্রতিয়াল</u>	5 6	3	8 0	8 0	5 0	4
विविध	54 6	27	20 5	20 5	45 1	37
कूल	187 6	94	88 5	88 5	129 6	106
राभ या हानि	11 5	6	11 5	11 5	-80	6

उपमुक्त अना से जात होगा नि १९४७ और १९५० ने कुल लाम बराबर है पर तु १९४७ में लाभ कुल लागम के केजल ६% है जबिन १९५० में ११५% है जो १५५० ना लगमग दुसा है। यह नियोधता नेवल प्रतिपतों के लामार पर मगाए गए नर्नावमका दह नियो हारा ही दिलाई जा सक्वी है। जिन १९ इस की निविध्त करता है।

(स) द्वि-विस्तारी चित्र

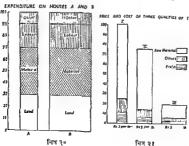
(१) जावत चित्र (rectangular diagrams)—रत रेक्पचित्र में आयातों की डेक्पर इजी अनुपात में बदलवी है निवास सामग्री बदलवी है। रत में और प्रतिस्तती न जागार पर नताए गए चित्रों में यह नतार है नि इनमें आवता वी चौडाड समस्त के अल्पात में होती हैं। यदि आयत चित्रों के द्वारा शामधी को निरुपित करना है तो ऐसे लामव कराए जाने हैं जिनकों चौडाई के अनुमाव समस्त में अनुमातों से बराबर होते हैं। इनकी जेबाई उत्पृक्त सैमाने बर समस्त के माणी को उसकी प्रतिशत के रूप में दिसाते हैं। नीचे दक्तव उदाहरण दिया ला चढ़ा है.।

दो मुकान Λ और B का निर्माण कमश १०,००० रु० और २५,००० रु० स्वय करके किया बवा है। स्वय की विविध मर्दे निम्नलिखित है

		A	100
<i>नमीन</i>		3,000	8,000
सामान		4,000	9,000
मजदूरी		2,000	5,000
अन्य	***	1,000	3,000

उपर्युक्त चित्र बनाने से परले ये राशियाँ प्रतिगतो के रूप में दी जायेंगी

	£	4		3
	ब्यय	সবিশ্ব র	ब्यय	प्रतिशत
जमीन	3,000	30	8 000	32
सामान	4,000	40	9 000	36
मजदर	2,000	20	5,000	20
अन्य	1,000	10	3 000	12



चित २० में उपर्युक्त सामग्री को द्वि-विस्तारी चित्र द्वारा दिखाया गया है।

बिना प्रतिवादों के भी डि-बिस्तारी चित्र बनाए जाते है। इन में आबत की सम्बाई एक तथ्य को और चौटाई दूसरे सच्य को निरूपित करती है। निम्नस्तित अक चाय के मूल्य, रागत और राशि को बताते हैं

	I प्रकार	II प्र कार	III प्रशाद
मत्य प्रति पौ० (२०)	2	3	5
बेबी गई राशि (पाँ०)	100	75	20
बच्चा माल (२०)	150	175	70
अन्य व्यय (१०)	25	30	20
RTH (En)	25	20	10

चित्र २१ में एक डि-बिस्तारी चित्र झारा उपर्युक्त सामग्री का निरूपण किया गया है।

(२) बग-चित्र (square diagrams)— यदि ऐसी साम्प्रियों को तुलना करती है जिनका एक हुसरे से अनुगात बढ़ा है, तो आयत-चित्र अनुपपुस्त हा जाने हैं। ऐसी स्थितिया में बगं-चित्रा वा प्रयोग किया जाता है। क्ये चित्र कनाने की रिति यह है कि पत्रेन राजियों का वर्गमूळ के दिव्या जाता है। इन क्यें मृन्या के प्रदूषात में वर्गों की भूजाओं की लम्बाइयों निरिक्त की जातों हैं। इन भूजाओं पर जो वर्गे कनते हैं, वे सामग्री को निरुप्तित करते हैं।

वर्ग-वित्र बनाने में दो बाना ना ज्यान रखना चाहिए (१) सब वर्गों ना आधार एन सीच (एन नात्यनिन सरल रेखा पर) होना चाहिए। (२) रेखाचित्र के साथ असरा पैमाना अवस्य दिया जाना चाहिए।

उदाहरण: निम्नत्विस्ति अने भाग क राज्यो द्वारा निष् यए १९५३-५४ के विकास व्यय दिलाने हैं

(शाय स्व) इपि 10,231 परिवहन 2,052 उचेम 235 विविध 160

हमें इन्हें बर्ग-चित्रो द्वारा निरूपित करना है। सबसे पद्रोदे इनके वर्गमुख निकारे जाने हैं को नीचे दिये गए हैं।

	ह _° (स्रास)	वर्गम्ल	वर्गं की भुजा (रे०मी०) • कॉलम ३—२५
1	2	3	4
कृ षि	10,231	100 9	4 036
परिवहन	2,052	45 29	1 812
उद्योग	235	15 35	0 6144
विविध	160	12 56	0 506

वित्र २२ में उपर्यंक्त राशियाँ वर्गों के द्वारा निरूपिन की गई है।

EXPENDITURE ON DEVELOPMENT IN PART A STATES (MS3-56) Scale I no em ...Rs 627 leiós apprex



चित्र २२

(ग) त्रिविस्तारी चित्र-धन

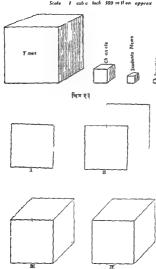
कई बार सामग्री ऐसी होती है कि उसके अधिकतम और न्युनतम में बहुत सहा मन्तर होता है। ऐसी स्थितियो में जुलना करने के लिए दढ या वर्ग वित्र अन्पयनत होते हैं। इसलिए त्रि-विस्तारी चित्रों का उपयोग किया बाता है। अब तक हमने जिन रेखाचित्रो का वर्णन किया है। वे पष्ठ चित्र (surface-diagrams) कहलाने हैं, परन्त त्रि-विस्तारी विश्रो में हमें लम्बाई चौडाई और ऊँचाई, सीनो पर विचार करना पड़ता है। इसलिए ये परिमाचित (volume diagram) भी गहलाते हैं। इन्हें बनाने की विधि सरल है। पहले दी हुई राशियों का धनमूल निकाल लिया जाता है। ये घनमूल या इनके अनुपातिक राशियाँ घनो की भूजाएँ बनाती है।

निम्नलिखित सामग्री १९५५ में भारत में कुछ समाचार-पत्रो का प्रचलन बताती है

साध्यिकी के सरज सिद्धान

CIRCULATION OF CERTAIN NEWSPAPERS IN INDIA 1955

Scale I cube inch 100 m ff on opprox



বিস ১

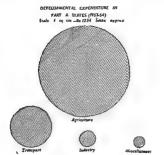
समाचार पत्र	चलन (000)	घनमू ल	ঘৰ কী মুৱা (কাঁতম 3∸100)
(1)	(2)	(3)	(4)
दी टाइमस •	12,11,900	106 7	1 067
दी कीनिकल	35,800	32 96	3296
दी स्टडेन्ट्स् न्यूज	1,200	10 62	1062
दी इनवेस्टर	250	6 29	0629

वित्र २३ में बिए गए बार यन रह सामग्री वा निरुपण करने हैं। जैंडा कि बिर देवने से स्वय्ट हो आएता, ये पित्र प्रकार का अच्छा तुलातक निर्माण करते हैं। यन वजान की पींचित्र माना है और बार निष्मानों के ने सामग्री हैं। वसती हैं (१) एक कर्म बनार्स जिसकी भूआएँ दिए तुए यन की भूजा के नदावर हैं। (२) एक ऐसा ही दूवरा को इस प्रकार बनाइमें कि उत्तरा बाती निष्मान कोना पहुंच कर्म के जिल बीज में हो और रोनो क्यों की सगल भूजाए समानान्तर हो। (३) क्यों के उत्तर ने माने वालों को और सीचे के बाहिन कोनों को मिलाइसे। (४) करित रेखा डारा रिकार्ट गई भूजाओं को मिटा सीचिए। ये चारो कियाप वित्र ४४ में दिखाई गई है। मनो नो राग या साली छोडा जा सकता है। प्रस्तेन वित्र के साम पैमाना देना आवस्त्रव है।

(प) पृत्त चित्र

- (१) बृष्य-जन सब स्थितियों में जहीं वर्षों का उपयोव किया जाता है, वृष्ठी का उपयोग मी विष्या जा सकता है। बृष्ठा का क्षेत्रफ उक्की जिल्ला के बर्ग के अपूनत में बदलता है और वर्ण का अपूनत में बदलता है और वर्ण का क्षेत्रफ उक्की जुना के को कदाबर होता है। इसिए वर्ग बनाने में बदले वृष्ठा कराया आ सकते हैं। वृष्ठा को बनाना आसान होता है और वे अपिक आवर्षक उपते हैं। वृष्ठा चित्र का बात ना प्यान एक्ना चाहिए कि विषय वृष्ठा के बेन्द्र एक वरक रेखा में हो, उपर बोचे नहीं, और इनके बीच में बरावर खालों बगाह होती चाहिए। इसके चित्र व्यविक मार्चक वर्षों, प्र्यान क्षीय मीर उल्ला करते हैं। प्रस्तिक रूपेंचे मीर जुल्ला करने में वासानी होगी। वृष्ठा रहे वा सालों छोड़े जा सनते हैं।
- चित्र २५ में चित्र २२ में दिखाई गई सामग्री को बृत्तो के द्वारा निरुप्तित निरा गया है। अत्तर वेचल इतना है कि कॉलम ४ वे लक कॉलम ३ के लको नो ५० से विभाजित करने निर्वाह गए हैं।
- (२) कोणोग याधृतसंद रेसावित्र(Angularor Sector Diagram)---वृत्त रेसा नित्रो में इनना वही स्थान है जो दट-नित्रों में जन्यविभस्त दट नित्रों का

और दुर्मलए इनका उपयोग उन मन स्थानो पर किया जा मकता है जहाँ अन्तिमक्त दृष्ट चिदो का किया जाता है, अर्थान् जहाँ भएपूर्व और उसके भार्मा को दिखाया जाता

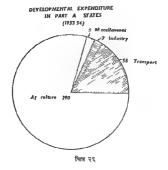


বিৱ হণ

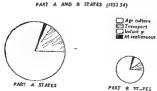
है। चित्र २६ और २० में वही सामग्री कोगीय चित्रो द्वारा निर्मात की गई है जो चित्र १७ और १८ में निर्मापन की जा चुकी है।

कोतीय या बुतन्द निज बनाने के लिए समूर्य को २६०° के बरावर मान लिया जाता है। ३६०° का कोण कुन के नेतर पर जनना है। इसके आयार पर माणो के स्पान कोतों की गणना कर भी वाली है और ये बोण केन्द्र पर बनाए जाते हैं। यह प्रीचा निम्मण्डिक ट्टाइण्य में स्पष्ट हो बाएगी

	माग व	ह राज्य	भाग र	त गाम
व्यय की मरें	राधि	बॉज (अंग)	गशि	कोष (अग)
	(लास १०)	(अग्रमग)	(लाव २०)	(उगभग)
कृषि	10,231	290	2,171	282
परिवहन	2 052	58	274	35
उद्योग	235	7	323	42
विविध	160	5	9	1
कुछ	12,678	360	2,777	360







चित्र २७

यदि निसी समस्त ने अन्तगत कुछ बढी गर्दे हा और इन भदा ने अन्तगंत कुछ छाटी मद हा तो निरूपण करना कुछ जटिल हा जाता है। निम्नलिखित उदाहरण पर दिचार कीजिये

माग की सदें	राश्चि (लाख र०)	काण अस (लगभग)
प्रव [्] ष सरम्भत	2 33,6 5,71,1	46 112
विदिध	1,94,7 31,1	39 6
श्रम-करयाण चारन व्यय		-
व पचारी इं धन	3,54,1 3 07,2	70 60
अन्य	1,33,5 7,94,8 1,82,53	27 157 360

वित्र २८ में उपयुक्त सामग्री ब्यौरे सहित निरूपित की गई हैं।



चित्र २८

(द) चित्र और नक्शे

पहुरे में सामग्री चित्रो द्वारा विरुपित भी जाती है और दूसरे में नवशो पर । ये विवियाँ बहुत प्रचलित हो रही है क्यांकि ये प्रमाबोत्पादक होती है और सर्व साधारण इन्हें सरलना और बीक्षना से समक्ष समृत्य है। इन विधियों से तुक्ता भी भी जा सकती है। निरक्षर लोगों में लिए यें विरोध उपयोगी है। परन्तु इनमें यह दोष है कि साधारणन लोग अच्छे चित्र नहीं बना सकते।

हमने विविध प्रकार के चित्रों का वर्णन किया है। परन्तु यह एक पूर्व विवरण नहीं है, इसलिए यह वर्णन सक्षिप्त रहा है।

QUESTIONS

- I. Write a short essay on the use of graphic method in Statistics, $(M\,A\,,\,\textit{Calcutta}),$
 - 2 Represent the following information graphically and also draw a graph on the same sheet to show the Balance of trade.

Indian Export and Import in Millions of Rupees.

Period In	nport	Export	Perrod	Import	Export
May June July August September October November December	217 218 205 263 227 289 299 313 325	213 304 254 238 211 200 259 253 330	1947 Januar; Februar; March April Mav June July	325 320 336 360 409 385 436	364 255 307 258 362 354 286

(B Com , Madras).

3 What are the advantages of the graphic representation of data? Represent the following information graphically and show how the graph can be used to give an idea of the profitable working or otherwise of the department.

Recenue and Working Expenses of the Irdian Telegraph Department
(Rs lakhs)

3	ear	Total Revenue	Total Working Expenses	Year	Total Revenue	Total Working Expenses	
193	0-31	327	398	1935-36	357	378	
193	1-32	328	370	1936-37	365	378	
193	2-33	323	359	1937-38	356	347	
193	3-34	340	380	1938-39	355	371	
193	4-35	360	316	1939-40	417	381	

(B Com., Madras)

4 Represent graphically the data given below on a single sheet of graph paper to bring out clearly the relative fluctuations in the prices of various articles Draw such conclusions as you can from the graph

	Wholes Rice		ın Kanpu Lanseed	r (ın Rı Gur	Cotton	maund) Tobacco
1928	7.3	7 7	7.0	6.5	34 1	17 3
1929	7 7	5 5	8 0	7 3	29 8	17 1
1930	5.8	3 6	6.5	6 2	7 3	14 5
1931	4 I	2 7	4 2	4 2	13 3	11 6
1932	4 3	3 4	3 5	3 5	14 8	4 9
1933	4 1	3.2	3 4	3 1	12 9	4 9
1934	3 7	2 8	3 6	4 [13 2	5 7

(M Com , Allahabad & Lucknow)

5 The following table gives the normal monthly temperature in the shade at the following three places —

Month	Sımla	Bombay	Calcutta
January	46	83	77
February	47	83	82
March	55	86	91
April	65	91	95
May	72	88	95
June	73	88	91
July	69	85	89
August	67	85	88
September	66	85	88
October	63	89	87
November	56	89	82
December	50	87	77

Compare graphically the temperatures at the above three places and account for the differences in fluctuations (BA, Luckno.t)

■ The following table gives the production of sugar in Cubia, jasa and India during 1930—39 in millions to quintale Represent the figures by a suitable diagram and comment on their relationship

Year	Cuba	Java	India
1929-30	44	29	17
1930-31	30	28	20
1931-32	25	26	24
1932-33	19	14	28
1933-34	22	6	30
1934 35	25	5	31
1935-36	25	6	36
1936-37	29	14	40
1937-38	29	14	32
1938-39	26	15	27

(M.A., Patna)

Average

7. The following table gives the prices of gold and wheat and net export of gold during the years 1931 32 to 1938-39 -Average

Years	price of gold	price of	export of
	/per tola	pre maund	Crores of
	Ro a	Rs.	Rs
1931-32	25 4	3 3	53
1932-33	30 12	3 3	
1933-34	33 6	2 %	65 57
1934 35	35 8	3 1	52
1935 36	35 4	3 2	37
1936-37	36 0	39	28
1937-38	36 6	4.0	16
1938-39	37 12	3 4	13
Plot the above figu	ures on a graph p	ap~, and com	ment upon

the relationship (MA, Agra). 8. Represent the following data graphically and comment

upon	their relations	mp, u anv	_			
Year	Area (Crores of acres)	Produc- tion (lalbs of tons)		1 ear	Area (Crores of acres)	Produc- tion (lakks of tons)
1920	250	140		1923	500	165
1921	300	142		1929	550	170
1922	315	150		1930	480	169
1923	400	160		1931	420	165
1924	+20	160		1932	510	158
1925	330	158		1933	599	153
1925	300	152		1934	520	157
1927	405	155		_	520	131

(MSW., Lacinow).

logarithmic scale -

9 Plot the following figures relating to population of India so as to show the proportionate increase in population from one period to another -

Year	Population (000,000's omitted)	Year	Population (000,000's omitted)	
1872	210	1911	315	
1881	250	1921	320	
1891	290	1931	350	
1901	295	1941	390	

(B Com , Aagtur) 10 What are the advantages of the Ratio Scale over the Natural Scale? Plot the following data graphically on the

Year Total Notes issued Notes in circulation in crores of Rs in crores of Rs 1933 34 177 167 1934-35 186 172 1935 36 196 167 1936 37 208 192 1937 38 214 185 1938 39 207 187 1939-40 252 237 1940 41 269 258 1941 42 491 410 1942-43 650 625

(B Com , Nagour)

11 The following table shows the total sales of gold by the Bank of England on foreign account Represent the data graphically on the logarithmic scale -

Year	£¹000
1910	14 488
1911	8 228
1912	9.670
1913	7,943
1914	8 027
1915	43,076
1916	2,360

(B Com , Allahabad)

12 (a) Explain the terms "Histogram", "Trequency Polygon", and "Frequency Curve" and state briefly how these could be drawn

(b) Draw the Histogram from the following data and on the same diagram draw a rough sketch of the frequency curve (You might readjust the frequency groups in any way that you might find necessary)

Difference in age between Husband and Wife in a community

Difference in years	Frequency	Difference in years	Frequency
0 5	449	25-30	52
510	705	30-35	16
10-12	302	37	2
1215	205	38	1
1518	182	39	1
1820	99		
2025	109	Total	2 123

(B Com, Madras)

- 13 Draw the 'Histogram' from the following data and on the same diagram draw rough sketches of the frequency curves on each of the following assumptions —
 - (a) All the workers are in the same industrial establishment
 - (b) They belong to two different industrial establishments, the level of wages in one being marked higher than in the other

Range of wages per month	No of workers	Range of wages per month	No of workers
30—35 35—40 40—45 45—50 50—52 52—55 55—58	4 16 32 136 121 161 134	58—60 60—65 65—70 70—75 73—80 84 90	96 342 102 36 17 12
		Total	1 210

(You might readjust the frequency groups if necessary)

(B Com , Madras)

14 The following table gives the distribution of employees in a certain firm Draw a graph to show the number of employees above any given age With the help of a graph, find the number of employees between the ages 30 and 50 and the number above 60

Age	Number of employees	Age	Number of employees
12—14 14—16 16—18 18—20 20—25	9 106 145 148 320	35—45 45—55 55—65 65—70 70—75	546 464 286 81 49
25-35	577	Total	2,731

(B Com , Madras)

No of

15 Represent the following data giving the age distribution of 3 154 married men graphically and use the graph to find the number of married men in the age groups 20-25, and 36-40 State whether you can use the graph to prepare a frequency table giving the number of married men of ages 15-20, 20-25, 25-30, etc. and if so how would you proceed to prepare such a table -

Age above	married men	Age above	married men
15	3 154	55	92
20	3 102	65	32
30	1 971	70	12
35	416	80	1
45	194		
			(D.C., 17, 1, 1)

No of

(B Com Madras)

16 Draw a cumulative frequency graph and estimate the number of persons between the ages 30-32 in the following table -

Age	Number of persons	Age	Number of persons
20—25 25—30 30—35 35—40	50 70 100 180	40—45 45—50 50—55 55—60	150 120 70 59 (B Com , Agra)

17 What is the importance of diagrams in statistical works? What are the common mistakes in diagrams?

Represent the following data by a suitable diagram or diagrams -

Type of Institutions	Number of students 1931 32 1936 37		
Colleges	3 760	G 830	
High Schools	86,880	1,43,950	
Middle Schools	1 80,910	2 26,150	
Primary Schools	20 81 550	26 05,080	

(B Com , Madras)

18 What different types of diagrams could you draw to represent the following information diagrammaticalls ? Which of

Distribution of population according to sex and exert conditions in estima Provinces and States							
Cavil condition							
Province or State	Sex	Un- married	Married	Widowed	Total Population		
Madras	Male Female	12,149,098	10,010 551		23 082,999 23.657,108		
H; derabad	Male Female	3,124 066 2,199,822	3,878,362 3,763,422		7,370 010		
Madras	Male	1,964,207	1,305,597	103.228			
States	Female	1,582,410	1,362,436	436,606	3,381,452		
Mysore	Male	1,866,180		169,766	3,353,693		
•	Female	1,295,533	1,339,597	568,209	2,203,339		

(B Com , Afedras)

19 Show by suitable diagrams the absolute and the relative changes in the student population of the Colleges A and B in the different departments from 1940 to 1947 —

	Colle	ge A	Colle	ge II
	1940	1947	1940	1947
Arts	300	350	100	200
Science	120	500	150	250
Commerce	200	650	130	150
Law	100	300	100	120
			(B Com	, Agra)

20 The following table gives the details of the monthly expenditure of three families —

Items of Expenditure	Fami	ly A	Fami	ly B	Fami	ly C	
•	Rs	а	Rs	а	Rs	а	
Tood	12	0	30	0	90	0	
Clothing	2	0	7	0	35	0	
House Rent	2	0	8	0	40	0	
Education	1	8	3	0	12	0	
Litigation	1	0	5	0	40	0	
Gonventional Necessity	0	8	3	0	60	0	
Miscellaneous	1	0	4	0	23	0	

Represent the above figures by a suitable diagram Which family is spending the money most wisely Give reasons (B Com., Agra)

21 Represent the following data by means of a bar diagram and comment on their relationship ---

Country	Barth rate	Death rath	Infant Mortality
UL	15 5	11 =	55
USA	17 6	10 6	51
Japan India	27 0	17 6	114
India	34 0	24 0	167

(M S W , Lucknow)

22 The following are the figures of population of the various countries of the world and of the total world population in 1931 —

Country	(000 000 omitted)	Country	(000 000 omitted)
China India U S S R U S A Germany Japan	412 352 161 124 65 65	U K France Italy Others World	46 42 41 705 2 013

Represent the above data by a circular diagram divided into sectors (B Com , Luzhow)

23 Interpret the data given below and illustrate any two by a suitable diagram $\,\longrightarrow\,$

	Percentage of						
Continent or Country	Wor lan	d	Worl cultivation	tcd	World Production of cereals	Pop lat	pu-
Asia (excluding U S S R)	18	6	32	9	31	53	1
North America	17	3	21	2	21 1	В	2
USSR	16	i	16	8	22	7	6
Europe(excluding U S S R)	3	7	16	3	16	17	9
Mid and South Americ	a 13	2	5	7	4.5	5	C
Africa	24	1	5	6	4	7	7
Oceania	7	0	1	5	ı	0	5
Total	100	0	100	0	100 0	100	0

(M A, Aliahabad)

24 Draw a sustable diagram to represent the following information —

Lactory	Rs Rs	Raterials	Rs	Units produce
A	2,000	3,000	1,000	1,000
В	2,400	2,400	1,000	800

Show also the cost and profit per unit

(B Com , Allahabad)

25 Diagrams are meant for a rapid view of the relation of different data and their comparison—Discuss

Draw a 'Bar' or 'Pie' diagram to represent the following data -

Output and Cost of Production of Coal

Cost per ton disposed commercially	1924	1928
Wages	12 74	7 95
Other Costs	5 46	4 5
Royalties	0 56	0.50
Total	18 76	12 9
Proceeds of sale per ton	19 91	12 1
Profit (+) or loss (-) per ton	1 15	-0.8

Principal Heads of Revenue

26 Represent the following by a suitable diagram -

Custom	4050	4388
Central Excise Duties	868	652
Corporation Tax	204	238
Taxes on Income	1374	1420
Salt	812	1080
Opium	50	46
Other Heads	112	130
	(E	Com , Nagpur)

27 Represent the following by sub divided bars drawn on a percentage basis ---

1938 39

Lakhs of Rs

4050

•	Cost, proceeds and profit	or loss per table	
	Particulars	1951 Rs	1956 Rs
_	Cost per table— (a) Wages (b) Other Costs (c) Polishing	21 14 7	9 5 3
	(-,		

Total Cost 42 18 Proceeds per table Profit (4) or Loss (-) per table 40

(B Com, Allahabad)

1939 40

Lakhs of Rs

4500

श्रध्याय ६

वर्शनात्मक मापन—केन्द्रीय प्रवृत्ति का मापन

(Descriptive Measures-Measures of Central Tendency)

रिश्वले अध्यादों में हम बता चुने हैं कि सामग्री का व्यवसायन किस प्रकार किया जाता है विद्यले वह मुख्येण हो बाय और उसका महत्व बमाम जा हुने 1 पर हुने किया जाता है विद्यले वह मुख्येण हो बाय और उसका महत्व बमाम जा हुने 1 नहीं किया जाता है कि विच कहें ताम नहीं कि स्वान कहें ताम नहीं कि स्वान कहें ताम नहीं कि स्वान कहें ताम नहीं के सिंद कहें ताम नहीं के सिंद के ही सिंद कहें ताम नहीं के सिंद के ही सिंद के सिंद

परलु भेती के फिट्टीम स्पान' मा 'मध्य' के कई वर्ष हो सन्ते है और जब तक हुन इस सम्बो की पिरमाण नहीं देते, केटीम प्रवृत्ति के भावन नहीं बाते जा सकते हिंत होने प्रवृत्ति के के भावन नहीं बाते जा सकते हिंत होने सुंकि 'मध्य' की कई विरामाण दें। बाती है, स्टिक्ट हो में कई मारत के केटीम प्रवृत्ति के मायन बता सकते हैं। इस मायनों को 'साध्य' (averages) मा प्रतिक्ष (type) कहा जाता है क्योंकि ये किसी चटना का प्रमाप (standard) निवित्त करते हैं। मा प्रतिक्षणी (typical) परता है। माध्य (averages) कई प्रकार के हो एकते हैं। अगि विवित्त प्रकार के माध्यों की प्रयान करने में रीति और जनते उपनी क्यांत्री हता दिवार किया जाएगा।

माप्य का उद्देश्य कर के मूल्यों के समृह का सरक और विधित हम से प्रिक् निर्मित करना है, जिसके हम समृह ने पदों के सामान्य आकार को जान सके और निर्मित कराने हैं। जुलना कर उन्हें । अर्थान माध्य का मुख्य कार्य कपूर्य स्वातीय सामग्री के लिए सर्वीधिक प्रतिनिर्धि ज्ञक के कथ में काम करता है। यह स्पष्ट है हि सब ककार के मायब ध्यायन प्रतिनिर्धि स्वाती हो सबते। इतस्तिए हमें कर माध्य मुनना पहना है जो दी हुई परिस्थिति में सब्बे उपस्कृत हो। आसानी पूछों में हम अधिक प्रत्यन्तित माध्यों पर विचार करने। ये है:

- १ समातर माध्य या औसत (arithmetic average or mean)।
- २ माध्यका या मध्यका (median)।
- ३ बहलक (mode)।

१. सर्मातर माध्य

समातर माध्य सबसे अधिक प्रचलित माध्य है। केन्द्रीय प्रवृत्ति के माप के रूप में इसका व्यापक उपयोग होता है। इसके दो सामान्य प्रकार हैं.

- (क) चरल समातर माध्य (simple arithmetic average)
- (अ) मारित समातर माध्य (weighted arithmetic average)

(क) सरल समावर माध्य

हिंची श्रेणी या चमूह ना सरक समावर माध्य उचके पदो के मूल्यों के योम को उनकी सकता है दिनाजित करने प्राप्त होनेवाजी राखि होता है। इस प्रकार ७ और ९ का माध्य $\frac{6+7}{2}$ =C है; १०, १४ और १८ का माध्य $\frac{6+7}{2}$ =C है;

है, और ८, १०, १२ एव १४ ना साम्य $\frac{c+1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 27$ है। इन सब माम्यों में बाप पाइसेगा कि से सेणी या समूह के शीच में स्थित पर है। समातर माम्य की एक विशेषता यह है कि माम्य और वशो के अन्तरों ना मोग सून्य होता है। उपमूक्त प्रदाहरणों में ७—८=-१ और ९—८=१, और इन दो कार्यों (—१ और +१) ना योग पून्य है। यही बात क्ल्य समूहों पर भी कार्य होती है।

सरक समांतर माध्य की गणना—रसनी गणना करने के लिए दो रीनियो का उपयोग किया जाता है। पहली को अवस्त रीति (direct method) और दूसरी को लावन रीति (short-cut method) वहने है।

- (१) प्रत्यक्ष रोति—इस रीति में पदो को जोड दिया जाना है और इस दोए में पदों की सक्या का भाग दे दिया जाता है। पहले दिए गए उदाहरको में इमी रोनि का उपयोग विचा गया था।
- (२) छाषव रीति—यह समानर माध्य ने इन गुच पर वार्थारित है कि समातर माध्य से क्या परो ने विचकत (deviations) वा मौग दूजन होता है। इस रीति मैं पहले किसी सुनियानक राशि नो भाष्य मान किया बाता है सिने कराज माध्य (assumed mean) नहने हैं। इस मेलित माध्य से समुद्द या बेनी के परो के

ŧ:

विचलनों की गणना की जाती है और इनके माध्य को कल्पित माध्य में जोड दिया जाना है। पदी के विचलनों की बीजोम चिह्न (algebraic sign) के साथ एखा जाता है।

इन विवियो का उपयोग जब मिल्ल भ्रेणियो में किया जाता है, तो रीनियाँ कुछ

मित्र हो जाती है। लामन रीति था उपयोग उन सब स्थानो पर लाजपूर्वक किया जा मक्ता है जहाँ

(१) पदो के आनार एक दूसरे से बहुत भिन न हो, (२) जहाँ श्रेणी रुम्दो हा, और (३) जहाँ सख्याएँ बहुत बडी हो।

(क) एकंक निरोक्तम को अंसी (Series of individual observation)—इस अंभी के जिए जगर दी गई प्रत्यक्ष 'र्यान निम्नलिखित बीजीय महेती (notations) में दी वा स्वती है

 $\frac{x_1+x_2+\dots\dots+x_n}{n}$

जहाँ ४,, ४० आदि श्रेणी के पद हैं और अपदो की सक्या है। उपर्युक्त सूत का सक्षित रूप है

 $a = \frac{\Sigma \chi}{x}$

जहाँ a समातर याध्य, Σx (इसे योग x वहा जाता है) श्रेणी के पदो का योग है और α श्रेणी के पदो की सस्या है।

लाधद रोति हे समातर माध्य की गणना निम्नलिखित सूत ने अनुसार की जाती है:

 $a=x+\frac{\Sigma dx}{c}$;

जहाँ म कल्पिन समातर माध्य है और 2'd स्कल्पिन माध्य से पदों के विचलनो का भोग है।

चदाहरण ए क व्यापार-गृह वे	पौच साल के लाभो के माध्य की गणना करनी
লাম	कल्पित माध्य 10612
€0	भे विचलन (dx)
10,600	-12
10,610	- 2
10,612	0

10,638

-+25

(i) प्रत्यक्ष रीति
$$a = \frac{\Sigma x}{n} = \frac{53,085}{5} = 10,617$$
 ह॰

(11) लामन रोति
$$a=x+\frac{\Sigma dx}{2}=10,612+\frac{25}{5}=10,617$$

जपर्युक्त उदाहरणो से यह स्पष्ट हो जाता है कि दोनो रीतियो से माध्य वही आता है।

(स) खडित थेची (discrete scr(6s)--सडित थेणी में आनार के अनुसार पदो को क्यों में रह्या जाता है और यह विभिन्न मापो के अन्तर्गत पदो की सख्या बताती है।

यदि हम प्रत्यक्ष रीति ने अनुसार गणना वरते हैं तो पहले प्रत्येन वर्ग की माप **र**ा उसकी बारबारता से गुणा क्रिया जाता है । इस गुणनफलो के योग को बारबारताओं ने याग से भाग देदने हैं। इस प्रकार जॉ राशि मिलती है वह समातर माध्य है। सत्र वेरूप में $a = \frac{\sum mf}{\sum f}$

जहाँ Σmf मापो (m) और उनने मगत वारबारताओ (f) वे गुणनपळ का योग है। Σf को n ने बराबर समझना चाहिये।

लाधव रीति में कल्पिन माध्य (x) में पदो के विचलनों की उनके सगत बार-बारताओं से गुणा करत है (fdx)। इस गुणनक्लो के योग को जिसे कुल विचलन नहा जाता है, बारवारताओं के यात से विभाजित करते हैं और इस प्रकार मिलने बाली राधि को कल्पित भाष्य में जोड देते हैं। सूत्र के रूप में $a=x+rac{\Sigma f}{\Sigma f}$

$$=x+\frac{\sum f dx}{\sum f}$$

उदाहरण---निम्नसिधित सामग्री के समातर माध्य की प्रत्यक्ष और छाघव

रीति से गण	ना वरनी है।			
সাঘ্বাৰ' (⊶)	विद्यायिया की सस्या	कुछ प्राप्ताक (कालम १ × २)	कल्पित माध्य (३) से विचलन	बुल विचलन (कॉलम२×४) (fdx)
(m)	(/)	(mf)	(dx)	(2 /
(1)	(2)	(3)	(4) -2	(5) —14
2	10 15	20 45	-1 0	-10
4 5	12	48	+1	+12
5 Total	2 46	10	+2	<u>+4</u> -B

(i) प्रत्यक्ष रीति से समावर माध्य (कॉलम 1, 2 और 3)

$$e = \frac{\sum mf}{B} = \frac{130}{46} = 2.8261 \text{ Marks} -$$

(ii) लायव रीति से समातर माध्य (कॉलम 1, 2, 4, 5)

$$a=x+\frac{\Sigma f dx}{\pi}=3+\frac{-8}{46}=3-\cdot 1739=2.8261$$
 Marks

(ग) सतत श्रेको (continuous series)—जब पदी का वर्गकरण वर्ग-भंतरातों में यनुवार किया जाता है को एकता तारायं यह है कि निर्मित्त गुक्ता न उपरुख्य नहीं है। पद सोमाओं के अपर्याय रखें जाते हैं और इसिएर हामग्री निरिक्त नहीं होतों है। ऐसी स्थितियों में हम यह मान कर चक्ते हैं कि बार्ग की बारबारताएँ वर्ग के मध्य-स्थान पर केन्द्रित है अर्थात् पपना करने के लिए हम बेक्त कर्म के मध्य-स्थान और वार्ग की स्थार स्थार पर स्थार करते हैं। यह मान अप्नीव्त नहीं है स्थारिक हम यह जातते हैं कि पदों में मध्य-विन्तु के मससास एकिनित होनें की प्रवृत्ति होती है। इस कानता के बार यथना करने की रीति गहते ही जंसी है।

उदाहरण—निम्नलिसित सामग्री से प्रत्यक्ष और लाघव रीति डारा समातर माध्य को गणना कीजिए

বিহাৰিকা দাব্য কুল কলিবে মাহ্ম এৰ কুলবিৰতন পুল की (12·5)से श्रेषियन (काँ2× अवर्श्रणीयन গাবোক मान সাধ্বকে (कॉ2×कॉ3) विचलन (कॉ5-5) कॉ5) (कॉ7-5) सस्या (m) (f) (m') $(m^e f)$ (dx) (dxt)(fdx) (fdx/i)(1)(2) (3) (4) (5) (7) (8) (6) 0--5 10 2 5 25 0 -10 -2 -100 -2012 75 900 5-10 -5 -1 -60 -12 10--15 20 12 5 250 0 -0 0 o n 15~20 15 17 5 262 5 +75 +5 +1+1520-25 5 22 5 112 5 +10 +2 +50+10-35 62 740 0

(i) प्रत्यक्ष रीति (कॉलम 1, 2, 3, 4)

$$a = \frac{E\pi f}{\pi} = \frac{740}{62} = 11.9355$$
 जक

(11) राधव रीति (कॉलम 1, 2, 3, 4, 5, 7)

$$a=x+\frac{\sum fdx}{n}=12.5+\frac{-35}{62}=12.5-5645=11.9355$$
 अक

यहाँ यह उल्लेकनीय है कि एकैंक निरीक्षण की श्रेणी में अत्येक पद (अर्घात् वर) की बारबारता एक हाती है जबकि सहित और सतत श्रेणी में ये बारबारताएँ अञ्ग अरुप होती हैं।

मध्य-विग्तु को समस्या (the problem of middle point)—सरल समातर माध्य के सम्बन्ध में मध्य-मान की समस्या पर भी विचार कर लेना चाहिए। इस सबस में एक सप्त नित्यम यह है कि मध्य-विज्ञु का मूल्य वर्ग सतराज की अपर सीमा और अपर सीमा के योग के लावे के करावर होता है। यह कोई दृढ़ और कटोर नियम नहीं है क्योंकि मध्य विज्ञु निरिच्ता करने में वर्ग-अन्तराज को सोमाओं को निरिच्ता करने के अभिन्नाय कर होता विचार कर केना चाहिए। इस नक्षार ०-५ का मध्य विन्तु २ ५ [जयाँत् (०+५)/२] है। परन्तु यदि वय-अन्तराज दृष्टगी प्रकार से व्यक्त दिया जाता है, तब मध्य विज्ञु की गणना या ता उपयूक्त रीति स करनी चाहिए या अणी का अभिन्नप्रय देख कर । दोको रीतियाँ वहीं होगी। जिन्नजितित चाहिए या अणी का अभिन्नप्रय देख कर । दोको रीतियाँ वहीं होगी। जिन्नजितित

स यह बात स्प	प्टहा जायगा		
	बगै-अन्तराल	मध्य- (२ व	
	(1)	(2)	(3)
(1)	0—4 5—9	2 00 7 00	2 5 7 5
(n)	0-4 9 5-9 9	2 45 7 45	2 5 7 5
(111)	0 —4 5 5—9 5	2 25 7 25	2 5 7 5
(10)	05 510	25	

वर्ग-जन्तराल निश्चित वरने ना अभिशाय येणी को सतत बनाना है इसिए साधारणत कालम ३ में दिए गए मध्य बि दुलो का उपयोग करना चाहिए। ये मुविधा-जनक भी हैं।

भव श्रेणीयन की रीति (technique of step deviation)—उपयुक्त स्वाहरण में बॉल्म ६ और ८ में अवश्रेणीयन की रीति का उपयोग किया गया है। इस रीति में ब्रव विवलनों को दिशी ऐसी सस्या से विभानित करते हूं में दलहों पूरा विवाजित करें। यह सस्या सेपी के वर्ष-स्वराति ने परिताय के बरादर होती है। इससे यह स्पष्ट हो जाना चाहिए कि अवस्थीपन (दिलाय विभाग) तभी दिया जा सहता है जब सर्य सवराल हा। अस्योगीयन वे फलरदस्य पायता करता सरल हो जाता है अधीति बारदारताओं से अब इत दिसाजित विवलनों को गुणा क्या जाता है, विवलनों को गही। इस प्रसार परित में को सभी हो जाती है उसे बाद में महिला माम्य में विवलनों ने मान्य सा बीहरी मान्य पूरा कर लिया जाता है। विभाजित विवलनों के मान्य सा वर्ष-सरताक के परिताण के गुणा करके करियत साम्य में बोझ जाता है। इस प्रकार उपर्युक्त वराइएण में

$$a=x+\frac{Efdx}{\pi} \times 1 = 12.5 + \frac{-7}{62} \times 5$$

= $12.5 + \frac{-35}{62} = 12.5 - .5645 = 11.9355$ NF

अवश्रेणीयन की रीति भी गणना करने भी एक लाघव रीति है।

(स) मारित सर्मातर माध्य (weighted arithmetic average)

भारित समावर माध्य में पदो को उन से सार्पोक्ष क न्हाल के अनुसार भार देवर माध्य की पाना की जाती है। यहाँ वह सातव्य है कि ऐसी येपी हो समावर माध्य निक्षम देवा है बारखाटा एक से अधिक और विदेश है , जारित समावर माध्य नहीं है। माध्य सरक है मा भारित यह इस बात पर निर्मेर करता है कि भेगी के पद्में की बारबार्ट्ट पह के अधिक और विदेश है कि भेगी के पद्में की बारबार्ट्ट कर कहा है कि अपने हैं है के अपने के समुद्र के पर एक प्रकार के होंटे हुमें भी महत्व के बुद्धिकों से समावीध नहीं है के बार्ट्ट के बुद्धिकों के सम्बद्धिक स्वाद के स

हम मजर्जूरियों को बराबर भार नहीं दे सकते। अगर हम सख्या के अनुपात में भार दें, तो भारित माध्य की गणना निम्नलिखित रीति से की जाएगी।

भारित माध्य =
$$\frac{(5 \times 40) + (3 \times 60)}{100} = \frac{200 + 180}{100} \approx \frac{380}{100} = 3 \parallel \xi \circ$$

मुत्र करूप में

मारित माध्य
$$=\frac{\Sigma u x}{r_{vw}}$$
 जहाँ x पद है और w उनके मार ।

भार क्रेसे निक्कित किये जाँव ? यह बताया आ चुका है कि भार नेत्रक पदी के सापिनक महत्व को बताते हैं। यदों के सापेक्षिक महत्व बिना अतिरिक्त जानका के के नहा मालून किये जा सकते। हमें यहाँ पर यह देखना है कि भार निक्कित करने के लिए क्रिस सुक्ता का उपयाग किया जा करता है। कहि स्थातियों में भार रिए हुए रहत है जहाँ के नहीं पर एने वहाँ सामगी की प्रकृति से बाने जा सकते है। मार निविक्त करने के लिए निम्मिनित्रक जानकारी का उपयोग किया जा सकता है

- (१) वर्गीकृत सामग्री म जार निश्चित करने के लिये किसी एक वर्ग, समृह या प्रवर्ग (category) में आने वाले पदो की सख्या के आधार पर।
- (२) द्विद सामग्री बस्तुआ के मत्यों और राशियों से संबंधित हो सो
 - (क) उत्पादित राशि, या
 - (ख) वित्रयाध प्रस्तुत राशि, या
 - (ग) विजीत राशि, या

(ष) उपमुक्त रासि, आदि के आधार पर भार निश्चित विए जा सकते हैं।

के आधार पर किया जाना चाहिए।

यदि सामग्री में भारो का उल्लंब नहीं किया गया हो ता उपर्युक्त राशियां भार मानी जा सकती है और ठडनुमार साध्य की गणना की जा सकती है। इस प्रकार से गणना किया गया भारित समातर साध्य वास्तविक (actual) भारो पर आधारित

है। प्राप बास्तविन भार नहीं दिए रहते परन्तु सामग्री ऐसी होती है कि मारित माध्य नी गणना बरनी पडती है। ऐसी दशाओं में अलक्कित्त भारीं (estimated weights) ना उपयोग निया जाता है। भारी ना प्रावस्तन पूरी उसकम्प्तामग्री

भारित समीतर माध्य की यणना---निम्नलिखित शेणी के किए भारित समातर माध्य की गणना कीजिए

कर्मचारी	सस्या (भार)	दैनिक मजदूरी	सस्या और मजदूरी का गुणनपाल	कल्पित माध्य(२) से विचलन	विचलन और भार का गुणनफर
	(w)	(x)	(xx)	(dx)	(udx)
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)
पर्यवेक्षक	2	4 0	8	20	4 0
निरोक्षक	2	3.0	6	10	2 0
कुशल मजदूर	4	2 5	10	0 5	2 0
मर्थेनुराल मजदूर	8	2 0	16	0 0	0 0
अनुवाल मञ्जूर	14	1 5	21	-0.5	-70
	30		61		1-0

मारित माध्य (प्रत्यक्ष रीति) कॉलन १, २, ३, और ४

$$=\frac{\Sigma xw}{\Sigma w} = \frac{61}{30} = 2.03$$

भारित माध्य (लायब रीति) कॉलम १, २, ३, ५ और ६

$$= x + \frac{\Sigma dxw}{\Sigma to} = 2 + \frac{10}{30} = 2 + 03 = 2 - 03$$

उपर्युक्त प्रत्न में भार कॉलम २ में दिये गए हैं और कॉलम के शीर्यक में 'मार' लिख्न दिया गया है। अगर यह नहीं भी लिखा जाता तब भी ये सक्वायें भार सनमी जाती क्योंकि इस सामधी में केवल ये ही सांपेक्षित महत्व बतावी है।

स्मितियाँ किनमें आरित समांतर माध्य को गणना करना आक्स्पक है—माध्य का मुख्य कार्य अंगी की विश्वपेताओं को ठीक प्रकार से बनाता है। माध्य की पत्या में सम्प्राय से की जाती है कि वह अंथी ने मृत्य छआगे का प्रतिनिधित्व करें। इसकिए यह नहीं क्षेत्रमा माहिए कि हमें सरक और आरित माध्य के बंद चुनाव करना है। इस रोनों में किसी प्रकार की स्पर्मा नहीं है। हुछ स्थितियों में भारित माध्य और कुछ में बरक माध्य सामग्री का अधिक उच्छा प्रतिनिधि हो सकता है और जो साध्य अच्छा वर्गन कर के उच्छा उपयोग नराना चाहिए। निम्निजिस्त स्थितियों में भारित समाजर भाष्य अधिक उपयुक्त है.

(१) यदि हमें ऐसे समूह ना माध्य निकालना है वो नई विभिन्न प्रकार के उपवर्षों में विभाजित है, वो केवल भारित समातर माध्य ही वास्तव मे प्रतिनिधि सममा जा सकता है। इसकी पुष्टि इस बात से होती है कि बदि हम भारित माध्य को पदो वो सस्या से गुणा करें तो हमें पदो का भोग मिलेगा। यदि एक फैन्टरी को मिलने वाली मजदूरी का माध्य निकालना हो तो मारित माध्य ही निकालना चाहिए क्योंकि फैन्टरी में कई प्रकार के मजदूर होते है।

- (२) यदि विभिन्न उपवर्गों में पदो को सब्या अल्ल-स्वनन हो, तो भारित माध्य निकालना नाहिए। असर विभिन्न उपवर्गों में पदो को सब्या एक ही है तो उनका सांपिदक महत्व बरावर रहेला और इसलिए भारित माध्य निकालना व्यर्थ होगा। इसो प्रकार यदि पदो को सब्या अलग-अलग है और हुम एक बार कारित माध्य निवाल चुके है, तो नए सिरे से भारित माध्य निकालने की आवश्यकता तभी पढ़ेगी जब श्रेणी में परिवर्तन होने वे फलस्वल मारो के अनुपाठों में भी परिवर्तन हुए हो। अगर सब भार एक हो राशि से नुमा किये वाति है, तो नए सिरे से माध्य निकालने वो कोई आवश्यकता नहीं है, अचीकि साध्य वहीं रहेगा।
- (३) यदि हमें उपवर्गों के माध्यों का साध्य निवालना है और हम प्रत्येक उपवर्ग में पदों की सख्या जानें तो मारित माध्य की नणना सवस्य करनी वाहिये। मान लीजिये किसी निर्माणी में कमेंचारियों की तीन उपवर्गों में माध्य मबहूरियां कमा ३ द०, ५ द० और १० ६० है और हम पूरे समूद्र की साध्य मबहूरी जानना माहते हैं। यदि इन तीन उपवर्गों के क्यांशियों की सख्या कमा ६०, २० और १० है ती १०० व्यक्तियों के पूरे समृद्ध का साध्य १०, ३० और

$$\frac{(3\times60)+(5\times30)+(10\times10)}{100} \approx_0 = \frac{430}{100} \approx_0 = 43 \approx_0 \approx_1 11$$

(४) अत में, बाँद हुमें अनुगातो, प्रतिशतों और दरों का माध्य किकानता है तो भारित माध्य हो निकालना जाहिए । उवाहरपार्थ हो परिकालों में उतार्थ विधायिमें ना प्रतिशादों में उतार्थ विधायिमें ना प्रतिशाद कमश्य १०० और ५० है। तो साथारण नाम्य अप प्रतिशाद (३.५%-४.५) होगा परन्तु यह नास्त्र है। जब तक हमें विधायिमें को सच्या मात्र नहीं होती, सपुक्त प्रतिशत वा माध्य नहीं जाना जा सकता। विर हम जानने हैं कि पहली परिका में भें और हसरी में ५० विधायों सेंटे थे, तो उपयुक्त माध्य में नास्त्री माध्य नहीं जाती है। क्योंकि इसके अनुसार पहली परिका में विधायों की देश स्वार्थ में ५० विधायों उत्तीण हुए क्योंनू कुछ ३३ विधायों उत्तीण हुए क्योंक सुक्त संत्र में उत्तीण विधायों वतीण हुए क्योंक कुछ कुछ अपि ४० का ५०%)।

अव यदि हम प्रतिदाजों को विद्यार्थियों की सख्या के अनुपात में भार दें तो हमें सही उत्तर मिलेगा। उपर्यक्त प्रतिश्रजों का भारत माध्य

$$=\frac{(100\times4)+(50\times40)}{4+40}=\frac{2,400}{44}=54.55$$
 (खगमग) प्रसिक्त

यह माध्य उपर्युक्त दार्त को पूरा करता है क्योंकि:

4 का 54 55 प्रतिश्वत =
$$\frac{4 \times 54.55}{100} \approx 2.182$$

40 का 54·55 प्रतिश्रव —
$$\frac{40 \times 54.55}{100}$$
 — 21 82

24 002 =24 (उपसादन)

हम पहले देख चुके हैं कि कुछ २४ विद्यार्थी उत्तीर्ण हुए वे और भारित माध्य से भी यही परिणाम निकलता है।

समातर नाम्य के लाभ—समातर माध्य किसी येणी का सबसे सरल नेज्यीय प्रवृत्ति का माथ है। इसे व्यासक कब से समझा जाता है और इसका मुख्य उपयोग भ्रेमी के मुख्य करणो को संख्रियर कप के प्रस्तुत करणे और सामग्री की तुक्ता योग्य समाने में किया जाता है। इसके इतना अधिक प्रयक्तित होने का कारण इसके निम्म-लिवित गाम हैं

- इसका मुख्य मुण्य ह है कि यह सुकोय (casy to understand) है! साम्राएत सभी लोग इसको जागते हैं और अश्वेष पणना करते हैं! साहिस्कोय मापों से अपिरिचित स्वमित के सामृक्ष तथ्यों को प्रस्तुत करने में इमका उपयोग किया जा सकता है! यह इसकी सबसे महरतपुर्ण वियोगता (qualification) है।
- २ इसकी गणना करना बहुत आसान है। जीड-मुना-भाव का प्रारमिक मान होने पर कोई भी व्यक्ति इसकी गणना कर सकता है।
- ३ साल्यिकीय विधियों में इसे महत्वपूर्ण त्थान इसलिए दिया जाता है क्योंकि इसका उच्योग बीजगणितीय पीतियों में सुगतता से किया जा सकता है। काल्यस्थ्य अन्य कई बाल्यिकीय मार्च इस पर आधारित है, जैसे विचतन, सहसवस आर्थि की गाँ।
- ४ समातर माध्य की गणना करने में यदी की कमानुसार एकने या वर्षबद्ध (grouping) करने की व्यवस्थकता नहीं होती। हम जिना कोई परिवर्तन किये सीधे सामधी से समातर माध्य की गणना कर सकते हैं।
- ५. इसकी गणना करने में श्रेणी के सब पदो पर विकार किया आता है और यह प्रत्येक पद को उचित भार देता है। इसिटिए यह माज्य पूरी श्रेणी का प्रतिनिधि माना जा सनता है।

- ६ इमनी मणना निश्चित रूप से को जाती है और इसनी परिनाधा परिदृड़ (rigidly defined) है। इसनी भणना नरले में खतर्बेशन (interpolation) नहीं करना पडता और न ही यह नभी अनिष्ठंत (indeterminate) रहना है।
- अ तुलना करने के लिए यह बहुत उपयुक्त है। यदि पदो नी सस्या बृह्त् हो तो यह असामान्यतात्रो को कम कर देता है और इमल्एि तुलना अधिक अच्छी तरह की जा सकती है।
- यदि समग्री विस्तार में चल्लम्ब न हो तब भी हम समांतर माध्य भी गानत कर सकते है बगाहि समागर साध्य मिलान्जे ने लिए हमें नेवल पदी ने यीग और जनकी सच्या की आवश्यकता पदती है। इसी प्रचार यदि मामागर माध्य और पदी भी मक्या मालुम हो तो पदी भा गोण निवाला जा सकता है।
- समातर माय्य से किमित्र पर्वो के विचलनों का योग शूग्य होता है। इस गुण ने बापार पर हम समानर पाय्य नो छयु रीति से निकाल सकते है और इस प्रकार गणना करना और भी सरल हो जाता है।
- १० अगर हमें नई श्रीमयो ने ममातर माध्य और पड़ों नी सक्या दी हुई है तो हम संयुक्त श्रीमी ना माध्य उसने निनाल सनते हैं। फिर से पूरी मामग्री पर विचार करने की आनरयनता नहीं रहती।
- ११ यह वेन्द्रीय प्रवृत्ति का अधिक स्थायी भाषन है और इस पर दैव विचरणों (chance variations) का प्रमास कम पढता है।

समातर माध्य के बोध : उसकी परिसीमाएँ—उपर्युक्त गुणो के होने पर भी कई स्थानी पर इसका उपयोग सतोपननक रूप ने नहीं किया वा खरना नयोकि इसमें कुछ दोप भी है

- (१) यदि सेची में यहाँ की सक्या बहुत कम हो तो समीतर माध्य पर करम-कों (exircme items) का अनुमित प्रभाव पहता है नयीं है पदी की अध्यवस्था एक दूसरे को बराबर नहीं कर गाती। ऐभी दक्षाओं में समान्यर माध्य में प्रमान निम्मण निकल्ठे हैं। यदि विनागे फर्म के लगी का औमन विचल्छा जा रहा हा तो बहु दिमी एक वर्ष के अमामान्य व्यय या हानि में बहुत प्रमावित होगा।
- (२) यदि माध्य ने साय थेणी के पर नहीं दिये जाते हैं तो इससे गनत प्रारणा बन सरती हैं ! विशेषत तुल्ता रूपने में इसरा ध्यान एपना पाहिए। समान माध्य ने होने हुए मीं श्रीवणी पूणेत निरोमी रियोदी दिना रहतों ने ! उदाहरण ने लिए दो फैस्टियों न और ख न लाम पर निवार नीनिये.

न्यं	र्वस्टरी क रू	पैक्टरी स रु
1950	10,000	20,000
1951	12,000	18,000
1952	15,000	15,000
1953	18,000	12,000
1954	20,000	10,000
1951 1952 1933	12,000 15,000 18,000	18,000 15,000 12,000

इन दो कैस्टरियो इररा जीवन विए हुए गाम्य लान १५,००० २० हैं। परस्तु दोनों को स्थितियों चिन्न हैं। वहली में यर बाठनीय स्थित का खोनक है, परस्तु दूसदों में स्थिति बिलकुल अबाठनीय है।

- (३) सपातर माध्य प्राथः ऐसी राजि होगी है जो येगी में न हो और कई स्मितियों में तो पह ऐसा पात्र होता है जिसे सोचा भी मही जा सरका । ३ मडहारी ही साम मिल्किया सरका । ३ मडहारी ही साम मिल्किया होता थे १ न हुई जी दिनों भी मडहार की मडहारी नहीं है ? न हुई जी दिनों भी मडहार की मडहार नहीं १ ट्रमिल्य कोर्ट की मडहार माध्य मडहार नहीं कहा जा महना और न ही कियों मडहुर को साध्य मडहारी निन्ती है। इसी प्रसाद अगर तीन की मुद्द में २० भनी वर्षे ता प्रति बीन्द्र प्राप्त पर्द है। इसी प्रसाद अगर तीन की मुद्द में २० भनी वर्षे ता प्रति बीन्द्र प्राप्त पर्द है। इसी को प्रताद परिवार है। इसी उत्तर प्राप्त है सा सा वर्षे प्रसाद स्वाप्त कामना है।
- (४) खेनी का निरीक्षणकरने मात्र से ही सर्मानर मात्र वहीं जाना जा सकता,
 जबरि मन्यका और बहल्य इन प्रकार वाने जा नरने हैं।
- (५) समानर माध्य की गणना बरने के लिए यह आवश्यक है कि हम सब परो के बास्तविक मुख्य जानें । परन्तु भन्यका या बहुतक की गणना करने के लिए यह आवस्यक नहीं है—हम्में करम पदो की छोटा वा सकता है ।
- (६) सामान्यर मध्य बेवत उन आवारों में निवाला जा सबता है जो पूर्ण बच से समान हो। भरन्तु ऐता समय है कि बोन्ड संगान न हों और वह बात मध्यर संस्थान होंगे हो। उदाहरण के लिए, एन विश्वविचालत के विभिन्न विनागों में बच्चों के देखारे का अध्यवन वरने हो एन माहन होंगे कि मन्ति देशांग हैं जीनक १० बनरे हैं। इनका यह निवाल जीवतस्था रण में नहीं है कि उन विस्तारों में उहां बच्चों में सस्था १० से बच्चे हैं स्वता में विचाल के उत्तर के स्वता है। सर्मों में सस्था १० से बच्चे हैं स्वता में विचार में नहीं उत्तर हैं।

ग्रन्य प्रचलित माध्य (other averages in common use)

सरल और भारित समातर माध्य के साथ साथ निम्नलिखित माध्यों का भी सामान्य उपयोग निया जाता है

१ संचयो माध्य (Progressive Average)-यह माध्य विसी श्रेणी में पहले के पदो पर आधारित होता है। पहले पद के लिए सुचयी माध्य उसी पद के बराबर होता है। दूसरे पद के लिये सचयी माध्य पहले दो पदो के माध्य के बरावर होता है, इत्यादि । इस प्रकार किसी पद के लिए सचयी माध्य उसके व उससे पूर्व उपलब्ध सब पदो के माध्य के बराबर होता है।

सचयो माध्य का उपयोग उन दशाओं में निया जाता है जहाँ पदी नी सख्या इतनी अधिक नहीं है कि उनका गतिमान माध्य (moving average) निकाला जा सके । सचयी भाष्य का उचित उपयोग करने के लिए इसमें होने वाली वृद्धिया कमी को देखना चाहिए । यदि सचयी भाष्य बदता चरा जाता है तो श्रेणी की उपनित (trend) उपर को होगी।

२ पतिसान माध्य (Moving Average)---गतिमान माध्य ना उपयोग वाल-श्रेणी का विक्लेपण करने में विया जाता है। इसका मध्य कार्य श्रेणी की उप-नित (trend) बताना है। गणना करने में सर्वप्रयम एक उपयक्त अविथ निश्चित कर री जाती है और इस अविश के लिए माध्य निशाला जाता है। मान लीजिए यह अवधि ३ वर्ष है। पहले ३ वर्षों का माध्य निकाला आएगा और उस बीच बाले वप के आगे रख दिया जाएगा। फिर, पहला वर्ष छाडकर और बीबा वर्ष जोडकर तीन द्यों ने माध्य की गणना कर ली जाएगी। इस प्रकार पहला वर्ष छाटकर और अगला वर्ष जोडकर गतिमान माध्य की गणना करते चले जा सकते हैं। ये माध्य बीच बाले वर्ष के सामने रखे जाते हैं । नीचे दिये हुए उदाहरण में सचयी और गति-मान साध्य की गणना की गई है

जनानरण ही हुई बामगी से बसरी और बिरमान बाजा हुँर गणना श्रीको ।

adista	ना हुई वागता त सम्मा	जार गावनाच नाज्य	या चलवा प्राण्य र
वर्ष	लाभ	गचयी माच्य	३ वर्षीय
	€0		गतिमान माध्य
(1)	(2)	(3)	(4)
1950	30,000	30,000	_
1951	32,000	31,000	31.000
1952	31,000	31,000	31,333
1953	31,000	31,000	29,333
1954	26.000	30.000	31,000
1955	36,000	31,000	34,000
1956	40,000	32,286	_

(३) वर्षनासक भाष्य (Descriptive As erage)—यदि प्राप्त पूर्णतः प्रतिनित या प्रति क्यों न हो तो वसे वर्षनासक भाष्य कहने हैं। मान तीनिस् हम श्रेमों के प्रतिक एक का वरावर सहस्य जैसे के प्रतिक पर का वरावर सहस्य जैसे के प्रतिक पर दें। ऐसी स्थित में भाष्य सस्तुतः प्रतिनिधि या प्रविक्षी नहीं होगा। परन्तु भीनी वर्षना वर्षने के इतना वर्षने प्रतिक स्थान वर्षने स्थान वर्षने वर्षने वर्षने प्रतिक प्रतिक स्थान वर्षने स्थान स्थान वर्षने स्थान स्था

पुन, यदि माध्य ऐसा हो कि उन प्रकार वे भाव का भीतिक मासित्त होना अनमर हा तो कह वर्षनात्मक प्राप्त कहा जाएमा । उदाहरपार्य, मान सीतिल किती मुल्ले में प्रति वरिपार बच्चों को सब्या २२ है। यह एक ऐसी सब्या है यो बच्चों पर लगा नहीं होती ।

ब्रपूर्ण वा ब्रज्यार्थ सामयी से पपता निए गए माध्य को भी बनकाश्वक समभा जाता है। यदि पहले या जीनम वर्ग-जनदाल को कमरा खपर और अपर सोमाएँ मही दी गई है ता सामयी अपूर्ण मानी बाएगी और जनका पाप्य वर्गनतामक समभ्य जाएगा। इसी प्रकार वर्ण-बढ सामयी भी स्पूर्ण और सप्यार्थ है और उत्तका माध्य पमतालन माध्य है।

यदि हम बिती श्रेणी न भाष्य की गाना करें और वह श्रेणी के विसी पद के बावर त हो, तब भी उस वभी-कभी वर्षनात्मक वहां जाता है। उताहरणाये ३, ६

और १२ वा माध्य ७ है, परन्तु यह थेपी वे विश्वी अक ने बरावर नहीं है। उपर्युक्त अर्थों में बंधना मक माध्य वा उपयाग दिया बादा है। परन्तु इसवा गवाधिक सामान्य और प्रचलित वर्ष पहला है बिजमें माध्य क्षेपी वा अंतिरूपी कड़ी

हारा ।

* डिप्पालीय नाम्य (Quadratic Mean)—डिपानीय नाम्य पदी के बर्गी
के मान्य का कम्यून होता है। उदाहरण के लिए ३,६ और १२ का द्विशालीय वर्ग मूल निकारने के लिए पहले हम इनके वर्ग निकारण सो कम्या ५,१६और १४४ है।

सब दिशानीय माध्य $=\sqrt{\left(\frac{9+36+144}{3}\right)}=\sqrt{\frac{189}{3}}=\sqrt{63=7.937}$ सनम बहुत नम ध्यदहार होना है। इसे धर्ष-माध्य-मूछ (Root Mean Square) भी नहों है।

भ प्रमाणीहत मृत्युवर (Standardized Death Rate)—प्रमाणीहत मृत्युवर में समस्य माधी में सिएम है। बत्य किन नहीं नीचे बी मर्द रोति वा उपमा निवा जा सहात है, नृतिन्दर, विवाहनर आहि है। यहाँ हम देवज मृत्युवर मा उत्तहरा निवर प्रमाणीहरण पर विचार करेंगे। प्रमाणीवरण द्वारा सिनिन स्थानो.

देशो आदि से प्राप्त एक ही विषय से सर्वाघत सामग्री की तुरुना की जा सकती है । अगर हम दिभिन्न प्रदेशों की मृत्युदरों की तुरुना करना चाई तो मुख्य विटिनाई यह बार्ता है कि विभिन्न स्थानों में विभिन्न वयोवगों (age-groups) में जनसंख्या एक रूप से बेंटी नहीं रहती है। यदि किसी स्थान में जनसंख्या का अधिकास भाग उच्चतर वयोवर्गों में है तो स्वभावत. वहां मृत्युदर व्यथिक होगी। इसके विपरीत यदि जनसङ्या निम्नतर बयोवयों में सबेन्द्रिन है तो मृत्युदर कम हो जाएगी। इन दो स्यानो की जनसंख्याओं की तुलना तब तक सही रूप से नहीं की जा सकती, जब तक ये समान नहीं बना की जाती। ऐसा करने के किए पहले प्रत्येक क्योवर्ग की प्रति हजार भी दर से मृत्यु निकाल की जाती है । फिर प्रत्येक स्वान के लिए इन प्रति हजार में व्यक्त की गई इन दरो का मारित माध्य निकाल लिया जाता है। भार किसी एक स्यान भी सख्या ने अनुपात में दिये जाते हैं। यदि इनमें से किसी एक जनसख्या को प्रमाप जनसंख्या वहा जाय ता भार वहाँ की जनसंख्या के अनुपात में होगे और हम मृत्युदरा की तुलना समानता के आधार पर कर सकते हैं।

प्रमाप स्वान की मत्युदरी को प्रमाप जनसंख्या की सामान्य (वा अशोधित, प्रमापित, या सद्दोधित) मृत्युदर नहते हैं। इस प्रकार प्रमाप जनसङ्या की सामान्य (या अद्दोधित) मृत्युदर और प्रमापित (या सशोधित) मृत्युदर एक ही चीज है। ऐसे स्थान की मत्यदर जो प्रमापित नहीं निया गया है, और जो वहाँ नी जनमस्या ने आघार पर निकाली गयी है, सामान्य (या बद्योधित) मृत्युदर कहलाती है। प्रमाप जनसंख्या के आधार पर इस स्वान की जो मत्यदर होती है वह प्रमापित (वा सशोधित) मत्यदर कही जानी है। निम्नलिनित उदाहरण से यह निवरण अधिक स्पष्ट हो आएगा।

उदाहरण : निम्नस्थितिन सामग्री से दो जन-संख्याबा क और ख के लिए सामान्य और प्रमापित मृत्युदरों की गणना नीजिए

घयीवर्गं	प्रमाप जनसंख्या नगर क			स्य	नसस्या इ	
	जनसस्या	मृत्यु सस्या	मृत्यु दर प्रतिहजार	जनसंख्या	मृत्यु सस्या	मृत्यु दर प्रीत हजार
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)
5 से कम 5—30 30 से अधिक	15,000 20,000 10,000	360 400 280	24 20 28	40,000 52,000 8,000	1,000 2,040 240	25 20 30

सामान्य (या अग्नोधित या सर्वोधित या प्रमापित) मृत्युदरः $= \frac{15,000\times24+20,000\times20+10,000\times28}{45,000}$

 $= \frac{3,60,000+4,00,000+2,80,000}{45,000} = \frac{10,40,000}{45,000} = 23.1$

सामान्य (अशोधित) मृत्युदर.

 $\pi\pi\tau = \frac{40,000 \times 25 + 52,000 \times 20 + 8,000 \times 30}{1,00,000}$

$$-\frac{10,00,000+10,40,000+2,40,000}{1,00,000} = \frac{22,80,000}{1,00,000} = 22.8$$

सशोधित या प्रमापित मृत्युदर

 $=\frac{3,75,000+4,00,000+3,00,000}{45,000}=\frac{10,75,000}{45,000}=23.9$ भपर हम दोनो नवरो को सामान्य मृत्युदरो की तुच्चा करे तो हम पांते ह कि

भ्रपर हुन दोनो नवर्ष को सामाप्य मृत्यूवरों को सुल्ना कर रहे हुन पाते हैं कि का नै मृत्यूवर कम है और इसलिए वहां लेघों का स्वास्थ्य श्रम्का है। परम्यु यदि हुन प्रमासित मृत्यूवरों को सुल्या करें सो हुम स्तका सल्या पाते हैं वर्षात् नगर क के निवासियों का स्वास्थ्य अधिक अच्छा है।

माध्यका (Median)

िक्सी भेणी का माध्यका उस पर के (बास्तविक या बास्कांकत) परिनाण के बराबर होता है जो भेणों को आरोही या अबरोही अब में एसने पर उसके नम्प में काता है। भेणी को आरोही या अवरोही त्रम में रसले की किया को अनु-विश्वास परणा (arraying) कहते हैं। बाध्यिका उस पर के विरामाण के बराबर होता है निसर्क पहुंचे के और उसके बाद के पदों को सख्याएँ बराबर होती है। यह भेणी के सध्य में होता है और उसे दो बराबर आयों में विशाजित करता है।

माध्यिका की गस्ता—बाद जेणी में पदी की सस्या n हो तो उसका माध्यिका $\frac{n+1}{2}$ वाँ पद के परिमाल के बराबर होता है। $\frac{n+1}{2}$ वाँ पद क्षेणी का मध्य-पद है।

 (π) एकँक निरोक्षणों की खेणी—यदि श्रेणी में पदो को सस्वा विषम है तो $\frac{n+1}{2}$ वी बास्तव में होगा और वही माध्यका पद होगा। परन्तु गदि पदो की सस्या

सम है तो कोई योच का पद नहीं होगा और वस्तुत साध्यिका नहीं होगा। परन्तु यह मान नेते हैं कि साध्यिका थीच के दो पदो के माध्य के बरावर होता है। व्यर्गत अगर पदो को सहया विषय है तो साध्यिका $\frac{n+1}{2}$ वें पद ने बरावर और

थगर सम है तो $\frac{\pi}{2}$ वें और अगन्ने पद के माध्य के करावण होता है । यहाँ स्मरचीय है कि $\frac{n+1}{2}$ साध्यक का स्थान कताता है, उसका परिमाण नहीं 1

उदाहरण नौ विद्यारियों के प्राप्ताकों का माध्यिका निकारना है

त्रम सङ्या	प्राप्ताक	त्रम सस्या	प्राप्ताक
1	10	6	24
2	12	7	26
3	15	8	27
4	18	9	27
5	20	(10	30)

रीति

माध्यका
$$=$$
 $\left(\frac{n+1}{2}\right)$ वें यद ना परिप्राण $=$ $\left(\frac{9+1}{2}\right)$ कें यद ना परिप्राण $=$ $\left(\frac{10}{2}\right)$, , , , , , =5th , , , , , ,

हम देखते हैं कि ५वें विद्यार्थी के प्राप्ताक २० है इसल्ए माध्यका प्राप्ताक २० हर ।

उपर्युक्त उदाहरण में विद्यार्थियों की सख्य विषम थी, अब यदि यह सख्या सम हो अर्थात एक और विद्यार्थी (१०वाँ विद्यार्थी) भी हो तो माध्यिका निम्नलिखित रीति संज्ञाना जायणा

माध्यिका = n/2 वें और अगले पद के परिमाणो का माध्य

=
$$10/2\tilde{q}$$
 = ',' ',' ',' ',' ',' = $5\tilde{q}$ ',' $6\tilde{c}$ ',' ', ',' ',' ',' = 20 और 24 का माध्य = $\frac{20+24}{2}$ = 22

 (ख) खडित श्रेणी—यदि सामग्री खडित श्रेणी के रूप में दी गई है तो माध्यिका की गणना निम्निलिखित रीति से की जायग्री ।

उदाहरण निम्निटिखिन श्रेणी का माध्यिका निकालना है।

		यचयो			सचयी
परिमाज	बारवारता	वारवारता	परिमाण	वारवारता	वाखाला
(1)	(2)	(3)	(1)	(2)	(3)
1	3	3	6	20	70
2	7	10	7	15	85
3	10	20	8	12	97
4	12	32	9	10	107
5	18	50	10	5	112
		- > m= 6-	and the		· · · · · · ·

क्रिपणी कॉलम १ और २ प्रस्त दिए हुए हैं और कॉलम ३ हल का भाग है।

माध्यिका
$$\frac{n+1}{2}$$
 वें पद के परिमाण के बरावर होता है।

कॉलस ३ में हम देवने हैं ५१वें से ७०वें तक के २० पदो का परिमाण ६ है। ५६ ५वीं पद भी इनके बीच में आना है इमलिये यह भी ६ होगा। अनुसूद मध्यिता=६

(प) सतत बेची—सन्त अंगों में दो सह मुचना वम निविश्व होनों है क्योंक् इसमें याप्य परिमाण वाले पर नहीं दिये एले बीक्त वे दिए हुए वर्त-अन्दास के जीनत किसी भी परिमान के ही बनने हैं। इस स्थित में भी माध्यिका को सन्तान पहरें $\frac{n+1}{2}$ में यह ना परिमाण निकास कर की जाती है। परन्तु परिमाण निकासने के लिए हुउ बण्यनात्री के अन्तर्गत अंववेंग्रन (interpolation) करना परना है। जनावयन का वार्य्य है अजात मुख्य के लिए सर्वाधिक उपवृक्त मूच्य जानता हूं उदाहरण - निम्बलिवित खेणी ना माध्यक्त निकालों। इसिंग्ट्रे भीजियू

माध्यिका का स्थान निर्घारण

माध्यिका
$$=\frac{n+1}{2}$$
 बें पद का परिमाण

२३ स ४०वें तक ने पद २०-३० वाले वर्ग-अतराख में बात है। हमें यह जानना है कि ३३वें पद का परिमाण क्या है। इसके लिए निम्नलिखित मूत्र का प्रयोग किया जाता है

$$M = l_1 + \frac{l_* - l_1}{f_1} (m - \epsilon)$$

जहाँ

M—माध्यक-मृत्य है l_1 — माध्यका-वर्ग (जिस वर्ग में भाष्यिका है) की अधर सीमा है

l2-माध्यका-वर्ग को अपर सीमा है

f--माध्यका-वर्ग की बारबारता है

म—माध्यका-वर्गका वारवारता ह र्

c-माध्यका वर्ग से पहले के वर्ग की सबयी वारवारता है।

उपर्युक्त मूची में उदाहरण के मूल्या को रखने पर

$$M=20+\frac{30-20}{18}(33-22)=20+\frac{10}{18}\times11$$

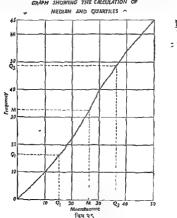
$$=20+\frac{110}{18}=20+6\ 11=26\ 11$$

माध्यका के मुझ का जाचार—उपर्युक्त सूत्र का प्रयोग करते हमय ग्रह करना (assumption) करी जाती है कि ग्रलेक वर्ष के क्या का कितरण पूरे वर्षा जतरण में समान रच से हुआ है। उपर्युक्त उदाहरण में माध्यका वर्ष २०२० है और वर्ष वारवारता १८ है। करानान्ताराण में १८ पर दस मूच्या में समान कर से विजित्स है। इसिंग्य जन नाप एक इक्सई में बबती है, ता पदी की सक्या १८ से बजती है। ३२वें पर (माध्यिवा-यद) पर पहुँचने ने किए पदा की सक्या २२ से (दिस्प कॉल्स ३) ३३ हाती है। चूनि १८ पदा ने किए नाप इक्सई से करती है, इसिंग्य १९ पदा ने किए नाप (११×१/८८) दवाइयो = ६११ इकाइसो से बढेगी। २० में ६११ चाह वर हम माध्यिवा चान लेते हैं। यह २६१३(२०-६-१४) है।

तेखाचित्र द्वारा माध्यिका का निर्धारण-स्टेशावित्र की सहायता छे माध्यिका निम्नस्टिबित रीतियों से निर्धारित विया जा सकता है

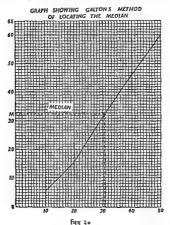
(१) सोरण द्वारा (By an Ogive)—शोरण सचयी नारबारता धक को कहते हैं अर्थात् नाप की भारबारता की अकित न कर के नाप की सचयी बारवारता को अक्ति किया जाता है। स्वभावत वक हमेवा ऊपर को उठता हआ होता है। मध्य-पद निकालने के लिए ग/2 वाले सूत्र का उपयोग किया जाता है और इस बिन्दु से आधार के समानातर रेखा छीची जाती है। जहाँ रेखा दौरण की काटती है, वहाँ से बरबार पर (य-जदा पर) सम्ब चसा जाता है। लम्ब का आघार विन्दु माध्यका का स्थान बताता है, जिसे केलाबिव में पढ लिया जाता है (देखिए

GRAPH SHOWING THE CALCULATION OF



चित्र २९) । इसी रीति से चतुर्षेकी, दशमको आदि को बाना का सकता है इन पर आगे विचार किया जायगा।

(२) मास्टर की रोति (Galton's method)—इस रोति में लेसाचित्र दूसरे प्रवार में खीचा जाता है। विमी ताप के मगत वारवागताएँ उम बिल्डु से करार की बोर बिल्डु एस वर दिलाई आती हैं। ये बिल्डु पद की बारवारता दिखाने हैं। बिल्डु अवित वरले का नियम यह है कि बाद में आने बारे पद का निमनतम बिल्डु पहल आने बारे पद के उच्चवाम बिल्डु से एक इकाई उपर स्हता है (विखये विलय ३०)। ०—१० वारे वर्ग वी वारवारता १० है। यनसा पर



रै॰ की क्षीय में रै॰ विन्दु रखे गये हैं ! रै॰-र॰ बाळे वर्ष की बारवारता रै२ हैं ! २॰ य-बस पर २० वीं क्षीय में उपर की ओर १२ बिन्दु पहुने रखे गये रै॰ विन्दुओं के उपर हैं। इसी प्रकार आपे वर्षों ने लिए भी। किया बायमा बिन्दुओं ने इन कुलकों

(sets) के मध्य से वक्त सीचा जाता है। इससे माध्यिका उसी प्रकार निर्धारित विया जाता है जैसे पहली रीति में। तुलना करने पर आप पाएँगे कि इन दो रीनियों से निर्धारित विए गए माध्यिका के मृत्य भोडे अलग होते हैं।

साध्यक्त के त्यान—१. साध्यका का उपयोग करने का पहला और मुख्य साम यह है कि यह एक ऐसा माप है जो कर के बस्स मृद्धों से प्रभावित नहीं होता। ससातर माध्य में यह गुण नहीं है। इसलिए ऐसी स्थितियों में जहां अंघों के चरम मृद्ध प्रतिस्थितिय होने के गुण को नहीं एहने देते, माध्यका का प्रयोग किया पाना चाहिए।

- २ इसका उपयोग ऐसे स्वानों में भी किया वा सकता है वहाँ बर के मून्य गापे नहीं जा सकते, केवल कमानुसार रखे जा सकते हैं, वेंचे बुद्धि, र्रमानदारी स्वास्थ्य लावि । इन रिपतिकों में यह बढाया जा एकता है कि कीन अधिक बुद्धिमान या अधिक र्रमानदार है, एरन्तु यह नहीं वहा जा सकता कि ठीक वितना बुद्धिमान या र्रमानदार है। इस प्रकार के अन्य उदाहरण है साथ या पेर पदार्थों का स्वाद स्वीत आदि।
- ३ इसकी गणना बरकता से की जा सकती है और यह चुनोथ है। यह नात बिपोयत एक निरीक्षणों की अंगी और व्हित खेची पर ठाए होती है। कई बिपतियों में यह येगी का निरोक्षण करने से ही जाना जा सकता है और इसिंठए गणना करने है क्या जा सनना है।
- Y यदि खेणी के चरम मृज्य ज्ञात न भी हों, तब भी मास्यिका की गणना की बा सकती हैं। इसे निकालने के लिए केवल केन्द्र-स्थित पदो और पदो की सख्या जानना आवश्यक है।
- ५ यदि पर्दों की संस्था विषय हो और खंदित थेणों हो तो यह भेणी का ही एक पद होता है, अर्थात वास्तविक राशि होता है।

माम्पिका के दीव (कमियाँ)—(१) भाष्मिका निकालने के जिए पदो को आरोही या अवरोही कम में रखना पडता है और गदि पदो की सस्या बृहत हो तो बडी कठिनाई होती है।

- (२) यह उच्चतर बीबगणितीय रीतियो के लिए उपयुक्त नहीं है, इसलिए इसका सीमित उपयोग किया जा सकता है।
- (३) इस पर दैन निचरणो का प्रभाव अधिक पडता है इसिछए यह समातर माध्य से कम स्थानी वापक है।

- (४) यदि श्रेणी में पदी ना वितरण अनियमित हो तो यह प्रतिरूपी प्रतिनिपि नहीं रह जाता। इसिक्ए वहीं पदो में बहुत मित्रता हो इसना प्रयोग नहीं किया जा समता।
- (५) इसकी यणना निश्चित रूप से नहीं की जा सकती और न हैं। इसकी गरिभागा गरिव्द रूप से दी गई है। सतत श्रेणी में इसका मृह्य निकालने के लिए अन्तर्वेशन बरना पढ़ता है जो इस बरूपना परआधारित है कि प्रत्येव वर्ग में पदी का सम वितरण है। समस्यत यदि बयो की सक्या सम हो तो इसका आकरलन करना पढ़ता है।
 - (६) यदि पदी को सापेक्षिक अहरव या भार देते है तो इसका उपयोग नहीं किया जा सकता।
 - (७) प्रतिनिधि होने वे अतिरिक्त यह ग्रेणी के बारे में कुछ नही बताता और न ही इसे जीड घटा वर सयुवत ग्रेणियो वा माध्यिवा निवासा जा सकता है।

माध्यिका-सिद्धान्त पर आधारित अन्य मापक

माध्यना श्रेणी को दो बराबर भागो में बौदता है। समस्पत हम श्रेणी को बार (बतुर्पकी), पाँच (पचमनो), इस (दरामको) और सी (शतसमने) नराबर मागो में बांट सन्ते है। यह स्पट हो बाना चाहिए कि वे नेत्रीय प्रवृत्ति के सापक नहीं है। यह हमको गणना घरने भी विधि मा चर्चन करने का कारण यह है कि ये उसी विद्यालन पर बाधारित हैं, जिलपर माध्यिवन बाधारित हैं।

निष्ठ प्रवार एक माध्यिका श्रेषी नो दो बराबर भाषो में बाँटता है, उसी प्रकार है बतुषक (quartiles), ४ पवमक (quintiles), ९ दश्यक (deciles) और ९६ सततमक (percentiles) श्रीषी नो क्या ४, ५, १० और १०० बराबर भागों में बाँटते हैं। स्पट है कि हुत्तरा चतुर्वक, पांचवी बरामक और पयासवी सततमक संयोग के माध्यका है।

इनका मुख्य उपयोग यह जानने में किया बाता है वि किसी कोटि (grade) में विजने बद हैं। इसलिए विशासक्यी और मनोवेज्ञानिक अध्ययनों में इनका प्रयोग होता है। उदाहरणार्ग, पहुंखा बतुषक हमें बताता है कि पहुंछे बतुषाद में विजने बद हैं, नवीं दशमक बताता है कि अन्तिम १०वें प्रतिशत में विजने बद हैं, आदि।

उदाहरण निम्नलिखित थेणियों ने पहले (लघू) और तीसरे (गृरू) चतुर्पन, दूसरे पचमक, सातवें दशमक और ८२ वें शततमक नो ज्ञात नरो:

(1) एकंक निरोधण की अंगी

ऋम सख्या	माप	कम सस्या	माप
1	10	6	27
2	12	7	30
3	14	Ш	32
4	18	9	36
5	22	10	40

प्रथम चतुर्यक= $Q_1=\frac{n+1}{4}$ वे पद का परिमाण

= इसरेपर का परिमाण+(दुसरेऔरतीसरेपर का अन्तर) \times 75 = $12+(14-12)\times$ 75=12+1 5-13-5

त्तीय चतुर्यक= $Q_3 = (\frac{n+1}{4}) \times 3$ वें पद का परिमाण

हिसीम पत्रमक- $Qu_3={n+1 \choose 5} \times 2$ हें पद का परिमाण

सातवाँ दशमक= $D_{1}=\left(\frac{s+1}{10}\right)\times7$ दे पद का परिमाण

८२वाँ शततमक= P_{82} = $\left(\frac{\pi+1}{100}\right)$ \times 82 वें पद का परिमाण

 $+(02\times 44 \text{ alt} \times 44 \text{ cual res})$ =36+(40-36)×02=36-08.

(1	n)	खडित	धेषी
U	,	64124	બુલા

,		सचयी			सचयी
माप	बा रवारता	बारबारता	माप	बारबारता	बारवारता
1	10	10	6	21	106
2	12	22	7	20	126
3	15	40	8	15	141
4	20	60	9	12	153
5	25	85	10	10	161
ति					

रीति

$$Q_3 = \left(\frac{n+1}{4}\right)$$
 हें पद का परिमाण=40 5 हें पद का परिमाण=4

$$Q_3 = {n+1 \choose 4} \times 3$$
 ,, ,, ,, =1215 ,, ,, ,, =7

$$Qu_1 = \left(\frac{n+1}{5}\right) \times \mathbb{R}$$
 ,, ,, ,, =64.8 ,, ,, ,, =5

$$D_7 = \left(\frac{n+1}{10}\right) \times 7$$
 ,, ., ., =1134 ,, ., ., =7

$$P_{62} = \left(\frac{n+1}{100}\right) \times 82$$
 ,, ,, ,, =132.84 ,, ,, =8

(111) सतत श्रेणी

1) 400 mail		
परिमाण	बारबारता	सचयी वारवारता
0-10	22	22
10-20	38	60
20-30	46	106
30-40	35	141
40-50	20	161
स		

रोति $Q_1 = 40.5$ वें पद का परिमाण, वर्ग अंतरच 10-20 $Q_2 = -41.5$, , , , , , , , , 30-40 $Q_{29} = 64.8$, , , , , , , , , , , , 30-40 $P_{43} = 132.8$, , , , , , , , , , , , 30-40 अंतर्वरात करने पर

$$Q_1 = l_1 + \frac{l_2 - l_1}{f_1} (q_1 - \epsilon) = 10 + \frac{20 - 10}{46} (40.5 - 22)$$

$$=10+\frac{10}{46}\times185=10+402=1402$$

$$Q_{4} = 30 + \frac{40 - 30}{35} (121.5 - 106) = 30 + \frac{10}{35} \times 15.5 = 30 + 4.43 = 34.43$$

$$Q_{u1}=20 + \frac{30-20}{46}(64.8-60)=20+\frac{10}{46}\times4.8=20+1.40=21\cdot04$$

 $D_7=30+\frac{40}{35}(113.4-106)=30+\frac{10}{35}\times7.4=30+2.11=32\cdot11$

$$P_{13} = 30 + {}^{40-30}_{35} (1328-106) = 30 + {}^{10}_{35} \times 268 = 30 + 766 = 37.66$$

मध्यक को नीति चतुर्यंत्र, यशमत आदि वा मृत्य लेखाचित्र से भी जाता जा सकता है। इसका सिद्धान्त बही है जिसका प्रयोग मध्यक निकालके में विधा जा चुका है (देखिये चित्र २९ और ३०)।

बद्दल ह (Mode)

बहुनक ने मुख्य लक्षण है (१) यह मजम अधिक बारवारावा वार्त पद क्षेत्र परियाण ने बरावर हाना है (२) यह लेक्षण ने हाने हुए भी, बहुवक मुख्य लगाना ने एको ने प्रधानित होना है। द्वारा वर्ष में बहु जब रियो के मानवार के पदो मां बारवारलाएँ नम है ता मंत्रे ही निगी पद नी बारवारला नवने अधिन हो, वह कुल्य मुद्दी माना आएग। इनने विश्तरित मंदि आनयान ने पदा नो बारवारलाएँ नम है ता मंत्रे ही एसी पद ना बहुवन माना जाएगा नमानित के वारवारता होने हम नी पद ना बहुवन माना जाएगा नमानित के बारवार से वहरारी मिल रहा है।

पहली विमेपना में यह जमना है नि बहुन्तर ना स्वान-निर्दारण बरना और उत्तम मुख्य जानना वामान होगा, परनु इतन रुख्य ने मारण करियारे खाती है। यह वास्त्र जानना वामान होगा ने परनु इतन रेख्यम ने मारण करियारे खाती है। यह महानिष्यन होता है, परनु बहुत्त बहु जनन एका (unqueby) निहित्त नहीं विया जा सकता क्योंकि वद एक दूसरे से यहुत कम जिम हाते हैं और इसलिए बहुलक निर्मारित करना किन हो जाता है। ऐसी स्थिति में, बहुलक को प्रवासता बेने के लिए सारसारताओं का समुहन (grouping) कर खेते हैं। ममृहन करना तब तक जारी रखा जाता है जब तक सर्वाधिक वास्तारता वाला पर पहचान न किया जाता । समृहन करने की कोई एक रीति नहीं है। बरतुव जो जैसे चाहे बेसे बान- बारवाओं का समृहन कर सकता है। परन्तु समृहन करने की कोई एक रीति नहीं है। बरतुव जो जैसे चाहे बेसे बान- बारवाओं का समृहन कर सकता है। परन्तु समृहन करने का उद्धेर्य हमेग्रा प्याम में रखना चाहिए और बह यह है कि सीपसी का समृहन करना चाहिए। इसके बाद समृहन वरिता को तो ती वर वेश को सीन वार समृहन करना चाहिए। इसके बाद समृहन परिता को लाता है, विससे बरू परिमाण मिलदा है जिसमें सबसे अधिक पर हा। निम्निजियित उदाहरणों से यह रीति स्थय्द हा जाएगी। चहीं इस एकेंक फिरोकणों को जेमी पर किचार नहीं कर रहे हैं क्योंकि सससे में में में सबसे पर बी वारवारता एक होती है और इसलिए इस सेणी का महरूक मही होता।

बहुसक का निर्धारण

(क) लंडित श्रेणी

उबाहरण १ निम्नलिखित क्षेणी का बहुछक निकालना है --

परिमाण	वास्वास्ता	परिमाण	वारवारता
1	5	6	19
2	9	7	18
3	12	8	8
4	18	9	4
5	20	10	2

पदी ने उन्तिविशित बटन (distribution) से हम देखते हैं कि ५ परिमाण की बारबादता सबसे जिन हैं। परनु यह हो सकता है कि ४ और ६ बार्ड परिमाणों का प्रसाद बिक्क न हो और बहुतन किता हुएते स्थान पर हो, सैंस ६ पर क्योंकि ५ पर १८ और १९ (भ्या और ६०) ना प्रमात है जब कि ६ पर २० और १८ (५ वों और ७ को) का। इस्तिप्र बहुतन सुनिश्चित करने ने लिए हम वारबार-प्रायों का तमूहन करते हैं।

समूहन सारणी

पारमाण	बारकारता				
1 2 3 4 5 6 7 8 9	5 14 12 30 18 30 19 39 19 39 18 26 4 6	} 21 } 38 } 37 } 12	}26 }57 }30	}39 }57 }14	} 58 } 45

विश्वेषण सारणी

परिमा	पह	3	4	5	- 6	7
कॉलम 1 2 3 4 5	•	ī	1 1	1 1 1 1	1 1 1	1
कुल		1	3	6	3	1

इस प्रकार हम पाते हैं कि बहुलक ५ है।

उदाहरण २६ अव निम्नलिखित थेणी पर विचार शीविए

समहन सारणी

		समूह	्न सारणा		
परिमान	बारवारता				
1 2 3 4 5 6 7 8 9	10 22 12 34 15 28 20 28 4 7 21 4	27 39 12 5	}37 }47 } 9	}46 }32 }7	}54 }15 }5

विश्लेषण सारणी

परिमाण	2	3	4 4	5	6
कॉलम					
1				1	
2		1	1	-	
3			1	1	
4			1	1	3
5	1	1	1		
6		1	1	1	
कल	1	3	5	4	1

यहाँ हम वाते हैं कि समूहन करने पर परिमाण ४ वहुकक है, जबिक निरीक्षण से परिमाण ५ की बारबारता सबसे अधिक है। इससे यह स्पट्ट हो जाता है कि जासपास ने पढ़ी की बारबारताओं के कारण वहुकक ५ से हटकर ४ पुर जा गया।

यहाँ यह स्मरणीय है कि समूहन करके यहुरुक नेवल तभी निकाला जाता है जब उमका स्वान निरित्वत नहीं होता। परन्तु यदि अधिकतम बारवारता और आखपास के पदो की बारवारता बहुरुक को निर्वित कर देती है, तब समूहन करता आवस्यक मुझे क्योंक तह केवल निरोक्ता करने से जाता जा सकता है।

(स) सतत अंणी.

सत्तत श्रेणी में बहुलक परिमाण निकालने में एक विशेष समस्या आती है। इसका स्थान निर्मारण समूहन या निरीक्षण करके विया वा सकता है। परन्तु इससे हमें केवल मह वर्ग मात हीता है विसमें बहुल्क हो। वर्ग-सदरण में इसका स्था मूट्य है इसके लिए हमें एक अन्य रीति का उपयोग करना पडता है। मम्पक भी माति बहुलक के मूट्य को अन्तर्वेशन करके ही जाना जा सकता है।

उदाहरण १ निम्नलिखित थेणी में बहुलक-परिमाण निकालना है

परिमाण	वारबारता	परिमाण	बारवारता
0-10	10	3040	11
10-20	12	40-50	21
20-30	18	50-60	0

निरोक्षण से हम पाते हैं कि बहुलक २०-२० वाले वर्ग-अंतरण में है। इसका ठीक मृत्य जानने के लिए हम अन्तर्वेशन के निम्नलिखित सूत्र का प्रयोग करते हैं

$$Z=l_1+\frac{f_1-f_0}{2f_1-f_0-f_2}(l_2-l_1)$$

जहाँ

Z बहरू है.

I, बहुत्त्वन्वर्ग की अपर सीमा है,

l₂ बहुत्कन्वर्ग की नपर सीमा है.

र्ति बहुतक-वर्ष से पहले के वर्ष की बारवारता है, ति बहुतक-वर्ष की बारवारता है,

र्तु बहुतक-दर्ग के बाद के वर्ग की बारबारता है।

यहां यह जातच्य है कि बाँर तुत्र का प्रयोग क्याने एव बनात्मक चिन्ह के बार का नाम प्रधारन बाता है, तो बहुक्त पहिल ने वर्ग में होता नहीं उड़का स्थान निर्माल नहीं हुता है। ऐती स्थित में वर्गों का यो-यो करने चमुहत कर दिया काता है और तरकुवार बहुक्त निर्माल किया आता है।

उबाहरण २: निम्नस्थित श्रेपी में बहरूक निवास्थि

परिमान	बाखारता				
0-10	5 6 12		7		
10-20	7314	26	31	2	
20-30	19 37	1		144	1
30—40 43—58	16) 00	{34	244	-	(33
5060	10 1 26	1 13	}	} 31	,
60-70	5	317		,	

विश्लेशण सारणी

नालम	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60
1 2 3 4 5	1	1	1 1 1 1 1	1 1	1
मोरा	ı	4	5		

बहुलक ३०-४० वाले वर्ग अंतरण में है। अतर्वेशन द्वारा:

$$Z = I_1 + \frac{f_1 - f_0}{2f_1 - f_0 - f_2} (I_2 - I_1)$$

$$= 30 + \frac{18 - 19}{36 - 19 - 16} (40 - 30) = 30 + \frac{-1}{1} \times 10$$

$$= 30 - \frac{10 - 20}{10 - 20} = 30 + \frac{-1}{1} \times 10$$

उपरोक्त समूहन के अनुसार बहुठक ३०-४० वर्ष अवरण में होना चाहिए या, परन्तु यह पहले के वर्ष में आ गया है। इसिल्ए हमें परिमाणो को दो-दी समूहों में रखना होना। नये वर्ष निम्नलिखित हैं:

परिमाण	बारवार
0-20	12
20-40	37
40-60	26
6080	5

स्पष्टत बहलक २०-४० वाले वर्ग-अतरण में है। अन्तर्वेशन से.

$$Z = l_2 + \frac{f_2 - f_6}{2f_1 - f_6 - f_3} (l_8 - l_1)$$

$$= 20 + \frac{37 - 12}{74 - 12 - 26} (40 - 20) = 20 + \frac{25}{36} \times 20$$

=20+13 89=**33**-69

सदब येणी में बहुलक नी तपना करने में एक अन्य बात का व्यान रहना चाहिए। वह मह कि सदत येजी में बहुलक क्षेत्री निकाला जा सक्ता है जब वर्ग-अन्तरन स्वयन हो। वर्षि वर्ग-अदरण वरावर नहीं हैं, वो उन्हें बरावर बना किया जाना चाहिए। अगर मह सकत नहीं है, तो बहुलक अनिनृत (indeterminate) माना जाना चाहिए।

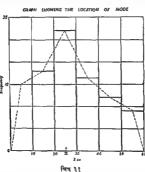
जहादरण है: निम्नलिविज सामग्री के लिए बहुलक निकालना है

0-10	10	40-46	12
10-15	8	4650	8
15-20	7	50-52	8
20-22	8	5560	7
22-30	10	60-70	12
30-37	15	70 —7 5	6
37-40	10	75—80	2

उपर्युक्त थेणी को पहले बराबर वर्ग-अंतरण बनाकर रखना पढेगा और फिर बहुरूक निकारा आएगा। बराधर वर्ग अंतराष्ठ वाली श्रेणी निम्नस्थित हैं '

010	10	40-50	20
10-20	15	50-60	15
20-30	IB	6070	12
30-40	25	70-80	

सदि धेनी में दो या अधिक पदो की बारबारताएँ अधिकतम है तो शेनी) को फमत दिन्दहरू (bi-modal) और बहुनहरूक (multi-modal) मेपी कहते हैं। प्राय समूहन करके थेपी को एक बहुन्क (mi-modal) श्रेमी क्लाचा ज करता है, परन्तु जब वह धभव न हो तो शेमी उपर्युक्त नामों से बनाई जाएगी।



बहुनक का देखाविजोब स्थान-निर्वारण—छेखाविज की बहुवता से बहुनक का स्थान निर्योदित करने के लिए या दो बारबारता बहुमूज बनाया जाता है या बारबारता-कर । वैद्याविम का सर्वोच्च बिन्दु बहुनक का स्थान बनाता है । चित्र १२ में देखाविजीव रीति से बहुनक का स्थान-निर्यारण निज्ञा पत्रा है । छेबाविज पहले उदाहरण को येथों का है, निवर्ष बहुनक का मून्य २४ ५६६ वा । देखायिज में बहुनक का मून्य २५ है। हम पाते हैं कि बहुनक कमक्षा बरावर हैं । बहुलक के लाब—बहुलक ने कार्य और उपयोग को बगी तक ठीक से नहीं समफा गया है, इसलिए इस उपयोगी केन्द्रीय प्रवृत्ति के मानक का प्रवलन कम रहा है। यह निसी प्रणी का सर्वाधिक एस्य पर है, और यदि वर्षों निर्मानत है तो यह उस का सबसे जच्छा प्रतिनिधि है। वब दीशानिक कप्ययंत्रों में बहुलक का प्रयोग विषक्त हो रहा है। व्यापार और साणिन्य में भी बहुलक का बहुत व्यानहारिक महत्त है। चित्रों वस्तु का निर्माता यह जानना चाहता है कि निस्त प्रवार की, या किस डिवाइन की या निस्त व्यानर की बस्तु की स्थात सबसे अधिक है। यह दन विभिन्न मुण बाली बस्तुओं की साध्य या मध्यक लगत नहीं जानना चाहता वगीक वह उस बस्तु का उत्पादन अधिक करना चाहता है वो व्यक्ति विके ।

- लोकप्रियता का अध्ययन करने के लिए बहुलक विशेष क्य से उपयोगी है।
- २. बहुतक का दूसरा छाम यह है कि बहुमा इसे केवल निरीलण से जाना जा सकता है।
- इस पर करन श्रूरवों का प्रभाव नहीं पड़ता । बहुवा यह बास्तव में प्रति-रूपी पर होता है ।
- घरम-पर्वो का ज्ञान न होने बर भी इसका निर्यारण किया का सकता है,
 इसर्वे दटन निर्मानत हो।
 - ५. यह सरक एवं सुतब्य (precise) है। सतन खेणी के अतिरिक्त यह
 - अन्य श्रीणियों में उनका एक पद होता है। बहसक के दोय और क्षियों—(१) यह एक बहुत सुदंग माप है और क्र
 - स्यितियों में अनिप्र्त रहता है।
 (२) चुंकि यह निकटवर्ती बारबारताओं से प्रमाबित होता है इसलिए पदों
 - को कमानुसार रक्षना आवस्यक हो जाता है।
 (३) यदि बारवारता-बटन अनियमित हो तो यह एक ही प्रकार के अल्प
 - (३) यदि वारवारता-वटन अनियमित हो तो यह एक ही प्रकार के अल्प सरपक वर्षों से प्रभावित होता है ।
 - (४) यदि पर्दो पर सापेक्षिक महस्य के अनुसार विचार करना हो तो यह
 मनुष्युक्त होता है।
 - (५) इसरा वसबोम उच्चतर बोजगणितीय रांतियों में नहीं रिया का सकता। बहुत्क बात देने से येथी ने नारे में जीर जीवक हुछ नहीं जाता जा सकता। किर, बहुक्क निकास्त्रे में उस्पृक्त रीतियों में इस बात ना प्रयत्न किया गया है कि यह सातव में प्रति क्षी पद हो जीर कल्प्यस्य ग्रीप्तीय सुनस्या

स्रोर पारिमापिक परिवृद्धा का त्याग किया गया है। फिर यह खेणी के सब परो पर आधारित नहीं है।

- (६) बहुक्त का मून्य निकालने में समूहन करने की रीति का बहुत प्रभाव पड़ता है । अर्घात्, यदि हम पहुछे एक प्रनार के नर्ग-अन्तराका में श्रेणों नो रखे और हुसरी बार दूसरे वर्ग-अतराको में, तो हमें उसी श्रेणी के किए विभिन्न बहुक्त मिलेंगे ।
- (७) यदि बहुलक और पदो की सब्या मालूम हो हो कुल मापन नहीं मालूम क्या जा सकता है।

अन्य केन्द्रीय-प्रवृत्ति के मापक

उपर्युक्त केन्द्रीय प्रवृत्ति के बायको के अतिरिक्त दो अन्य नायक भी है जिनका बचेकाकृत रूम प्रयोग होता है। ये हैं गुणोत्तर याच्य (Geometric ave age) भीर हरात्मक माध्य (Harmonic average)।

गुणोत्तर माध्य

20 पर्से का युनोत्तर भाष्य उनके युनानकत का ॥ वां मूल है। उदाहरण ने किए यदि दो पर २ और ८ है तो इनका गुनानकल १६ हुआ और पृक्ति दो पर हूँ इस-किए १६ का वर्षमूल ४ इनका युनोत्तर भाष्य हुआ। देखी प्रकार यदि तीन पर क्षमय. ९, ६ और ४ है तो इनका युनानक २१६ हुआ और प्रकृत तीन १६ हैं इसकिये २१६ का मनकल ६ इनका युनोत्तर माध्य हुआ। परन्तु अगर एदा को व्यवसा २ है अधिक हो तो प्रकार पर तो हैं। प्रकार में प्रकृति हो तो प्रकार कर यो कुल निकरना वपन नहीं है इस्तिय प्रमार पराय की मनका क्षमनाने भी सहस्ता हमें

$$G = \sqrt[n]{x_1 \times x_2 \times ... \times x_n}$$

हर्द $x_1, x_2, \dots x_n$ श्रेणी के पद है और G उनका गुणोत्तर माध्य है।

बा,
$$G=$$
प्रतिलघु $\left[\frac{\pi \eta}{x_1} \frac{x_1}{x_2} + \frac{\pi \eta}{x_2} \frac{x_2}{x_1} + \frac{\pi \eta}{x_1} \frac{x_n}{x_n} \right]$

मुणीतर माध्य की वणवा—हम तीन प्रकार की श्रीवयों को अलग अलग कैंकर मुमीतर सम्बद्ध को रामना करने की रीति बतारिये ।

(क) एकैंक निरोक्षणों को खेणी: निम्नलिखित खेणी का गुणीतर माच्य निकालिये 2,000, 35, 400, 15, 40, 1500, 300, 6, 90, 250

पहले इन संस्थाओं के लघुगणन निकालने होंगे और उनसे गुणोत्तर माध्य .

परिमाण	र्घ	परिमाण	ਵ ਬ੍ਰ
2 000	3 3010	1500	3 1761
35	1 5441	300	2 4771
400	2 6021	6	0 7782
15	1 1761	90	1 9542
40	1 6021	250	2 3979
		Total	21 0089

G=प्रति रुषु (21 0089)=प्रति रुषु 2 10089=102 1

(ख) लडित श्रेणी पहले नाल्म में दिए गए जनुपाती ना गुणीत्तर साध्य निकालना है

धारन अवरात	चार	रुख्गणक	पात ×लपुगपक
(operating ratio)	(power)	•	•
11	10	1 0414	10 4140
13	28	1 1139	31 1892
15	108	1 1761	127 0188
17	170	1 2304	209 1680
19	196	1 2788	250 6448
21	190	1 3222	251 2180
23	136	1 3617	185 1912
23 25	73	1 3979	102 0467
27	54	1 4314	77 2956
29	33	1 4624	48 2592
योग	998		1292 4455
	202 4455)		

G=प्रति रूचु (1292 4455) — प्रति रूचु 1 295**≔19 72**

(ग) कतन थेगी अवत श्रेगी को यहने सदिव येगी ने रूप में रखा वाडा है। इसके रिए इश-अवतालों ने सम्म मान निकाल निय जाते है। उसक्राणाई मान सीजिए स्ना अवदाल रे १२ १२ १४ १४ १६ है और सारवारताएँ नम्म १० २८ और १०८ है। माम सान नमग ११ १३ और १५ होगे । अब यह येगी सावित मनमी आएगी और सारबारवा पदा के पात हो बाएगी (देखिने उपगुला जनाहरण)।

भारित गुमोत्तर बाध्य की गणना भा उपयक्त रोति से ही को जातो है। अन्तर नवर इतना ही है कि घातों के लिए बारवारताओं वे स्थान पर मारों ना उपयोग विद्या नाता है।

गुणोत्तर माध्य के उपयोग—गुणोत्तर माध्य का उपयोग श्वकाको (Index aumbers) में निया जाता है। गणात्तर माध्य का प्रवान करते से मुक्काक

प्रकार (Recersible) बनते हैं और यह समान परिवर्त-अनुपातों को समान भार देता है। मूल्पानो में ये बूण होने चाहिए और द्याजिए इत गुणो को लाने बाला माध्य अवस्व ही अधिक अच्छा होगा। गुणोत्तर माध्य बड़े पूरी ने ने मन और छोटे करो को अधिक भार देता है। इसकिए सामाजिक और आधिक समस्यार्थों मा अध्यन करने में वह विदाय करा के उपयोगी है। मुस्ताको में गुणोत्तर माध्य के उपयोग पर कुक्कर में शब्द किया हो। स्वत्तारपूर्वक विचार दिया गया है।

मृतीसर माध्य वा तबसे महत्वपूर्ण उपयोग चरो की वेगी, विशेष्य वाटक्येगी, मैं पीरितर्ग को दर वा माध्य निकालने में विश्व जावा है। जान टीनियर एक ध्यन्ति तिविद ध्यानों में पांच वर्ष के किए १० हतात रच्ये का विनियोग करता है। नीचे सी गई सारणों में प्रत्येक वर्ष के अन्त में उठके नाम पर होने वाली रासि दी गई है। कीलम १ में प्रत्येक वर्ष के अन्त की रासि वार पर होने वाली रासि दी गई है। बात दिया गया है। कीटम ४ में प्रत्येक वर्ष के लिए कीटम २ में प्रारंत ब्यान की माध्य दर दी गई है।

वर्ष	प्रत्येक वर्षने अन्त में साज	अनुपात	माध्य ब्याज दर	कारूम ३ के अकी का लघुगणक
1	2	3	4	5
1	10,398	1 0398	3 98	U 0170
2	10,713	1 0303		e 0 0128
3	11,201	1.0456	4 56	D 0195
4	11,576	1 0335	3 35	0 0145
5	12,294	1 0620	6 20	0 0261
	योग	5 2112		0 0899

हम नह जानना भारते हैं कि वह साध्य ब्यान-दर बया होगी विक्त पर विभिन्नोभ करने ने इस ब्यक्ति का ५ वधों के अना में उतना ही मिले जितना उसे ५ विभिन्न स्वान में दरी पर विभिन्नोग करने पर मिलता है। माध्य ब्यान-दर लानने के लिए हम कॉन्स ने से देस बागू जबने का साध्य नितालने हैं। परन्तु कीन सा माध्य? महाँ हम बाते हैं कि समातर साध्य नितालनक नहीं है।

बनुपानी ना समावर माध्य
$$=\frac{5 \cdot 211}{5} = 1 0422$$

माध्य अनुपात वे १ ॰ ०४२२ होने का अयं यह है कि वर्ष के प्रारम को सारि १००० रा —वर्ष के अन्न में १०,४२२ ४० हो जानी है। इसलिए १०,००० ६० पर ४२२ ४० ब्याज मिटा अर्थान् ब्याज नी दर ४॰२२% प्रति वर्ष हुई। अनुपातो ना गुणोतर माध्य = प्रतिरुषु $\left(\frac{0.0899}{5}\right) = \sqrt{3}$ = $\sqrt{3}$

माध्य अनुपात १ ' ०४२ है, इसिएए व्याय भी दर ४ २० % प्रति वर्ष हुई । गुमोत्तर माध्य ना प्रयोग नरने निनाली गयी व्याय भी दर समातर माध्य ना प्रयोग नरने निनाली मई व्याय नी दर से बुळ नम है। हम इस निवर्ष पर पहुँचते हैं नि यदि व्यक्ति एनमा (uniform) व्याय-दर पर निनियोग नरना चाहता है, ती वर्षकृत सारणों में दी गई राजियों नो प्राप्त नरने ने लिए उसे ४' २० प्रतिस्त पर विनियोग नरना चाहिए।

यदि अन्न-मून्य (end-values) दी हुई हो तो गुजीतर आध्य वा प्रयोग करने वर्ष अवरात्त के भीनर के मून्यों वा अन्तवंदान और बाहर के मून्यों वा बाहर-वैशान (extrapolation) विया जा क्वता है। उपर्युक्त उदाहरण में हम भ हाल ६ महीने वाद की राधि वा अन्तवंदान और ६ हाल के अन्त में होने बाली राधि का बाह्यवेपन कर सबते हैं।

(१) चार साल छ महीने के अन्त में होनेवाली राधि का अन्तवेंगन र इस वर्ष में बृद्धि का अनुपान = 1:0935

बनएव प्रति मास बृद्धि ना बनुपात={1 0335}\\\^12=1 002 इसलिए ६ महीने के अन्त में होने वाली पासि

= 11576 (1.002)⁶ = 11576 × 1·011 = 11,703 ६० (स्पम्प)

(२) ६ माल ने अन्त में होने वाली राश्चि का बाह्यवेशन

इस बल्पना पर कि बृद्धि की दर श्रेणी के गुणौत्तर माच्य श्रमीन् ४ २० प्रतिपत, प्रति वर्ष के बराबर होगी, ६ वर्ष के शन्त में होने वाली प्राक्वलिय रागि

= 12,294 (1 042) ६० = 12,810 ६० (रनमन्)

इसी प्रनार इसी रीति का प्रयाग उन स्विनियों में भी क्या जा संका है जहां , हुन जनसच्या-बृद्धि या गुणोसर-बृद्धि या धातीय नियम (exponential law) पर विचार करने हैं ।

गुणोत्तर माध्य ना प्रमाग नय निया जाना है नयोनि यह बटिट है और आसानी से समक्त में नहीं आता, इननी गणना नरता भी जरेशानून निटन है नयोनि इसमें रुपुणन ना मान आवस्य है। पिर, यदि येणी ना नोई पर पूज्य सा ऋणात्मन हुआ ता गुणात्तर माध्य नी गणना नहीं नी जा मनती। तीसरी नभी यह है नि प्राय यह सेपी ने किसी पर ने नरावर नहीं होना। इसिएए यह उस अर्थ में प्रतिनिधि नहीं है निसमें मध्यन और बहुटन है।

हरात्मक माध्य

ह्रस्तरक सान्य येथी के वसों के ब्यूत्कमों के समानर भाष्य के ब्यूत्रम ने बराबर होता है। वर्षात क्यार हमें 2 और 4 मा ह्याराक भाष्य निकानना है तो पहले हम राने ब्यूत्यन निरालेंगे वो जमार है और है हैं। इन ब्यूत्कमों का समान्तर माध्य है + हैं। 2—हें हुआ। बीर है का ब्यूत्कम हुँ == 2 हैं इन वसे का हरास्वर माध्य हुजा। कप के राम में:

$$H = \frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_3} + \frac{1}{x_3}$$

षहीं H हरात्मक माध्य है ; x_p $x_2 ... x_n$ सेंगी के पद हैं भीर n उनकी सहया है ।

हरात्मक माध्य को पश्या—व्यवहार में ट्राय्यक माध्य ना प्रयोग बहुत हम होजा है। यहीं हम प्रहेंक निरोक्षण को येगी हा हराव्यक माध्य निहालेंगे। इस होजा है। वहीं हम प्रहेंक निरोक्षण को येगी हा हराव्यक माध्य विहालने में दिया जा इसता है।

उबाहरण: निम्नलिखित श्रेणी का हरात्मक माध्य निकालना है 2000, 35, 400, 15, 40, 1500, 300, 6, 90, 250.

परिमाण	ब्युत्त्रम	परियाण	ब्युरक्रम
2000	0003000	1500	0006667
35	0285700	300	0033333
400	0025000	6	1667000
15	0666700	90	0111100
40	-0250000	250	400010000
		Total	+9090500

Total ·209050 H=ब्युत्कम <u>10</u> =ब्युत्कम ·020905=47 85

हरात्मर माध्य के उपयोग—हरात्मर माध्य ना बहुत परिनीमित उपयोग होता है। श्रानिष्य महत्रमध्येत्र मित्र है। पर्त्यु जहाँ सम्म्य, दर, बीर मूर्स्योपर निवार सन्तर्ग है, बर्रो यह ज्येयन उपयुक्त है। यह वह पदा नो नय और छोटे पदी नो जीवर मार देता है।

समय और दर से सर्वाध्य समस्यात्री में हमने प्ययोग नी उदाहरूप मे सममाया या सनता है। एक यात्र्यात एक वर्ष मे चारो और उदगा है, विनशी प्रत्येक मुद्रा १०० मील है। पहली मुत्रा के अपर उसकी गति १०० मील प्रति घटा, हुसरी मुद्रा के ऊपर २०० मी० प्रति घटा, तीसरी भुजा ने ऊपर २०० मी० प्रति घटा, और चौपी भुजा के ऊपर ४०० मील प्रति घटा है । अगर हमें नावुमान की माच्य गति निनालनी है तो हरात्मक माच्य का उपयोग नरना चाहिए समावर माच्य गन्दत परिणाम देगा :

समातर माध्य = 100+200+300+400 = 250 मी । प्रति घ ।

$$\begin{split} & \text{ gettens there} = \underbrace{\text{ with the size of the si$$

= ब्यारक्स 0 0208 = व्यारक्स 0 0052=192 3 मी ॰ प्रति व

निम्नलिखित विवरण से यह स्पष्ट हो काएगा कि हरात्यक माध्य वयो सही है : पहली मज़ के अपर उटने में लिया गया समय=60 विनट

चाया " " " =15 " 400 मील जडने में लिया गया समय=2 घटा 5 मिनट=21ड घटा प्रति घटा उदी गई माध्य दरी=400 ∸2√1=400 ∸2€

=19200 मी० प्र० घ० इत दो रीतियो से माध्य निकालने में आने बाला ० ३का अन्तर व्युत्कम निकालने में किये गए उपसादन के कारण है।

इसलिए जहाँ समय परिवर्ती हो और दूरी समान रहे, हरारमक माध्य अधिक उपयुक्त है।

ह्रतासन माध्य ना उपयोग उन स्थाना में जी निया जाना है जहाँ मूच्य दिये हुए हो और नय पनित नापनी हो। यह सब जागते हैं नि जितना नम मूच्य होगा, उत्तरी ही विचन ह्या-दनाई की क्या शिन होगी। । ह्या-दन्ती ने त्र्या शन्ता मूच्यों में व्युत्त्रम से नापी जाती है। यदि प्रण्ड तेर में हूँ ना रुपयों में मूच्य है तो 1/प्र एक रुपये में सपीदे जा सबने बाले गेहूँ नो मात्रा तेरों में बताना है।

मान कीनिए निमी बस्तु ने चार वर्षों ने मूच्य ५ ह०, १० ह०, १२ ह० और १५ १८ और प्रमे है। यदि उपसोक्ता प्रत्येक बर्ष प्रसु की क्षमा आकार करिता. हो माच्य मूच्य इन ना दामान माप्य, बर्चात् १० ५ ह०, होगा । चर्र्यु वैना सावारात होगा है, यान कीविए नि बीत बस्तु की मानाएँ मुख्ये पर निर्नर न स्ती है। इस रिवर्ति में चार वर्षों में दिया गया माध्य मूल्य मारित बचावर माध्य द्वारा बचुचित रूप हे रिवा जाएगा। बहुाँ मार एक वी हुई एकम हो, मान कीनिए १ रापा, सरीदी जाने बांडों माबा के जनुषात में होगी। उपर्युक्त उच्चहरूप में ये भार क्रमरा. १२, ६, ५ और ४ होमें और मारित समान्यर माध्य

$$= \frac{(5\times12) + (10\times6) + (12\times5) + (15\times4)}{12+6+5+4}$$
$$= \frac{60+60+60+60}{92} = \frac{240}{92} = 8\cdot9$$

हरात्मक माध्य भी इसी के बरावर होगा :

$$H = \frac{27}{5} \left\{ \frac{\frac{1}{5} + \frac{1}{10} + \frac{1}{12} + \frac{1}{15}}{\frac{4}{4}} \right\} = \frac{27}{5} \left\{ \frac{12 + 6 + 5 + 4}{60} \right\}$$

$$= \frac{27}{500} \left\{ \frac{27}{500} - \frac{27}{20} = 6 \cdot 9 \right\}$$

उपर्युक्त विवरण से यह स्पष्ट हो जाना चाहिए कि हरात्मक माध्य ऐसा केन्द्रीय प्रवृत्ति का मापक है जो सरूर नहीं हैं। इसिएए यह कम प्रचलित हैं।

माध्यों में संबंध

माध्यो का परस्पर कवर्ष दो समूहों में किया जा वकता है। वहले तमूह में समातर माध्य, माध्यस्य और बहुलक जाते हैं और दूधरे में समातर माध्य, युगोश्तर माध्य और हरात्मक माध्य आते हैं।

माध्य, माध्यम और बहुलक—अगर वारवास्ता बटन वर्षात्रत (symmetrical) है हो वे दोन मार्च वर्धान होती है। अगर बटन बदिन्सवमित (highly asymmetrical) है तो दन तीनो के भीच कोई निस्तित सबध गृही रह्मा, परणु विद बटन नामगरच असमीत (moderately asymmetrical) हो तो निम्मतिविद्यत वस्त्र च्यानम सही रह्या है:

बहुलक=3 माध्यका—2 माध्य या 2=311—2a

यदि इनमें से कोई दो मापे दी पई हो, तो उपरिलिखित सूत्र से तोसरे का प्रावकलन किया जा सनता है। यदि हम तीनो को गणना करें, तो समीकरण के दोनों पसों में जितना ही अधिक जतर होता, बटन उतना ही अधिक असमित होना !

मान लीनिए एक बनवि अवसमित बटन में माध्यका और बहुत्क कन्य: २५'२७ और २६'०१ हैं। गाध्यका प्राप्तकन करने में उपयुक्त सुप्त का उपयोग किया जा सनदा है: हम जानते हैं कि Z=3M-2a या 2a=3M-Zे सूत्र में प्रश्त के मत्या का रखने पर

2a=3×2527-2601 =5781-2601=498 a=249 (रगभग)

माध्य गुणास्तर माध्य और हराराज्य भाष्य—यदि येजी में सब पर समान हों ता में जाना मारें बराबर हानी है। परलु मदि व जरुम जरुव है ता समास्तर माध्य गुणातर माध्य स बहा और गुजीसर माध्य स्वात्मक माध्य स बका होता है। इसका कारण यह है कि गुजीसर माध्य बड परा भा कम और छाने परा को जीवक मार देता है और हरात्मक माध्य बडे परा भा और भी कम और छोने परा को और भी जीवक मार पता है। वृक्त कर में

 $a \geqslant G \geqslant H$

QUESTIONS

I Point out the advantages and disadvantages of the chief kinds of averages used in Statistics (M.A., Calcutta)

2 What are the functions of a statistical average? Explain, by taking suitable examples the use of any three of the averages generally used in statistical work (B Com. Lucknow)

3 How will you find (a) the average marks of a class of students to show the level of intelligence, (b) the average cost of goods purchased in different lots to determine the selling price, (c) the average size of groups of items for the purpose of classifications, (d) the average rate of increase in prices when the prices increase and at different rate during stuccastive periods.

Explain why you adopt a particular method in such case
(B Com., Agra)

- 4 'An average is a substitute for a complex group of variables but it is not always safe to depend on the substitute alone, to the exclusion of individual measurements of the group 'Discuss (B Com., Allohebad)
 - 5 Criticise the following statement -

know possess these properties?

"The length of a line was measured twenty times and the arithmetic mean of the measurements gives the true length'

anthmetic mean of the measurements gives the true length?

6 What is a statistical average? What are the desirable properties for an average to possess? Which of the averages you

(M.A , Delhi)

- 7 Define a weighted average. How does it differ from an unweighted mean? Discuss cruically the use of weighted mean in stansics describing the cases inwhich the weighted mean is better than the unweighted mean. (B Com., Calcutta)
- 8 What the purpose served by an average? Ducuss the special advantages attached to the different averages and illustrate their use (B Com , Agra)
- 9 Statistics help collective agreements of wage adjustments What data are required for the consideration of a revision in wage rates in a factory? (M Com., Allahabad)
- 10 Compare the ments and the dements of the median and the mode. In which of the following problems would they be most useful —
- (a) Skull measurements, (b) Size of holdings (c) Comparison of intelligence, (d) Marks obtained in an examination, (e) Heights and weights of students (M.A. Agra)
- 11 In what excumstances would you consider the Arithmetic Mean, the Geometric Mean the Harmonic Mean respectively, the most suitable statistics to describe the central tendency of distribution? (I A S)
 - 12 Criticise the following statement -

For a manufacturer of hats the mode is a more important measure of central tendency than the arithmetic mean (M.A. dliahabad)

13 Explain clearly the fact that in averaging a group of simple relatives antimetic mean gives an upward bias and the harmonic mean gives a downward bias (M.A., Allahabad)

14 The following table gives the number of persons with different incomes in the U.S. A during the year 1929 —

Income in thousands of dollars	No of persons in lakhs
Under 1	13
1-2	90
2-3	81
3 5	117
5-10	66
10-25	27
2550	6
50100	2
1001000	9

Calculate the average income per head (B Com, Lucknew)

15. The following table gives the male population of Kanpur

and Jaspur in 1931

60---80

A

Age group (Years)	Population of a Kannur	nales in thousands Jaipur	
0 5	14	9	
510	13	8	
10-15	13	8	
15-20	13	7	
20-30	33	15	
30-40	29	12	
40-50	17	9	
50-60	7	6	

Calculate the average age of males at Kanpur and Jappur separately and account for the difference, if any

(B Com, Allahabad)

16 The following table gives the distribution of population according to age in India and Japan at the time of the last census (1931)

ge group in years	Population in	millions in
	India	Japan
0-10	98 9	17 8
10-20	72 5	14 3
20-30	63 2	11 3
30-40	48 6	8 6
4050	32 6	6 5
5060	19 4	5 4
6080	13 2	5 1

Calculate the average age of people in India and in Japan, and comment on the difference (B Com , Allahabad)

17 Given the following frequency distribution, calculate the

Monthly Wage Rs Rs	Workers	Monthly Wage Rs Ra	Workers	
12 5-17 5	2	37 5-42 5	4	
17 5-22 5	22	42 5-47 5	6	
22 5-27 5	19	47 5-52 5	1	
27 5-32 5	14	52 5-57 5	1	
32 5-37 5	3			

(M Sc , Punjab)

18 The frequency distribution of cost of production of Gur in rupces per maind for different holdings in two districts is given below. Find the average cost in each district, and test whether there is any significant difference.

Cost in rupees per	District	District
maund	A	m.
2 3	9	1
3-4	32	10
4 5	37	34
5 6	21	23
G 7	13	21
7 B	7	14
8 9	5 2 1 2	10
910	2	9
1011	1	5
11-12	2	5 2 1
12-13	1	1
Total	130	130

(I C 5)

19 The following table gives the frequency distribution of marks of a batch of students —

		Digits	Shi	owng	q1	ROISI	Q1	class	inte	va.	S
Marks	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Total
0-9	1			2	В	4			4	Ø	21
10-19	4	8	7	3				2	3	2	220
20-29	8	7	5	6	2	- 1		2	4	i	44
30-39	2	4	3	6	5	3	2		2		27
40-49			2	3	Ü	3		8	2	2	26

You can interpret the above table like this that there is one student getting a 0', two students getting 3 each, eight getting 20 each, seven getting 21 each and so on.

Now, find out the arithmetic mean of the series -

- (a) By using the above table just as a frequency distribution giving class intervals and their total frequencies
- (b) By using the entire information which this table has to pass on to you

20 The frequency distribution below gives the cost of production of sugarcane, in different holdings Obtain the Arithmetic Mean

Cost	Frequency	Cost	Frequency	
2-6	1	18-	52	
6	9	22-	36	
10	21	26	19	
14	47	30-34		
			(I A and A S)	

21 The following table gives the population of males at different age groups of the U K and India at the time of the census of 1931 —

Age-groups	U K (Lakhs)	India (Lakhs)
0 5	18	214
510	19	258
1015	20	222
15-20	18	157
2025	16	145
2530	14	161
30-40	27	257
4050	25	184
50-60	19	120
About 60	17	100

Compare the average age of males in the two countries, and account for the difference, if any (B Com , Ailahabad)

22 Make a frequency table having grades of wages with class intervals of two annas each from the following data of daily wages re eived by 30 labourers in a certain factory and then compute the average daily wages paid to labourers

Daily wages in annas 14, 16, 16, 14, 22, 13, 15, 24, 12, 23, 14, 20, 17, 21, 18, 18, 19, 20, 17, 16, 15, 11, 12, 21, 20, 17, 18, 19, 22, 23 (B A Hors, Puyab)

23 Explain what is meant by weighted average, and discuss the effect of weighting

Calculate (i) the unweighted mean of the prices in column III and (ii) the mean obtained by weighting each price by the quantity consumed.

II	III
Quantity	Price in
consumed	rupees per md
11 5 mds	5 8
5 6 mds	58 4
	8 2
16 mds	2 5
35 mds	20 0
	(M A, Calcutta)
	Quantity consumed 11 5 mds 5 6 mds 28 mds 16 mds

24 Define a weighted mean! In several sets the doservations are combined into a single set show that the means of the combined set in the weighted mean of the several sets.

(b) The number of asthma sufferers whose first attacks came at various ages is given in the following table. Calculate the mean age at the first attack by any method —

Telle

Age at first entack 0-5 5-10 10-15 15-20 20-25 25-30 30-35 Curber of cases 202 133 64 61 70 81 77

Taile (continued)

25 How is the principle of weighting applied to the determination of corrected death rates from crude death rates?

- miration of corrected death rates from crude death rate ?
 (B Com., Luncus)
- 20 What is meant by "standard_ing" a birth rate or death rate. Discuss the possible methods of "tandard_ing birth rates and their difficulties (M.A., C.Jozda)
- 27 Annual death rate of Town A is 34 per thousand, and that of Town B is 31. Their distribution of population according to different age-groups and the death rates for each age-group are as follows:—

Town A Town B

Age-group	Population in thousand	Annual Death Rate part thousand	Population the card	Annual Death Rate pro- thou and
515 1540 Above ~0	35 63 20	10 25 10 30	60 160 30	26 11 31

28 Calculate the anthmetic average and the median from the following data —

Age	No of people	Age		No of people
5560	7	35-40		30
5055	13	3035		33
4550	15	25-30		28
40-45	20	2025		14
			Total	160
			(B Com	Luci now)

29 Calculate the arithmetic, the geometric and the harmonic means and the median from the following figures —

375 5, 153 4, 28 5, 12 01, 4 5, 3 74, 12 79, 35, 41 9 and 58
(B Com., Allahabad)

30 Calculate the anthmetic average by the short cut method and the median in the following series —

Expenditure	No of students
Below Rs 5	6
,, ,, 10	16
m 23 15	28.
, 20	38
25	46

Explain the underlying assumptions of the formula used for median (B Com , $\mathit{Allahabad}$)

31 Below are given the marks obtained by a batch of students appearing in Statistics in the Certificate Course Examination, maximum marks in the paper being 50—

14, 22, 25, 15, 11, 33, 28, 26, 22, 30, 13, 16, 27, 32,

19, 12, 21, 18, 16, 10, 31, 29, 23, 24, 17, 23, 20

Find out (a) the median marks directly and (b) the median marks after classifying the given marks into class-intervals of 10-15, 15-20 etc. Account clearly for the difference, if any, between the two values of median so computed (B Corn, Allahabad)

32 The following table gives the age distribution of married females according to sample census of 1941 in the Baroda State —

Age	No	Age	No	Age	No
മ —5	3	2530	2 223	5050	531
5-10	31	30-35	1,723	5560	317
10-15	410	35 - 40	1 292	606a	156
1520	1 809	40-45	963	65 70	59
20-25	2 446	45-50	762	7075	37
Calculate	the med	an age of a	narried fem	ales and a	lso the two

quartiles (I A and A S)

33 Calculate the values of the median and the two quartiles for the following —

Factories in India Limits of percentage recovery of sugar cane (193536)80-82 8 2-8 4-8 6ii š— 9 15-9 2-12 10 9 6-7 9 8-6

10 4-10 6 I (MA, Prnyab)

34 Calculate the mean and the median for the following distribution —
Weight of boys
Weight of boys

10 0-

Weight of boys in a certain class	Number	Weight of boys in a certain class	Number
100-104	4	140144	500
105-109	1+	145149	430
110-114	60	150154	260
115—119	138	155-159	128
120-124	206	160-164	66
125—129	298	165-169	28
130-134	380	170174	12
135—139	450		
		Total	2974

(IA & AS)

ī

³⁵ The following table gives the distribution of the male and female population of a certain area in India By finding the

mean age, the median age, the upper and lower quartile ages, make comments on the age distribution of the two sexes in the area -

Age	Males	Females	Age	Males	Females
0-9	2,756	2,787	50-59	610	579
1019	2,124	2,032	60-59	245	269
20-29	1,677	1,724	7079	67	78
30-39	1,481	1.485	8089	16	20
40-49	1,021	1,022	90-99	3	4
			Total	10,000	10,000

36 Determine the quartiles and the median from the following

-			
Income	No of		
	persons		
Below Rs 30	69		
Rs 30 and below Rs 40	167		
Rs 40 and below Rs 50	207		
Rs 50 and below Rs 60	65		
Rs 60 and below Rs 70	58		
Rs 70 and below Rs 80	27		
Rs 80 and over	10		
Total	603		

(B Com , Bombay)

37 The following table gives the number of income-tax as-

sessees and their	income in U	P during the year 192	2 23 —
Income in Rs	No of	Income in Rs	No of
2 000 to 2,500	7,103	5,000 to 7,500	3,257
2,500 to 3,000	3 344	7,500 to 10,000	1,497
3,000 to 3,500	2 386	10,000 to 12,500	775
3,500 to 5,000	4,568	12,500 to 15,000	371

- (a) Draw a histogram $\,$ representing the distribution of incomes in U P between Rs $\,$ 2 000 and Rs $\,$ 15,000
- (b) Find the arithmetic average and the median of the above incomes

³⁸ Draw an ogive showing the number of candidates obtaining marks higher than any assigned value from the following data ---

No of candidates

33 108 221 439 526 495 322 153 53

Marks -10 -20 -30 -40 -50 -60 -70 -80 -90 -100

Read off the median and the two quartiles from the curve and

check your results by actual calculation. Compare the median with the mean and comment on the difference, if any (B Com Hons, Transnore)

39 Amend the following table, and locate the median from the amended table Also measure the magnitude of the median so located —

Sizes	Frequency
10-15	10
15-17 5	15
17 5-20	17
22-30	25
3035	28
35-40	30
45 and upwards	40

(B Com, Allahabad)
40 According to the census of 1941 following are the popu-

lation figures, in thousands, of first 36 cities of India -2,488 1,490

Find the median and quartiles (B Com, Lucknow)

41 The following is the age distribution of candidates appear-

ing at the Matriculation and Intermediate Arts Examinations of the Patna University in 1937—

Age in years 12- 13- 14- 15- 16- 17- 18- 19- 20 21- 22- Total Witticula-

ton 5 48 189 303 522 980 981 794 515 474 × 4811
Intermediate × × × 5 45 87 127 150 155 127 175 871

Compare the median and modal ages of the Matriculation candidates with those of I A candidates (MA, Patra)

42 Find the anthmetic mean, median and the quartiles from the following distribution of 100 persons by age —

Age last birthday	Number
1519	4
20-24	20
25—29	38
30-34	24
3539	10
40-44	4
	(M.A. Allahabad)

43 Find the mean, median and mode from the following figures —

Mark	5	Number of students	M	farks	Number of students
Below	10	5	Below	60	60
**	20	9	13	70	70
,	30	17	72	80	78
,	40	29	73	90	83
22	50	45	22	100	85

44 Find the mean, median and mode from the following

Marks	Number of students	Marks	Number of students	
Above 0	80 Above	60	28	
,, 10	77 ,,	70	16	
20	72 ,,	80	10	
,, 30	65	90	8	
,, 40	55 33	100	0	
	40			

45 From the figures given below find the mode, median and quartiles What information can you deduce from them?

Age	Number of	Age	Number of
Age	persons	Age	persons
20-25	50	4045	150
25-30	70	4550	120
30-35	100	50-55	70
35-40	180	5560	50
			(B Com, Agra)

46 Draw a cumulative frequency graph of the following distribution showing the monthly wages of a group of workmen, and hence or otherwise calculate the values of (a) the mode, (b) the median and (c) the two quartiles—

Wages in rupees	No of workmen	Wages in rupees	No of workmen
20	8	25	25
21	10	26	15
22	11	27	9
23	16	28-29	6
24	20		(I A S)

47 Find the mechan and the modal size from the following data.

Size of the item in ft	Frequency
1-10	9
1019	13
19-28	86
2837	239
37-46	120
4655	46
55-64	12

(MA, Allahabad)

48 Compare the relative advantages and disadvantages of the Arithmetic Mean the Median, and the Mode

The following table gives the results of certain examinations of three Universities in the year 1936. Which is the best University? Give reasons for your answer.

		Percentage results in the University				
U	niversity Examination	A	В	С		
1	M A	80	75	70		
2	M Sc	70	70	60		
3	BA	65	68	70		
4	B Sc	60	70	B0		
5	E Com	75	(M.)	75 A , Calcutta)		

49 The following table gives the marks obtained by a batch of 30 B Com students in a class test in statistics (Marks 100) —

Roll No	Marks obtained	Roll No	Marks obtained
1	33	16	24
	32	17	33
2	55	18	42
4	47	19	38
4 5 6 7	21	20	45
6	50	21	26
7	27	22	33
8	12	23	44
9	68	24	48
10	49	25	52
11	40	26	30
12	17	27	58
13	44	28	37
14	48	29	38
15	62	30	35

(B Com , Allahabad)
50 Find the modal wage from the following data —

50 Find the modal wage from the following data — Weekly Wages No of Wage earners

Sh d Sh d 12 6 to 17 6 .. 22 6 17.6 44 22 6 ,, 27 6 38 27 6 32 6 28 84 32 6 37 6 6 22 37 6 22 42 6 8 42 6 12 47 6 . 52 6 47 6 22

(B Com Pajputana)

il Under what assumptions is mode located in a frequency distribution?

Compute the mode of the following senses -

57 6

52 6

Size of item

O- 5

5-10

10-15	32
15-20	28
2025	20
25-30	16
30-35	34
35 -40	19
40-45	8

(B Com , Allahabad)

....

Frequency

20

24

52 Draw the frequency curve which would represent the frequency distribution of the data below and with its help determine the mode of the data.

45	7	41 9	40	2 :	3B 9	40	0	39 5	45 5	47 4	49 8	46	6
47	1	42 7	53	0	48 (47	6	50 0	52 6	50 1	59 7	55	2
54	i	57 0	54	2	58	61	7	60 2	58 7	61 0	59 8	58	В
63	8	63 6	62	2	57 2	2 56	9	54 2	52 4	53 6	51 5	48	8
46	0	49 8	45	4	40 1	47	2	45 3	46 2	40 4	42 4	49	0
		81 1								(B Co	m, Lu	cknou)

53 Compute the weighted geometric average of relative prices of the following commodities for the year 1939 (Base year 1938-100)

2000-100)		
Commodsty	Relative Price	Weight (value produced in 1938
Corn	128 ■	1385
Cotton	62 4	819
Hay	117 7	842
Wheat	99 0	561
Oats	130 9	408
Potatoes	143 5	194
Sugar	125 6	142
Barley	150 2	100
Tobacco	101 1	103
Ryc	116 2	25
Rice	117 5	17
Oilseeds	78 7	29
How does at di	ffee from the consumpt	ted geometric mean on

How does it differ from the unweighted geometric mean, and why?

(B Com , Allahabad)

54 A car travels at a speed of 30 miles per hour for the first 40 miles, then at a speed of 35 miles for the next 40 miles, then at a speed of 45 miles for the next 40 miles, again at a speed of 35 miles for the next 40 miles, and at a speed of 35 miles for the next 40 miles, and at a speed of 35 miles for the next 40 miles. What is the average speed of the car on its journey.

55 A sum of money was invested for five years. The average rates of return for the investment for the five successive years were as follows: 5.50 per cent, 4.73 per cent, 4.20 per cent, 3.91 per cent, and 4.61 per cent. What was the average rate of interest for the five years?

Monthly incomes of twenty families are given below in rupees —

2 000, 35 400 15, 40, 1,500, 300 6, 90, 250, 20, 12, 450; 10, 150, 8, 25, 30, 1,200, 60

Calculate the Geometric Mean and the Harmonic Mean of the above incomes (B Com , Allahabad)

57 The following table gives the number of families and income per head of different classes of people in a certain village in the U P ___

Landlord Cultivator Landless Labourer Money Lenders School Teachers Shop keepers Carpenters Weavers	1 50 25 2 3 4 4 3 5 5	ncome per head in 1947 (Rs) 1,000 80 40 750 100 150 120
Calculate the weighted average, tharmonic mean of the reserved	the geometric	60 mean, and th

Calculate the weighted average, the geometric mean, and the harmonic mean of the incomes given above. Which average represents these figures best? Give reasons

58 Calculate the goemetric mean and the harmonic mean of the following figures -

1998, 178 7, 89 9, 78 4, 9 7, 874, 989, 012, 008;

(B Com , Allahabad)

ऋष्याय ७

वर्णात्मक माप-विचरण और समसिति के माप Measures of Variation and Symmetry

ि एक सप्पाय में वर्षिण मान्यों का उपयोग श्रेणों के स्थान पर दिया जाता है।

एट्रें प्रमत्त वर्ष (first order) के मान्य मी बहु जाता है। गिर्फ सप्पात

है। व्यक्ति स्वाप्त कर को श्रेणियों के लिए इनका मुख्य निकालने की विधि बता चुने

है। ब्रीलियों में लिए उपयुक्त मान्यों का चुनाक करने पर ये श्रेणों को मुख्य प्रवृद्धि

के बारे में बताने हैं। वरन्तु बहुवा ये आनक होते हैं। यदि बाज्यों के आवार पर

हुन्ता को जाती है तो यह विद्यापत वर्ष है। इस्विष्य यह आवश्यक ही जाता है कि

पत्र में नो के त्यस्य कत्यों ना भी सम्पायन वर्ष निकाल उनके बारे में विचित कर से

जात करें। इस क्लाओं में पत्रों के क्यकिरण (प्रवार) वा विश्वरण (dispersion

or variation) वा लम्यल मुख्यत क्लिम जाता है। वर्ष्ट् हित्तीय वर्ग के मान्य

मां नहां बाता है। इनका मुख्य कार्य यह बताना है कि प्रयक्त वर्गीय मान्य वहीं

कर सेनों के तिक्रिणों हैं। एक उत्पहणा से यह बतान स्वत्र करने हो वाह्य वर्गीय मान्य वहीं

मान कीनिये दो विधामों एक परीक्षा में बैठते हैं और उनके विविध विध्या के प्राप्तक कमता के, ६०, ६०, ६० और ५८, ६०, ६०, ६२ है। विधार्षियों द्वारा प्राप्त स्वर को जनने के लिए माध्य, बहुल्क या धाध्यका की गामता को उनका है। विद्यार्थियों के निष्ट ६० हैं और अगर हम केवळ एवं काचार पर स्वरों को निर्देशन करों जो वे समान है। परन्तु बसा के बातक में समान हैं? बगर हम इस को अधियों ना अध्यक्त करों जो हम माते हैं कि इसरा दिवासी एक एक से जबन अपने करा जार करता है और उनके प्राप्तकों का अपनिरुश्य कर है, परन्तु इस विधार्मी अधिया है और उनके प्राप्तकों का अपनिरुश्य की हम है, परन्तु कहान विधार्मी अधिया है और उनके प्राप्तकों का अपनिरुश्य क्षिक हो। इस उनके प्राप्तकों का अपनिरुश्य क्षार्यक प्राप्तकों का अपनिरुश्य की स्वर्त हो।

एक दूसरे उत्तहत्त्व पर विचार कौविये। वो निवाधियों के प्राप्तक कमता रू, देव, ४० और ६०, ७०, ८० हैं। पहले का माध्य ६० और दूसरे का एक हैं। वहाँ ठक माध्य प्राप्ताकों का प्ररत हैं में दो निवाधीं एक दूसरे से मित्र हैं परव्ह कर से प्राप्ता में उनका एक होती है और वे दोनों समाव कर से विचर हैं। इस प्रकार हम देवते हैं कि वास्तास्ता बटन एक-दूसरे से मुख्या को मालों में निम हो सन्हें हैं:

- (१) जनने माध्य समान हा, परन्तु जननी रचनाएँ (formations) भिन्न हो (दिवर पहला जवाहरण)।
- (२) उनके माध्य भिन्न हा परन्तु चनकी रचनाएँ समान हो (देखिए दूमरा उदाहरण) ।

इसितर यह मुस्पट हो जाता है कि एक धेणी का पूर्णत अध्ययन करने ने लिए हमें माध्या के माय-माय अपविरण के मापो की भी आवस्यरता पड़ती है। इन्हीं मापा को 'अपविरण के मापन' कहा जाता है।

अपिकरण की गणना

'ब्रपंक्रिक' शब्द के दो अर्च किए जाते हैं। पहुंठे अर्च में प्रशार उन सीमाओ का अत्तर कताता है जिनने मीतर श्रेणों के पद रहते हूं और दूबरे वर्ष में यह श्रेणों के माध्य या प्रतिक्षी पद से अन्य पयो का माध्य अन्तर बनाता है। इन क्यों के आभार पर प्रसार को कणना करने की दा जिनियों हैं

- (१) पराम विधि (range method)
- (२) साध्य विचलन निषि (averaging difference from average method)

(१) परास विधि

यह बिपि सबसे सरक है। इमर्में येणी नी उच्चतम और निम्नतम सीमा जान की बानी है अर्थन जन दा पदा को बूँब रिजा जाता है जिनका मून्य अभिकतम और मृत्यतम है। इन दी पदो का अंतर देश रिजा जाता तहां है। मान की पदो का अंतर देशों का कार्यतम की पताता है। मान की जिये आदा विचालियों का मासिक अ्या है। 70 - 20 , 70,

बरास विधि के काम-वीच—यह निधि बहुत सरक और मुद्दोष है। परन्तु मुत्तपात ने दुष्टिमण से यह अच्छी नहीं है। बरम पदा को सिम्मिटन या विदत्त करते से बरास बरण जाता है। उदाहरणार्थ, विद उपक्षेत्त उदाहरण में आप ति विदासी ६० र० ने बरले ७० र० व्याप नरका है तो परात ३० हो जावता। विद एक मितव्यारी विद्यार्थी को व्याप १० र० है और वह भी इस वेची में और दिया जाय तो परात बरहर ६० (७०—१०) हो बाएगा। इन उदाहरणा से इम वी जानिस्ताना सम्बद्ध हो जाती है। कतएर प्रनिथारन (samphing) में दमका उपमोग नहीं विद्या वा सक्ता क्योंनि इस्में देंव विचरणा में सुमानना रहती है।

- (३) चतुर्यंक विचलन (quartile-deviation)।
 - (४) लॉरेन वक (lorenz curve)।

१ पहला स्वपंकिरण यूगाँ : साध्य-विश्वलान—माध्य या औरत विश्वलन विश्वलनों का माध्य है। इव्रिल्म माध्य विश्वलन की गणना करन से पहले दी प्रश्नों का उत्तर दिया जाना चाहिए। वहला यह कि विश्वलन के हुनारा क्या तारम है सेंदर हुदरा यह कि विश्वलनों का माध्य कि गणनों के किए नौन से माध्य की गणना की जानी चाहिए। विश्वलन से हुनारा जात्यर येथी के कियी पर और प्रतिक्षा माने गये या माध्य पर के बन्तर से हैं। प्रत्येक पद ने मूख्य से ट्रम माध्य की घरों माने गये या माध्य पर के बन्तर से हैं। प्रत्येक पद ने मूख्य से ट्रम माध्य की घर माध्य की घर माध्य की पर की राविक्त माध्य की पर ति पर करने की। समावर साध्य चुनने ना काम यह है कि यह एक निश्चल प्रार्थ होती है, परन्तु विश्व हम इससे पदी के अल्तर की बोर्ड तो मीग पूप्य होता। इस विज्ञाई ना समाधान करने के लिए हम अल्तरों या विश्वलनों ने मीवीय चिह्नों ही उदेशा करते हिंद हम बात पर विश्वलनों ने मीवीय चिह्नों ही उदेशा करते हिंद हम बात पर विश्वलनों ने मीवीय चिह्नों ही उदेशा करते हैं। स्वत्वलन पर विश्वलनों ने मीवीय चिह्नों ही उदेशा करते हम समाधान करने के लिए हम अल्तरों या विश्वलनों ने मीवीय चिह्नों ही उदेशा करते से विश्वलनों के साथ पर विश्वलन के नीवीय स्वत्वलन हम अल्तरों या विश्वलनों ने सेवीयों करा हम अल्तरों या विश्वलनों ने सेवीयों करा हम अल्तरों सा विश्वलनों ने सेवीयों के सेवियों करा हम अल्तरों सा विश्वलनों ने सेवीयों के सेवियों करा हम अल्तरों सा विश्वलनों ने सेवियों के सेवियों के साथ हमें सेवियों सेवियों ने सेवियों की सेवियों स

मिर विश्वतन माण्यिका से लिये लागें सो इनका योग न्यून्तम होता है और पह एक पाइनीय मृत्र है। पर्युत बहुधा माण्यिका सास्त्रक में नहीं होता और कमावेशन करता पडता है। फल्टककर ही सबना है अनावेशित माण्यिका से लिये गये विश्वकरों का योग माण्य से विश्वकरों में योग से अधिक हो।

माध्य के रूप में साधारणत बहुतन का उपयोग नहीं किया जाता क्योंकि एकैन निरीक्षणों की भेणी में बहुतन होता ही नहीं और अन्य श्रीणयों में भी यह युनिश्चित नहीं होता। इसलिए साधारणत समांतर माध्य और माध्यिका का ही उपयोग किया जाता है। इस दोनों में मणितीय सुत्यांति के दृष्टिकोज से माध्यिका आधिक क्यांति है। परन्तु यदि माध्यिका नहीं तो माध्य का उपयोग करना आवस्यक हो शांति है।

विचलनो को निकाल लेने के बाद उनके समातर माध्य की यमना करली जाती है। यही माध्य विचलन हैं। सकेतो में

समातर माध्य से माध्य विचलन
$$=\delta = \frac{\sum |m-a|}{n}$$

माध्यका से माध्य-विचलन $=(\delta_m) = \frac{\sum |m-M|}{n}$

बहुलक से माध्य विचलक
$$=\delta_z = \frac{\sum |m-Z|}{n}$$

माध्य जिन्नसन की शणना

(१) एक्टेंक निरोक्षणा की श्रीणी

उदाहरण निम्मलियित प्राप्ताना थी श्रेणी का माध्य विवस्त निकालना है 20, 22, 27, 30, 31, 32, 35 40, 45, 48

m	m-a	m-M	272	m-a [m-M
20	13	11 5	32	1	0.5
20 22 27	11	9.5	35	2	3 5
27	6	4.5	40	7	8.5
30	3	1.5	45	12	13 5
31	2	0 5	48	15	16 5
			₺ 330	72	70 0
			4-11		

 $a = \frac{330}{10} = 33 \text{ MeV}$

$$M = \left(\frac{n+1}{2}\right)$$
 वें पद का परिमाण

 $\delta = \frac{E}{\pi} \left(\frac{m - a}{\pi} \right) = \frac{72}{10} = 72$ अक = 5 5 वें पर का परिसाय=31 5 अक

उपर्यक्त लेगो वा माध्य ३३ है और उसने पदीं वा माध्य से विचन्त्र माध्यत ७२ है। इसी प्रवार लगा वा माध्यिका ३१५ है और माध्यिका स इसका विचलन माध्यत ७ है।

(ল) হাতের পদী

साउत थेकर व लिए सकेत में माध्य विचलन निम्न एप से ध्वल्न किया जाता है $\delta = \frac{\sum |m-a|}{2\pi} \frac{E |m-M|}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{|m-a|}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dz}{dz} \frac{|m-a|}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dz}{dz} \frac{dz}{dz}$

पद की बारवारता है।

उदाहरण विद्यापियां के प्राप्ताकों के वारवारवा-वटन के गान्य-वित्रक्त को गाना करना

	_~	~		r
साास्य	का	布	सरल	सिद्धान्त

٠,	**	and he day taken							
() प्राप्तांक	बिद्याविमो की सस्या	कुल प्राप्तीक	सचवी बारबारद्वा	m-a (4 2)	f n-m	$\begin{vmatrix} m-M \\ (4) \end{vmatrix}$	m-M 5	m-z (4)	f 2-m
(1)		(3)	(4)	(5)	(6)	(7) 3 2 1 0	(8)	(9)	(10)
	(2) 3 7 10 15 12 8	(3) 3 14 30 60 60 48	3 10	3 2	9 6 15 4 12 0 3 0 9 6 14 4 14 0	3	9 14	3 2	9
1 2 3 4 5	7	14	10	2 2 1 2 0 2	15 4	2	14	2	14
3	10	30	20 35 47 55 60	12	12 0	1	10 0 12 16	1	10
4	15	60	35	0 2	3 0	0	-0	1	0
5	12	60	47	0.8	96	1	12	1	12
	8	48	55	1828	14 4	2	16	2	16
7	5	35	60	28	14 0	3	15	6	(10) 9 14 10 0 12 16 15
_	60	250			78 0		76		76

 $a=\frac{250}{60}=42$ अक, M=30.5 में पद का परिमाण, Z=4 अक (अधिकतम बार-बारता बाला पद

 $\delta = \frac{78}{60} = 1.3$ ল্লক $\delta m = \frac{76}{60} = 1.267$ লক $\delta z = \frac{76}{60} = 1.267$ লক (ग) सतत श्रेणी

963

वर्ग-अतरालो ने मध्य विन्दुओं को जान लेने पर एक सतत श्रेणी खडित श्रेणी में बदल जाती है और माध्य विचलन की गणना तदनुसार की जा सकती है। माध्यिका और बहरक की गणना अन्तवेंशन के द्वारा की जा सकती है। विचरन वग-अतरार के मध्य विन्दु से लिए जाते हैं।

उदाहरण निम्नतिसित थणी में प्राप्ताको का माध्य विवसन निकासना है

41161										1.00
ग्राप्ताक	मध्यम्	बारबारता	कुल प्राप्ताक	सचयो बारबारता	25	1 1 2 - 1 5	m-M	$\{m-M\}$	(23.75)] m-2 }
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)	(9)	(10)	(11)
0-10	5	2	10	2	20	40	20	40	18 75	37 50
10 - 20	15	7	105	9	10	70	10	70	8 75	61 25
20-30	25	10	250	19	0	0	Q	0	L 25	12 50
30-40	35	5	175	24	10	50	10	50	11 25	56 25
40-50	45	3	135	27	20	60	20	60	21 25	63 75
				-						
		27	675			220		220		231 25

$$\begin{array}{llll} \mathbf{d} = & & \\ & & \\ \hline & & \\$$

नःय-विचलन कानुसाक

माध्य विचलन अपिकरण का एक निरपेक्ष माप है। इसे तुलना के योग्य बनाने के लिए यह आवश्यक है कि इसे सापेक्ष माप में बदला जाय। भ्राध्य-विचलन के नुमान की आवश्यकता को रियतियों में पड़ती है

- (१) जद नुरूना की जाने दाली श्रीर्णयों के बाच्य एक दूसरे से बहुत निम्नहों।
- (२) बद तुलना की जाने वाली श्रीमर्गा विभिन्न इकाइयों में व्यक्त की दर्र हो। गयाक-माप की गणना करने के सापेक्ष माप को उस माच्या से विभागित करते

हैं जिससे विचलनो की गणना की गई हो। उपर्युक्त उदाहरको ये भाष्य विचलन कै गुणाक निम्नलिक्ति होगे

(१) एकैक निरोधणों को श्रेणी

$$\delta$$
 का गुणाक = $\frac{72}{33}$ =0 22 δm का गुणाक = $\frac{70}{516}$ =0 22

(২) ছৱিব শ্রীণী

$$\delta$$
 का गुणाक = $\frac{1}{4}\frac{3}{2}$ =0 91

 δm का गुणाक = $\frac{1}{4}\frac{267}{0}$ =0 32

 δz का गुणाक = $\frac{1}{2}\frac{267}{3}$ =0 32

(३) सनत श्रेषी

$$\delta$$
 का गुणाक= $\frac{815}{25}$ =0326

$$\delta m$$
 का गुणान = $\frac{815}{25}$ = 0 326 δz का गुणान = $\frac{857}{2375}$ = 0 361

माध्य-विचलन का महत्व

साध्यत्रीय अध्यवनो में माध्यनिवर्षण और इसने गुणार का उपयोग माध्य का महत्व सममने वे लिए और केंद्रीय प्रवृत्ति का अध्ययन अधिन सूरम बनाने के किए किया जाता है। यह भाष्य की प्रतिपत्तिता पर प्रकार अध्यत है। इसकी गणना करना मरत है यह मुगेष है और योगी के सब पदों पर बियाद करता है। परन्तु अस्य बीजीय पीतियों में इसना उच्योग नहीं किया जा सकता।

२ श्रविकरण का दूसरा घूधे—हमने देला कि अपिकरण के पहर पूर्ण में हम अक्तरों में बीजीय चिह्नों की उपेशा करते हैं वर्गीर समावर माध्य से किये गये अतरा का मोग सून्य होता है। एक अन्य रीति यह हो सक्ती है कि हम बिचकतों के बर्गा का माध्य कें। वर्ग संदेश चनात्मक होते दिवलि अंदर वीजीय चिह्नों से स्वतन होते। नमेंत में, अपीकरण का इक्या वर्ण

$$=\frac{\Sigma(m-a)^2}{n}$$

अपनिरण ने इसरे पूर्ण वा सैज्ञानितन महत्व बहुत अधिन है और अब इमना प्रयान बकता जा रहा है। स्वय महत्वपूर्ण होने ने अग्निरक्त यह एन अख्न त प्रचिन्त अपनिरण ने माप ना आधार है। यह साथ प्रमाप विचलन है।

प्रभाष विचलन (Standard Deviation) — येणी के अपिर एण में माणों में सबसे प्रचलित माण प्रमाण विचलन है जो भीक अक्षर o (शिप्पा) से ब्यक्त किया जाता है (हिन्सी में 'प्र' से)। यह अपित एण के दूसरे पूर्ण का वर्गमूल है और स्वती प्रणाना सर्वेद सामार माध्य से की जाती है। समारार माध्य से विचलन केने का नारण यह है कि समारार माध्य से क्यिं नए विचलनों के वर्णा का मोग स्मृतहम होता है। सर्वेद में

$$\alpha = \sqrt{\frac{\Sigma (m-a)^2}{n}}$$

प्रमाप विचलन की यणना

(i) एकँक निरीक्षणा की थेणी

उदाहरण ४ एनैक निरोक्षणा की निम्नलिखित श्रेणी में दिये गये प्राप्ताकी का प्रमाप विचलन निकालना है।

সাপা ৰ	ममातर माध्य (३३) संविचलन	विचलनो के बगें	प्राप्ताः क् (m)	यमातर माध्य (२१) से विचलन (m—a)	दिचलन के दर्ग (m—a) व
(m)	(ma)	$(m-a)^2$	(m)	(nz—u)	
(1)	(2)	(3)	(1)	(2)	(3)
20	-13	169	32	I	I
22	-11	121	35	+ 2	4
27	-6	36	40	+ 7	49
30	-3	ğ	45	+12	144
31	-2	4	48	→15	225
		Total	330		762

ममातर माध्य- 330 **—**33

प्रमाप विचलन=०=√ $\frac{762}{10}$ =√762 ≈8°729 अक

हम देखने हैं कि माध्य अब ३३ है और उनका माध्य से विचलन माध्यन ८'उ२९ है।

(iː) सहित श्रेणो:

उदाहरण ५ निम्निलितिन श्रेपी में दिवे गर्पे प्राप्ताको का प्रमाप दिचलन निकारना।

त्राप्ताक	विद्यासियो की संस्या	কু ত মানাক	माध्य म विचलन	विचलनो के वर्ग	विचलनो के बर्ग और बारदारताओं के गुगनपट
(m)	(J)	(mf)	(m-a)	$(m-a)^{1}$	(m-a) f
(1)	(2)	(3)	(4)	(2)	(6)
1	3 7	3	-32	10 24	30 72
2	7	14	-22	4 64	32 48
2	10	30	~12	1 44	14 40
4	lá	60	~02	0 04	00 60
4 5	12	60	408	0 64	7 68
6		48	+18	3 24	25 92
7	5	35	-28	7 84	39 20
		Σ 235			£ 151 00

$$\sigma = \sqrt{\frac{\Sigma(m-a)^2 f}{\pi}} = \sqrt{\frac{151}{60}} = \sqrt{2517} = 587 \text{ marks.}$$

(11) सतत थेणी

उदाहरण ६. विद्यार्थियो ने प्राप्तानो के निम्निलिसित श्रेणी ना प्रमाप विचलन निनालना ।

प्राप्ताक	भध्य-मान	विद्यार्थियो की संख्या	कुरू प्राप्ताक	थाध्य (२५) से विचलन	विषतनो के धर्म	बारबारता और विचलने-बर्गो का गुजसक्र
(m)	(m')	(f)	(m'f)	(m-a)	$(m-a)^2$	$(m-a)^{2}f$
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)
0-10	5	2	10	-20	400	800
10-20	15	7	105	-10	100	700
20-30	25	10	250	0	0	0
30 - 40	35	5	175	+10	100	500
4050	45	3	135	+20	400	1,200
		27	675			3,200

$$\sigma = \sqrt{\frac{\Sigma(m-a)^{\frac{1}{2}}f}{n}} = \sqrt{\frac{3200}{27}} = \sqrt{118.5} = 10.91 \text{ marks.}$$

लघु-रीति का उपयोग

प्रमाप विचलन की गणना करने की रीति दिखाने के लिए हमने अब तक सरक जवाहरण छिए हैं। इनमें माध्य पूर्णाक या शुक्तिवादनक था। परणु अब समारार माध्य पूर्णाक न हो ता उलसे पदों का विचलन लेना किन और अधुक्तिया जनक होता है क्यांकि वर्ष कानारा और गृक्तियान लेना किन और अधुक्तिया जनक होता है क्यांकि वर्द निवास और गृक्तियान लेना किन नहीं होता। गर्टती होते की समावना भी बढ जाती है। से एसी रिवास में समुद्र्यात बहुत सहायक किर होते हैं। रूप रीति में किसी रिवास में समुद्र्यात के हैं की स्वत्य प्राप्त के साव के अध्याप कि स्वत्य प्राप्त के साव स्वत्य प्राप्त है और $\mathcal{L}(m-x)^2$ (जहाँ ४ कलित तायव है) की स्वत्य न पर भी जाती है। स्व्

$$\sigma = \sqrt{\frac{\Sigma(m-x)^2}{n} - (a-x)^2}$$

सदित और सतत श्रेणी में यह सूत्र है:

à:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\Sigma (m-x)^2 f}{n} - (a-x)^2}$$

उदाहरण 😮 . रुपु-रीति से निम्नलिसित श्रेणी का प्रमाप विचलन निकारना

ď.						
प्राप्ताक	विद्यायियो मी सक्ष्या	मध्य मान	ष्टुल प्राप्ताक	फल्पित माच्य (२५) से विचलन	मिचलन थरो	विचलन वर्ग और धार- बारती के गुवनज्ञ
(m)	S	(m')	(m'f)	(m-x)	$(m-x)^{\pm}$	$(m-x)^{2}f$
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)
0-10	10	5	50	-20	400	4,000
10-20	12	15	180	-10	100	1,200
20-30	17	25	425	0	0	D
30-40	14	35	490	+10	100	1,400
40-50	5	45	225	+20	400	2,000
	58		1,370			8,600
	13	70				

$$a = \frac{158}{58} - 23.62$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{8,600}{18} - \left(\frac{1,370}{58} - 25\right)^2} = \sqrt{\frac{8,600}{58} - \left(\frac{-80}{58}\right)^2}$$

$$= \sqrt{148.28 - 1.932} = \sqrt{146.348} = 12.08 \text{ abs}.$$

इकाई परिवर्तन (change of units: step deviation)

प्रमाण विजन्त की पावना करना भारी कार्य है और सदि बजत घेगी का प्रमाण विचलन निवालना है और विजनत नाफी कड़े हैं तो यह और भी भारी हो जाता है। ऐहं स्थानों के इनाई परिवर्धन नरके भागता करना उसक बनाया जा घरना है। इनाई परिवर्धन नरने को जीत का वर्णन समान्य माध्य के अल्पांत दिवा जा चुका है। यहाँ निम्नलिखित उदाहरण में इसका उपयोग किया बचा है। यह गणना उदाहरण ६ वो सामधी से की गई है।

after A ra da			
(m-a)	(m-a)/i(10)	$(m-a)/i^2$	$(m-a)/t^{t} \times f$
(5)	(6)	(7)	(8)
-20	-2	4 _	. 8
-10	 1	1	7
0	0	0	0
+10	+1	1	5
+20	+2	4	12
			32

$$\sigma = \sqrt{\frac{E(m-s)^3/i\times f}{\pi}} \times i = \sqrt{\frac{32}{27}} \times 10$$

$$= \sqrt{(1\cdot185)} \times 10 = 1\cdot091 \times 10 = 10\cdot91 \text{ marks}.$$

यदि उदाहरण ७ में इकाई-परिवर्तन किया जाय दो कॉलम ५ और उसके बाद के कॉलम निम्निलिखत होंगे:

(m-x)/i(10)	$(m-x)/i^{4}$	$(m-x)(i^2 \times f$
(5)	(6)	(7)
-2	4	40
-1	1	12
0	0	0
+1	1	14
+2	4	20
		£86

$$\begin{split} \sigma &= \sqrt{\frac{2(m-ah)\times f}{\pi}} - (a-\pi)^2 \times i \\ &= \sqrt{\frac{86}{58}} - 1 \cdot 932 \times 10 = \sqrt{1 \cdot 4628 - 1 \cdot 932} \times 10 \\ &= \sqrt{1 \cdot 46348} \times 10 = 1 \cdot 208 \times 10 = 12 \cdot 08 \text{ marks.} \end{split}$$

प्रमाप विचलन या गुणाक (coefficient of standard deviation)

माध्य नियनन की भाँति प्रमाप नियनल भी श्रेणी ने अपिक्तण का निरमेश गाए है और चर नो इनाइयो पर निर्भर करता है। इसको तुनना मीध्य बनाने के न्दिरे इनके गुणाक नी गणना की बातों है जो एक गायेख मान है। गुजान जानने कि प्रमाप विजनन को श्रेणी के माध्य से विभागित करते हैं। इस प्रकार उपर्युक्त उदाहरों में है प्रमाप विजनन के श्रेणी के माध्य से विभागित करते हैं। इस प्रकार उपर्युक्त उदाहरों में है प्रमाप विजनन के श्रेणी के माध्य से विभागित करते हैं।

उदाहरण ४—प्रमाप विचलन का गुणाक
$$-\frac{\sigma}{a} = \frac{8}{33} = 0.261$$

उदाहरण ५—प्रमाप विचलन का मुखाक
$$=\frac{\sigma}{4}=\frac{1}{4}\frac{587}{2}$$
-0·378

उदाहरण ६—प्रमाप विचलन का गुणायक
$$=\frac{\sigma}{a} = \frac{10}{25} = 0 \cdot 436$$

श्रमाप विचलन के उपयोग

प्रसाप विचारन श्रेणों के सर्वाकरण का सर्वाधिक शतीपवनक भाग सममा जाता है। यह उच्चतर गामतीय पीतवाँ के किए उपयुक्त है और प्रतिकारों की घट-वड़ से कम प्रभावित होता है। इन कारणों से इस ना और हतके गुणाक का बहुत उपयोग होता है।

प्रतिचयन के सिढान्त में इसका विशेष महत्त्व है। प्रसामान्य असममित और एक बहुल्क कटनो में हम जावते है कि ---

- (1) a± जपरास के भीतर इन वटनी के लगभग ६६% पद होते है
- (11) a±2 ज्वरास के भीतर इन बटनो के लगभग ९५% पर होते हैं,
- (111) a±3σ परास के भीतर इन बटनो के लगभग ९९% पर होते है।

इस रीति की विभयों ये हैं कि यह शुबोध नहीं है और मूल्य जानने के लिए भारी राजना करती पड़ती है। यह समान्तर माध्य सं दूर स्थित परा को अधिक भार देता है।

दूबरे अपितरण सूर्व से क्षाय मार्पे —इस गूण ने बाधार पर बनाई गईश्रय मार्पे हैं

(अ) प्रसरण (Varrance) प्रमाण विवटन ने वर्गको प्रसाण कहते $\hat{\mathbf{g}}$ । सनेत में प्रसरण $-\sigma^2$ । इनना उपयोग साध्यिती सिद्धान्त में बढ रहा है।

(व) मापाक (Modulus) प्रसरण के दूने के वर्षमूल को मापाक कहते
 हैं। इसे ८ द्वारा ब्यवल करते हैं। सकेत रूप में:

$$c = \sqrt{2\Sigma(m-a)^2}$$

(स) विचरण वा गुणाक (coefficient of variation): प्रमाप विचयन के गुणाक को १०० से गुणा करने ते विचरण वा गुणाक मिळता है। कमी कभी प्रभाप विचयन वा गुणाक छोटी पांचि होता है, इस्तिष्ट इसे महत्वपूर्ण बनाने और प्रमाप विचयन वा माम्य के इस्प में प्रतिस्ता जानने के लिए विचरण-गुणाक की गणना की जाती है। सक्ते सें, विचरण-गुणाक — 2×100.

इ. चतुर्धक विचलान—चतुर्धक विचलन पहले और तीवरे चतुर्धको के अत्तर का आचा होता है। इसलिए हचे अर्थ-अत्तरचंतुर्धक पराझ (semi-intex-quartule range) औ नहते हैं। यह श्रेणी में दो चतुर्धको पर आचारित हैं और उपके अत्य पदो पर विचार नहीं करता। इसेने में

चतुयंब-विबलन =
$$\frac{Q_s - Q_s}{2}$$

उदाहरण ८ प्राप्ताको की निम्तिलिखत येणी का चतुर्यक-विचलन निकालना है. 10, 12, 15, 17, 20, 22, 24, 28, 30, 35, 38 ।

इस श्रेणी में

$$Q_{3} = \frac{n+1}{4}$$
 दे पद का परिमाण =3 दे पर का परिमाण=15 $Q_{3} = \frac{n+1}{4}$ $\times 3$, , , =9 \tilde{a} , , , =30 $\frac{30-15}{9} = 7.5$ अक

इसी प्रकार सतत और खडित श्रेणी के चतुर्थन-विचलन की थणना की जा सकती है।

सदुर्वक-विस्तान का गुणीक—नतुर्वक-विज्ञन ना गूल्य खेणी की इकास्यों से प्रमाशित होगा, स्वस्तिय तुल्या वर्ष्ट में इसका उपयोज नहीं दिया जा सपना। इसके आधार पर बनाया गया साधेत आधा जतुर्वक विज्ञन का गुणात है विसता मूख बतुर्वक विज्ञन को दो, जुर्जुकों में भाष्य के विस्तानित नरके जाना जो सहता है। सकेत में, चतुर्वक विज्ञन वा गुणीक — ((2, + (2,1)) 2 (2, + (2,1))

उपर्युक्त उदाहरण में चतुर्यक विवलन का गुणाक
$$=\frac{30-15}{30+15}=\frac{1}{3}=-333$$

चतुर्षक विचलन और उसके गुणांक का महत्व पूर्व उपयोग — ये उन स्तानो घर विरोध उपयोगों है बही इसे संची के सच्च मान का वर्षाकरण जानना हो। उन बारवारता बटनों में बही बद मध्य माग में अधिक महत्व हो, इन का उपयोग सारणां-पुर्व के किया जा सकता है क्योंकि कोंगों में स्थित पद स्व दशा में महत्वपूर्ण नहीं होते।

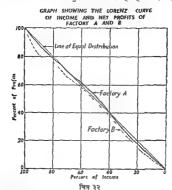
सर्पात्रस्य को माचो से संबंध—सैद्यानिक रूप से इन बापो में निश्चित और ठीक ठोक सबय नहीं दिखाया का सका है, परन्तु व्यवहार मेंदेला गया है कि प्रसामान्य असमित्रत बटनो में निम्बलिखित सबय होता है

 होरिंज वक स्थापन के समयी प्रतियत वक है। इसकी सहायता से दो खीणयो का अपिकरण लेलाचित्र द्वारा दर्शाया जा सकता है।

बक बनाने से पहले कुछ गणनाएँ की जाती है। पहले संधियों के पदी का अलग अलग सच्चन करते हैं और फिर में पधित (cumulated) मारवारावाएँ कुछ ने मंत्रियत के रूप में व्यन्त भी जाती है। यब रूग मंत्रियायों को माफ में मेन्त्रि विमा जाता है। इस चित्र का लेख काय चित्रों ये इस वर्ष में बचना होता है कि पीप-स्केक का सून्य और खैतिज स्केल का १०० मृश्विन्दु पर होते हैं। ग्रीप-स्केल में १०० और सैतिज स्केल के ० की मिलाने साली सरल रेखा समर्पवितरण रेखा (line of equal distribution) कहलाती है। निम्मलियित डंदाहरण और चित्र में यह बिधि दिखाई गई है.

			. 4.					
वास्त्रविक्त स्त्रभ ('०००)	सच्यी स्त्राम ('०००)	हुन्ड मा प्रतिथत	फैरडरी A मी आप ('०००)	सम्बद्धी आव ('०००)	ছুক্ত ৰু গ সনিহাত	क्षेत्ट्रती B की आप ('०००)	सचयो आय ('०००)	কুক দা <u>স</u> নিয়ন
22	22	5.0	6	В	6	16	16	8
35	57	12 9	8	14	14	20	36	18
44	101	22 9	11	25	25	18	51	27
45	146	33 2	9	34	34	18	72	36
50	196	44 5	8	42	42	20	92	46
52	248	56 4	10	52	52	22	114	46 57
42	290	65 9	12	64	64	26	140	70
40	330	75 0	10	74	74	18	158	79
54	384	87 3	14	88	88	22	180	90
56	440	100.0	12	100	100	20	200	100

छोरेंज बक का उपयोग माध्य से बिचरण जानने में बिया जाता है। और यह अप-किरण की प्रकृति और सीमा दिखाने की उपयोगी युक्ति है। इसकी सहायता से हम दो श्रीणयो के अपकिरणो की तरुना करने में समर्थ होते हैं। छाम, धन, आप,



मजदूरी आदि की समस्याओं का अध्ययन करने ने लिए यह विजेष रूप से उपयुक्त है। परन्तु इसका दोप यह है कि इससे अपिकरण ना परिसाण नहीं जाना जा सबता इसिक्ट इसका उपयोग किसी अन्य विधि के साथ करना चाहिए।

विषयता या श्रमक्रसिति के आपन

(Measures of Skewness and Asymmetry)

यदि बारबारता वक ना विभाजित नरती हुई काई ऐसी रेखा पाई जा सके जिसने दोनों ओर के वक ने भाग एक से हो तो उसे सर्वामत वक नहां जाता है। क्रमर ऐसे बक को ब्राफ पर अनित निया जाय और रेखा पर भोडा जाय तो रेखा के एक और का बक्र उतके दूसरी ओर के वक को ठीक ठीक ठक ठेवा। प्रभामान्य-पूर्ट दक (Normal Curve of Error) ऐसा ही वक है। यदि वक उसमित है हो ऐसा नहीं होगा। अध्यापित तक को विराम वक भी कहते हैं। सास्यिकों में नेवल यही जातम पूर्यांच नहीं है कि वटन विषम है या नहीं। यह मी जानना आवस्यक है कि यह पिस और वे विषम है और तिलाना विषम है।

विषयता को म्हार्टि— निची येथी का अपिकरण बताता है कि वद माध्य-मूख्य में दिवने निन्न है, उस्स् दिवसता बन्त को अव्हिन से मब्बिज है। इस प्रकार अप-क्रिया है, हम त्रों हमात्रा कि यद माध्य मूख्य के आजपास निय प्रकार एकरित है कि स्व विषयता इस बात पर विचार करती है। एक स्वमित वक्त में पर माध्य-मूच्य के सानों ओर पूर्णत शतुन्ति रहते हैं, गरस्यु अवयमित वटन में ऐसा नहीं होता। यद या त्री एक और विक् हुए होचे या ह्यारी आर माध्य-मूच्य के एक और पढ़ी का भार अपिक होगा। वह राश्चि जिलने एक और के पर पूर्वरी और के पद्मों से मारी पश्चे

यह आनने के लिए कि कोई धेणी विषय है या नहीं हमें निम्नलिखित बातों की जाँप करनी पाहिए

- (१) माध्य, माध्यका और बहुलक एकखम (identical) है या नहीं। समित बढ़नों में ये एक्सम होते हैं।
- (२) माध्यका से बनात्मक विचलन माध्यिका से ऋषात्मक विचलनों के बरावर है या नहीं । सममति बटनों में ये बरावर होते हैं ।
- (३) माम्थिका से ऐरी नापी के बिखु (point) जैसे चतुर्पक, दशमक, आदि बराबर दूरी पर है था नहीं । सममति वदनों में ये बराबर दूरी पर होते हैं ।
- (४) बहुल्क के दोनो ओर बराबर दूरी वाले पदो की बारबारता बराबर है या नहीं, सममित बटनो में यह बराबर होती है।
 - (५) श्रेणीको प्राफ पर अकित करने से सममति वक मिलता है या नहीं।

यदि इनने जत्तर हो हैं तो घेषी में विषमता नहीं है। परन्तु इस बात का व्यान रसना माहिए नि इनमें ते कुछ प्रस्तों के उत्तर निष्कायक हैं, परन्तु वसके नहीं। बदि पहले, पीरे या पाँचवें प्रश्न के उत्तर 'हिं' हैं तो वेशनी अवस्य समगति होगी। गन्तु पदि इतरे और सोसरे प्रस्त के उत्तर 'हीं' हैं तो विश्वयपूर्वक कुछ नहीं कहा जा सन्ता।

उदाहरण ने लिए निम्नलिखित थेणी पर विचार की बिए

11 21 14 35 17 27 15 28 18 18

यह सुस्पष्ट है कि उपर्युक्त श्रेणी समित्रत नहीं है वर्षात इसमें कुछ विपमता हैं। इस श्रेणी का माध्य १३'९ है और माध्यिका और बहुलक १४'० हैं। केन्द्रीय प्रवृत्ति के मापन एक नहीं हैं। बहुलक से बरावर दूरी वाले पदो की बारबारता भी समान नहीं है और न ही आफ पर अवित करने से हमें सममति वन मिलता है।

परन्तु हम पाते हैं कि माध्यिका से धनात्मक विजलनो का योग माध्यिका से म्हणात्मक विचलनो के योग के ठीक बराबर है। इसी प्रकार माध्यिका से धतुर्थको की दूरी बरावर है $(Q_3 = ??, Q_3 = ?§)$ । परन्तु फिर भी, जैसा हम देल चुने है, यह श्रेणी दिपम है। अतएव ये दा परीकार्ये पूर्णत सही नहीं मानी जा सकती। ये केवल प्रारंभिक जाँच ने लिये उपयक्त है।

विश्वमता के भाषन-विषयता में दो मापनो का साधारणत उपयोग किया षाता है। ये मापन समस्ति बटनो के लक्षणो पर आधारित है। समस्ति बटनो में माध्य, माध्यका और बहलक एक सम होते हैं । इसलिए यह स्वभाविक है कि इनके अस्तर को वियमता ने मापन ने नाम में लाया जाय । समस्ति बटनो का दमरा रुक्षण यह है कि चतुर्यंक और दशमको ने बिन्दु माध्यिना से बरावर दूरी पर होते है। इस्र्लिए चतुर्थको ने योग और माध्यिका का अन्तर विषमता का भापन हो सकता है। चुंकि विपमता बटन भी आकृति से संबंधित है, इसलिए यह अधिक अच्छा होता कि हम उसे नेवल सख्या के रूप में व्यक्त बारे अर्थात् उसे माप ने स्नेल से स्वतुन्त्र रखें। इसके लिए विषमता के गुणान की गणना की जाती है।

(१) विषमता का पहला माप-इसके लिए कई सुत्रो का उपयोग किया जा

सकता है। में हैं

(i) विषमता =a-Z, विषमता-गुणाक $=\frac{a-Z}{\delta}$ या $\frac{a-Z}{\delta}$, (ii) विषमता ≈a-M, विषमता गुणाक $=\frac{a-M}{k}$ या $\frac{a-M}{k}$

(iii) कार्ल पियसंन का विषयता-गुणाक = ^{a-Z}.

(1V) या जब बहुलक सुनिश्चित न हो तो $=\frac{3(a-M)}{4}$

कार्ट पियसँन का दूसरा सूत्र माध्य, माध्यिका और बहुटक के सबध पर बाधारित है।

(२) वियमता का दूसरा माए-प्रचलित सूत्र है

विषमता-- Q1+Q1-211

विषमता गुणाक- Q3+Q1-2M

उदाहरण निम्मलिखित श्रेणो के लिए विविध विधमता के माप निकालने है:

उपर्यंक्त श्रेणी बॅ

$$M=30+\frac{40-30}{25}(52-40)=34800$$

$$Z=30+\frac{25-18}{50-18-16}(40-30)=34$$
 375

$$Q_1=20+\frac{30-20}{18}(26-22)=22\cdot222$$

$$Q_3 = 40 + \frac{50 - 40}{16}(78 - 65) = 48125$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{30,000-103(-388)^3}{102}} = 1.706$$

इन वचनाओं से

ं. बार्ल-पियसंन का विषमता गुणाक

$$=\frac{a-\zeta}{\sigma} = \frac{34\overline{6}12-34\cdot375}{1\cdot706} = \frac{0.237}{1\cdot706} = 0.139$$

२ विषयता के दूसरे माथ का गुणाक

$$= \underbrace{\frac{Q_2 + Q_1 - 2M}{Q_3 - Q_1}}_{= \underbrace{\frac{48}{125} + 22}_{= 55 \text{ GB/S}} \underbrace{\frac{222}{222} - 2 \times 34800}_{= 6029}$$
$$= \underbrace{\frac{0.247}{25 \cdot 608}}_{= 5029} = \underbrace{\frac{48}{125} + 2222}_{= 222}$$

विषयता के मार्थों के लक्षण—प्रेणी नी रचना ना बय्ययन करने ने लिए विषयता के मार्प विदोप रूप से उपयंत्र हैं। इसनी उपयोगिता ना मूख्य भारण है कि यह इस्ताइयों से स्थतन कथ्या मात्र है। यदि बटन समियत है तो ये मार्प और इन में गण्डार या से होते हैं जो यह बदाता है कि प्रणों में गोई विषयता नहीं है।

दियमता के गुणाव को सीमाएँ निरिक्त करना समय नहीं है। हा, यह बस्त जा सकता है कि प्रसामान्य असमित बटना के लिए इनकी सीमाएँ बहुत उँची नहीं होती। अनिदिक्त बहुतक बाली स्वीमें के लिए काल पियसन के जिल सुब का उपयोग विचा लाता है उसका मून्य सामान्यत — के और — के की का सहता है। विचमता के हत्तरे माए वा मृत्य सामान्यत — है और — १ के बीक में उत्ता है।

विषमता-गुजाको की सार्यवता (significance) के बारे में कोई सुदृह नियम नहीं बनाए जा ककते हैं। परतु यदि इनका मूख ० १ से जम है तो वे अधिक सायक नहीं माने जाते हैं और पदि यह मूख ० १ से अदिक है तो ये अधि-सायक (highly significant) मान जाते हैं।

विषमता धनात्मक या ऋणात्मक हो सनती है। ऋणात्मक रूप से विषम श्रेणी के बक्त का खिचाव वाई और होगा और धनात्मक रूप स विषम श्रेणी के बक्त का खिचाव शाहिती और होगा ।

वियमता के दूबरे माप के गुणाक का उपयोग उन्हीं बसाओ से क्रास्त बाहिए जहाँ श्रीणों ने आरम और अन्त के पड महत्वपूर्ण न हा। इसकी गणना करना हरण है, परन्तु यह कम परिवृद्ध है।

QUESTIONS

- 1 Discuss the relative ments of range, standard deviation, and mean deviation as measures of dispersion (M.A., Allahabad)
- 2 What do you understand by dispersion? Explain the various methods of its measurement and point out their advantages (B Com, Luchnow)
- 3 Explain the significance of averages and measures of dispersion and skewness in the analysis of a statistical distribution (M | W , Luckrow).

ii ii, Lucaso

4 Show how measures of dispersion help in explaining that though frequency distributions may have the same values of their averages they may differ in their respective formations. In what respect are measures of dispersion of use in statistics.

(B Com Allahabad

5 Find the standard deviation of the following total revenues and working expenses of an Indian concern. Does the former of the latter show greater variation?

\ ear	Total Revenue (000)	Working expenses (00)	\ear	Total Revenue (000)	Working expenses (00
1922	156	9.6	1927	332	1015
1923	180	980	1928	350	1,520
1924	191	971	1929	355	1,525
1925	د20	972	1930	410	2,112
1926	332	1 020			

H Com , Bombas

6 The following is the information in respect of two series A and \overline{M} --

Series A	Series B	Series A	Series B
192	83	260	126
288	87	348	126
236	93	291	101
229	109	330	102
184	124	243	108

Find which of the series shows greater variability

(M A, Allahahad)

7 The following table shows the receipts from customs and income tax in India from 1931-32 to 1935-36. Find out the standard deviation and state whether the variation in customs in greater than that in income tax.—

Years	Customs	Income ta
	(Rs 00,00,00	(Rs 00 00 000
1931 32	46	17
1932 33	ə1	18
1933 34	46	16
1934 35	52	17
1935-36	\$ 3	17

(B Com Allahabad)

8 Calculate the mean deviation and its coefficient from the following data —

1 ear	Import (milion tons)	Year	(million tons)
1944	1.6	1949	3 7
1945	1.8	1950	2 1
1946	2 6	1951	4 7
1947	2 7	1952	3 9
1948	2 8	1953	2.5

(B Com, Allahabad)

9 The following table gives the male population of Kanpur and Jappur, in 1931 -

Age group (years)	Kanpur (000)	Jaspur (000)
0 5	14	9
5-10	13	8
10—15	13	8
15-20	13	7.
20-30	33	15
30-40	29	12
40-50	17	
50- 60	7	M
60-80	. 4	4

Which of the two series is more variable?

(B Com, Allahabad)

10 Which of the following two series is more variable?

	No of V	Vorkers
Weekly Wages (in rupees)	Factory A	Factory B
Up to 5	20	15
5—10	81	20
1015	30	35
15—20	25	30
20—25	20	18
25—30	15	17

(B Com, Allahabad)

11 An analysis of the monthly wages paid to the workers in two firms, A and B, belonging to the same industry, gives the following results —

	Firm A	Firm B
Number of wage earners	586	648
Average monthly wages	52 5	47 5
Variance of the distribution of wages	100	121

(a) Which firm, A or B, pays out the larger amount as monthly wage?

(b) In which firm, A or B, is there greater variability in individual wages?

(c) What are the measures of (i) average monthly wage, and (11) the variability in individual wages, of all the workers in the two firms. A and B taken together (IAS)

12 The following table gives the prices of two securities at quarterly intervals. Which of the securities in more speculative?

Give reasons for your answer -

Security A-1463, 1383, 1194, 1830,, 1934, 1530, 1464, 1500, 1500, 1634, 1440, 1490

Security B-110 115, 120, 185, 195, 120, 155, 230, 200, 190 195, 190, (B Com . Madres)

13 From the figures given below compare the variability of the population of Allahabad and Banaras

Allahabad	Banaras	Allahabad	Banaras
160	218	157	198
175	223	184	205
172	213	261	263
172	204		

(M A, Agra)

14 The index number of prices of cotton and coal shares in 1942 were as follows -

Month	Index number of Prices of Cotton shares	Index numbe of Prices of Coal shares
January	188	131
February	178	130
March	173	130
April	164	129
May	172	129
June	183	120
July	184	127
August	185	127
September	211	130
October	217	137
November	232	140
December	240	142

Which of the two shares you consider more variable in prices and why 3 (B Com, Allahabad)

15 Given

	Class A	Class E
Number of students	84	60
Mean marks obtained by students (out of 300)	120	127
Standard deviation of Marks	14	12

Find out if mean marks of Class A are significantly higher than those of Class B (M Com , Allahabad)

16 The marks obtained by students of classes A and B are given below Give as much information as you can regarding the composition of the classes in respect of intelligence —

Marks obtained	No of students in Class A	No of students in class II
5-10	1	5
1015	10	6
15-20	20	15
2025	8	10
25-30	6	5
 30—35 	3	4
35-40	1	2
4045	0	2

(B Com 4gra)

17 The following are the rents of 18 houses in a certain locality -

Rs a	Rs a
6 B	6 4
5 0	3 0
5 4	9 0
5 8	4 8
5 4	4 0
4 12	5 0
4 0	3 12
5 0	5 0
4 B	3 0

Calculate the mean deviation of this group (B Com . Lucknow)

18 Summers o Pe cips and Passengers of a certain Motor

B is Co

Year	Receipts	Passengers
1925	2,354	50,010
1926	2,780	61,060
1927	3,011	70,000
1928	3 020	70,110
1929	3,541	83,001
1930	4,150	91,100
1931	5,000	100,000

From the foregoing data find out one measure of dispersion and state whether the variation in receipts is greater than that in Passengers (B Com., Allahabad)

19 Calculate the mean deviation and a measure of skewness from the following data. What light does it throw on the social conditions of the community?

Difference in are between husband and unfo in a particular community

Difference in years	Frequency	Difference in years	Frequency	
0 5	449	20-25	109	
5-10	70o	25-30	52	
10-15	507	3035	16	
15-20	281	35-40	4	

(B Com , Bombay)

20 Compile a table showing the frequencies with which words of different numbers of letters occur in the extract reproduced below (omitting punctuation marks) treating as the variable the number of letters in each word, and obtain the mean, incluan, and the coefficient of variation of the distribution.

"Success in the examination confers no absolute right to appointment unless Government is satisfied, after such enquiry as may be considered necessary, that the candidate in suitable in all respects for appointment to the public service." [I A S]

21 The following table gives the yield of paddy in maunds per acre based on crop-cutting experiments in a certain area during 1940.41

Yield in maunds per acre	Frequency	Yield in maunds per acre	Frequency
0	4	24	128
8	4	27	73
6	32	30	50
9	81	33	13
12	135	36	12
15	198	39	5
18	210	42	1
21	144		
			1.090

Calculate the arithmetic mean, the median and the standard deviation of the distribution (1 A S)

22 How do you calculate the coefficient of variation of a distribution?

What is the justification for saying that about 68 per cent of the observed values lie within one standard deviation of the mean value?

The following marks were given to a batch of candidates -

66, 62, 45, 79, 32, 51, 56, 60, 51, 49, 25, 42, 54, 54, 58, 70, 43, 58, 50, 52, 38, 67, 50, 59, 48, 65, 71, 30, 46, 55, 82, 51, 63, 45,

• 53, 40, 35, 56, 70, 52, 67, 55, 57, 30, 63, 42, 74, 58, 44, 55

Find the coefficient of variation of marks

Also, draw a cumulative frequency curve, and from this curve find the proportion of candidates receiving more than 50 marks

23 What are measures of dispersion of a distribution? Why is the standard deviation most commonly used as a measure of dispersion in statistics?

Goals scored by two teams A and B in a football season were see follows --

	Number of Matches		
Number of goals scored in a Match	A	В	
0	27	17	
1	9	9	
2	8	6	
3	5	5	
4	4	3	

By calculating the coefficient of variation in each case, find which team may be considered the more consistent {I A S}

24 Explain the method of computing the standard deviation of a frequency distribution from a working origin different from the arithmetical mean

Calculate the standard deviation for the data given below using the interval 50-59 as working origin -

		-	
Class interval	Frequency	Class interval	Frequency
0 9	2	80-89	12
1019	4	9099	9
20- 29	23	100109	6
3039	30	110119	10
40-49	40	120-199	3
o059	45	130-139	1
6069	35	140-149	ı
70-79	25	150-159	3
		Total	249

How would the value obtained above be modified if you have to adjust it for the reason that the data are grouped in clus intervals ? (I A S)

25 Calculate the standard deviation of the following two series Which shows greater variation?

Series A	Series B	Series A	Series B
192	B3	260	125
288	87	348	126
236	93	291	101
229	109	330	102
184	124	243	108
			1000

(P C S)

26 Find the Arthmetic Average the First Moment of Dispersion the Standard Deviation and one measure of skewness from the data in the following series —

Size of stem	Frequency	Size of item	Frequency
3-4	3	7— 8	82
4— 5 5— 6	7 99	8 9 910	32 8
6— 7	60	3—10	8

(B Com , Allahabad)

27 The following table shows the number of workers in two factories whose weekly examines are given in column (1). Deter mine the mean values of weekly examines and standard deviation in both factories.

Number of workers in

	,,		
Range of weekly earnings	Factory A	Factory II	
4-6	74	71	
€ 3	376	379	
810	304	303	
10-12	110	112	
12-14	18	18	
1416	0	1	
16—18	9	5	
18-20	9	9	
20-22	0	4	
Total	900	900	

(MA, Calcula)

28 Calculate the Standard Deviation of the following —

\umber of persons in the family

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 Total

\umber of familes

166 552 580 433 268 148 77 41 20 8 5 1 2298 (M A , Allahabad)

29 The following table gives the number of finished articles turned out per day by different numbers of workers in a factory Find tie mean value and standard deviation' of the dealy output of finished articles and explain the significance of standard deviation.—

Number of articles	Number of workers	\umber of articles	Number of workers
18	3	23	17
19	7	24	13
20	11	25	
21	14	26	5
22	81	27	4
			(R Com (

30 Calculate the standard deviation from the following data

20 Calculate the stationard deviation from the longwing data					
Size o	item	Frequency	Size of item	Frequency	
	6	3	10	8	
	7	6	11	5	
	8	9	12	4	
	9	13	_	_	
			Total	48	

(B Com, Bombay and Nagpur)

 Discuss the usefulness of coefficient of variation. Calculate the coefficient of variation of height distribution from the following data.

Height in inches	Number of men	Height in in inches	Number of men	Height in inches	Number of men
57	2	64	669	71	392
58	4	65	990	72	202
59	14	65	1223	73	79
60	41	67	1339	74	32
61	63	68	1230	75	16
62	169	69	1063	76	5
63	394	70	646	77	2
				/3 F C 34	Tarak . A

(M.S.W., Lucknow)

32 The following table classifies the she buffaloes of India in 1940 according to the yield of milk per day. Calculate from the deat the mean and the median yield of milk per she buffaloe and its coefficient of variation.

) ield per day in lb	λο of she-buffalo in thousand
Upto I	114
Above 1 to 2	2005
, 2 to 3	7706
3 to 4	4590
m 4 to 5	2080
"5 to 6	240
,, 6 to 7	3500
Total	20315

(PCS)

2,000 35,400,15,40,1,500,300,6,90 250,20,

12 , 450 , 10 , 150 , 8 , 25 , 30 , 1,200 60
(B Com , Allahabad)

34 The following table gives the area under cultivation, production, net export, and price of wheat in the U.S.A.

^{3°} C-testate the eoefficient of variation of the following monthly incomes of twenty families given below in rupees —

Year	Area under cultivation (millions of Acres)	Production (millions of Bushel)	Net export (millions of Bushel)	Price per Bushel in Cents
1890	36 7	449	109	84
1895	38 9	542	130	51
1900	49 2	599	221	62
1905	46 3	706	101	75
1910	45 8	625	70	91
1915	60 3	1008	240	96
1920	62 3	843	313	183
1925	52 4	669	93	144
1930	62 6	886	112	67
1935	51 3	626		85

Compare the coefficient of variation of area under cultivat on and net export of wheat for the whole period (M.A. Paina)

35 What chief tests should a good average of a number of records satisfy? How far are these satisfied by (i) the arithmetic mean (2) the Median (3) the Mode (4) the Geometric Mean

The figures in the table below give the distribution of insane people in the Madras Presidenciy (1921) for each group Calculate the Arithmetic Mean Median and Quartile Deviation Draw the Histogram and the Ogive

Total 10 000

Age	Frequency	Age	Frequency
0 5	92	40-45	1019
510	393	4550	677
1015	600	5055	610
15-20	704	5560	339
2025	917	6065	30a
2530	1309	6570	257
3035	1433	70 and over	170
35—40	1175	~ B	Com Madrae

(B Com Madras)

36 The following table gives the frequency distribution of area under wheat in a sample of 282 villages in Meerut District

during 1936 37 Calculate (a) the standard deviation and the (b) semi inter quartile range of the distribution —

वर्णात्मक व	१८७			
Frequency	Bighas under wheat	Frequency	Bighas under wheat	Frequency
3	700	21	1,400-	3
3 7	800	23	1,500	
30	900	20	1,600	6
17	1,000	18	1,700	8 6 5 2
33	1,100 -	14	1,600-	2
29	1.200	14	1,900-2	.000 }
29 27	1,300-	16	.,	,
	-,			/F 4 C)

(I, A S)

Bighas under wheat 0-100-200-300-400-

500--600--

अध्याय 🗲

सरल सहसंबंध

(Simple Correlation)

पिछले अध्यायो में हमने येणी ना अध्ययन करने की विविध रीतियो का वर्णन किया था। हमने देखा कि श्रीणयो को रेखाचित्रों और छेखा वित्रो की सहायता से किस प्रत्रार निरूपित किया जाता है और उनकी तुलना कैंछे की जा सक्ती है। इसने बाद हमने वणनात्मक सापनो (भी प्रत्योत अर्थन्त की दिवसता के प्राप्तों) पर किचार किया। इस अध्याय में हम दो श्रीणयो के स्वष्ट क अस्तित्व पर विचार करेते। इसकी सहस्यय ना अध्ययन कहा जाता है।

परिभाषा—यदि दो चरा में नार्य-कारण सर्वेष (causal relationship) हा तो नहा जाता है कि वे छहत्वाचित है। नार्य-नारण हवार वा हो लागे सहस्य स्वार्ध है। हस्ता अप देख है कि एक घर में होने वाले पारवर्तन हुयरे घर में सार्यक रूप से परि- संत अर है। इससे हमें कर में से परि- संत अर हो है। इससे हमें कर में परि- सांप्य होता है। इससे हमें कर में परि- सांप्य होता है। इससे वह मण्ट ही जाना चाहिए कि बिना नार्य-नारण सबभ स्थापित स्थि, यदि दो चारे वे भिग्रवर्त सांप्य से बुद्ध होती है से उस हमें इस समें कि जनमें रुक्त स्वार्ध होता हो। अर वस्त में स्थापित स्वार्ध में स्थापित होती है तो से सहस्य किया है। अर वस्तु में से अपान से स्थापित सांप्य से च्यान से ज्यान से स्थापित हो से सहस्य किया प्रार्थ होता है। अर वहस्य से अनुसार इसमें कार्यक से अपान से स्थापित हो। इस सांप्य सांप्य हमें स्थाप की उपज बड़े और सांप सांच मत्त की जननक्या भी यहें तो यह हम् र क्यांच हा जा सकता कि इस्से सहस्य भी क्यांच स्थापित नहीं कर सकती हम हम्में सहस्य में क्यांच का स्वार्थ में की स्थाप की अर स्वर्थ में स्थापित हो। कर सुकते हो क्यांच हम की स्थाप की स्थापित नहीं कर सुकते हो। स्थाप स्वर्थ हो स्थापित हम स्वर्थ हो।

यदि वो चरो के परिवर्तन एक ही दिशा में होत है, अर्थान् यदि एक में नृद्धि हीने पर दूसरे में भी वृद्धि हमता है और एक में कभी होने पर दूसरे में भी कमी हांती है, तो हम कहते हैं कि इनमें ध्यातमक सहसवय है। इसके विरुद्ध यदि परिवर्तन किपरीत दिशाओं में होने हैं तो चरों में ऋषासम्बन्ध सहसवय है।

सहसंबंध का माप

िनन्हीं भी सर्वियत घटनाओं में सहसवध जाना जा सकता है परन्तु जहाँ प्राकृतिक विज्ञाना में यह सवध निश्चित रहता है और निश्चित रूप से बताया जा करता है, सम्प्रतिक विज्ञानों में यह समय नहीं है। इसका कारण सामाजिक विज्ञान के विज्ञानों को क्रकृति से स्पष्ट हा जायगा। यहाँ कारणा का करून करना जायस्वक है। तथ्य के बंबट यह है कि अगर पटनाएँ सर्वाचत हातो सहनवय नामा जा मक्ता है।

सहस्वय भी दा नोमाएँ हा सन्ती है या तो घटनाएँ पूर्णत सहस्वयंक्षेत्र होंगी या उनमें मेर्द नहस्वयं नहीं होगा । पूर्ण सहस्वयं को फल्नीय सवस (functional relationship) भी कहा जाता है। इस स्थित व स्थित ए दर के पिरत्नेती हो कारण हुमसे चर से एक निश्चित नियम में अनुसार परिपत्नेत होंगे। किमी वृत्त के क्षेत्रपरू और उसकी जिल्ला में एक निश्चित रायम है और A=m r² से सताम जाता है। यह पूर्ण सहस्वयं सा उदाहरण है। स्थल विपर्देत किसी किसी हो से स्थल विपर्देत किसी हो से सी जाता जाता है। यह पूर्ण सहस्वयं सा उदाहरण है। स्थल विपर्देत किसी हो सा उसकी स्थल हो होगा। इसके सम्बद्ध सा वाली स्थलियों हो सा के कर कम या अधिम सहस्वयं वाली स्थितियों हो सा दरि हो हो ।

सहस्तवध नापने की विधियाँ—सहस्ववध वी मात्रा (catent) जानने ने लिए कई विधियों का उपयाग किया जाता है। स्थूत रूप से सवज बताने के लिए केंद्रा चित्रीय विधि उपयक्त है। सहस्वबंध नापने की विधियों है

- (१) लेखा चित्रीय सहसवय (Graphic Correlation)—दो श्रेषिया हो आए पर अधित कर निया जाता है और सहसवय जानने ने लिए उनहीं ग्रांत-विधि (movement) ना निरोक्षण निया जाता है। यदि वना में एए ही दिशा हों आर नाने ही प्रवृत्ति हेता चरा में धनात्मन सहसवय है वरन्तु प्रवृत्ति विपरीत दिशाओं में बाने नो है हो सहसवय ऋणात्मक है।
- (२) प्रणेष विश्व (Scatter Diagram)—हम रीति में शेणियों को माम रा अंक्ट कर दिया जाता है और उसके बाद उनसे हानी हुई मुस्टुमम आनजन रेगा (line of best lin) बुनतरन्त सीजी जाती है। यह रेखा दिन्यों के जितने निनट हो गर उनकी होती चारिए। इस रेखा की दिया सहस्वय को प्रतिकृति जाती है। यदि रेखा बाई आर से दाहिशी ओर अगर वा जाती है तो प्ररूष्ट सम्प्रणाय है और विर्त रेखा बाई आर से दाहिशी आर तीने को आनी है तो सहस्वय फराम र है। इस रेखा बाई और से वाहिशी आर तीने को आनी है तो सहस्वय फराम र है। इस रेखा का बाज ग्रामण्याय (१८९४८७८०००) की माम बताता है। यदि विन्दु हिंगे सिसरे हो हिंगो है रेखा व सीची जा सके तो बरो में बहुत कम मा नहीं ने बरावर सहस्वय हराना है।

परन्तु ये दा विविधां केवल यह बता मक्ती है कि चरो में महमक्य है या नहीं। ये सहसबय का माप नहीं बतातो। इस प्रकार का माप सहसबक गुणाक से मिलता है। (३) सहसबस मुगाक (Coefficient of Correlation)—सहमब्द की मात्रा नायन के दिन काल विवर्तन सहसबस मुगाक का प्रयोग किया जाता है। यदि पूण महस्त्रम हो तो यह मुगाक + र या — र होता है। यदि सहसबस न हो तो दसना मून्य ० होता है। यदि मुख सहसबस हो तो गुगाक ० और १ के बीच में होता है।

माल पियसन ये सहस्रवय गुणाक की गणना नरने के लिए निम्नलिखित सूत्र ना उपयोग निया जाता है $r = \frac{E \pi \gamma}{2 \pi r a}$

भाग । नया जाता ह $\tau = \frac{1}{\pi \sigma_1 \sigma_2}$ जहाँ । सहसदघ गुणाव है

हा । सहसवध पुष्पाव ६ अ और १ पहली और दूसरी खेणी के पदी के उन श्रेणियों क माध्यों से विचलन है

n पदानी संख्या है

σ₂ और σ₂ पहुरी और दूसरी श्रेणिया के प्रमाप दिचलन है
 एक निरोक्तको की श्रेणी

. उदाहरण १—मृत्य और पूर्ति ने वीच सहसबध की गणना करनी है

मूल्य	माध्य (13) से विचारन(dx)			माध्य (22) से विचलन(dy)	विश्वलन- वय (<i>dy</i>) ²	विचलनो क गुणनफल(*y)
3	-10	100	10	-12	144	120
5	-8	64	12	-10	100	80
5 6 9	7	49	15	-7	49	49
9	-4	16	18	-4	16	16
10	-3	9	20	-2	4	6
10 12 15	-1	1	22	0	0	Ö
15	+2	4	27	+5	25	10
20	+7	49	30	+8	64	56
22	+9	18	32	+10	100	90
28	+15	225	34	+12	144	180
n=1	0 0	598	n10	0	646	+607

$$\begin{split} &\sigma_1 = \sqrt{\frac{2}{n}} - \sqrt{\frac{5}{n}} - \sqrt{\frac{5}{10}} | -\sqrt{5}9 | 8 &= 7.733 \\ &\sigma_2 = \sqrt{\frac{12}{n}} - \sqrt{\frac{5}{10}} = \sqrt{\frac{5}{10}} = \sqrt{\frac{64}{6}} = 8.037 \\ &r = \frac{2 \times 7}{n_0 \times 9} = \frac{+607}{9 \times 7.733 \times 6.037} = \frac{+607}{621.5} = +.977 \end{split}$$

प्रमाप-विचलनो के मूल्य अलग अलग न निकाल कर पूरी गणना साय साथ भी नो जा सननी है

$$r = \frac{\Sigma_{5}}{n \sqrt{\frac{E_{0}h^{2}}{2}}} \times \frac{12E_{0}h^{2}}{10\sqrt{\frac{598}{10}}} \times \frac{4607}{10} \times \frac{4607}{10} \times \frac{4607}{10} \times \frac{4607}{598 \times 646}$$

$$= \frac{+607}{6215} = +977$$
or
$$r = \frac{\Sigma_{7}}{\sqrt{2}E_{0}h^{2} \times 2E_{0}h^{2}} \times \frac{+607}{\sqrt{998 \times 646}} \times \frac{+607}{\sqrt{98640}} \times \frac{+607}{6215} = +,977$$

कमुरीति—बहुया श्रीणयो के मध्य पूर्णाक नहीं होते । फल्टबब्ब गंगना करता बहुत यहुतियान्तक हा जाता है । फल्टी होने नो समस्वा यद जाती है । रुप्पेति में सेते दूर कर बिया जाता है । इस रोति में उपमुख्त बिलारों सैंगियों में नाम्स मान की जाती है और उनके आयार पर क्लाम करके आस्वस्वक सनायोजन कर लिस्से जाते हैं । इसके रिस्प चित्रम मूत्र का उपयोग क्यां जाता है वह ह

$$r = \frac{\sum_{3j-n} \sum_{n=1}^{\infty} (a_3 - n)(a_3 - j)}{n} \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} (a_3 - j)}{n}}$$

उदाहरण २-मूल्य और पूर्ति में सहमवध की गणना करनी है

10 15 17 20 22 24 25	-9 -7 -2 0 +3 +5 +7 +8	(dx) ² 81 49 4 10 9 25 49 64	25 30 32 35 37 40 42 45	10 5 3 0 2 5 7	(dy)* 100 25 9 0 4 25 49 100	59 90 35 6 11 6 25 49 80
π=8 α=1: x=1:		281	n=8 n=35 7 j=35	7	312	+291

$$7 = \frac{+291 - 8(176 - 170)(357 - 450)}{8\sqrt{\frac{281 - 8(176 - 170)^{8}}{8}} \times \sqrt{\frac{312 - 8(357 - 350)^{8}}{8}} + \frac{+291 - 8\times 6\times 7}{8\sqrt{\frac{281 - 8\times 6}{8}} \times \sqrt{\frac{312 - 8\times 35}{8}} - \sqrt{\frac{351 - 6\times \sqrt{39 - 7}}{351 - 6\times \sqrt{\frac{39 - 7}{395}}} = +\frac{36375 - 420}{\sqrt{345} \times \sqrt{\frac{38}{395}}} + \frac{+35955}{5874\times 6180} - \frac{+35955}{9631} = +983$$

समहित श्रेणी में सहसवय

उपयुक्त उदाहरणो म हवने एकँक निरीक्षणा को योणिया पर विचार विचार । परण्ड बहुआ पद समूहा (लाहित यां चवत) म विभाजित विष् रहत है। इन समूहित स्रोणियों में सहस्वका निवारणे भी विशि कुछ मित्र होता है। उदाहरणांव इस क्षेत्रपांत और इतिहास ने प्रान्ताकों में सहस्वक यानाना चाहत है। यह समय है वि समयात्त्र में १५,२५ कर भाग्त करने वाग विचार्यी इतिहाम में १०,२० या २० ३० वक प्राप्त करें। जब धन्मी व्यक्ति हाती है तो सामग्री विगय प्रकार भी सारणी म वी जाती है जिस विषय बारवारता बटन की सारणी (Table of Bivariate Trequency Distribution) या सन्मवस सारणां (Correlation Table) कहत है।

उदाहरण ३—निम्नलिखित सारणी में १०० विद्यायिया क इतिहास और अध्यास्त्र के प्राप्ताक दिय गय है। इनमें सहस्वय की गणना करो।

~		इतिहास	में प्राप्ताक			
भयगस्त्र में प्राप्ताक	10-20	20—30	30—40	40—50	030c	याग
15—25	6	3				9
25-35	3	16	10			29
35-45		10	15	7		32
45-55			7	10	4	21
55-65				4	5	9
योग	9	29	32	21	9	100

Marks in II story

					Tag and	WINDS IN III BE DEVI	4							
	10_20	20-20	0-10	10	40—30		50—60 Total Mid $d\mathbf{r}$ fxy fxy (40)	Mid	dt (40)	(c)	XPS	4x9	fdx4	
Marks in Fronomics														
15-25	+400	+200					6	20	8	+3000	-130	9	3600	
2535	+200	+100 16 16 16 16	0 0 0				ន	30	9	+2200	-290	100	2000	
35-15		000	15	۰ ,	1 0		8	유		0	0	0	Q	
45—55			6 7	+	001	+200	2	S	90 +10	+ 1800	+210	100	2100	
25-65				7	4	+400	6	\$	420		+ 180	400	3600	
Total	6	29	122				100	,		+ 9900	8		12200	
M d value	07	100	ا ۾ ص	4 4		8 7								
100	180	+2200	00	+"	1800	+2800	980							
14/8	31.00	100	•	02	2100		1,200							

स॰ १३

 $=\frac{+97.36}{101.36}=+8054$

उपयुक्त सारणी म हम σ ने मृत्य अलग से जान सकते हैं या उनकी गणना साय-साय ही की जा सकती है। नीचे हमने σ की यणना साथ साथ ही की है।

$$a_1=40+\frac{-80}{100}=39\ 2 \qquad a_2=35+\frac{-80}{100}=34\ 2$$

$$r-\frac{2xy-n(a_1-x)(a_2-y)}{n} \frac{2xy-n(a_1-x)(a_2-y)}{n} = \frac{-9800-100(-8)(-8)}{100\times\sqrt{\frac{12200-100}{100}(-8)^3}\times\sqrt{\frac{12200-100}{100}(-8)^3}} \times \sqrt{\frac{12200-100}{122}(-8)^3}$$

$$= \frac{+98-64}{\sqrt{122-64}\times\sqrt{122-64}} = \frac{+97.26}{\sqrt{121.36}\times\sqrt{121.36}}$$

दो सेलियो के अल्प कालीन दोलतों में सहसवय मुचाक (Coefficient of Correlation between Short Time Oscillations of two series)—अल्यवालीन दोलना में सहसवय पात करने को आवस्पवता पनने वा बारण यह है कि अल्पान कर में हो करते हैं कि गहनवय की दिया दीपवा गीन सहनवय के विपत्ती हो। इस सहसवय को गणना करने में सवस्पय प्रणात (Irend) को निरस्त (elimination) कर लिया जाता है जिससे वेवल अल्पान ने मध्यत रह जानो है। उपनित निरस्त पत्ती विधिया का विस्तारपुषक वणन अप्यात ६ में दिया गया है और रम भाग का पड़न से गहरे उसवा अप्यात कर लिया जाता है। उपनित निरस्त पड़ने से महरू अल्पान कर लिया जाता साहिए। सहस्तव भी गणना करने में निम्मिणिकत मुल का उपभार विचा बाता है।

$$r = \frac{\sum xy}{n\alpha_1\alpha_2}$$

जहाँ * और * पहली और दूसरी श्रीभियों में अल्पनालीन दोलन है अ अस्पनाठीन दोलनो की सख्या है

σ₁ और σ₂ बल्पकालीन दारनो के प्रमाप विचरन है अत्तर्व उपयुक्त सुत्र निम्निलिशित %प में भी रखे जा सकते है

 $\tau = \frac{\Sigma_{XY}}{\pi \sqrt{\frac{\Sigma_{XY}}{\pi}}} = \frac{\Sigma_{XY}}{\sqrt{\Sigma_{X}}}$

उदाहरण ४---निम्निक्सित धेणियो के अल्पकालीन दोलनो में सहस्रवय गुणाक निकालना है।

	दर्ष	i			বুর্নি			मूह्य	
	192	1			80			146	
	192	2			82			140	
	192	3			86			130	
	192	24			91			117	
	192	25			83			133	
	192	26			85			127	
	192	27			89			115	
	192	28			96			95	
	192				93			100	
क्षण सक		 वर्षीय चत्र भ	ानने औ	र दक्ष	मलवो ।	ी उपेक्षा क	रेगे		
4 da	1111								
		重章	图 3			华皇臣	€3		
	.l=	नित्तु नियः न म	F 15	-	12	उपनित दीन दर्गीय गति- मान माध्य	148 394		X
म्प	ब्रीय	न न न	おか	bt		F F E	हिं कि	2	H
1921	80				146				
1922	82	83	-1	1	140	139	+1	1	-1
1923	86	86	0	0	130	129	+l	1	10
1924	91	87	+4	16	117	127	-10	100	-40
1925	83	86	-3	9	133	126	+7	49	-21
1926	85	86	1-	1	127	125	+2	4	-2
1927	89	90	-3	9	115	112	+3	9	-3
1928	96	93	+3	9	95	103	-8	64	-24
1929	93				100				
			-						
		n=7		45		n==7		228	~91
		F			01				
	<i>r</i> =	$\sqrt{x^2 \times y^2}$	or #=	V45	×228	<u>-91</u> √10260	$=\frac{-91}{101}$	O	8954

सहसंबध गुणाक की संभावी श्रुटि

कार्छ पियसँन के सहसवय गुणान ना एन लाम यह है नि इसने लिए सभावी पृष्टि की गणना की जा सकती है। r की सभावी पृष्टि =0 6745 \times $\frac{1-r^2}{\sqrt{r}}$

उदाहरण ५—उपर्युक्त उदाहरण ३ वे सहसवध गुणाव की सभावी पृष्टि निकालना है।

सभावी बृटि = $0.6745 \times \frac{1 - 8054^2}{\sqrt{100}} = 0.6745 \times \frac{1 - 6487}{10}$

=0 6745×0 0351=0 0237

इसलिए इतिहास और अर्थशस्त्र के प्राप्ताको वा सहस्वय गुणाव ± 0.0237 के बीच में होगा ।

संमाबी कृटि का कहत्व—सहसवध गुणाक का निर्वचन करने से पहले यह आवश्यक है कि सभावी कृटि की गणना कर की जाय।

जत स्थितियों में यही प्रतिर्था भी सहायता से अध्ययन किया जाता है समीषें मूटि का विशेष सहल है। मान लेजिए विश्वविद्यालय में ७,००० विद्यार्थी है और इसकी इतिहास और अर्थताक्ष में परीशा की जाती है। यदि हम इस हो विषयों में स्वता के ताल का सबय जानना चाहें तो वो विधियों समस है (१) हम ७,००। विद्यार्थियों के ताल का सबय जानना चाहें तो वो विधियों समस है (१) हम ७,००। विद्यार्थियों के ताल का सबय जानना चाहें तो वो विधियों समस है (१) हम ७,००। विद्यार्थियों के तिए पत्ता पत्ता करें, या (॥) हम एक छोटा यदृष्ट प्रतिरक्ष से वी १०० विद्यार्थियों ना हो सोत इसके हमें की पणाना करें। यह सुम्यण्ट ही तृत्ति विधि अधिक सुविधाननक है। परन्तु इस विधि का प्रयाग हम पेकल तभी कर सनते विधि अधिक सुविधाननक है। परन्तु इस विधि का प्रयाग हम पेकल तभी कर सनते हैं तथा हम इस हम समें सहस्तव मुणात को मूट्य लगमण क्या होगा। सभावी नृदि की सहस्तव में हम हमस्तव मुणात को मूट्य लगमण क्या होगा। सभावी नृदि की सहस्तव मुणात के समस्त सन्ति हम समस्त पहुंग । उद्याहरण ३ में सहस्तव मुणात +0 8054 था और इसी मानवी नृदि 0 0237 है। इसतिस्प पूरे समूह को सहस्तव मुणात -0 8054 ±0 0230 या +0 7031 और +0 8291 के बीच में होंगा।

में राहराबभ गुणाक दनके बीच में रहता है। इसका वर्ष यह हुबा कि +1 मा —1 के निस्टबर्सी कहरूवथ गुणाक व्यक्तिमाना में उबथ बताता है। वेरी-वेरी इसका मूट्य ० के निक्ट जाता जाता है, उबथ की मात्रा कम होती जाती है। इन तामान्य नियमों के साथ-माथ बुख विकिट्ट नियम है। में नियम है

- (१) यदि = अपनी समानी तुटि से कम है तो नह सार्थक नही है और गरि यह अपनी सभावी त्रटि के ६ गमें से अधिक है तो यह निरुच्य ही अति सार्थक है।
- (२) यदि र का मूल्य ०३ से अधिक है और सभावी बृटि अधिक नहीं है सी यह सार्थक माना जाता है।

कार्ल विवर्सन के सहसंबंध गुणांक की कल्पनाएँ—कार्ल विवर्सन का सहसवध गुणाक निम्नलिखित कल्पनाओ (assumptions) पर आधारित है

- जिन दो चरो में सहसबध स्थापित किया जाता है वे बृह्त् सल्या में स्वतत्र कारणों से प्रभावित होने चाहिएँ, जिससे घरो का बटन प्रसामान्य हो । यदि चरो का बटन प्रसामान्य नहीं है तो सहयवथ गुणाक विश्वेप सार्थक नहीं होता ।
- २ इन दो चरो को प्रश्नावित करने वाले कारणो में कार्य-कारण सबध हो। मंदि कार्य-कारण सबध को स्थापना नही की जा सकती है तो सहसबध गुंणाक का कोई अर्थ नहीं है।

संगामी विचलनो का गुवांक (Coefficient of concurrent deviations)—जब हमे चरो को दिवा में सहस्वयम गुवाक जानना रहता है और हम चरो को मात्रा के रिकान में सहस्वयम गुवांक नहीं जानना चाहते हैं वो स्वामी विचलनो के गुवांक की राजना की जाती है।

इसकी गमना करने की सीति सरछ है। इसमें यह जावा बाता है कि श्रीणियों में दिन दिखाओं में परिवर्जन हो रहा है। यदि परिवर्जन एक ही दिशा में होता है तो सहसवय प्रनासक है और गरि परिवर्जन विपरीज दिशाओं में हो रहा है तो सहसवक श्रूपारक है। बगामी विचलनों का गुणाक निम्मलिकिंख गूण की सहायदा ते निकाला जाता है $y=-1-\sqrt{1+\frac{2c-a}{c}}$

निकाला जाता है $t = \pm \sqrt{\pm \left(\frac{2c - a}{n}\right)}$ जहाँ n पदो के युग्नों की सस्या है और n सगामी विजलको की सस्या है t

जहां 1 प्या के यूक्ता की सस्या है और 8 समानी विज्ञकतों की सच्या है। यहीं यह सातव्य है कि मूठ के अन्यर को शांति धन है तो वर्ष के बाहर का और वर्ष के भीतर का बिह्न भी धन होगा, और शरि मूठ के अन्यर की राशि ऋण है तो नर्ग के बाहर का और वर्ग के भीतर का चिह्न भी श्रृण होगा। उदाहरण ६--निम्नलिसित थेणी थे संगामी विचरना का गुवार निराजन

है				
मू	त्य	व्यायात	मूरय	ञायात
36	86	22	384	26
38	34	21	39o	25
38	35	24	403	29
36	51	20	400	28
34	17	22	305	27

हल

सूल्य	विचलन की दिशा	भायात	विचलन की विशा	सगमी विच
368		22		
384	+	21	-	_
385	+	24	+	+
361	_	20	_	+
347		22	+	_
384	+	26	+	+
395	+	25	-	_
403	+	29	+	+
400	~	28	-	+
285	_	27	_	-

$$t = \pm \sqrt{\pm \left(\frac{(2i-n)}{n}\right)} = \pm \sqrt{\frac{\pm (12-9)}{9}} = +\sqrt{335} = + MR$$

यह दृष्टब्य है नि 'c' वा मृत्य अन्तिम वॉरम ने यन (+) चिह्ना न बरावर हो। यहाँ 1 का मृत्य '+' है क्वाफि (2c-n) पनारमव है।

उदाहरण ७---निम्तरिखित श्रेकी ने रिए सवामी विचलन का युवाक निकारती है।

4.					
वर्ष	गृत्य	भागत	श्य	मूल्य	লায়ার
1901	22	10	1906	30	16
1902	24	12	1907	32	15
1903	27	11	1908	30	16
1904	26	155	1909	30]	17
1905	28	14	1910	31	18

मृत्य	विचन्न	जायान	विच ल्न	सनामी विच <i>र</i> न
22		10		
24		12		
27	-	11	_	-
26				-
28				_
30	_			
32	-		_	_
30			_	
30	=		_	
31	wher	18	-	
	22 24 27 26 28 30 32 30 30	22 24 + +	22 10 24 12 27 11 26 12 28 14 30 16 32 15 30 16 30 16 30 17	22

$$r = \pm \sqrt{\pm \left(\frac{2c - n}{n}\right)} = \pm \sqrt{\pm \left(\frac{6 - 9}{9}\right)}$$
$$= \sqrt{\pm \left(\frac{-1}{9}\right)} = -\sqrt{11} = -1089$$

मह दृष्ट्य है कि (१) १९०९ के मृत्य क आगे '=' विह्न बनाना गना है क्रोकि इस बन का मृत्य १९०८ से जिन नहां है, नयान काई विचलन नहीं हूं।

(२) अब चाहे १९०९ के आयात वा विश्वल्य ऋषा मक हा या यना नक, सगोगी विवल्य ऋषा मक ही होगा।

(३) परन्तु यदि १९०९ कावात में थी १९०८ कावान के उपर हाई विचन्न न होता अर्थात उनका मी चिन्न '=' होता तो मगामी विचलन धन (-) होता।

(४) (2e-n) ऋणासर है, इमल्लि γ मा ऋणासर है।

सहम्बद्धमात म तमय-परवना वा स्थान (Place of tune-lag un Correlation measurements)—कानी-नवी यह होना है हि एए चर वे परिन ता हुन्दे पर पर प्रमान हुन्द संघम नार चरता है। एस विध्य-पराव कुरते हैं परम्प्यक्ष पर में जी दूराती वा मनुगरप करती है। ऐसी निक्रिया में महम्मन सुमाह की गामना करते ने पहले तमय-परवा वा मनुगित ध्योत रखना चाहिए प्रथमा प्रकृत्व पृत्ता करते हैं।

OUESTIONS

I Explain the term "Correlation Coefficient" The following is a correlation table for the height and chest girth of students in a College, determine an index to measure the extent to which height is associated with chest girth —

5 11"

Chest gurth

		24*	25*	26"	27"	28"	29"	30"	31"	32*	33"	34*	35*	36"	37"	
5	00"	1		2		2		I				1				
5	1"		1		2	1	3	4	1	4		1				
5	2"			1	2	1	7	. 7	3	5	1			1	1	
5	3*				1	5	. 4	. 8	4	5	. 3					
5	4"				1	1	5	15	6	7	4		2	1	1	
5	5*					1	7	9	6	4	2			1	1	
5	6"					2	7	13	10	7	4	2	2			
5	7"					1	3	7	6	4	3	3				
5	8*							4	1	3	1		1			
5	9"							3		1						

(B Com, Madras)

2 Calculate the coefficient correlation from the following

i

table —					
Year	Bank of Bengal	Bank of Madras	Year	Bank of Bengal	Bank of Madras
1904	487	524	1912	542	605
1905	509	511	1913	595	665
1906	642	609	1914	545	589
1907	610	639	1915	569	570
1908	583	638	1916	678	709
1909	524	598	1917	603	732
1910	533	591	1918	554	669
1911	551	597	1919	562	665
			1920	606	620

(B Com , Madras)

3 The following table gives the price and the quantity of wheat exported from India during the last six years. Calculate the coefficient of correlation between the quantity of wheat exported and its price —

ed and its price -				
Year	Price Rs	per a	cwt P	Quantity in thousand tons
1924 25	8	12	10	1 112
1925 26	1.0	3	2	212
1926 27	9	9	3	176
1927 28	9	3	6	300
1928 29	9	11	3	115
1929 30	10	3	3	13

(II Com , Allahabad)

4 The following observations are extracted from a report of some experiments on rats in the Autunton Research Institute, Coonoor Find the coefficient of correlation —

Cooncor Find	the coemcient of	correlation -	-
Body weight (in grms)	Thyroid weight (in mg)	Body weight (in grms)	Thyroid weight (in grms)
76	88	54	5 2
8.3	7 8	92	9 0
100	9 0	106	8 0
78	9 4	93	7 0
65	8 4	70	6 4
90	9 4	55	4 8
70	6 6	45	5 0
73	7 0	72	8 4
83	Ø 8	59	5 4
139	10 B	78	8 6
106	8 6	87	9 2
80	6 8	87	10 M
79	9.2	64	7 2
68	8 0	87	9.8
86	7 0	88	9 6
66	5 2	93	10 2 (M A, Allahabad)

	-	(MA, Allahabad)
5 Calculate the mortality and overce		of correlation between infant the following data
		Percentage of
Infant Mortalit	5	population overcrowded
109		14 9
122		6 3
96		5 8
142		12 2
151		33 2
124		13 3
125		14 6
102		8 8
109		4 9
156		39 8
122		6 3
		(B Com Hons, Transcore)

6 What does a correlation coefficient measure? Calculate the correlation coefficient between X and Y

Serial no X Y Serial no X

1	65	74	8	644	637
2	144	135	9	471	459
3	219	224	10	217	241
4	378	346	11	67	61
5	465	468	12	38	48
6	557	600	13	176	100
7	685	676	14	100	176
				(B Con	m , Madras)

7 Give a formula for correlation coefficient, and state its principal uses If the correlation coefficient between two variables is zero are they necessarily independent? (M.A., Calcutta) 8 From the following figures calculate the coefficient of corre-

lation between the population of Agra and Cawapore -

Agra	Cawnpore	Agra	Cawnpore
160	155	164	216
169	194	205	243
188	203	284	487
164	179		
			(M A, Agra)

9 From the ages given below of the husband and wife at the time of marriage, find if there is any correlation between them. Whose age is more variable?

Age of husband	Age of wife	Age of husband	Age of wife
25	18	22	16
22	15	40	21
28	20	20	15
26	17	18	14
35	22	19	15
20	14	25	17
			(B Com , Agra)

10 Calculate the coefficient of correlation between the ages of 100 husbands and waves from the following data —

Age of 1 husbands in	l Age of wives in years							
versa	10-20	20-30	30—10	0c-0t	o8−60	Total		
15-25	6	3				9		
2535	3	6	10			29		
35-45	-	10	15	7		29 32		
4555			7	01	4	21		
22-63				4	э	9		
Total	9	29	32	21	9	100		

(M Com , Agra, B Com , Lichran)

11 From the following figures calculate the coefficient of correlation between the income and general level of prices -

General level of prices	Income	General level of prices
100	640	290
104	680	300
115	720	320
160 280	7:00	330
	of prices 100 104 115 160	of prices 100 640 104 680 115 720 160 750

(NLA , Agra)

12 Find if there is any significant correlation between heights and weights given below —
Heights (in inches) 57, 59, 62, 63, 64, 65, 55, 58, 57

Weights 113, 117, 126, 126, 130, 129, 111, 116, 112 (8 Com , 4gra)

13 From the figures find the coefficient of correlation between the rate and the number of passengers, and between the rate and the net profits Explain the difference

Rate per unit	No of Passengers	Net Profit
5 0	30,000	27,000
4.5	40,000	28,000
4 0	60,000	30,000
3 5	100,000	30,000
3 0	150,000	30,000
		(M Com, Agra)

14 The following table gives the ages of 10 students when they left off studying and the salary per annum each was earning when he reached the age of 30

Find Karl Pearson's coefficient of correlation between them

Age in years Salary 17 17 18 19 19 20 21 22 23 230 210 290 220 330 320 360 340 420

(B Com, Lucknow)

15 Calculate the coefficient of correlation between marks obtained in History and Political Science from the following data.

7							
Roll No	Marks in History	Marks in Politics	Roll No	Marks in History	Marks in Politics		
1	20	26	7	13	19		
8	13	18	8	19	11		
3	35	29	9	24	23		
4	16	12	10	28	25		
5	23	24	11	21	23		
6	26	31	12	31	33		
				(MSW	. Lucknow)		

16 The following table gives the frequency according to agegroups of marks obtained by 52 students in an intelligence test Calculate the coefficient of correlation between age and intelligence

	Age in years							
Marks	16—18	18—20	20—22	22-24	Total			
10—20 20—30 30—40 40—50 50—60 60—70	2 3 3 2	1 2 4 2 1	1 3 5 3 2 2	2 6 4 2 1	10 18 11 5 4			
Total	10	11	16	15	52			

(BA, Lucknow)

¹⁷ If m 12 pairs of frequency distributions, σ_1 , the first standard deviation is 3 742, σ_2 the second standard deviation is 7 389, and x_2 , the sum of the products of pairs of deviation is—285, calculate r, the co-efficient of correlation and interpret it

Value of

Building

DETTOIR

(thou

Number of

Building

permits

(thou

18 Calculate the coefficient of correlation between the num ber and value of building permits from the table given below. Also calculate the probable error of the coefficient.

Vear

Value of

building

permuts

(thou-

Number of

building

permits

(thou

Year

	sands)	sands)		sands)	sands)
1927	21	41	1933	38	76
1928	118	34	1934	36	72
1929	23	38	1935	32	99
1930	34	67	1936	33	67
1931	36	68	1937	32	58
1932	58	84			
				/31 S W	! Parcknows

19 The following table gives the weight and height measurements of 600 school children. Calculate the coefficient of correlation between heights and weights of children. Also compute the probable error of the coefficient of correlation.—

Weight	Height (in inches)						
pounds)	4043	44-47	48—ə1	52—55	5659	60-63 10	
35— 54 55— 74 73— 94 95—114 115—134 135—154		80	120 48	176 16 8	24 64 B	208 248 16 96 16 24 8 16	
Total	8	80	168	200	10+	40 600	

(B A , Lucknow)

²⁰ Calculate the coefficient of correlation between the prices and output from the data given below —

-			
Output	Price	Output	Price
250	140	500	165
300	142	550	170
315	150	480	169
400	160	490	165
420	160	540	158
380	158	590	153
300	152	520	157
405	155		

(M S W, Lucknow)

21 Find the coefficient of correlation in the prices of articles A and B given below and interpret it —

					(B C	om , Luc	know)
В	49	43	41	42	42	39	40
Α	135	130	127	129	128	129	126

22 Calculate the coefficient of correlation and probable error between the heights and weights —

			Weight i	n pounds		
Height in	80 to	90 to	100 to	110 to	120 to	Total
inches	90	100	110	120	130	
50—55	2 4 2	6	12	10	5	35
55—60		7	20	13	8	52
60—65		11	25	20	13	71
65—70		6	17	14	5	42
Total	8	30	74	57	31	200

(B Com, Allahabad)

²³ The following table gives the indices of cost of living for Calcutta and Allahabad for middle class families during the year 1946 Find the correlation between the two series and comment on the possibility of predicting the conditions in Calcutta from a knowledge of the cost of living under. in Allahabd—

26 Find out from the following data whether there is any correlation between production and imports of cereals in India —

D-- 1- ---

1944 1945 1946	48 2 47 1	1 6 1 8
		1.8
1946	** *	
	41 9	2 6
1947	42 2	2 7
1948	43 7	2 8
1949	43 3	3 7
1950	46 0	2 1
1951	41 8	4 7
1952	42 4	3 9
1953	47 6	2 5 om , Allahabad)

27 Calculate the coefficient of correlation between cotton cloth manufactures and woolen manufactures from the following data for July 1951—June 1952 —

Index of Industrial Production in India (Base 1946-100)

	(Base 1946-100)	
Month	Cloth manufactures	Woollen manufactures
July	c01	64
August	108	63
September	106	66
October	100	62
November	104	69
December	105	61
January	104	57
February	111	55
March	104	47
Aprıl	114	45
May	118	45
June	117	50
_	(B	Com , Allahabad)

28 Shot that the coefficient of correlation a cunnot numerically exceed unity

Calculate from the data reproduced below pertaining to 66 vallages in Meetit District the value of r between total cultivable area, and 'the area under wheat

Tetel et its able area (in brokes)

en under whent (in bighis)	0 200 400 600 8001 600	0— 12 2	500— 6 18 4 1	1 000— 4 7	2 3 2 1	2 000— 2 000 1 1 2	Total 18 27 14 4 3
Area	Total	14	29	11	8	4 (1	66 A S)
2	9 The corr	elation	table bel	ow gives i	for each o	-	-

measure of the amount of over-crowding present in a given year and
(a) the infant mortally rate in the come year. Calculate the coefficient of correlation ben even over crowding and infunit mortality
rate.

Percentage of population in families living more than two

Percentage of population in families living more than two persons per room

Infant mortality rate	1 5	4 5	7 5	10 5	13 5	16 6—19 5
36	5					
46	9	1				
56	10	4	1			
66	4	7	5	2		
" 6	2	5	4	1	1	
86		2	2	2		1
96		1	11	2	1	1
10611	6	1		1		
						(I A S)

30 The correlation table given below shows the ages of his band and wife for 53 married couples living together on the census might of 1941. Calculate the coefficient of correlation between the age of husband and that of his wide.

Age of wife

			Ag	e of wife			
Age of husband	1525	2 5—35	35—45	4555	55-65	6575	Total
15—25 25—35 35—45 45—55 55—65 65—75	1 2	1 12 4	1 10 3	1 6 2	1 4 1	2	2 15 15 10 8 3
Total	3	17	14	9	6	4	53
31	Communication	al m				(I A	AS)

Compute the coefficient of correlation from the following data A 300 800 -- 700 600 -- 800 -- 500 400 400 —800 —500 —900 900 —900 900 В

900 -- 900 32 Calculate the coefficient of correlation between the values of X and Y given below -

A	Y
78	125
89 97	137
69	156
59	112
7 9	107
68	136
61	123
	108

You may use 69 as the working mean for X and 112 for Y

(M A Delht)

33 Calculate the coefficient of correlation between infant mortality and overcrowding from the following data --

						5 uau	1	
Infant Mortal ty	109	122	96	142	151	124	125	102
Over Crowd ng	14 9	63	58	12 2	33 2	13.3	14 6	8.8
Infant Mortal ty	109	156	122				-170	
Ov-r Crowding	49	39 8	63					

(B Com Hons Andhra)

34 Calculate r from the following table and indicate its pro-

bable error -	Net area sown (lakhs of acres)	No of ploughs (in lakhs)
UP	359	52
Madras	310	44
Bothhay	28>	12
Punjab	275	24
Bihar and Onssa	257	35
C P	245	16
Bengal	240	46
Assam	64	11
Sind	48	3
NWFP	23	3 2
Total	211	245
		(P C S)

 The following table gives the results of the Matriculation Examination held in 1936 —

Age of candidates 13— 14— 15— 16— 17— 18— 19— 20— 21— Percentage

is correlated with are?

Calculate the coefficient of correlation and estamate its probable error. From your results can you definitely assert that failure

36 Compute the coefficient of correlation from the following correlation table showing the age in years of the students and the marks obtained

N-Series Total Age in years 16-18 18-20 20-22 22 - 241 -Series Marks 10-20 23 1 20 -- 30 3 303 30-40 3 12 40 - - 303 20--60 1 2 2 5 1 4 Total 10 21 16 15 .2

(PCS)

,,

••

,,

,, ,,

••

Calculate r between production of Pig Iron (percentage of trend 1897-1913) and Industrial Production (percentage of trend, 1897-1913) from the following table ---

Pre Iron Production

	50-60	60-70	70-80	80—90	90100	100—110	110—120	120-130	Total
120—130 110—120 100—110 90—100 80—90 70—80 50—60	6	2 2	2 7 1	3 24 2	5 33 3	6 51 1	34 6	15 1	15 41 62 37 29 9 3
Total	6	4	10	29	41	58	40	16	204

(M A , Calcutta) 38 Calculate r between rent and the income from the following

table -No of cases in which the monthly rental shoun below was paid

_	N	62	19	9	9	~	8	6	2
	22	Z,	2	Rs	2	\mathbb{R}^{2}	Rs	25	æ
	Rs 1 and below	Rs 2 and below	Rs 3 and below	Rs 4 and below	Rs 5 and below	Rs 6 and below	Rs 7 and below	Rs 8 and below	Rs 9 and below
Income class Rs	İ					_			
10 and below 15 15 , , 20	18 20		12 34	21 73					
20 ,, 25	9	35	27	92					

N. - 4

 õ

⁽B Com , Aagpur)

39 Compute the coefficient of correlation of the short-time oscillations from the following ignoring decimals

COU	s nom me manaming	g ignoring accura	113
	Year	Supply	Price
	1921	80	146
	1922	82	140
	1923	86	130
	1924	91	117
	1925	83	133
	1926	8a	57
	1927	89	12
	1928	95	95
	1929	93	100
			(B Com., Allahahad)

40 Calculate Karl Pearson's Coefficient of Correlation from the following data:

Series A	Senes B	Series A	Senes B
112	200	150	170
114	190	119	210
108	214	125	190
124	187	147	180
145	170	150	180
			(B Com , Allahabad)

41 The index numbers of prices of all commodities in Bombay and in Calcutta were as under —

y and in Calculla "	ere as amort	
Month		Index number of Commodity prices in Bombay
May, 1942	169	204
Tune, 1942	182	222
July, 1942	162	225
August 1942	192	228
September, 1942	198	223
October, 1942	209	233
November, 1942	227	249
December, 1942	238	266
January, 1943	250	255
February, 1943	253	255

Do you think prices in Bombay and in Calcutta are correlated?

(M.A., Agra)

42 The following table gives the value of exports of raw cotton from India and the value of the imports of manufactured cotton goods into India during the years 1913-14 to 1931-32 —

Year	Exports of Raw Cotton	n Crores of Rupees) Imports of manu factured Cotton Goods
1913 14	42	56
1917-18	44	49
1919 20	58	53
1921 22	55	58
1923-24	89	65
1929-30	98	58 65 76
1931 32	66	58

Calculate the coefficient of correlation between the value of the exports of raw cotton and the value of the imports of cotton manufactured goods (MA A, Colculta and B Com., Naghu)

43 The following table gives the wholesale price index numbers for Calcutta and Karachi for the period of 1927—41 ~

	Calcutta index	Karachi Index
Year	Numbers (Base July, 1914)	Numbers (Base July, 1914)
1927	148	137
1928	145	137
1929	141	133
1930	116	108
1931	96	95
1932	91	99
1933	87	97
1934	89	96
1935	91	99
1936	91	102
1937	102	108
1938	95	104
1939	108	108
1940	120	116
1941	139	120

(a) Calculate the coefficient of correlation between the above two series, and state what it indicates

(b) Point out whether the Calcutta indices are more variable than the Karachi ones (B Com , Allahabad)

44 Calculate the coefficient of correlation between the cost of living and the weekly wage rates from the following data —

Date	Cost of Living Index	Index of Weekly Wage Rates
1920	151	155
1921	110	120
1922	102	99
1923	101	98
1924	103	101
1925	100	101
1926	100	102
1927	96	100
1928	95	99
1929	95	99
1930	87	98
1931	84	96
1932	81	91
		(N. A., Allehebed)

45 The following table grees the number of students having different heights and weights —

Heights in pounds

		11115	ne ne pa	1100		
Height in inches	8090	90~100 10	0-110	110120	120—130	Total
5055	1	3	7	5	2	18
5560	2	4	10	7	4	27
6065	ī	5	12	10	7	35
6570		3	8	6	3	20
Total	4	15	37	28	16	001
			2	2 2		

Do you find any relation between height and weight?

(B Com, Allahabad)

46 The following table gives the index numbers of industrial production of Great Britain and the number of registered unemployed persons in the same country during the year 1924—1931—

emproyen Parcent	de transmission Variable	
Year	Industrial Production (Index Number)	Number of registered Unemployed (Hundred thousand)
1924	100	11 3
1925	102	12 4
1926	104	14 0
1927	107	ii i
1928	105	12 3
1929	112	12 2
1930	103	19 1
1931	94	26.4

Calculate coefficient of correlation between production and the number of unemployed (B Com , Lucknow)

the number of unemployed (B Com , Lucknow)

47 Find the correlation coefficient between heights of father

and son from the following data --

Height of fathe	r							
in inches	65	66	67	67	68	69	71	73
Height of son	67	68	64	68	72	70	69	70

48 Find the coefficient of correlation between marks obtained by candidates at an examination in two subjects A and B from the following data —

Subject B-Maximum 50

(M A Allahabad)

Subject A Max 50	1115	16-20	2125	2630	31-35	Total
1 5 610	1	1	8	7	I	1 18
11—15 16—20	i	2	4	14 13	4	25
2125			2	4	1	26 7
26—30 31—35			1	1		1
Tota!	2	3	22	39 (B	Com B	7 79 ombay)

49 Find the coefficient of correlation from the following table \longrightarrow

,	-	5	10	15	20	25	30	Total
<i>y=</i>								
	10		1	1	2	8	12	24
	15	1	2	5	9	80	11	108
	20	2	15	42	98	36		201
	25	5	20	51	37	10	2	125
	30	8	16	8	5	4	1	42
Total		16	54	107	151	138	34	500
						0	AA C	'alcutta')

50 The following table shows the distribution of marks Calculate the coefficient of correlation and its probable error —

Marks in Geography

Range of Marks 0-20 20-40 40-60 60-80 80-100	0-20 32 45 16	20~40 88 436 500 105 8	4060 15 200 398 532 40	60—80 4 25 40 16	Total 135 685 939 677 64	
Total	93	1,137	1,185	85 (MA, C	2,500 alcutta)	٠

51 Calculate the coefficient of correlation from the following data —

x	109 122	96	142 151	124	120 102	109 156 12	22
	14 96 3	5.8	12 2, 33 5	19 3	14 6 8 8	14 9 39 8 6	3
,	50		1	1		11 0,03 0,0	•

52 From the following table calculate the coefficient of correlation between the ages of husbands and waves and estimate the probable error of the result obtained —

Age of Husbands	ge of Husbands				Age of waves				Total	
1 ears	15	20	25	30	35	40	45	50	_	
55—60	_					6	5	3	14	
5055					8	10	6	2	26	
4550				2	13	1	4		27	
4045				14	18	3			35	
35-40			15	20	8				43	
3035	6	12	25	16					59	
2530	15	26	20	1					62	
20-25	22	10	2						34	
Total	43	48	62	53	47	27	15	5	300	

Total

9 29 32 21

What is meant by correlation? Give the general rules for interpreting its coefficient

Calculate the coefficient of correlation between thea ges of 100 husbands and waves from the following data -

Age of Hushands in years	Age of wives in years						
	20—30	30—40	40—50	50—60	60—70	Total	
25—35 35—45 45—55 55—65 65—75	6 3	3 16 10	10 15 7	7 10 4	4 5	9 29 32 21 9	

(a) Discuss fully what is meant by the coefficient of correlation and how it is measured and interpreted

100

9 (B Com , Allahabad)

(b) Calculate the coefficient of correlation from the following

Subject (Age of hus 17 18 19 19 20 20 21 band)

Relative (Age of wife) 12 16 14 16 15 19 99

(B Com , Allahabad)

श्रध्याय ह

काल-भेखी का विश्लेपण

(Analysis of Time Series)

शांवाप्य बाल-येवी कई कारकों से विषठकर बनती है। ये बारक वर के मून्यों में विमिन्न प्रकार से प्रयाद ठालते हैं। बाल-येवी के विद्येषया में इन कारकों को अका-अजग विया जाता है। कारको का वर्गोकरण दो सामान्य भागों में विया गरा है

- (१) वीचे कालिक उपनित (Secular or Long-term Trend);
- (२) अल्प कालीन दोलन (Short-time Oscillations) ।
 - (अ) ऋषुनिष्ठ मा अपीय घट-वड (Scasonal or cyclical fluctuations); ये निवसित होते हैं।
- (व) मनियमित घट-वड (Irregular fluctuations) ।

काल-श्रेषी में ये सब या एक गा थी भाग हो सकते हैं। शास्त्रिक का काम इन मानों को अलग-अलग करात हि जिससे इन भागी की जन्म देने वाले कारकी का मान मानत किया जा सके। इस प्रवार काल-श्रेषी के नित्तेय भागों को एकतन (isolate) करने की किया की काल-श्रेषी वा विकरेषण कहते हैं।

(१) बीर्पकानिक उपनित-रीर्पकानिक उपनित कासी समयायोध में श्रेणी की दिवार वादी है। इस प्रकार यह बताती है कि बृद्धि मा उपनित हो। दूरी है या हास सपना नवनति हो रही है। जिसका कार्य यह हुआ कि या तो एक वृद्धिन्यारक का अमान पर हा है या एक हास-कारण का। रीर्पकानिक कार्यति के रावसे अच्छे प्रवाहरण ऐसे समानो पर मिलते हें यहाँ नासक्या का प्रमान परता है। दिवस में कर्ष शहुकों कर रहण्यत्व ने स्वाहरण ऐसे समानो पर मिलते हें यहाँ नासक्या का प्रमान परता है। दिवस में क्ष्य शहुकों कर रहण्यत्व नक्षया में बृद्धि है। वही अन्य स्थानों में उत्ताहन में हाथ भी हो पहा है जिसका कारण मुख्यों में तह नित्तानों का नामार में जाना आदि है। इस प्रकार के वरिवर्तन दीर्घकाल में ही देखे जा सबते हैं जो यह बताते हैं कि नरों पर वृद्धि-कारक का प्रमान परता है या हास-कारक का ।

(२) अस्पकालीन दोलन—ये उन भारतों के कारण उत्पन्न होते हैं वो प्रेणी नो नेवल अहरवाल में प्रमानित करते हैं। इनके पर्णवक्ष घेणी नो प्राति में परिवर्तन होता है। यदि धीर्पवाध्निक और अस्पकालीन वारक एक ही दिता में होते हैं तो धेणों नो प्रमति में बृद्धि होती है, परन्तु यदि वे निपदीत दिवाओं में होते हैं तो धेणों नो प्रमति में बृद्धि होती है, परन्तु यदि वे निपदीत दिवाओं में होते हैं तो धेणों नी प्रमति में अस्पायी वभी हो राखते हैं। उदाहरणाई, चाय तो खप्ण में छगातार कमी होने पर भी यह हो सकता है कि किसी एक वर्ष या बुद्ध वर्षों के लिए उक्से बृद्धि हो जाव या मूखों में उनातार वृद्धि होने पर भी बुद्ध वर्षों के लिए उक्से वृद्धि हो जाव या मूखों में उनातार वृद्धि होने पर भी बुद्ध वर्षों के लिए उक्से वृद्धि हो जाव या मूखों में उनातार वृद्धि होने पर भी बुद्ध वर्षों के लिए उक्से वृद्धि हो जाव या मूखों में उनातार वृद्धि होने पर भी बुद्ध वर्षों के लिए उक्से वृद्धि हो जाव या मूखों में उनातार वृद्धि होने पर भी बुद्ध वर्षों के लिए

ये अल्पनाकीन दोक्न निवासित या अनिवासित हो सबते हैं। निवासित दोकनो में ऋतुनिय्व प्रदेवद का मुख्य स्थान है। कई काल-प्रीणयो में मौक्षम का प्रभाव पहता है जैसे नाय की सप्त गर्मियों में कम तथा जाड़ों में बढ़ जाती है।

अनियमित दोलन ऐसे नारणी से उत्पन्न होते हैं जिनके बारे में हम अधिक या बिस्कृत नहीं जानते । जैसे किसी क्षियनवार्ष वा उत्पादण बहुत सीमा तक प्रानृतिक शिवतये पर नि । जैसे किसी है। इसिल्य उत्पादन सबधी येगियो में अनिय-मित यट-बढ़ हो समती है। इसी प्रमाद यम हबताल आदि नारण ऐसे हैं जो अनियमित पट-बढ़ों ने जन्म देते हैं।

स्थि एन प्रसार के कारणी ना अध्ययन करने के लिए अन्य प्रकार के कारको ने प्रमास ना निरसन (climination) कर दिया जाता है। इस प्रकार को भेगी बचती हैं वह नेवल एक प्रकार के नारका से लगन हुई मानी जाती है। यह रीवि निम्मण्डित है।

(क) उपनित या दीर्घकालिक परिवर्तनी को निकालने की विधि

उपनति निकालने और अल्पकालीन प्रभावा का एकरन करने के लिए सामारण-तमा तीन विभिन्नों का उपमाग किया जाना है। में हैं

- १ मुक्त-हस्त वत्र (free-hand curve) विधि ।
- २ गतिमान भाष्य (moving averages) विधि ।
- ३ न्यूनतम-वर्ग (least-squares) विधि।

इन विधियो का उद्देश अनिभिताओ का सरलन (smoothing) करना और श्रेणी को अल्पकालीन दोलनो स मुक्त करना है, जिससे वेवल उपनित रह जाय । (१) मुनतहस्त कह बिषि—यित विभी नाल-प्रेची को देखा चित्र पर अस्ति चित्रा वाद तो बर कुछ उपर और कुछ नीचे आएगी। यदि हम दम पर-दिशे वा अस्त्र-करों जिसके केदल उपनित को प्राणाला निरु तो हम येची ने निर्मित और अस्त्र-मार्जन पर-देशे से मुलन कर देने हूँ और अंची की सामान्य दिया प्रयक्त स्पन्त हो जानी है। इस प्रवार हम दोर्घवाडिन परिवर्तनो वा अध्ययन वर मनते हैं। मुनन-हस्त वह विदि से इन पर-बड़ी पर विचार निए बिना एक वर बाल-येची वे चित्रुआ से होता हुमा खांचा जाता है। गृह वरु येची को उपनित या वीर्घवाडीन परिवर्तन कारणात है।

उत स्थानो में वहाँ शास्त्रियकीय रीतियों ना प्राविधिक ताल उपलब्ध न हो और वहाँ मेणी की प्रकृति ना सामान्य ज्ञान प्राप्त परना हो मुक्त रूस्त विधि का ठाअपूर्वर प्रपरीस निया जा करवा है। परन्तु जहाँ गही भी कृष्ण अध्ययन की आवदकता गहतों हो, यह विधि शायद हो उपलक्ष्म हो बयोंकि निमन्न स्थवित निमन्न-सिम प्रकार के बन्न कोचने है निवास एक हो जैनकों की उपनित्रि विधिन क्षनार के यो नाती है।

(२) गतिमान माध्य-विधि—इस विधि में किसी एक अवधि के लिए उस बर्बीय ने नगत मूल्य नहीं लिया जाता बल्चि नूछ वर्षों नी समुचित सस्या के माध्य का यत्य लिया जाता है। छठे अध्याय में हमने प्रत्येक वर्ष के लिए गतिमान माध्य निवासने की विधि का सक्षेप में वर्णन किया है। यहाँ हम इस बात पर विचार करेंग कि बंदों की समुचित सख्या किस प्रकार जानी जा सकती है। इस सब्ध में यह जातव्य है नि वर्षों की सस्या ने लिए पारिभाषिक शब्द श्रेणी नी खावतिला (persodicity) है। सब काल वेणियाँ कुछ-न-कुछ आवतिता दिसावी है। इनकी गणना करना बहत आसान है परन्तु नई स्थानो पर गणना करने की कोई आवस्यक्ता नहीं पडती नयोनि इसे निरीक्षण से ही जाना जा सनता है। परन्तु जब आवर्तिया की पणना रानी पड़ती है, हम श्रेमी में शिखरों (peaks) और गतों (troughs) मी सस्या गिन रेते हैं। दो शिखरों या दो गरों की दूरी एक चक्र (cycle) बनाती है। एक श्रेणी में कई चत्र हो सबसे हैं। इन चत्रों की औसत अवधि श्रेणी की आवितता के बराबर होती है। यदि हम एक चक्र में आमे वाले वर्षों की सस्या का गतिमान माध्य हैं तो वह शिक्षर और गतें दोनों के मुल्यों पर विचार करेगा। इसलिए ये गतिमान माध्य अस्पनालीन कारको के प्रभादों का और अनिगताओं का निरमन कर रेगा और इमारे पास नेवल उपनृति बन जाएगी।

चयाहरण—यतिमान माध्य विधि से निम्नलिखित बैंक निवासनो की थेणी की उपनति निकारनो है

雪	बैक निकासन	पीच वर्षीय योग	उपनितियोच वर्षीय गति- मान मध्य	वर्षः	वैक निकासन	पीन वर्षीय योग	उपनिति-पौच वर्षीय गति- मान मध्य
ì	2	3	4	1	2	3	4
1916	52 7			1929	94 9	481 6	96 32
1917	79 4			1930	83 0	548 11	109 76
1918	76 3	343 0	68 60	1931	110 6	625 5	125 10
1919	66 0	384 1	76 82	1932	159 6	709 2	151 84
1920	68 6	409 4	81 88	1933	177 4	862 0	172 40
1921	93 B	420 3	84 06	1934	178 6	994 6	198 92
1922	104 7	433 6	86 72	1935	235 8	1029 4	205 88
1923	87 2	468 6	93 72	1936	243 2	1069 9	213 98
1924	79 3	472 1	94 42	1937	194 4	110o 3	221 06
1925	103 6	460 8	92 16	1938	217 9	1126 2	224 31
1926	97 3	473 3	94 66	1939	214 0	1143 2	228 64
1927	92 4	488 9	97 78	1940	256 7		
1928	100 7	468 3	93 66	1941	260 2		

मह श्रेणा सगभग गाँच वय भी अविश्व न चत्र दिखाता है। इसल्ए हमने पाच वय का गतिमात भाष्य लिया है।

गतिमान मान्यों का केन्द्रण (centering the moving average)— म मी-क्ष्मी यह आवस्यक हो जाता है कि वर्षाद्रता समस्या हो। विद्यान मान्य सीनके बयके सोन-होते एताचा सनता नवािन नह होता ही नहीं है। इस स्थित में यह रोति है कि नहीं आवस्यक वर्षों के मूल्या ना योग रु किया तहा है और उसे तीच में रखा जाता है। फिर इनका या वर्षीय याग और निकाल देते हैं और इसे भी बीच म वप म समने रखते हैं। इस या-वर्षीय योग मा जिन वर्षों के लिए गतिमान मान्य क्लिनला होता है जबहै दुगृने स विमानित पर दत है। निमालिनित ज्या-हरण से यह स्पर्ट हो जाएम।

उदाहरण---विम्नलिखित थेणी का चार-वर्षीय गतिमान माध्य निकालना है।

वर्षं	वैक- निकासन	चारवर्षीय योग	चार वर्षीय योगो ना दो-वर्षीय योग	चार वर्षीय वतिमान माध्य कॉरु४-८
1		3	4	5
1916	52 7			
1917	79 4	274 4		
1918	76 3		564 7	70 6
1919	66 0	290 3	595 0	74 4
1920	68 6	304 7	637 Œ	79 7
1921	93 B	333 1	687 4	85 9
1922	104 7	334 3	719 3	89 9
1923	87 2	36a II	739 8	92 5
1924	79 3	374 🖽	742 2	92 8
1925	103 6	367 4	740 0	92 5
1926	97 3	372 6	766 6	92 8
1927	92 4	391 0		
1928	100 7			
	रह अवलोक्य है वि श्रे	णी की आवर्तित	।। की और वितमा	त साध्य की गणना

यही रह अरुलेम्ब है वि श्रेणी की आवितता की और वितवात साध्य को गणना करते में हम बाहे कितनी ही गावचाती क्यों न वरतें उपपति-मृत्य ने वह हमान्य होक होंठ हैं बिल्कुल टीव नहीं । अवस्य यह क्या साम्रद होगा कि सेगी की अवविता अनुमा स्थार रखीं बाब विससे दुवारा धी-वर्षीय साध्य रुकर गतिमान माध्यों वा ने दक करते की बाबस्यवता न पढ़े।

मतिमान माध्य विधि के मुमावनुष---मित्रमान माध्य विधि मुदाय है और इतना ज्यामा नरना बातान है। आविनिता के निरित्तत हा जाने पर उपनित की गणवा नरना ग्रात है। बादि बादिता तमान रहे वो बेगी के लिए एक है। उपनित नर्गमी, मुक्त हस्त विधि भी भीति बरनेथी नहीं। परन्तु इस विधि में नुष्ठ दोष भी हैं। पहला, हो सवता है वि होग एक ही श्रंणी की अलग आर्वातवाएँ निकाल बयों कि गुरू लोग छोट दिखरों और गतों नो छोड सबते हैं। दूसरा, बहुया आर्वातवा स्पय्ट नहीं होती है। ऐसी स्थित में उक्ती गागा करना बहुत बठिन होगा। तीयरा, यह विधि पूरी येणी ने लिए उपनित नहीं बातां और बरस पदी को छोट देती है। दोनो बोर विविच पद छूट जायेंगे यह वयों नी सहया पर निर्मेद कराते है। दहा जकार यह विधि अपूर्ण उपनित देती है। यह मुभाव रखा गया है कि छूटे हुए पदी वा मूल्य उपस्ति के दहा रखा जाना चाहिए, मा आराभ और अला को उपनित संबंधि उस्ति हो। बोर मा अराम और अस्ति करना की उपनित सख्यों रखाली जायें।

(३) न्यूनतम बर्ग-विधि—-यह विधि पहली यो विधियों के दोगों नो दूर करती है। यह उपनित जानने वो सबसे सतीयजनक विधि है, परन्तु व्यवहार में दुष्ट अधिक जटिल है। इसे न्यूनतम वर्गीविधि कहें जाने का नारण यह है कि खेणी के वास्तिक मूल्यों और उपनित के मूल्यों के जनारों के वर्गों का योग न्यूनतम है। इस प्रनार निकासी में द अपनित वो मुख्दम आसजन रेला (line of best fit) कहते है। निम्मिलिखित उदाहरण से यह विधि स्पट हो जाएगी।

उदाहरण----यूनतम वर्ग विधि से भासिक सूचवाको की उपनति निकालनी है ।

वर्ष	सूचकाक	मध्य-वर्ष से काल विचलन	काल विचलन के वर्ग	सूचकाकों और वाल विचलनों के गुणनफल	उपनति
1	2	3	4	5	II.
1941	80	-3	9	-240	84
1942	90	-2 -1	4	-180	86
1943	92	-1	1	92	88
1944	89	0	0	0	90
1945	94	+1	1	+94	92
1946	99	+2	4	+198	94
1947	92	+2 +3	9	+276	96
n=7	Σ630		£28	Σ+56	

बृद्धि-दर = $\frac{56}{28}$ =2

ਫ਼ੈ

न्यूनतम वर्ग विवि से उपनति की गणना व रने की विधि में निम्नलिखित भाग

(१) पदो का सरस्र समातर माध्य निकालना । इससे सुय्दाम आसजन रेखा का मध्य-विन्दु मिस्रता है ।

- (२) मध्य-वर्ष (गडीना, सप्ताह, दिस आदि) से प्रत्येक वर्ष का कार विकलन निकालना (कॉलम ३)।
 - (३) बाल-दिबलनो ने वर्ष निवालना (कॉलम ४)।
 - (४) पदा और वाल-विवलनो ने गुणन्यल निवालना (कॉलम ५) 1

(५) गणनप्लो के योग को विचलन-वर्गों के योग से विमाजित करिये । यह विद-दर (+) या ह्रास-दर (--) बनाएगा । पदो के माध्य वर्धात उपनित के मध्य से शर करके पहले के बड़ी से बृद्धि बर पटाइयें और उसके बाद के बयों के लिए जोडिए। इस प्रकार वो श्रेणी वनेयी वह प्रारंशिक श्रेणी की उपनित है और यह लेखा चित्र पर एक रास्त रेखा होगी । यहाँ यह जातन्य है कि यदि पदी की सहया सम है हो। मध्य-वर्ष ने ठीक पहले और ठीक बाद के वर्ष के मृत्य निकालने के लिए इदि दर का आया घटाइवे और वोडियें। इसके उपरान्त पूरी वदिन्दर बोडी या घटाई जाएगी ।

उदाहरण-स्युनतम वर्ग विधि द्वारा निम्नलिखित श्रेणी पर सरल-रेखा का आसजन करना है

वर्षे	मूल्य	कास-विचलन	काल- विचलन वर्ग	मूल्यो और शाल विचलनो का गुणनपूल	ভ্যদরি
1951	 107	-2 5	6 23	-267 5	108.76
1952	 110	-1 5	2 25	-165 Q	109 99
1953	 114	-0 5	0 25	- 57 0	111 22
					111.83
1954	112	+0 5	0 25	+ 56 0	112 44
1955	115	+15	2 25	+172 5	113 67
1956	113	+2 5	6 25	+282 \$	114 90
n 6	Σ671		17 50	+21 5	

यद्धि-दर=21.5 17.5=1.23

(ख) अल्पकालीन दोलनों को निकासने की विधि

मदि हम दीर्घनालिक परिवर्तनों को जान लेते हैं तो शेषों से इनका निरमन करके अल्पकालीन दोलक जाने जा सकते हैं । मुक्त हम्य वक्र विधि में छैसा चित्र स॰ १५

पर हम येभी और उपनित का वक बनाते हैं। इस उपनित से श्रेमी ने पदों में विजयन अल्पराकीन दोरन बताते हैं। भितामन माम्य विधि में व स्मृतक्ष वर्ग विधि में अल्पवाकीन दोरानों को जानने नी विधि निम्नलिखित उदाहरणों में दी गई है। वे श्रीचार्य पहले दी जा चुनी हैं।

(१) मतिमान माध्य

वैक निप्कासन	ভ্যদর্বি	अस्पकालीन दोलन
52 7		
79 4		
76 3	70 6	+57
66 0	74 4	-84
68 6	79 7	-11 1
93 8	85 9	479
104 7	89 9	+17 8
87 2	92 5	~ 53
79 3	92 8	− 13 5
103 6	92 5	+11 1
97 3	9o 8	+ 15
92 4		
100 7		
	निप्यासन 52 7 79 4 76 3 66 0 68 6 93 8 104 7 87 2 79 3 103 6 97 3	जियासन 52 7 79 4 76 3 70 6 66 0 74 4 68 6 79 7 93 8 85 9 104 7 89 9 87 2 92 5 79 3 92 8 103 6 92 5 97 3 90 8 92 4

(२) न्यननम वर्ग

वर्ष	सूचराक	उपनित	बस्पकालीन दीएन
1941	80	84	-4
1942	90	86	+4
1943	92	88	+4
1944	83	90	-7
1945	94	92	+2
1946	99	94	+5
1947	92	96	-4

- (१) ऋतुनिष्ठ माध्य (seasonal averages)
- (२) ऋतुनिष्ठ सचक (seasonal index)

इन दो दिविया का उद्देश्य एक ही है।

- (१) य्युनिष्ठ भाष्य को गणना—सन वर्षों के क्लिए प्रत्वेक ग्रहीने के मको को अपनाय खोड किया खाता है, येसे तह कपों के लिए अववरी, कावरी आदि के शरों को। और हर पान में क्यों की सख्या है गाप दे देते हैं। इस प्रकार प्रत्येक मानु के लिए अलग-अलग बीसत जान किये जाते हैं।
- (२) ऋतुनिष्ठ सूचमा की गणना—ऋतुनिष्ठ सूचको को जानने के छिए वे प्रीतदाने निकाल की जाती है जो ऋतुनिष्ठ माध्यो की ऋतुनिष्ठ घाध्यो के माध्य से हैं। निम्मिकितित दशहरण से यह विधि स्पष्ट हो जाएगी।

गेहें का उत्पादन (००० टन)

ऋतुर्	1950	1921	1952	1953	1954	5 सर्वे ना सोग	शृतुनिष्ठ मास्य	ऋतुनिष्ठ गुरव (39.25 ==100)
I त्रिमास	40	42	41	45	44	212	42 4	107 9
п,	35	37	35	36	38	181	36 2	92 1
III "	38	39	38	36	38	189	37 8	96 2
IV .	40	38	42	41	42	203	40 6	103 3
						£157	0	

a=39 25=100

नियमित और अनियमित यद-यहो ना साथ—अल्पकालीन दोलनो में नियमित और अनियमित, दोना प्रकार के घट-यह आते हैं। निम्मलिखित उदाहरण अनियमित घट-यहों से नियमित घट-बढ़ा को अलग करने की विधि बताता है।

उदाहरण---निम्नलिखित श्रेणी का विश्लेषम करना है जिससे

- (१) उपनति,
- (२) अल्पशार्कान दोलन, और इनमें नियमित एवं अनियमित घट-वर्डे स्पट रूप से सामने वा जायें —-

IV ,, 302

सारणी अ

	वर्ष		मूह्य	४-ऋतु योग	४ ऋतु योग का २-ऋतु योग	4-ऋषु गतिमान माध्य	अल्यकालीन घट इंड	नियमित भट्टतु निच्छ पट 📭 (धारणी ब) अनियमित घट बढ	
1	ा वि	मास	30						
	11	"	81	292					
	III	11	62	295	587	73 4	-11 4	-192 +78	
	īv	,,	119	318	613	7 6 6	+42 4	+68 6 -26 2	
2	1	13	.33	342	660	82 5	-4 9 5	−74 6 +25 !	٠
	II	11	104	394	736	92 0	+12 0	+25 5 -13 5	
	111	,,	86	403	797	99 6	-13 6	-19 2 +5 6	
	IV	93	171		855	106 9	+64 1	+68 6 -4 5	
3	1	33	42	452	917	114 6	—72 6	−74 6 +2 0	
	11	32	153	465 515	980	122 5	+30 5	+25 5 +5 0	
	ш	,,	99	529	1044	130 5	-31 5	19 212 3	
	IV	,,	221	548	1077	134 6	+86 4	+68 6 +17 8	
4	1	33	56	578	1126	140 5	-84 5	-74 6 −9 9	
	II	19	172	592	1170	146 2	+26 8	+25 5 +1 3	
	111	,,	129	603	1195	149 4	-20 4	-192 +12	
	IV	,,	235		1235	154 4	+81 ₪	+68 6 -13 D	
5	I	,,	67	632	1271	158 9	-91 9	-74 6 −17 3	
	II	,,	201	639 706	1345	168 1	+32 9	+25 5 +7 4	
	Ш	,,	136	106					

नियामित ऋतुनिष्ठ घट बड़ो को गणना

सारणी ब

दथ	I विमास	II विवास	III त्रिमास	IV त्रिमास
1	-	_	-11 4	+42 4
2	-19 5	+12 0	-13 6	+64 1
3	-72 6	+30 5	-31 5	+86 4
4	-84 5	+26 8	+20 4	+81 6
5	-91 9	+32 9		_
मोग	-29B 5	+102 2	—76 9	+274 5
माध्य	-74 6	+2o 5	-19 2	+686

चपरिण्वित यान काल-नेनी के विश्लेषण का प्रारंत्रिक जान देता है। इसमें हमने दाता है कि दीवकांश्रेन और अस्पकांश्रेन परिचताने का अध्ययन क्लि क्रमर सिया जाता है। अल्पकांश्रेन परिचताने में हमने नियमित और अन्तिपवित यट-बड़ो का एक्लम करने की रीति भी वर्ताई है।

OUESTIONS

- Write a short essay on "Analysis of Time Series" (B Com, Hons, Tracancers and Analysis)
- Explain the meaning and use of "Moving Averages". (M.A., Gelcata)
- 3 What is meant by "Trend"? How would you statistically eliminate the influence of the seasonal and cyclical factors on the long period movement of any series? (B Com., Bombey)
- 4 The following table gives the consumption of cotton in U S A during the years 1895 to 1924 Do these figures give any evidence of periodicity. Give reasons.

Year	Lakhs of bales of cotton consumed	Years	Lakhs of bales of cotton consumed	Years	Lakhs of bales of cotton consumed
1895	30	1905	45	1915	64
1896	25	1906	48	1916	68
1897	28	1907	50	1917	66
1898	35	1908	45	1918	58
1899	37	1909	51	1919	64
1900	37	1910	46	1920	49
1901	36	1911	45	1921	60
1902	41	1912	51	1922	67
1903	42	1913	55	1923	57
1904	40	1914	56	1924	62
				(B Com	Allahabad)

 $\mathbb B$. Calculate the five-yearly moving average of acres under tea in India from the following data —

Plot on a squared paper (1) the annual area under tea and (11) its five-yearly moving averages

State other methods of finding the secular trend

Years	Area in 1,000 acres	Years	Area in 1000, acres
1925	672	1930	802
1926	679	1931	807
1927	690	1932	809
1928	702	1933	816
1929	712	1934	821
			(B Com . Lucknow

Join , Lucknow)

8 Represent the following data graphically and show the trend of the series on the basis of three year moving averages —

ticud of tu	ic selles on t	he nasiz of i	mree year m	onng aven	ages -
Year	Birth	Year	Birth	Year	Birth
	rate		rate		rate
1917	30 9	1924	31 0	1931	23 I
1918	30 2	1925	29 0	1932	27 7
1919	29 1	1926	27 9	1933	22 6
1920	31 4	1927	27 7	1934	23 6
1921	33 4	1928	26 4	1935	23 0
1922	30 2	1929	24 7	1936	22 0
1923	30 4	1930	24 1	1937	22 6
				(BA	. Lucknow)

7 How would you solate cyclical fluctuations from very long period fluctuations in a time series ? Draw a curve to illustrate your answer (B A , Lucinow)

- What is the meaning and importance of analysis of time series data. Enumerate the methods of finding the trend that you know. (M.A., Allichabad)
- The revenue from sales tax in U. P. during 1948-49 to 1952-53 is shown in the following table. Fit a straight line trend by the method of least squares and exhibit the data as also the trend on m graph paper.

Lears	Revenue
	(Rs labbe)
1948-49	427
1019 50	612
19-0-51	52 1
1951 52	495
1952 53	490
	(B Com

(B Com Allohabad)

10 The index numbers of annual production of a commodity (1900—100) are given below —

OU- (OU) are	given below -		
Year	Annual Average	усаг	Annual Average
1927	165	1939	280
1928	178	1940	351
1924	236	1941	320
1930	213	1942	370
1931	180	1943	325
1932	163	1914	366
1933	180	1945	256
1934	187	1946	304
1935	210	1947	291
1936	237	1948	277
1937	203	1949	274
1938	215	1950	272
Plot them	Assuming a ten ve	arly eyele, fi	nd the trend-values

Flot them Assuming a ten yearly cycle, find the trend-values by the method of moving averages (M.A., Allahobad) 11 Describe on method each of (a) eliminating the effect of

trend from m time series and (b) measuring seasonal variation

In measuring seasonal variation, can cyclical and erratic influence be channated? How? (I A S)

12 Explain how would you deal with a time series, and illustrate your remarks with the help of the following series of annual figures for the period 1901-1930 —

l'enod	Annual values
1901—1910 1911—1920 1921—1930	208 223, 225 222, 239, 242, 238, 252, 257, 250, 273, 270, 268, 288, 281, 282, 300, 303, 298, 313, 317, 309 329, 333, 327, 345, 344, 343, 362, 366

13 Below are given the figures of production (in thousand maunds) of a sugar factory —

Year	Production in thousand maunds
1941	80
1942	90
1943	92
1944	83
1945	94
1946	99
1947	92

- (a) Find the slope of a straight line trend to these figures
- (b) Plot these figures on a graph and show the trend line

(c) Do these figures show a rising trend or a falling trend?

How do you arrive at your conclusion? (M Com, Luchnow)

14 Business Cycles in the U S A, and England arranged

in chronological order (1796—1923) have had the following duration as measured to the nearest year —

England—4, 6, 4, 3, 5, 4, 6, 4, 2, 6, 10, 7, 4, 8, 8, 9, 8, 10, 7, 6, 5, 2

Tabulate the above figures in classes of one year each and calculate the average duration of the business cycle in each country separately (B Com, Luchnow)

15 Using the data given below, explain clearly how you would determine the seasonal fluctuations in a time series -

Year	Summer	Monsoon	Autumn	Winter
I	30	81	62	119
2	33	104	86	171
3	42	153	99	221
4	56	172	129	235
5	67	201	136	302
				(I C S)

श्रध्याय १०

सचकांक

(Index Numbers)

मुचरार एक ऐसी सहया है जिसका उपयोग किसी घटना के स्तर की जुलना हिसी प्रमापित दिन उसी घडना के स्तर से करने के लिए किया जाता है । इसलिए स्वराको का मध्य कार्य आर्थिक पटनाओं की तुलना सभव करना है। इसलिए सुचनाको नो 'आर्थिक चापमापक' (economic barometers) भी कहा जाता है। साधारणत हम पाते हैं कि नुलना तभी की जाती है अब माप-इकाइयाँ एक हो या जब पद एक ही प्रकार के कारको से बने हुए हो। परन्तु जब ऐसा नहीं होता, तद एक घटना के परिवर्तनों का निरपेक्ष माप नहीं हो सकता । हमें सापेक्ष मापो पर निर्भर रहना पटता है। सापेक्ष मापा में अको का एक आधार मान किया जाता है। इस प्रकार की विभियों में एक विभि शुचकाकों की भी है। इस विधि में घटनाओं को हिसी एक प्रमाप तिथि की घटना के प्रतिशतों के रूप में रखा जाता है । यदि कई पद हो और उनमें परिवर्तन प्रतिवातों के रूप में व्यक्त किये गए हो, तो प्रतिवातों का माध्य चटना का स्तर बताएगा । इस घटना को हम प्रत्यक्ष रूप से नही बाप सकते । उदाहरणार्थ, यदि हम १९०१ के मत्य स्तरी की तलना में १९५६ के मल्य-स्तरी को जानना बाहे. तो हमें विभिन्न बस्तओं के मल्यों को प्रतिरातों के रूप में रखना पडेंगा और फिर इन प्रतिशतों का माध्य समस्त ने परिवर्तनों को बताएगा । इस प्रकार मूचकाकी को गणना में दो मुख्य अवस्थाएँ है प्रतिशतो की गणना करना और गाध्या की गणना करता ।

अतप्य मार्प्यों से सलन्य प्रतिज्ञत एक पूर्ण आचार है जिसपर उन घटनाओं की कुरुना करने की सरल रीति की पूरी ध्य रेखा बनाई जातो है जो कि प्रत्यक्ष रप से दुलनीय नहीं हैं।¹

Hence, averages linked with percentages constitute the whole basis on which is raised the entire superstructure of the simple device of comparing factors which are not directly comparable'.

सचकांकों को बनाना

मुचकार बनाने की प्रविधि के तीन मध्य भाग है

? पदा का चुनाव (Selection of items) २ आगर का चुनाव (Selection of the bise) ३ मान्य और भारो का चुनाव (Selection of the average and the system of weighting)

पदों का चुनाव

पदा वा चुनाव एक दृष्टि से जटिल और एक दृष्टि से सरल काम है। यदि मूच-माप एव ही पद स सवधित है अर्थात् यदि हम चेवल एक ही वस्तु के उत्पादन, मूल्य आदि की तुलना व रना चाहते हैं, तो पदो का चुनाव कोई समस्या नही है, क्योंकि हम उसी बस्तु पर विचार करते हैं। परन्तु यदि हमें एक सामा य-उद्देश्यीय सूचकाक, जैस सामान्य मूल्य स्तर के सूचकाक, बनाना है तो पदा का चुनाव बहुत सावधानी से करना चाहिए। इसी प्रकार निर्वाह-मुचकाव आदि बनाने में भी बहुत सावधानी बरतनी पडती है। इससे यह सुस्पप्ट हो जाता है कि पदा का चुनाव मुचकाको की प्रकृति और उद्देश्य वर निर्भर करता है। परन्तु मूचकाक बनाने का जो भी अभिप्राय हो, पदो के चुनाब में निम्नलिखित वातो का ध्यान रखना चाहिए

- (१) पद सबंधा प्रतिनिधि हो (Items should be strictly representative)-इसके नई अर्थ है। यदि मृख्यो का सूचकाक बनाना है तो जन वस्तुओ वा चुनाव विया जाना चाहिए जो छोगो वे उपभोग दो बताएँ। चैंकि उपभोग की जाने वाली प्रत्येक वस्तु की सम्मिलित करना सभव नहीं है इसलिए क्षेत्रल उन पदो को सम्मिलित किया जाना चाहिए जो सबसे अधिक प्रतिनिधि हो अर्थात् जिनके मुल्यो में हुए परिवतन पूरी सच्चाई के साव समृह के मुल्यो में हुए परिवर्तनों को बताते हैं। ये अस्तुएँ व्यापारिक दशाओं के प्रति विशेष रूप से संवेदन-भील होनी माहिए। ऐसी वस्तुओं का चुनाव करना माहिए जिनका उपयाप छोग प्रयानसार या आदल के नारण करते हैं। यदि पदी की चनाव इस सिद्धान्त के अनुसार नहीं निया जायया तो मुखनाव मृत्यों ने स्तरा के परिवर्तनों का सही बोध नहीं कराएँगे और अपने उद्देश्य में असफल होगे।
- (२) पद प्रमापित होने चाहिए जिससे वे ममयानुसार या स्थानानुसार न बदलें और उन्हें पहचानना सरल हा । यदि यह वर्त पूरी नहीं होती तो मुचनान बनाने में बहत बठिनाई होगी और उसकी प्रकृति में महत्वपूर्ण परिवर्तन हो सकते हैं। उदा-हरणार्थ, मान लीजिए कि चुनी गई वस्तुओं में गेहूँ भी एक वस्तू है। सही मूचनान

बनाने ने तिऐ यह जावस्थक है कि प्रत्येक वर्ष एक ही प्रकार के बेहूँ के मूल्यों का मगह किया जाय । अन्यथा भूचकाक वर्ष-प्रति-वर्ष तुलनीय बही होषे ।

- (३) मुचकाक बनाने में अमृतं (non tangible) पढ़ी की सम्मितित नहीं दिया काना चहिए। ये ऐती बरतुएं होती है जिनना अर्थ या मून्य निरिचत बरना सरफ नहीं होना और धरि यह सबय भी हा तो नीमतो के चरिकांन क्षेत्रिक्त कर से होते हैं। इसके अन्तर्गत आने बाले पद हैं वैयन्त्रिक लेवाएँ, युद्धि, क्यांति, चरित्र हत्यांदि।
- (४) पदी की सरवा कम होनी चाहिए--मूचरार बनाने में पदी की सख्या क्षनावत्यक रूप से अधिक नहीं होनी चाहिए। यह बताना शटिन है नि पड़ी की सस्या ठीक क्तिनी होनी चाहिए, परन्तु यह उल्लेखनीय है कि सवेदनशील सुचयाको में पदो की सख्या कम रहनी चाहिए जिसस मूल्या में होने वाले अल्प परिवर्तन भी उन्हें प्रभावित कर सकें । सामान्य उद्देश्यीय मुचकान में पदो की सक्या अधिक हाने से बटि की सभावना कम हो जाती है क्योंकि यदच्छ प्रतिक्यें में सत्त्वन रहता है। परन्तु अन्य जटिलताओ जैसे सामग्री प्राप्त करने में देशी, वडी सस्याओ पर विचार करने के कारण उत्पन्न अशुद्धि बादि से यह लाभ बहुत महत्त्वपूर्ण नही रह जाता । इसके अतिरिक्त सूचनाक अस्थिर (erratic) भी हो सकता है। अतएव यह सदैव उचित है कि सुचकाक का प्रतिनिधि होना ध्यान में रखते हुए वस्तुएँ सस्या में जिल्लानी कम हो समें उतनी कम हो। आधुनिक काल में जब वस्तुओ की संख्या बढती जा रही है और रहन-सहन का स्तर उठता जा रहा है, यह समय नहीं है कि बस्तओं की सब्या में अधिक बभी भी जा सबे । परिणामस्वरूप सबेदन-शील मुक्ताको में लगभग २० वस्तुएँ रसी जाती हैं और सामान्य उद्देशीम मुक्ताको में बुछ स्पितियों में ४५०-५०० तक वस्तुएँ होती है। आधिक अनुसुधानों में सूचकाको थे महत्त्व की दिष्टिगत रखते हुए यह कहा जा समता है कि इनके बनाने में होने बाला कोई व्यय अधिक नही है और आजकल सामग्री सग्रहण और उसका उपयोग करने की प्रविधियाँ इतनी उन्नत हो गई है कि अब पदी की सक्या चाहे दिसनी ही वटी बयो न हो सूचनान बनाने में देरी या बयुद्धि नही हो सनती।

चपर्युक्त बातो को ध्यान में रखकर पदो को चुन लेने के बाद निम्नालिखित बातें विचारणीय है

(क) विसी वस्तु की वितती प्रकार रखती चाहिए—प्रकार (varieties) की सस्या पर विचार करते समय सास्थित को दो वातो का घ्यान रखता चाहिए। पहला, दे सब प्रचार सम्मिन्दित करती चाहिए विनवा साधारणत द्वपमेंग होता है और जो मुननको को समयत प्रमानित करेंगी। उदाहरणार्थ जीनी की कम से कम ३-४ किसमें प्रचलित है और यदि ये सब सम्मिन्टित नही की जायगी तो मुनकाक प्रतिनिधि न रह जायगा। यदि अधिक उपयोग होने या किसी अन्य बात के कारण किसी बस्तु को अधिक महत्त्व देना है तो उस बस्तु की एक से अधिक प्रकार का चुनाव किसा बसाइ ए। अब प्रकार की सख्या मार दर मी निर्मर रहेंगी।

यहाँ यह स्मरणीय है कि श्रांतिरक्त भार नेचल तभी दिया जाता है जब विचिद प्रकार के मृत्यों का, माम्मिलत करते से पहले, माध्य नहीं निकाल जाता। जब भार देता हता है तब जबी वस्तु की विभिन्न प्रकारों को विभिन्न सन्तुर्ये माना जाता है श्रीर इस तरह जहाँ प्रकार की सक्या के शाधार पर मारित कर दिया जाता है।

यह मी जबकोषय है जि प्रवार की सख्या की समस्या कस्तुओं की सख्या की समस्या के समस्य है। जिस प्रकार वस्तुओं की बढ़ी सख्या का प्रहस्तन करना किन है ठीक उसी तरफ अटि प्रवार की सख्या अधिक हो तो करिनाई आती है। परन्तु असा कहा जा चुना है, प्रविधि में उन्नति होने के कारण इस समस्या ना समाधान किया जा सबता है।

- (क) क्षित मूल्य किस प्रकार प्राप्त किये जायें—क्षित मूल्य प्राप्त करने में कई समस्याओं का सामना करना पहता है
- (१) उन स्थानो वा चुनाव जहां ने विध्य मुख्य लिये जायेंगे एक विचारणीय बात है। ऐसे स्थानों का चुनाव नरना चाहिए जहां वस्तु विद्येप ने बड़े बाजार या मरियों हो। ऐसे स्थानों की शब्धा बहुत बढ़ी ही सन्ती है, इमल्पि यह आवस्यन है कि उनमें भी चुनाव विचा जाव। यह चुनाव जहां तन हो तन चुन्छ प्रतिचन विधि से विमा जाना चाहिए। यह आवस्यन मही है वि सब सन्तुओं ने लिए एक ही स्थान छटि जायें, परन्तु यदि ऐसा ही सने ता मुनवाक बनाने में मुनिया होगी।
- (२) उन व्याधारियो वा धुनाव जिनसे बांधन मृत्य मांचे जाएँगे। उपर्युक्त रीति से चुने गए विश्वी भी व्याधारित येन्द्र में सस्तु वे नई वह व्याधारी होने और उनमें मी चुनाव बरणा हामा। इस चुनाव में भी बद्द्य प्रतिचवन विधित्ना उत्योग किया जाना चाहिए।

कभी कभी प्रमुख पतिकाओं से भी विषत मूल्यों वा सबंद किया जाता है। यदि इस विषि का उपयोग किया जाय तो प्रामाणिक पत्रिका वा चुनाव करते में बहुत सावभागी करती चाहिए और इस सामग्री का उपयोग करने से पहले उसवी प्रामाणिकता की जीव कर केनी चाहिए।

- (१) विषत मृत्य प्राप्त करने भी बारवारता भी निरिस्त न र हो जानी काहिए।
 यारवारता ने बार में कार्य निर्मित्त तिव्रक्षित वनामा मत्य नहीं है, परन्तु हामान्य कर हमा वा करना है नि बारवारता वित्रनी अर्थिक हो ततना अच्छा। इसमें
 मृदियो ना निर्जनन हो नायमा और मुख्याक अधिन प्रतिनिधि होने। परन्तु गरि
 रन्ती बारवारता बहुत अधिक हो जायमी हो जीवरिध होने। परन्तु गरि
 रन्ती बारवारता बहुत अधिक हो जायमी हो जायमी। धामग्री मत्यह कर नो का मत्य मी होने पर महत्त है और कल्पन्य पे अन्यामो परिचन कर हो तत्त हो है।
 भी हुद्दा बस्के है । अपएव बारवारता व्यवहारिकता के आधार पर निर्मित भी मार्ग विद्यास हो है। अपएव बारवारता व्यवहारिकता के आधार पर निर्मित भी मार्ग वाहिए। अधारपण सावताहिक कथित मून्यों का मध्या करना अधिकार पृथ्यिकों हे अप्याप कर सावताहिक कथित मून्यों का मध्या करना अधिकार
 - (४) मूच्यो वा उद्धरण देने की विधि भी माध्यक्षी से सुनिविचत कर तेनी क्षाहिए। इसके किए दो विधियो वा प्रवक्त है। मूच्य मा तो बस्तु की इकारों के उन में [इस्स मूच्य) जीने ५० रुपये प्रीत मन, दिए लाते है या इस्स की इकारों के कर में [इस्स मूच्य) , जीते ४ केर प्रति एया, दिए लाते हैं। रहली निधि क्षिय तर्क सम्मत है परन्तु जिस विधि वा भी उपयोग विचा वाय, उत्ती का क्ष्मुक्त एवं हाता विदि का माध्यक्त है परन्तु जिस विधि वा भी उपयोग विचा वाय, उत्ती का क्षमुक्त एवं एवं विधि वा और कभी दूसरी विधि वा उपयोग विचा वाय।
 - (५) यह मी एक नहत्वकृषे प्रान है कि नुवकार बनान में विता प्रकार ने मूखों को जलकर (quote) करना चाहिए, अवर्षि चोक नूस्त कि जारों या पुटर मूख्य । इसका जलर सुककार की प्रवृत्ति पर कि तूस्त कि जारों या पुटर मूख्य । इसका जलर सुककार की प्रवृत्ति पर अधिक अच्छे कुका है, परनु निवाह-मुक्कारों के लिए पुटकर मूख्यों पर विचार करना परंगा। योन मूख्य आधिक एक-क्य रहते हैं और आधिक बारनों में होने बाले अस्त-परिवर्तनों के प्रवि वत्तरवालि होते हैं। पुटकर मूख्य नुष्ट समय-परवाह विवारते हैं, जियेचा यह मूख्य में होते होते हैं। कुटकर मूख्य नुष्ट समय-परवाह विवारते हैं, चित्रोचा वह मूख्य मूख्य मान परवाह के लिए विवारत हैं। चित्रोचा पर मूख्य में निवरण कर लेना चाहिए वि
 - (६) नल में, मामधी वा समह न रते चाले गणको ने चुकाब पर विशेष रूप से प्रधान केना चाहिए। ये लोग मुख्यों के बारे में मुक्ता देने हुई, इसलिए उनकी तर्मुख्य में नामधानी बरतानी चाहिए क्योंकि मुक्ताकों ने बबार्ष्या उनके इस्स नेत्री नहुँ सामधी पर निर्मेष रहेंगी। नामी बनी इस नाम ने दिल प्रकान के

व्यक्ति नियुक्त किये जाते हैं, परन्तु अधिकासत यह काम जन्म अपिनारिया को सीप दिया जाता है। गण्य जाहे निशी भीति नियुक्त किए आपें, यह आसदस्व है कि जहें सामान्य प्रविद्या देवी जानी भाहिए। इन बात पर विशेष हम से जीर दिया जाना चाहिए कि वे अभिनत न हा और व्यक्ति निरुदेश रूप से सामग्री समूहण परें।

(२) आधार का चुनाव

हम यह कह चुके हैं कि सूबकान किसी घटना की तुल्ना किसी प्रमान तिथि को हुई घटना से करते हैं। इस प्रमान-तिथि (standard date) का चुनाक करना अस्तरा सहस्वपूर्ण काय है। कत्य तिथियों के सूब्य प्रमान तिथि के मूत्यों के प्रतित्तत के इस में दिये जात है। इस प्रतिकारों को 'कार्याक्क' (relatives) करते हैं और प्रमान तिथि को आधार' (base) करते हैं। यदि प्रमान-तिथि वा चुनाव साक्षानी पूर्वक प किया जाय तो आधिक अच्छे नहीं होंगे और सुक्वाक गएत होंगे। आधार वार यो अकार के होते हैं।

- १ स्थिर जाचार (Fixed Base)
- २ श्वसला आधार (Chain Base)
- (१) विषर आधार—जैसा नाम म रषट हो बाता है इस विधि में एक तिस्वित तिथि को आधार मान हिया जाता है और सब तिष्यिय को तुष्का रूमी निथि स की जानी है। स्थिर आधार का बुगाव दो प्रकार से किया का सकता है
- (क) सब परिस्थितियों पर मावपानीपूर्वक विचार करके कोई विद्रोद निर्मित निर्मित कर ली जानी है। यह तिथि जनामान्य नहीं होंगी चाहिए अपात दम काल में युद्ध ज़क्कल आदि और तेजी या मन्दी वहीं होंगी चाहिए। मन्देप में यह तिथे पत्ती होती चाहिए कि मन्देप में यह तिथे पत्ती होती चाहिए कि मृत्य नते जी अधिक हो और न ही क्य हो—जन्ते हो मात्र्य हाना चाहिए। यदि ऐका नहीं है तो भूषकाल घटना में परिवर्तना के बार में प्रमास्त मत देंगे। यदि आधार काल में मृत्य वहे हुए हा तो अन्य वधीं के मृत्य में आनुपानिक कमी बहुत अधिक होगी और आनुपानिक पत्ती कर मन्देप।। परन्तु हामान्य काल कमा वहन वरता एक अध्यक्त कि कमा है क्यांकि उन्हों के स्वत्य क्यांपा नहीं चा सक्यों है। प्रयोज क्यां में कुछ न कुछ जमान्यनता हानो हो है हमलिए बहुधा हम पिता न ए शिंदा नाए छोटना पढ़ता है जा अधानान्य वर्षों में सबस हामान्य हा।
- (ख) विसी निस्तित नाल यां तिथि वा आधार न दता वर एव अविध वा आधार बनायां जा सवता है। इस अविध में तजा आर मन्दा आ जाते हैं और इसलिए यह माध्यत सामाय भागा जा सवती है। इस विधि में वर्द वर्षों

पर विचार विया जाता है और इनमें प्रचलित मृत्यो के माध्य को आधार-मृत्य मान लिया जाता है।

(२) श्वलत जाबार—यदि वर्ष प्रति वर्ष तुरुना करनी हो तो म्हलता आधार विधि का प्रवान किया जाता है। इस विधि में विसे हुए वर्ष के मुक्काक पिछले वर्ष को आधार मान कर निकाले जाते हैं। यहां प्रधानमान्य आधार करत को आवश्यकता नहीं पत्रती। यदि १९०० से आगे के वर्षों के मुफ्काक ननाने हें तो १९०१ के लिए १९०० आपार होना, १९०२ के निष् १९०१ इस्तावि।

एही पिछले वर्ष से पुष्टना करणी हो श्वेषण्य आकार उच्चुच्छ है । इसमें नए पदों को जोडने और बेकार पदों को हटाने की सुविधा रहनी है । इस प्रकार सुचकाक

अधिक बारतदिक हो सकते हैं।

यहाँ यह रमरणीय है कि इस विधियों में गुगावगुण का प्रका ही नहीं जठता। अपने अपने क्षेत्र में बोगो विधियां उपयुक्त हैं। दनक उद्देश मिस्र हैं और जहाँ तक में उन्हें पुरा करते हैं, ये बोगो वाष्ट्रगीय हैं।

(१) माध्य का चुनाव तथा भारण की प्रणाली

(क) नाध्य—नाध्य का चुनाच करने की समस्या उस स्थिति मे उदान होती है जहा एक से अधिक बताएँ हा । यदि एक ही वस्तु हो तो मुक्काक वही होता है जो उस अन्तु का आपेक्षिक (relative) है । चूँकि मुक्काक उन्ही स्थानो पर उपयोगों है यहाँ एक से अधिक बस्तुएँ हो, इंग्लिए उपयुक्त माध्य का बुनाव महत्व-पूर्ण है । वर्ष कराबुकों को तिम्मतित करने पर हमें उनके आपेक्षकों का साध्य निकालना पढ़ता है।

मुख्य समस्या माध्य का चुनाव नरने की है। सिदानत किसी भी माध्य ना उपयोग किया जा सकता है। परन्तु केवल तीन माध्य—स्यातर माध्य, माध्यिका और गुणोक्तर माध्य—प्रचलित है।

समावर माध्य का उपयोग-सूचकाक बनाने में समातर माध्य सर्वाधिक प्रचलित है। यह सुबोध है। परन्तु इसके निम्नलिखित दांच है

(१) यह चरम बदों से प्रभावित होता है और वडे पदों को अधिक भार देता है। यदि किमी वस्तु का मूल्य बहुत अधिक वढ या घट जाता है तो पूरे सूचकाक प्रभावित हो जाते हैं।

(२) यह एक निरचेदा मापन है, परन्तु सुबकाको के बनावे में हमें सापेक्षिक परिवर्तनो पर निचार करना होता है। अतएन ऐसे मापन का उपयोज सतीपजनक नहीं है।

गाध्यका का उपयोग—माध्य की भाँति साध्यका की गणना भी आसानी से की जा सकती है और यह सुबोध भी है। परन्तु इसमें निम्नुलिखित दोध है

- (१) यदि पदो की सख्या कम हो तो यह प्रतिनिधि नही रह जाता। सुचनानों में पदो की संस्था सामान्यत नम रहती है, अतएव यह अनियमित हो सकता है।
- (२) माध्य की भारत यह भी एक निरपेक्ष माधन है और अतएव सुबनाको के लिए अनुपय्क्त है।
- (३) कभी कभी यह वस्तुत विद्यमान नही रहता और इसका अन्तर्वेदन करना पडता है।

गुणोत्तर माध्य का उपयोग-मूचकाक बनाने में गुणोत्तर माध्य बहुत लोक-त्रिय हो रहा है। इसमें एकमात्र दोष यह है कि यह सुबोध नहीं है और इसकी गणना करने में गणितीय सार्राणयो का उपयोग करना पढता है। परन्तु प्राविधिक दृष्टि-कोण से गुणोत्तर माध्य कही अधिक श्रेय्त है। इसके लाभ निम्नलिखित है।

- (१) इसके आधार पर बनाए गए सूचराको में समान अनुपाती परिवर्तनी को समान भार मिलता है। चुँकि गुणोत्तर माध्य स्वय एक सापेक्ष मापन है, इसका उपयोग सुचकाको में जो सापेक्ष भाषन है, विशेषत लाभदायी है।
- (२) जहाँ तक काल का प्रश्न है, इसके आधार पर बनाए गए सूचकाक विषयेंय या जत्त्राम्य (reversible) होते हैं। सूचनाको नी अंप्रता इस बात पर निर्भर करती है नि वे उत्काम्य है या नही।

यहाँ हमने गुणोत्तर माध्य का उपयोग नरने ने लाभी ना ही उल्लेख निया है। ये लाभ व्यवहार में किस प्रकार आते है इसका दर्णन हम तब करेंगे जब सुक्रमांक इताने पर विचार किया जायगा।

(स) भारण—गाध्य के चुनाव से निकट रूप से संबंधित समस्या उपयक्त मारण प्रणाली के चुनाव की है। भारित सुचकाक की आवश्यकता उन्हीं कारणो से पड़ती है जिनके कारण मारित माध्य की आवश्यकता पड़ती है। भारित सचकाक पदो ने सापेक्षिक महत्त्व पर सम्बित विचार नरते हैं और मुचनानो नो अधिन प्रतिनिधि बनाते हैं। यह सबसे सुस्पष्ठ लाभ है। परन्तु मुचनारू को भारित नरने के अन्य नारण भी हैं। मारित होने के नारण सूचवान अभिनति से मुक्त होते हैं। इसने लिए प्राय प्रतिदर्शों को भार दिये जाते हैं या प्रतिदर्शों नी सख्या बढ़ा दी जाती है। बाउले का मत है कि जब सामग्री की न्यनता हो, भार बाउनीय होते हैं।

उसका यह भी कहना है कि भारण के कारण भूचकाको में मूक्ष्मता (fineness) आ जानो है।

भारण कब अनावस्वन है—हम कार बता चुके हैं कि भारण नई कारणों से आवरणक है। परन्तु यदि उचिन कम से बनाई गई भारण-अवाओं अभारित सूचका के मो नहीं बदकती तो भारण परिद्वार्ग हैं। भारते का परिद्वरण ऐमो स्थितिया में भी विचा जा सहता है जब हम जातते हैं कि इसके फलस्वरूप वर्षो पर कोई प्रमाव नहीं पर्वेता।

परन्तु बारतीक कठिमाई यह है कि तम पहले से ही यह नही जान पनते कि मार्कि और अमारिक मूचकारू एक से होंगे या अलग अंका । अलएक मार मदैव बारक्पक है, बिपोप काणिए क्योंकि समाग्यत पद विवादीय समूह बनाते हैं और एकशे सदस्य बदलाड़ी रहती है। आरिक और बार्कित सस्याओं के गूगो ना - निर्मारन बेस्क लुप्ता करने दिया जा सकता है।

भारत वा आधार—उपर्युक्त विवस्ण से वह स्पष्ट हो गया होगा कि भारत वी अवस्पव ता वर्ष वास्त्रों से है। परणु प्रस्त यह है कि भारत विचा किल आधार पर दिया बात है केशितक अध्यक्त में मनमाने भारते (arbitrary weights) या आवित्तम आपो (chance weights) का कोरिस्ताव नही है। यह आवस्पक है कि हमें नारत की युक्तियुक्त (rational) अधाली अवनावी जाहिए अर्थात भारति विचा तर्कनम्मत आधार के अनुसार विचे जाने चाहिए। भारते वा तर्क सम्मत आधार के अनुसार विचे जाने चाहिए। भारते वा तर्क सम्मत आधार कुक्त की किल और उसके उद्देश्य पर निर्मर सुवता है। अताय इसके किए कार्य सामान्य जानाकी निर्मत्त करना चावन नहीं है। सामान्यत निम्मतिश्रित निरम्ते (criteria) वा जाना रखना नाहिए

- (१) जल्पादित या निर्मित अर्घ (value), (या राधि)
- (२) माँगी या बेची गई या बिनी ने लिए प्रस्तुत अर्थ (या राश्चि) :
- (३) उपयुक्त अर्थ (या राशि)।

अस्पष्ट और स्पष्ट बार (Implicit and explicit weights) ---बार के ब्रगर के हो सकते हैं अस्पष्ट भार और स्पष्ट भार।

(१) अन्वय् भारण में मारो को अधिकानन रूप से (expressly) प्रस्तुत नहीं दिया जाता. वे सामयों को प्रकृति में उपलक्षित (implied) होते हैं। रसितए मारो की प्रवाली वन्युत्वों ने चुनाव पर वाधिन हैं। इस प्रकालों में जिल्ल बच्चु में भार देवा होना है उसे उसमी तार मिला बाता है विन्ता बार देता है। सामान्य व्यवहार यह है नि वस्तु भी वई निस्सो पर विधार किया जाना है। (स) स्पष्ट भारो में भार किमी बाध्य माध्य ने आधार पर अभिव्यक्त रूप से दिये जाते हैं, उदाहरणार्थ, उत्पत्ति, विश्री, उपभोग आदि।

यहाँ यह अवलोक्य है कि भारी ने साध्य के रूप में हम चाहे किसी प्रणाली को अपनाएं, जहां तक हो खने भारते ना आधार अर्थ (value) होना चाहिए, राधि नहीं। इसना नारण स्पट है। हम विभिन्न वस्तुओं नी भाष नी इनाइयों—— जैसे नज, बैठन, बेर आरि——नी गुल्या नहीं वर सकते, परन्तु अर्थों की (जो द्रस्य ने एम में दिये जाने हैं) बुल्या की जा सबती है।

स्थित और परिवर्ती भार—अगली समस्या यह है कि भार स्थित होने चाहिए या परिवर्ती । यदि अविधि ने अनुसार परिवर्ती भार दिये जाते हैं तो हमें पदी के सापेश्य महत्त्व के दृष्टि बोण से अधिव अच्छा भाषन मिरुता है। परिवर्ती भारो बाला जुववान न वेचल गृत्यों ने परिवर्तनों ने बारे में अधिव जानवारी देता है, विक्त वल (emphasis) में परिवर्तन भी वरता है। इसलिए इस प्रवार वा सुपवान अधिव उपयवत है।

भारण की विधियाँ

जैसा बताया जा चुना है, अस्पष्ट भारण वस्तुओं की हिस्सी के चयन का प्रश्न है। परन्तु स्पष्ट भारण में निम्नालिखित विधियों में से कोई विधि अपनाई जा सबनी क

- (१) आपेरिशनो नी भारित माध्य निषि या नुटुम्न आप व्ययन निषि (Weighted Average of Relatives Method or Family Budget Method)
 - (२) समूही व्यय निधि (Aggregate Expenditure Method)
 - (३) फिरार की 'आदसं' विधि (Fisher's Ideal Method)
- (१) आपेक्षियों का मारित याच्य विधि—इम विधि वो बुटुम्प-आय अययन विधि मी नहीं है क्योंकि इमने बालू वर्ष मे मूल-आपेक्षितों वा भारित-माध्य इनकी आधार-वर्ष में उपमुक्त बस्तुओं वे वर्ष में अनुसार भार देवर विश्वांत जाना है। प्रवेत रुप में

सूचनान
$$= \frac{\Sigma IV}{\Sigma V}$$
 जहाँ I आपेक्षित है, और V अपे है।

 (२) समुही व्यय विवि—इस विजि में भालू वर्ष और आधार वर्ष के मृत्यों को आधार वर्ष की राशियों से मारित किया जाता है। सकेत रूप में

सूचकाक
$$=rac{\Sigma p_1q_0}{\Sigma p_0q_0} imes 100$$

जहा 🎤 आधार वर्ष में मूल्य है,

🎤 चालू वर्ष में मूल्य है,

q₀ आधार वर्षे मे राशि है।

(३) फिशर का सादयाँ मुक्काक—ओं ॰ इन्हिय फिशर ने १३४ मूनी की परिप्ता करने के बाद यह चूक निकाल था। इस प्रणालों में ज्यावाद भारण (cross weightung) किया जाता है और चाल वर्ष और आधार वर्ष, वोत्रों के नुत्यों को चाल वर्ष और आधार वर्ष, वोत्रों के राधियों से मारित किया जाता है। यह सुक एक 'बादयं मुक्क' देता है क्योंकि यह परिवर्ती भारों पर बना है और जहाँ तक काल किरवेय गरीका (tune reversal test) और लब्ध-विवर्गय परीक्षा ((factor reversal test) नी यात है, यह सुकक्का को वर्त्वास्य (reversible) बनाता है। करित है करित रूप में

মুখৰাজ =
$$\sqrt{\frac{\sum p_1q_0}{\sum p_0q_0}} \times \frac{\sum p_1q_1}{\sum p_0q_1} \times 100$$

जहाँ 🏚 = आधार वर्ष में मूल्य

p₁ = चालू वर्ष में मूल्य p₀ = आगार वर्ष में राशि

g₀ = आसार नप म साक्ष g₁ = चाल वर्ष मे राशि

विविध प्रकार के सुखकाक बनाना

इस सप्ट में हम उदाहरण के कर मुक्ताक बनाने की उपर्युक्त विविधो का उपयोग करेने :

उदाहरण १-- निमालिका समग्री से लिए बाबार और गुलका जाबार मुक्कात नमाने है। मुक्काक नर्नेकम ३ (स्विर) और कॉक्स ४ (मृक्का) में रिसाए सए हैं। १९४८ जासार वर्ष है। कॉल्स ५ में १९४८-५७ के मृत्यों को जाबार मान कर सुक्काक कतार वार्ष है।

सास्थिनी के सर्ग मिद्धाना

		स्चिर वाघार	शृसला	स्थिर आयार
वर्ष	मृत्य	मूचवाक	सूचकाक	सूचकाक
		(१९४८=१००)	(:	१९४८-५७= १००)
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
1948	78	100 0	100 0	85 2
1949	88	112 N	112 8	97 7
1950	76	97 4	86 4	84 3
1951	78	100 0	102 6	85 2
1952	94	120 5	120 5	104 3
1953	99	126 9	10o 3	109 9
1954	102	130 8	103 3	113 2
1955	112	143 6	109 8	124 3
1956	99	126 9	88 4	109 9
1957	75	96 2	75 8	83 2
শীল	901			

माध्य=९०१=१००कॉल्म ५ के लिए।

चाळू वय के मूल्यों को सूचकाकों में अदरने की सरळ रीति यह है कि चारू वर्ष के मूल्यों को आधार वर्ष के मूल्या से विभाजित कर दिया जाय और इसे १०० स गुणा किया जाय। सकेत में

सूचकाक
$$= \frac{p_1}{p_0} \times 100$$
जहाँ p_0 = आधार वर्ष ना मृत्य
 p_1 = चाल वर्ष ना मृत्य

यदि एक से अधिक बस्तुएँ हो तो उपर्युक्त सून मूचकाक न दकर मूच्य आपक्षित बदाएगा । मूचकाक बनाने के लिए इन मूच्य आपक्षिकी का माध्य निकालना हागा । निम्मलिखित उदाहरण में यह रीति सर्थभाई गई है।

उदाहरण २—निम्नलिखित सामग्री स स्थिर आधार मूचनाक बनाने है, जब कि

(3)1-1-1		औसत	मूल्य र	. प्रति इ	काई में	
वस्तर्षे	1951	1952	1953	1954	1955	1956
वस्तुएँ गेहुँ	17 3	14 5	49	5 7	17 1	11 6
चावर	34.1	17 3	148	13 2	29 8	13 3
क्पडा	6 5	6 2	35	4 1	7 3	4 2
तम्दान	7 0	6 5	35	3 6	8 0	4 2
नारियल	77	3 6	3 4	28	5 5	27
सार स्टिन्सी	7.3	58	4 3	3 7	7 7	4 I

नुस्न वस्तुत्रा के मूत्यों का स्थिर बाधार सूचकाक प्रतिशत मूल्य (१९५१≔१००)

	Milan A		(1111)			
बस्तुएँ	1951	1952	1953	1954	1955	1956
गेह	100	84	28	33	100	67
धावल	100	51	43	39	87	39
इपदा	100	95	54	63	112	63
सम्बाक्	100	93	50	51	114	60
नारियर्क	100	47	44	30	71	38
साग सन्जियाँ	100	79	59	51	105	56
आपेक्षिको का योग	600	449	278	273	589	325
आपशिको का माध्य	100	75	46	45	98	54
आपेक्षिका का माध्यिका	100	82	47	45	102	58
आपक्षिको का गुणोत्तर शास्त्र	100	72	45	44	97	53

सूचकारों में गुणोत्तर माध्य के लाभ

हम वह चुके है कि गुणोत्तर माध्य (i) मूचकाको को विषयें (reversible) बनाता है और (1) समान अनुपातो की समान भार देता है। यहाँ हम वेखेंने कि ऐसा बास्तव में कैंक्षे होता है।

१ मुप्तिस्त साम्य और सुक्ताशों की काल-विषयंवात — विषयंचा (काल) का थर्म यह है कि सुक्ताक होते हो कि बाज वर्ष के स्थान पर आधार पर की शरा विधान के प्रति है कि सुक्ताक होते हो कि बाज वर्ष की अधार पर की शरा कर का साम कर कर कर का साम कर का साम कर कर का साम कर कर का साम का साम कर का साम का साम कर का साम का साम कर का साम
81

चालू वर्ष ने आधार पर बने आधार वर्ष ने') असगत नही है तो हसना मही अर्ष है। यदि यह अनुपात बदल जाता है, तो सुवनान घटिया माने जाते हैं, भले ही ने सही हो।

काल विषयंग्रता की वरोक्षा—विषयंग्रता की परीक्षा यह है कि यदि आधार वर्ष पर वर्ते हुए बालू वर्ष के मुत्यों ने सुनताक (वर्षात् P_{01}) को बालू वर्ष पर वर्ते हुए आधार वर्ष के मून्यों (वर्षा $[P_{10}]$ जिल्हें १०० वे मुख्य नही किया गया है से गुणा किया जाय तो परियाम है होना चाहिए। उदाहरण के लिए यदि P_{01} =१२५/१०० हो और P_{10} =C0/१०० तो $P_{10} \times P_{01}$ =1

सकेत रूप में $P_{01} \times P_{10} =$ १

जहाँ P_{01} और P_{10} जमश आधार वर्ष पर बने हुए चाळू वर्ष के मूल्य और चाळू वर्ष के मूल्य और

यह परीक्षा सुचकाको की विषययता जानने के लिए सब जगह लागू की जा सकती

जवाहरण ३ निम्म आमडो से एक दूसरे पर आधारित चालु और आधार वर्ष के सूचवाक निवासिए और सिद्ध कीन्त्रिए कि गुणोत्तर साध्य बन्हें विपर्येय बनाता है, परन्तु समान्तर साध्य नहीं।

	मूर	य	आपेक्षिक		
वस्तु	आधार वर्ष	चालू वर्ष	1956 1955 ×100	1955 1956×100	
	1955 P ₀	1956 P ₁	Pot	P_{1q}	
गेहें	20	22	110 000	90 909	
चावल	35	34	97 143	102 941	
आपेक्षिको व आपेक्षिको व	ता समावर माध्य हा गंगोसर माध्य		103 572 103 4	96 925 96 72	

सा॰ भा॰ 1 03572 × 96925= 0 9949 ग॰ भा॰ 1 034 × 9672 = 1 0000

इससे यह स्पष्ट हो जाता है कि गुणोत्तर भाष्य सूजकाको को विपर्येय बनाता है।

(२) गुणोत्तर माध्य समान परिवर्तन-अनुपातो को समान भार देता है— गूवन को ना अध्ययन जनुमतो का अध्ययन है। गूवकानों में हुम पटना दे स्तरो ने निरपेक्ष परिवर्तन से यर बिचार नहीं करते, बिक्त घटना के स्तरों के सापेश परिवर्क पर बिचार करते हैं। उदाहरणार्थ यदि १९५६ में स्तरु च ना मूच्य १० से २० हो जान और बस्तु 'स' ना मूच्य २० से १५ एड जाम तो निरपेक्ष प्रमाव यह है नि दोनो वस्तुओं हो नाम दिचार वस्ते पर ममुद्दी क्यी ५ के बरावर हुई। परन्तु बही तब सार्विक्षक प्रिवर्शन की बात है, इसम बोर्ड पियर्जिक वहीं हुआ क्योंकि के दा मून्य हुता हुआ सोर 'सं दा आपा हो बचा। बदि कोई स्वत्तक क्या परिवर्शकों में परिवर्तन दिखाता है तो यह उच्चाई के साम मून्य स्मारे के परिवर्तनों को निरिज्त नहीं करता हमी प्रकार १९५० में 'क' हा मून्य देह मूना है और 'सं दा मून्य आपा है। ऐसी बदस्या में सुक्काक को परिवर्गन दिखाना चाहिए। गुणोतर प्राथ्म के दान पर की सम्मानिक उद्यादा में स्वर्यक्र स्वार की स्वर्यक्र में स्वर्यक्र में स्वर्यक्र स्वर्यक्य स्वर्यक्र स्वर्यक्य स्वर्यक्र स

रताहरण ४--

	1955		1	1936		7
वस्तु	मूच्य	आनेसिक	मूल्य	आपश्चिक	मून्य	आपेक्षिक
व	10	100	20	200	15	150
स्र	30	100	15	50	15	50
ब्रा पेक्षि	हो कास	मा॰ 100		125		100
अपक्षि	ना का गु	যা∘ 100		100		87

समानर माध्य द्वारा जनाए गए सूचनक विवादी है कि १९५६ में २५% वृद्धि है, परनु १९५७ में कोई परिवर्तन नहीं है। परनु दूसित हम बानते हैं, बास्तव में १९५६ में कोई परिवर्तन नहीं है, जबकि १९५७ में १३% कमी है। यह कभी गूगोलर माध्य स्पट रूप के दिखाता है।

भारित सूचरांक

हम बवा चुके है कि मुक्काको को सारित करने की तीन विशियों है। दनमें किम विशेष को उपयोग विद्या जायना, यह प्रस्तुत सामग्री घर निकंद करता है। मुक्काल जाने के लिए जापार वर्ष जीर चालू वर्ष के मूल्यों की बावस्थकता प्रति है। इक्के जार-माथ यदि हम जापार वर्ष में उपयुक्त बर्जुबों के उस्ते को भी अपने तो हम अमेडिको नी मारित माप्य विशि का उपयोग कर सकते हैं। यदि आधार वर्ष को सामियाँ माजून हो वो हन नमूही व्यव विशि हारा मुख्यकों को मारित कर मारते हैं। यदि हम आधार वर्ष और चालू वर्ष की राजियों जावते हैं वो क्तिय कर आदां मुक्क बनाया जा सकता है। वस्तु

उदाहरण ५--निम्नलिक्षित सामग्री से आपेक्षिको की भारित माध्य विधि इारा मुक्काक अनाने है

मृत्य (२०) अर्घ (२०)

1955

1955 1956

								,,,,
चावल (प्रति मन)			20	0	15	0	20	0
नमक (प्रति मन)			4	0	4	12	1	0
क्पडा (प्रति गज)			0	8	0	12	01	0
मयान का किराया			10	0	12	0	10	0
₹ ल								
वस्तु		मूल्य	मूर	य-आपे	क्षेक	अर्थ 1955	आपेरि × अप	
	1955	1956	1	956 955×	100	V	11	_
चावल	20 00	15 00	i	75 0	一一	20	1500	00
नमव	4 00	4 75		118 7	ı	1	118	
मपञा मनान का किराया	0 50 10 00	0 75 12 00		150 0 120 0	- 1	10	1500	
मदाय पर । १ राजा		14 00	1		-		1200	
			í		2	41	Σ 4318	70

१॰५६ ने लिए भारित सूचना $r = \frac{\Sigma IV}{\Sigma V} = \frac{232.5}{4}$ =१०५ ३४

उ तहरण ६—समूह विधिद्वार, वस्त लेखित सामग्री म सूचक्त बनाना के

		मु~र	(¥0		रा श
द₹नु	19	955	19	56	1 1955
		$P_{\mathbf{a}}$	I	1 _	1 Q0
चाउल (प्रति मन)	20	0	15	0	1 मन
नमर (प्रतिमन)	4	0	4	12	10 सर
क्पटा (नितं गढ)	0	8	0	12	20 गज
मरान ना किराया	10	0	12	0	1

 P_1

15 DO

4 75

0 75

12 00

Q.

1 00

0 25

20 00

1 00

1955

ी भन

10 सेर

20 गज

1

\$190

15 00

1 19

15 00

12 00

1956

1 25 मन

8 सेर

18 राज

I

 P_0

20 0

4 0

0.5

10 0

1955

१९५६ के लिए फियर का आदर्श सूचकाक=

20

1090

20 00

1 00

10 00

10 DO

मफान का किराया

हल

		Σ43	19 41 00
1956 के लिए सूचक	$\frac{\Sigma p_1 q_0}{\Sigma p_0 q_0} \times 100 = \frac{43.19}{41}$	×100=105 34	
उदाहरण ७— से मूचकाक बनाना	-फिग्नर के आदर्श-सूचक बिल्ह है	किद्वारानिस्त	लि यत सामग्री
वस्त्	मृत्य(ए०)	राशि	r

मे 1956

15 0

4 12

0.12

12 D

चावल नमक 0 0 8 रुपडा 10 B मकान-किराया

सूचकाक	की	ग	यना
--------	----	---	-----

लूपकाक	લક્ષ માન	71						
थस्तु	Po	P_1	Q ₀	Q1	P190	Pogeo	P191	Pog1
चाबल नमक कपडा मकान- किराया	4 0 0 5	15 00 4 75 0 75 12 00	0 25 20 00	18 00	1 19	20 00 1 00 10 00 10 00	0 95	9 80
		!			Σ43 19	41 00	45 20	34 80

■ 116 9

फिरार के बादर्श सुबक की विषयँयता—पियार ने सूचनान ने यारे में जा लाग दाताब ताता है यह है उसही दिप्पयँदा । उपयुक्त सामग्री (उदाहरण) की यदि हम चाल दिपयँप परीक्षा करें (जर्जात $P_{01} \times P_{10} = 1$) तो विषयँपता निम्मिलिय रीने में मिद्र क्षी जा गरती है

$$\begin{split} P_{01} &= \sqrt{\frac{E\rho_{\sqrt{0}}}{E\rho_{\sqrt{0}}}} \times \frac{E\rho_{\sqrt{0}}}{E\rho_{d1}} \\ P_{10} &= \sqrt{\frac{E\rho_{d1}}{E\rho_{\sqrt{0}}}} \times \frac{E\rho_{\sqrt{0}}}{E\rho_{10}} \\ P_{20} &= \sqrt{\frac{E\rho_{d1}}{E\rho_{\sqrt{0}}}} \times \frac{E\rho_{\sqrt{0}}}{E\rho_{\sqrt{0}}} \times \frac{E\rho_{\sqrt{0}}}{E\rho_{\sqrt{0}}} \times \frac{E\rho_{\sqrt{0}}}{E\rho_{\sqrt{0}}} \times \frac{E\rho_{\sqrt{0}}}{E\rho_{\sqrt{0}}} \times \frac{E\rho_{\sqrt{0}}}{E\rho_{\sqrt{0}}} \times \frac{E\rho_{\sqrt{0}}}{E\rho_{\sqrt{0}}} \end{split}$$
 अंतप्त्र $P_{01} \times P_{01} \times P_{02} \times P_{\sqrt{0}}$

उदाहरण के मुख्य रखने पर

$$= \sqrt{\frac{4319}{4100} \times \frac{452}{348} \times \frac{348}{452} \times \frac{4100}{4319}}$$

खण्ड विपर्येयता (factor reversibility)—खण्ड-विपर्येयता ना अर्थ मस्यो और राशियो ना अर्थनाम्य (interchange) नरता है। जिम प्रकार सुष्काक्ष में आधार वर्ष और कालू वर्ष ना अन्तर्निमय विद्या खा खना जाना चाहिए, उत्ती प्रकार हम विद्या अमगत परिणाम पार मृत्यो और राशियों ना अन्तर्निमम मी समस होना चाहिए। इनके लिए निम्नलिखित समीकर (equation) मनुष्ट होना चाहिए।

$$P_{01} \times Q_{01} = \frac{\sum p_1 q_1}{\sum p_0 q_0}$$

बर्यात मूर्यो ने गरिवर्तनो बीर राशि ने गरिवर्तन। वा गुणनपण अप में हुए मुळ परिवर्तन ने तयाजर होता चाहिए। बर्ण ने परिवर्तन मूच और राशि में विरायदंत मूच और राशि में विरायदंती ने परावर रहे हैं निर्माश होना है। जराहरण ने िप्त विदे मुख्य हुना हो जाब और राशि मौगूनी हो जाब मी। अर्थ अरुगा हो जाब मा। अर्थ महान परि $\rho_0 = 2$ तो $\rho_1 = 4$ और यदि $\rho_0 = 2$ तो $\rho_2 = 4$ जापर वर्ष के। वर्ष मा जर्म $\rho_3 = 4$ र , और चालू वर्ष ना अर्थ $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वायद्व वर्ष ना वर्ष $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वायद्व वर्ष ना वर्ष $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वायद्व परि $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वायद्व परि $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वायद्व परि $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वायद्व स्वयं ना वर्ष $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वयं ना वर्ष $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वयं ना वर्ष $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वयं ना वर्ष $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वयं ना वर्ष $\rho_3 = 4$ र । अर्थ स्वयं ना वर्ष ना वर्ष ना वर्ष स्वयं ना वर्ष
फिरार ना आदर्श सूचन इसे भी पूरा करता है। यह विम्नलिखित रोति से सिद्ध किया जो समता है

$$\begin{split} P_{\text{til}} &= \sqrt{\frac{2p_{\text{til}}}{2p_{\text{til}}}} \times \frac{2p_{\text{til}}}{2p_{\text{til}}} \\ \mathcal{Q}_{\text{til}} &= \sqrt{\frac{2p_{\text{til}}}{2p_{\text{til}}}} \times \frac{2p_{\text{til}}}{2p_{\text{til}}} \times \frac{2p_{\text{til}}}{2p_{\text{til}$$

भूतिका जायार सुक्काक को स्थिर आधार सुक्काक में बहतना—जैगा हम रहके बडा कुठे हैं, स्थिर जायार सुक्काक दिनी पटना ने स्तर से हुए परिवर्तनों ने स्तर कुलना युद्धर नृत में पटना के स्तर से करते हैं और श्रुक्त आधार सुक्काक हन की तुलना पूर्वात (preceding) जयं से करते हैं। बहुधा यह सावस्थक हो जाता है कि श्रुक्ता आधार सुक्काकों का स्थिर आधार सुक्काकों में परिवर्तन किया जाय। स्व दिव्या को सुक्काकों का स्थान आधार प्रश्वका त्रव्य (linking the index numbers to a common base) कहते हैं। इसी प्रकार यह भी कास्पक हो जाता है कि दिश्य आधार सुक्काकों को बरका बाथ। ये रीतियाँ निन्नाणिवित्य दशाहरण से स्थर्ट हो वाएँगी।

उराहरण ८—निम्नलिनित श्वसला-आधार मूचवाक को स्विर आधार सूच-काक में बदलना है

वर्ष	शृंखला सूचक	वर्ष	श्वला सूत्रक
1948	100	1953	105 3
1949 -	 112 8	1954	103-3
1950	86 4	1955	109 8
1951	102 6	1956	 88 4
1952	120 5	1957	75-8

२५	₹			सास्यि	की के	धरल सि	द्वान्त
त उपयोग किया गया है 🗕	स्यिर सूचकाक =100 00	=112 80	≈ 97 50	=100 03	-120 50	=126 90	=131 08
ब्रीक सुबको का समान आषार (१९४८) से श्रुबका ब घन करना है इसिक्ए निम्निक्षित रीति का उपयोग किया गया है 💳	1948 से शुलका बधन		6 4	$\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{4}{100} \times 102$ 6	$\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{102}{100} \times \frac{6}{100} \times 120$ 5	$\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{102}{100} \times \frac{6}{100} \times \frac{120}{100} \times 105$ 3	$\frac{112}{100} \frac{8}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{102}{100} \times \frac{5}{100} \times \frac{105}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{105}{100} \times \frac{3}{100}
'यको का समान आधार (१९४	স্থুন্ধাব্য-শুৰ্দাক 100-0	112 8	86 4 112 8 × 86 4	102 6 112 8 8	120 5 112 8 × E	105 3 112 8 x	103 3 112 8 X
4			_		-		

120 5 105 3 103 3 8 601 4

1952 1953 1954 1955

1951

1948

1949

1950

-143 90 =127 20 =96 40

 $112 8 \times 100 \times 100 \times 100 \times 120 5 \times 105 3 \times 103 3 \times 100 \times 10$

 $\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{4}{100} \times \frac{102}{100} \times \frac{6}{100} \times \frac{120}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{103}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{199}{100} \times \frac{8}{100} \times \frac{49}{100} \times 75 \ 8$ $\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{4}{100} \times \frac{102}{100} \times \frac{120}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{103}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{109}{100} \times 88 \ 4$ $\frac{112\ 8}{100} \times \frac{36\ 4}{100} \times \frac{102\ 6}{100} \times \frac{120\ 5}{100} \times \frac{105\ 3}{100} \times \frac{103\ 3}{100} \times \frac{3}{100} \times$

75 8

1957

उपयुक्त नायकरण को निम्निकिसित रीति से भी न्याया जा सकता है

दग	मृद्धला-सूचकाक	1948 में शृक्षला वधन	स्यिर सूचनाक
1948	100		-100 00
1949	112 8		=112 80
1950	86 4	112 8 × 26 4	= 97 50
1951	102 8	97 5 $\times \frac{102 \text{ 6}}{100}$	_100 03
1952	120 5	$100\ 03 \times \frac{120\ 5}{100}$	-120 50
1953	105 3	$120.5 \times \frac{105.3}{100}$	-126 90
1954	103 3	$126.9 \times \frac{103.3}{100}$	=131 08
1955	109 8	13I 08× 109 8	=143 90
1956	88 4	143 9 x 88 4 LQQ	=127 20
1957	75 8	$127\ 2\ imes\ \frac{75\ 8}{100}$	= 96 40

अवशोक्त-उपवक्त उनाहरण ८ में शृत्राला सूचक उनाहरण १ से लिय गए है। यह देया जा नकता है कि स्थिर सूचकारू उनाहरण १ क मूचकारू क रूपमा बरा बर हा।

उन्हर्रेष ९—निम्नलिखित स्थिर आयार सूचनाका ना भूनका आधार सूचनाका म वन्त्ना है

नुष 1948-1949 1950-1951 1952 1952 1953-1956 1957 स्वित् मुनदान (1948-100)

इसकी रीति निम्नलिखित है

4 (14.1 (11/1 1-1-11	man C		
वर्ष	स्थिर सूचनान	शृसला में परिवर्तन	शृक्तरा
1948	100		सूचकाक = 100
1949	112 Ⅲ	$\frac{1128}{100} \times 100$	= 1128
1950	97 4	$\frac{97.4}{112.8}$ × 100	= 864
1951	100.0	$\frac{100\ 0}{97\ 4} \times 100$	= 102 6
1952	120 5	$\frac{120 5}{100} \times 100$	= 120 5
1953	126 9	$\frac{126\ 9}{120\ 5} \times 100$	= 105 3
1954	130 8	$\frac{130\ 8}{126\ 9} \times 100$	= 1033
1955	143 6	$\frac{143 \ 6}{130 \ 8} \times 100$	= 109 8
1956	126 9	$\frac{126}{143}\frac{9}{6} \times 100$	= 88 4
1957	96.2	$\frac{962}{1269} \times 100$	= 75 8

टिप्पणी—उपर्युक्त उदाहरण में उदाहरण ७ के स्थिर सूचकाक शुक्का सूचकाको में बदले म है हैं और ओ शुक्का मिलते हैं वे उदाहरण १ के मूचको के समानहै।

सुचकांकों का महत्व और उपयोग

सुबनानी ना उपयान आर्मिन घटनाओं ना स्तर नापने ने किये किया, जाता है जिससे दुलना नी जा सने । इसिटये में सामेश्य परिवनना ना अप्यथन नरते हैं, निर-रेश पिरवर्तनों ना नहीं। विभिन्न उद्देश्यों ना प्राप्त नरने ने किए निमिन्न पुनवान नगाए जाते हैं। वस्तु विशेष ने भूजनान नेवन्न उस वस्तु से सर्वियत घटनाओं ने बारे में जानने ने किये नगाए जाने हैं जीत मगान, वस्त्र आदि ने भूव्य और राशि ने भूवनाक। भूजनान ना उपयोग विभिन्न वगी ने लेगा ने निवहि व्यय नी पुणना ने लिए भी वगाए जान हैं। नामान्य उद्शिष सुजनान मुख्य, उन्यादन हस्तादि ने सामा य परिवर्गना जा अध्ययन नरने ने किये चनाए जाने हैं। स्तरा ने परिव ाना का अध्यक्षन नरने ने किए भूजनान सबसे अच्छी पुनिन है। चाह उन्यादन हा, ग्रां lowing data -

- 7 (a) Discuss briefly the problems involved in the construction of index numbers of prices
- (b) Calculate three sets of index-numbers with the three quinquennial averages (i) 1909 10 to 1913-14, (ii) 1914-15 to 1918 19 and (iii) 1919 20 to 1923 24 as the respective bases from the following

TOWNING UE	···a			
	Year	Value of Imports	Year	Value of Imports
Average to	1909 10 1913 14	145 9	1926 27 1927-28	231 E 231 2
Average to	1913-14 1918 19	147 8	1928 29 1929-30	253 3 240 8
Average to	1919 20 1923-24	254 0	1930-31	164 🛭
1924 25		246 6	1931-32 1932-33	126 4 132 6
1925-26		226 2	1933 34 (B Com	Hons, Travancore)

8 Explain the principle of Index Number making with special reference to (a) the best average to be used, (b) effect of weighting Prove the property of geometric mean on which its advocates base their arguments for using it.

The following table gives (for the Madras Presidency) the quantities of four food grains purchasable for a rupee, for ten years if the relative importance of rice cholam, cumbu and ragi be as 10

5 3 2, make a table of index numbers of pricts for each commodity for the last three years, taking the weighted mean of prices of all the commodities for the whole decade as base —

Seers per rupee

Year	Race	Ragi	Cholam	Cumbu
1911	9 3	15 7	14 6	15 1
1912	7.5	13 5	12 5	12 2
1913	7 4	13 5	12 7	12 6
1914	77	13 Ⅲ	13 5	12 9
1915	8 2	15 1	14 8	14 3
1916	7 9	14 8	14 6	13 6
1917	7 8	14 0	12 6	12 9
1918	6 9	12 0	9 9	10 5
1919	4.7	6.9	6.5	6 6
1920	4 6	6 7	6 6	6 4

The following gives the annual income of a teacher and the general index number of prices during the last nine years

Year	Income (Rs.)	General index no of	Year	Income (Rs)	General index no of
	,	prices		. ,	prices
1939	360	100	1944	640	290
1940	420	104	1945	680	300
1941	500	115	1946	720	320
1942	550	150	1947	750	33D
1043	600	780	****		

Prepare an index number to show the changes in real unione of the teacher, and discuss the effects of a rise in the general level of prices on his real income (MA, Agra)

10 Calculate the index numbers of prices for 1952 on the basis of 1951 from the data given below —

d 1551 Holli the	man Rivers peron	-		-		
Commodities	Weights		per umt Sl	Price per un 1952		t
		Ra	23.	\mathbf{R}_{2}	a	
A	40	16	0	20	0	
В	25	40	0	60	0	
C	5	0	8	0	8	
Ď	20	5	2	5	4	
E	10	2	0	1	В	

(M S W, Lucknow)

11 Construct the wholesale price index number for 1929 and 1930 from the data given below. Use 1920 as the base year

	#A DOTESTIG	price (in rupees) per	mauna
Commodity	1928	1929	1930
Rice	7 3	7 7	5 8
Wheat	7 7	5 5	3 6
Linseed	70	8 0	6.5
Gur	6.5	7 3	6 2
Cotton	34 1	29 8	17.3
Tobacco	17 3	17 1	14 5
		1/)	S W, Lucknow)

12 Using 1950 as the base year, calculate the index number of prices for 1951. Use grometric average

Commodity	Weight	Pri	ce	ın l	950		Pn	ce ı	n li	951	
		Rs a	LS.	p p	er :	unit					ziau
A	20	8	0	0		22	12	3	. 0	٠,,	
В	12	2	4	-01			9	13	0		13
C	4	ō	n	9	>>	33	ñ	0	9	37	33
Ď	Ŕ	ĭ	ň		9	,,,	1	10	- 0	33	>>
Ē	6	1	ŏ	0	31	33	1	12	U	21	>>
E,	0	20	0	0	19	91	22	9	U	٠,,	,
							(B	Α.	Luc	kno	(m

C

13 Prepare index numbers from the average prices from the three groups of articles given below in rupees per unit

Group	1939	1940	1941	1942
1	15	100	24	30
11		12	15	18
111	2	2	3	3

Give weights to the three groups as 4, 3 and 2 respectively (B Com, Lucknow)

14 From the following average prices of the three groups of commodities given in rupees per unit find chain base index numbers with 1939 as the base vear —

Group	1939	1940	1941	1942	1943
1	2	3	4	5	6
11	8	10	12	15	18
III	4	5	8	01	12
				(BC	lom , Agra)

15 What do you understand by cost of living indices? Describe briefly the main steps of their construction illustrating your answer by taking the case of mill workers of Kanpur (F. & Livingar)

A, Lucknow)

- 16 Explain how cost of hving index numbers are prepared What points are considered in the selection of the base year, prices and weights ? (B Com , Agra)
- 17 State the method of constructing a cost of living index number. The following are the group index numbers and the group weights of an average working class family a budget. Construct the cost of living index number by assigning the given weights—

Group	Index	Weights
Food	352	48
Fuel and Lighting	220	10
Clothing	230	8
Rent	160	12
Miscellaneous	190	15
	ON	(Com Inchana)

(M Com , Lucknow)

18 Using 1949 as the base year, construct the cost of living index number for 1950 from the following data -

Article	Weights	P	race in 1949	Price in 1950
		Rs	a	Rs m
Rice	18	8	0 per maund	10 0 per maund
Wheat	15	5	0 ,, ,,	8 0 ,, ,,
Pulse	6	6	0 ,, ,	7 0 ,, ,,
Sugar	4	0	4 per seer	0 6 per seer
Ghee	5	- 1	4 , ,,	2 0 ,,
Cloth	10	0	H per yard	0 10 per yard
Firewood	5	- 1	4 per maund	1 14 per maund
Cigarette	3	0	5 per packet	0 7 per packet
Paper	1	0	3 per quire	0 5 per quire
Kerosene oil	3	0	4 per bottle	0 4 per bottle
				(M S W , Lucknow)

19 The following table gives the price and production figures for grains Calculate the price indexes by choosing different sets of weights -

	Price (cents		Production (milions of bushels)		
Grain	1931	1935	1931	1935	
	(p ₀)	(p ₁)	(q ₀)	(q ₁)	
Corn	42 3	67 4	3069	2916	
Wheat	92 6	141 6	815	677	
Oats	30 2	38 0	1078	1488	
Barley	41 9	58 8	155	214	
Rice	95 2	153 8	38	33	

(MA, Allehabad)

- 20 What do you understand by 'time reversal test' and 'factor reversal test'? Illustrate how Fisher's Ideal Formula satisfies (M Com . Allahabad) both these tests 'Averages linked with percentages constitute the whole
- basis upon which is raised the superstructure of a simple device of comparing factors which are not directly comparable' Discuss

Construct suitable index numbers with the help of the following data -

	Wheat		Rio	e	Gram	
's ears	Quantity	Price	Quantity	Price	Quantity	Price
1939	15	15 3	5	20 2	10	4
1954	12	22 7	4	27 4	8	7

Give reasons for choosing the index number constructed by you (B Com. Allahabad)

- 22 Discuss the problem of obtaining an ideal formula for the construction of index numbers of prices What is meant by 'Factor Reversal and Time Reversal Tests ? (M Com Allahabad)
- 23 After preparing a suitable general index number calculate the percentage increase in prices during 1951-52 from the following thata—

		Price	umber	
Commodities	Weights	1951		1952
Rice	27	93		120
Wheat	23	87		107
Barley	10	73		88
Gram	10	103		110
Arhar	5 5	123		130
Potato	4 5	99		85
Til	1 5	124		82
Sugar	12	91		80
Cotton	4 5	131		135
Tobacco	2	84		84
			/3.5 A	421-1-1-1

(M A Allahabad)

24 Explain the use of index numbers in the study of price changes in statistical analysis (M Corn Allahabad)
25 What is an index number * What are (a) time reversal and (b) factor reversal tests * State their uses (I A S)

and (b) factor reversal tests? State their uses (I A S)

26 What ≡ an index number? State the method of cons

tructing a cost of living index number (I A

27 Sketch the general lines on which you would proceed to construct a cost of living index number for middle class families in Bombay City. What special problems are faced in constructing such an index in times of rapid changes of consumption habits and how would you tackle them?

how would you tackle them? 28 What are index numbers of prices and for what purposes are they used? Describe the general method of construction of a wholesale price index number illustrating your remarks with the help of any official index in current use in India (I A S)

29 What is Fisher a Ideal Formula for preparing Index Num bers ?

What are Time Reversal and Factor Reversal Tests?

Compute an appropriate index number for purposes of comparison from the following data —

parison from	n inc re	onorang da	ta —			
	R_1	ce	W	heat	Jos	75%
Year	Price	Quantity	Price	Quantity	Price	Quantity
1935	4	50	3	10	2	5
1945	10	40	8	8	4	4
(Prices	and qu	uantities ar	e state	l in arbitr	ary un	(I A S)

30 What averages would you use in computing the Price Index Number from the following data for 1956 on the basis of 1952 ? Give reasons.

1233	GIVE TERSONS		
Commodity Unit		1955	1956
		Rs	Rs.
A	Per maund	18	36
В	Do	20	30
C	\mathbf{D}_0	10	5
D	Do	16	
E	Do	12	6

चाध्याय ११

अन्तर्वेशन

(Interpolation)

अन्तर्वेशन का अर्थ है किसी श्रेणी में अजात मृत्यों को सर्वाधिक उपपुत्त प्रातक-हानी से पूरा करना । यह कुछ युवितयुन्त करुपनाओं के अन्तर्गत निमा जाता है ।

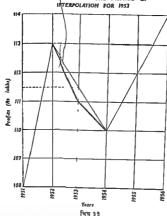
बहुमा यह आवश्यक हो बाता है कि सामधी में अवावधानी या अन्य किसी करण से छूटे हुए वर्त का मूल्य माण्य किया जावा भागितका की प्रणना करते समय हमने देखा था कि, जब भी थेगी सत्तर पी या उवसे बदो को बख्या सा को, हुएँ अन्तर्द रान के द्वारा माध्यका का मूल्य रखना पढा था । इसी प्रकार बहुतव, जमुद्रेक आदि की गणना करने में भी हमें अन्तर्वतन करना पढा था । इस वर विधियों में हुए हुछ करनाएँ कर के दी और उन्हीं के आधार पर जागे बढते हैं । अन्तर्वत्तन की आधाय-कता उन सब विधियों में पढ़ती है जहाँ सामधी या मुचना अपूर्ण हो । सामधी की अपूराना कई कारणों से उत्पन्न हो सकती है सामधी-सबहुण अपूर्ण हो या वे वर्गानु-सार विभाजित किये गये हो और किशो वर्ष में एक पद का मूल्य माणून करना हो, या हुछ सामधी नट हो गई हो।

यह भी हो सनता है कि थी हुई सामग्री से हम भविष्य ने बारे में जानना चाहें। इस स्थिति में सर्वाधिक उपयुक्त मूख्य निकालने की किया को बहिबँदान (extrapolation) कहते हैं।

करपनाएँ (assumptions)—हम मनमाने रूप से सर्वाधित सभावी मृत्यो को नहीं एक सकते हैं । हमें इसके लिये बहुत समावी और उचित प्राक्करन वरना पहता है और प्राक्करन करने के लिए करपनाओं की बावस्थरता पहती है ।

पहुली नत्सना यह है कि बारबारता बटन प्रसामान्य है और उसमें बानस्मिक स्तार-चडाब नहीं है। बिंद उसमें प्रचण्ड (volent) परिवनन होते हैं तो ब्रन्तवें रान करना असमन होगा न्योंकि प्रचण्ड परिवननों के प्रमायों का प्रमानन ने नहीं विपा जा सनता। दूसरी नरपना यह है कि निसी दी हुई कापि में येगी में होने सार परिवर्तन एक रूप है। ये बरुमानों की तिना त्या है और जब तन दनने बिरद प्रमाण मुद्दी मिल जाता इनना विरोध न पता अनावस्थक है। परन्तु यदि यह नत्सनाएँ एडी

GRAPH SHOWING PROFITS OF A FIRM FOR 1751-36 AND THE METHOD OF



२ बीजीय विधियौ

बीजीय विधियों के अन्तर्गत निम्नीखत आते है

- (१) परबरुविक वक विधि युवस्त समीनारो की विधि (The Parabolic Curve Method, the Method of Simultaneous Equations)
- (२) प्रगतिमान बन्तर विधि dvancing Difference Method) या न्यटन की विधि ।
 - (३) लगरांज-भूत्र (Lagran's formula)

- (४) परिमित बन्तर विधि या द्विपद-विस्तार विधि (The Finite Differences Method or the Method of Binomial Expansion)
- (१) परवर्तायक बक विशिष—हरा निधि का उपयोग उन स्थितियों में किया जाता है जहां काल एकल्प केचर से बढ़ता है। रहा विधिय में क्षेत्रे चारा के परवर्तायक बंक का आवनन किया जाता है। वनक का यात कुछ पदो की सक्ष्य से एक कर होगा चर्माहुए। इस के लिए निम्निणिवित संधीकार पा उपयोग विधा जाता है

$$y = a + bx + cx^3 + dx^3 + \dots + nx^n$$

इसे क्ष्में घात का परवलय कहते हैं। इसलिए यदि श्रेणी के ४ पद झात है तो परवलय का पात (४−१) = ३ होगा।

उदाहरण २-एक बीमा कम्पनी के पचवर्षीय लाभ निम्नलिवित है

वर्ष	लाभ	वर्ष	लाभ
	(£0,000)		(£0.000)
(1)	(2)	(1)	(2)
1920	36 06	1930	42 81
1925	39 12	1935	47 38
९०३६ के उपलब्ध	स्त्राय की सहस्त्रा करते ।		

१९२६ के सभावी साम का गणना करो। इस---

60

मान क्षीतिए कि १९२६ किसी प्रकार असामान्य नहीं था, दिवसे कम्पनी के कामी में आवरित्यक पीरवर्तन हैं। कम्पनी के लग्न १९२० से पीरे-भीरे बढ़ रहें हैं और पूर्वि प्रेणी के बात पत्रों की सक्या ४ है इसल्पि हम ३ पात-परक्तम का जानजन करेंगे। अर्थीत्

$$) = a + bx + cx^2 + dx^3$$

१९२६ से हुए काल विचलन ४ के मूल्य हैं

x = −6, −1, 0, +4, +9
y के विभिन्न गुरुब कमरा

ु=36 06, 39 12, у₀, 42 Ⅲ और 47 38 ै। परवलम का आस कर करने पर हमें निम्मिछिलित मुगपत समीकार मिल्ने ^

- 36 06=a-6b+36c-216d (1) 39 12=a-b+c-d (2) $y_0=a$ (3)
- 42.81 = a + 4b + 16c + 64d (4) 47.38 = a + 9b + 81c + 729d (5)

```
यदि हम इससे 'ब' वा मृत्य निकाल लें तो १९२६ वे लाभ वा अन्तर्वेशन हो
जाएगा । यह निम्नलिखित रूप से किया जाता है
   42\ 81 = a + 4b + 16c + 64d
+156 48=4a-4b+4c-4d
                                (2) ×4 (b वे निरसन हेत्)
   199 29=5a+20c+60d
                                (6)
  216 36=6a-36b+216c-1296d (1) ×6
+189 52=4a+36b+324c+2916d (5) ×4 (b = ferent Fa)
  405 88=10a+540c+1620d
-5380 83=135a+540c-1620d (6) ×27(b, c और d के निरसन हेत्)
-4974 95 = -125a
or a=Rs. 39 79 (हजूर)
    उदहारण ३---निम्नलिलित माँकडे बीमा-पत्रो की वित्री के है। १९३६ -
लिए बिजी का अक बताओं।
                         वित्री
                                                          वित्री
                                    वर्ष
                        (000)
                                                         (000)
   (1)
                         (2)
                                                          (2)
                         172
  1921
                                   1941
                                                          158
  1931
                         170
                                   1951
                                                          180
    १९३६ से काल विचलनो को नापने पर अ और 🌶 ने विविध मुख्य निम्नलिकत
븅
          z=-15. -5.
                             0.
                                      +5.
                                                 +15
         y= 172, 170,
                                      158
                             20
                                                 180
या. '५ से x के मत्यों को विभाजित करने पर
          r=-3.
                     -1,
                                      +1,
                                                 \pm 3
         y = 172
                     170.
                             y,
                                      158.
                                                 180
इससे हम निम्नलिखित युगपद समीकार भिलते हैं
         172=a-3b+9c-27d
         170 = a - b + c - d
         158=a+b+s+d
         180=a+3b+9c+27d
'a' ना मस्य निम्नरिखित रीति से निकाला जाएगा
  a-38+9c-27d=172
+a+3b+9c+27d=180
                               (5) (b और d के निरसन हेत)
  2a+18c
                  =359
                               (6)
```

a-0+ε-α +α+δ+ε+d	=170 =158	(2) (4) (b और d ने निरसन हेतु)
20-1-20	=328	(7)
18a+18e	=2952	(7) ×9 (६ के निरसन हेतु)
-241184	-359	(6)

 $\frac{2a+18c}{16a=2600}$ = 352 (6)

क्षा a=162.5 हजार सीमा पत्र

(२) म्यूटन का सूत्र—इस सूत्र का उपयोग भी समान अन्तर वाली स्थितियों में होता है। यह विशेषत तक उपयुक्त है जब श्रेणी के प्रारम में अन्तर्वेषन करना है। सत्र है

$$yx=y0+xd0+\frac{x(x-1)}{1\times 2}d^20+\frac{x(x-1)(x-2)}{1\times 2\times 3}d^20+$$

$$\frac{x(x-1)(x-2)(x-3)}{1\times2\times3\times4}$$
 $\Delta^{4}o$

जहाँ 🏸 मूल वर्ष में मूल्य है।

y, वह राशि है जिसका अन्तवेंशन करना है।

सल्ल् (adjoining) वर्षों में मूस्मो के अन्तर है।

की वणना निम्निसित रूप से की जाती है

अन्तर्रेशन वर्ष — मूल वर्ष Year of interpolation — Year of origin सलानो वर्षो में काल दूरी Time distance between adjoining years

उदाहरण ४—एक नगर भी विभिन्न वर्षों की वनसंख्या निम्निखसित है।

वर्ष	जनसंख्या	वर्ष	जनसंख्या
1901	2,500	1931	3,700
1911	2,800	1941	4,350
1921	3.200	1951	 5.225

१९०५ की जनसंख्या का प्राक्कलन करो ।

हल—

$$\int t = y_0 + x d_0 + \frac{x(x-1)}{1\sqrt{2}} d^2 + \frac{x(x-1)(x-2)}{1\sqrt{2}\sqrt{3}} d^2 v + \frac{x(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)}{1\sqrt{2}\sqrt{3}\sqrt{3}} d^4 v + \frac{x(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)}{1\sqrt{2}\sqrt{3}\sqrt{3}\sqrt{3}} d^4 v$$

निम्नलिखित सारणी में 🛭 था ने मूल्य निकारे गए है

वर्ष	जनगस्या			सलम्न वर्षो	वे मूल्यो	में अन्तर	:	
				Δ	12	Δ3	4	4
1901	x0	2,500	J's					
				300⊿		1	1	
1911	<i>x</i> ₁	2,800	21		100⊿₀	1	}	1
				400⊿ ₁		04,		
1921	x ₂	3,200	72		100⊿₁		50⊿,	}
				500⊿₃		50⊿£	[25⊿。
1931	x3	3,700	<i>y</i> ₂		15042		25⊿₁	
				6504 _a		7542		
					225⊿₃			
1941	×4	4,350	34					}
				875.4				
1951	×5	5,225	28		Ì			

$$x = \frac{1905 - 1901}{10} = \frac{4}{10} = 4$$

सूत्र में मूख्य रखने पर

 $yx=2500+4\times300+\frac{4\times-6}{2}\times100+\frac{4\times-6\times-1}{6}\times0$

$$+\frac{4\times-6\times-1}{24}\frac{6\times-2}{6\times-2}$$

$$+\frac{4 \times -6 \times -16 \times -26 \times -36}{120} \times -25$$

=2500+120-12+0-2 08+ 75 =2606 67

. १९०५ की प्राक्त लित जनसंख्या a=२६०७

(३) लगराँन मुत्र-श्वाधियो गणितन लगराँन हारा विने गए इस सून का उपयोग उन सब स्थितियो में निया जाता है जहाँ श्रेणी में असमान काल-अन्तरारु हाते हैं। यह सूत्र निम्नालिखित हैं

$$y_z = y_0 \frac{(z-x_1)(z-x_2)}{(x_0-x_1)(x_0-x_2)}$$
, $\frac{(x-x_n)}{(x_0-x_1)(x_0-x_2)}$, $\frac{(x_0-x_n)}{(x_0-x_n)}$, $\frac{(x_0-x_n)}{(x_1-x_n)}$, $\frac{(x_0-x_n)}{(x_1-x_n)}$, $\frac{(x_0-x_n)}{(x_1-x_n)}$, $\frac{(x_1-x_n)}{(x_1-x_n)}$, $\frac{(x_1-x_n)}{(x_1-x_n)(x_0-x_2)}$, $\frac{(x_1-x_n)}{(x_1-x_n)}$, $\frac{(x_1$

पहा 🏂 बह राशि है जिसका अन्तर्वेशन करना है।

🗶 वह राशि है जिसके लिए 🏸 ना मूल्य जानना है।

×01 ×11 ×2 ×n अ-थणो में चर वे मूल्य है।

ال المراجعة
इस मून का उपयोग करने को रीति मिम्मिलिखन ज्याहरण से स्पष्ट ही जाएगी उराहरण ६—निम्मिलिखन सारगी में विभिन्न वर्गों को पूरा करन पर दिये जाने वाले गोचन म्यानि (Insurance Premium) विये हुए हैं 1/34 वर पूरे होनें पर दिये जाने बाले जन्मानि का प्राक्तरून करो

आय 25 90 40 50
प्रथ्यानि (००) 50 55 70 95
हल
आव प्रथ्यानि

25 x₀ 50 y₀ 30 x₁ 55 y₁ 40 x₂ /0 y₂ 50 x₃ 95 y₃

व्यवहाय मूत्र

 $\begin{array}{ll} Jx = g_0 \left(x - x_1\right) \left(x - x_2\right) \left(x - x_3\right) \\ (x_0 - x_1) \left(x_0 - x_2\right) \left(x_0 - x_3\right) \\ + g_0 \left(x_0 - x_2\right) \left(x_0 - x_3\right) \left(x_0 - x_3\right) \\ + y_2 \left(x - x_2\right) \left(x - x_3\right) \left(x - x_3\right) \\ + y_3 \left(x_0 - x_3\right) \left(x_0 - x_3\right) \\ + y_4 \left(x_0 - x_3\right) \left(x_0 - x_3\right) \\ + y_5 \left(x_0 - x_3\right) \\ + y_5 \left(x_0 - x_3\right) \left(x_0 - x_3\right) \\ + y_5 \left(x_0 - x_3\right) \\ + y_5 \left(x_0 - x_3\right) \left(x_0 - x_3\right) \\ + y_5

मुत्र में उदाहरण स मध्य रखने पर:

$$\begin{array}{l} y_{\text{Y}} = 50 \frac{(35-30)(35-40)(35-50)}{(25-30)(25-40)(25-50)} + 55 \frac{(35-25)(35-40)(25-50)}{(30-25)(30-60)(30-50)} \\ + 76 \frac{(35-25)(35-30)(35-50)}{(40-25)(40-30)(40-50)} + 95 \frac{(35-25)(33-30)(35-40)}{(50-25)(30-30)(50-40)} \\ = 50 \frac{5x-5x-15}{-5x-15x-25} + 55 \frac{10x-5x-15}{5x-10x-20} \end{array}$$

 $+70 \frac{10 \times 5 \times -15}{15 \times 10 \times -10} + 95 \frac{10 \times 5 \times -5}{25 \times 20 \times 10}$ =-10+41 25+35-4,75=61.5

.. ३५ वर्ष परे होने पर दी जाने वाली प्रव्याजि रीवि २० ६१ ५० है।

(४) परिमित्त अन्तर विधि—यह विधि उन स्थितियों में नाम में लाई जा सानी है जहाँ में लो में नाम में लाई जा सानी है जहाँ में लो में मान स्थान स्थान होता है। इस विधि में प्रत्यक्ष रूप से दिएव का निस्तार किया जाता है। इसमें महत्मान क्या जाता है। इसमें महत्मान क्या जाता है। इसमें महत्मान क्या जाता है। इसमें यह मान क्या जाता है। इस प्रवार ५ यहां वाली में मोन का पत्री प्रसुख अन्तर राम होगा। मनेत क्या में

△⁵ = 0. जिसवा हिपद बिस्तार निम्नलियित है

$$\Delta^{5}_{A} = y_{5} - 5y_{A} + 10y_{2} - 10y_{4} + 5y_{1} - y_{4} = 0$$

इसी प्रकार विविध ज्ञात भूत्यों का दिवद विस्तार मालूम क्या जाता है, और ५४ के तन् सम्बन्धित मूत्यों द्वारा १ के अज्ञात भूत्य को निकाला जा सकता है। निम्न-लितित जदाहरण से यह रीति स्पष्ट हा जाएगी —

उदाहरण ६—निम्नलिखिन सारणी में वयस-समूहों के आधार पर एक गाँव की जनसङ्ग्राही कर्दे हैं

40 41-171-4-21 4	1146			
स्रायु (वर्षों में)		जनमस्या (०००)	शायु (वर्षों में)	जनसंख्या ('०००)
5 से कम		7	15-20	,
5-10		21	20-25	57
10 15		25	05 20	5.9

इन अको के आधार पर १५-२० वय की आगुवाला की मध्या की प्राक्त लन करों।

हुल.... वायु जनमध्या आयु जनमध्या (वर्षो म) जनमध्या (वर्षो म) जनमध्या (वर्षो म) (000) (000)
$$(5$$
 दे कम ... 7_{J_0} $15-20$... 7_{J_2} $5-10$. 21_{J_1} $20-25$... 57_{J_1} $50-15$... 35_{J_2} $25-30$... 50 y_1

चैकि उपर्वत्त थेकी में जात पद ५ हैं, इसलिए ५वां त्रमुख अन्तर जून्य होगा। दिपद विस्तार के निम्नलिखित सुत्र से हम अज्ञात राजि जान सकते हैं । दिपद विस्तार ŧ

$$\Delta^{i_0}=J_0-5j_0+10j_0-10j_0+5j_1-j_0=0$$

 $\pi\pi$ $\tilde{\pi}$ $\pi_{\rm pot}$ $\pi\pi$ $\tilde{\pi}$
 $\Delta^{i_0}=1(58)-5(57)+10j_0-10(35)+5(21)-1(7)=0$
 $\pm 58-285+10j_0-350+105-7=0$

या -10₃=-479 या ३=47-9

१५-२० वाले वयस-समृह में प्रापकलित जन सस्या ४७ ९ हजार है।

द्विपद-विस्तार केंसे निकाला जाता है?-उपर्युक्त सूत्र में द्विपद विस्तार जानने के लिये (a+b) " का विस्तार किया जाता है। यहाँ मध्येषी के शात पदों की सस्या है। गुणाङ (उपर्युक्त उदाहरण में १, ५, १२, ५, १) निम्नलिखित सूत्र द्वारा जाने जाते है

$$\frac{1-n+n\frac{n(n-1)}{12}-\frac{n(n-1)(n-2)}{13}+\frac{n(n-1)(n-2)(n-3)}{14}}{12}$$

$$\frac{n(n-1)(n-2)(n-3)(n-x)}{12}$$

जहाँ Lर बहु उपादानीय (factornal) २ है (अर्थान् १×२) है, L3 बहु-खपादानीय ३ (अर्थात १×२×३) है, इत्यादि।

उप प्रकत उदाहरण में जहाँ n=५ है,दिपद विस्तार में गुणाक विम्नानिसित होगे -

$$\begin{array}{c} 1-5+\frac{5(5-1)}{1\times 2}-\frac{5(5-1)(5-2)}{1\times 2\times 3}+\frac{5(5-1)(5-2)(5-3)}{1\times 2\times 3\times 4} \\ -\frac{5(5-1)(5-2)(5-3)(5-4)}{1\times 2\times 3\times 4\times 5} \\ \hline w_1 1-5+10-10+5-1 \end{array}$$

इसी प्रकार ज्ञात मृत्यो की किसी भी मध्य के लिए द्विपद विस्तार जाना जा सकता है। उदाहरणाय यदि ज्ञात मृत्य ७ हाती द्विपद विस्तार में गुणाक निम्नलिसित होग —

$$\begin{array}{c} 1-7+\frac{7(7-1)}{1\times 2}-\frac{7(7-1)(7-2)}{1\times 2\times 3}+\frac{7(7-1)(7-2)(7-3)}{1\times 2\times 3\times 4}\\ -\frac{7(7-1)(7-2)(7-3)(7-4)}{2\times 2\times 3\times 4\times 5}+\frac{7(7-1)(7-2)(-3)(7-4)(7-5)}{1\times 2\times 3\times 4\times 5\times 6}\\ 7(7-1)(7-2)(7-3)(7-4)(7-5)(7-6) \end{array}$$

$$\frac{7(7-1)(7-2)(7-3)(7-4)(7-5)(7-6)}{1\times2\times3\times4\times5\times6\times7}$$

ये गुपाक कमरा जात सृत्यों से गुणा चिय जाते हैं। प्रधानुसार जात सृत्य $J_{0,1,1}$ J_{n} , से व्यवन दिसे जाते हैं। यह भी अवलोक्य है कि — और—बिंह एक दूसरे के बाद प्रकारासार से (alternatively) आदे रहते हैं। निम्नस्थितित सारची में जात पदी की २ से ९, तक की क्ष्या के किए दिवद विस्तार रिसे गए हैं

ज्ञात पदी नीसस्या

द्विपद विस्तार

2 32-232+ 36

3₁-3₂+3₂-3₂-3₀ 3₂-4₂+6₂-4₂+2₀

 $y_1 - y_2 + y_3 - y_4 + y_6$ $y_3 - 5y_4 + 10y_5 - 10y_2 + 5y_4 - y_6$

 $y_4 - 6y_4 + 15y_4 - 20y_3 + 15y_2 - 6y_1$

 $7 \quad y_1 - y_0 + 21y_0 - 35y_0 + 35y_0 - 21y_2 + y_1 - y_0$

8 $j_4 - 8y_7 + 28j_4 - 56j_5 + 70j_4 - 56j_3 + 26j_2 - 8j_1 + j_0$ 9 $j_8 - 9j_8 + 36y_7 - 84j_6 + 126y_5 - 126y_6 + 484j_3 - 36j_3 + 9j_7 - y_6$

। ५,--५,६+३०५,-०२,६+१२०५,-१२०५,+२०२,-३०५,+५५,-५, जपसहार—अतर्वेदान (जिसमें वहिर्वेदान भी सम्मिल्ति है) का उपयोग मुख्य

जनसहार—ज तज्यन शिकान शिक्यन ने सामान्यत है) है। उपराग माध्य मिक मूस्यों को जानन और पूर्वाक्षमान करन के लिए बहुत किया ज ता है। हमने प्राक्तरून के लिए चार विधियों के यंगन किये हैं। सामयों की प्रकृति के अनस र इनमें किसी का भा उपयाग अतर्वेद्यन के लिय किया जा सकता है।

OUESTIO\S

l Discuss the utility of interpolation and extrapolation to a business man What are the different methods known to you for interpolation?

(M Corn., Agra)

The following table shows the value of an immediate life annuity for every £100 paid. Interpolate for the age 42 —

Age (yrs) 40 50 60 70 Annuty (L) 6 2 7 2 9 1 12 0 (MA, Colcutta)

3 Interpolate from the following data the number of workers earning Rs 24 or more but less than Rs 25 -

30 Larning less than (Rs.) 20 40 No of workers 206 204 918 (II P S C)

4 The following table gives the single premiums for an assurance of Rs 1,000 payable at death only Calculate by the graphic method the single premium payable by the entrants at ages 34 and 56 Which of the two values is likely to be more accurate and why?

Age of entrance	Single premium(Rs)	Age of entrance	Single premiums(Rs)
20	616	36	749
24	645	40	787
28	678	44	825
32	713	48	863
			(B Com , λfadras)

5 By Newton's formula or by some other method estimate the aggregate number of incomes from 20 sh to 25 sh in the following table --

Income in shillings Under 10 sh 10 sh to 20 sh 20 sh to 30 sh	Number 19 38 116	Income in shillings 30 sh to 40 sh 40 sh to 50 sh 50 sh and over	Number 209 117
20 sh to 30 sh	110	50 sn and over	561

(M A . Coloutta)

The population of a town is given below in the years mentioned What is it likely to be in 1939 and 1944? Pepulation \ ear Year Population 1940 24,367 1942

27,895 How far would you rely on your results?

60,000

38.018 49,950 (B Com, Agra)

Estamate the probable number of passengers if the rate be

1943

z z m un	tonowing table		
Rate	Number of passengers	Bate.	Transper of
5 Ø 4 5	30,000 40,000	3 5 3 0	passengers 100 000 150,000

(M Com, Agra)

स॰ १८

1941

If The following table gives the number of men in the various mecome groups Estimate by means of a formula of interpolation. the number of men in the income group Rs 1,000-1,200 -

Income group Number of men Income group Number of men 500-1.000 5.200 2.000-2.500 3.200 1,000--1,500 4,800 2,500-3,000 1,600

1.500-2,000 4,200 (B Com , Lucknow)

9 The following table gives the population of India at the time of the last five censuses -Year Population in Year Population in lakhs lakhs 1911 25.22 1941 31,68 36.13 1921 25,14 1951

1931 27,91 The Census Commissioner for India estimates the population in India for 1961 at 40,78 lakhs By using any formula of extrapoiation, verify the correctness of the above estimate

(BA . Lucknow)

10 Interpolate the population of India in 1926 from the data

given below -Year Population Year Population 294 million 319 million 1901 1991 353 ,, 1911 315 ... 1931 (M S W . Lucknow)

11 The population of an Indian state is given below as found in the census reports. Make an estimate of what it might have been in 1913 --

Population Year Population Year 3145 1901 2797 1921 2902 1931 3493 1911 (B Com . Lucknow)

12 Interpolate the value of exports in the year 1943 from the data given below Use algebraic method -

Year	Value of exports (Rs thousands)	Year	Value of exports (Rs thousands)
1940 1941 1942 1943	3,92,02 2,65,10 2,61,63	1944 1945 1946	3,37,55 3,29,87 2 74,31
			(BA, Lucknou)

२७५

Number liable

638 740 415

y 73	,	198	573	1198	
•			(B Cor	m , Łucknou)	
14. From the	following life	table calcula	to the nu	mber hvu.g	
at ages 25, 35,	and 47 —			-	
Age (in years)	20	30	40	50	
Number hving	51	44	35	24	
			(MA	, Allahabad)	
15 From the	following table	, find the nur	mber of s	tudents who	
obtained less tha					
Marks	Number	Marks		Number	
	of students			students	
30-40	31	60-70		35	
4050	42	70—80		31	
5060	5I		0.00-	48-1-6-0	
				, Allahabad)	
	owing table giv	es the numb	per of me	ome-tax as-	
sessees in a cert	tun state —				
Income not	Number of	Income t		lumber of	
exceeding(Rs)	assessees	exceeding ((Rs)	855255005	
2,500	7,166	7,500		20,505	
3 000	10,576	10,000		21,975	
5,000	17,200				
Estimate the number of assessees with incomes not exceeding					
Rs 4,000			(M Cou	., Ailahabad)	
17 The foll	owing figures rel	late to the m	umber of	estates hable	
to estate duty in a particular year -					

13. Estimate the missing figure in the following table -

25

22

20

Class of estate

R₃ 25,000—R₃ 30,000 R₃ 30,000—R₃ 40,000 R₄ 40,000—R₃ 50,000

x

Estimate the number between Rs 31,000 and Rs 32 000 by interpolation (MA, Allahabad) 18 The following are the amount of taxes paid by 100 business-

men of a certain place in U P in the year 1953 -Number of

				businessmen
Nore	than			100
32	22		200	08
,,			300	62
"	"	R5	400	40

Find out the number of business men who paid more than Rs 200, but not more than Rs 250, as taxes

(M Com , Allahabad)

19 From the data givn below interpolate the index num-

Year	Index number
1930	173
1931	149
1932	145
1934	131
1935	141

141 (M Com , Allahabad)

20 Estimate by the method of interpolation, the expectations of life at age 22 from the following data, stating the assumption underlying the formula used by you —

Age 10 15 20 25 30 35 Expectation of life (in years) 35 4 32 2 29 1 26 0 23 1 20 4 (I A S)

21 State Newton's formula for interpolation for equal intervals and the assumptions underlying it. Use it to find the annual net premium at age 25 from the table given below —

Age

20	01427
24	01581
28	01772
32	01996
	(1 A S)

Annual net premiums

22 Develop a formula which will help interpolation when observations are shown to be at unequal intervals

The observed values of a function are respectively 168, 120, 72, and 63 at the four positions 3, 7, 9, and 10 of the independent varias. What is the best estimate you can give for the value of the function at the position 6 of the independent variable? (I A S)

23 Obtain an interpolation formula when observations are known to be at equal intervals Find by sample interpolation the median of the distribution of marks obtained by 80 students as given below —

Marks	Frequency
010	3
10-20	9
20-30	15
30-40	30
40-50	18
50-60	5

Draw also the cumulative frequency curve (ogive) of the above distribution and read off the value of the median (I A S)

24 The following table gives the population of an Indian State in 1901, 1911, 1921, and 1931 —

Esturate the population in 1924, making your method clear

Year Population in 1924, making your method clear

2.935
3,047
3,354
(P C S)

25 The gross profits of the Buland Sugar Co Ltd., are given below —

	(in lakhs of rupees)
1935-36	4 86
1937-38	12 54
1939-40	13 mm
1941-42	16 6s
1943-44	28 20

Make an estimate for 1942-43 and 1944-45

1001

(B Com, Rajputana)

0 704

श्रध्याय १२ गुरा-साहचर्य

(Association of Attributes)

साधियाँ में कई बार हमें ऐसी सामग्री पर विचार करना पड़ता है जा गुणा (attributes) ने कामण पर विचारिक होती है। ऐसी सामग्री में होने मा नारण या को यह हाता है कि हम भूषों में मेर हो ने म र स्वयं है परन्तु नाप नहीं सनते, जैसे रने बीत हुएता सिवार नीए में स्वयं होता के पित हो सनते, जैसे रने की पहुरत, सिवार नीए स्विचित्त है कि नाप के अनुसार भी गुण देखे जा सबते हैं, जैसे ५ फिट से अधिक और नम एक लोगे होगा। इस प्रवार से सम्रहीत सामग्री में गुणा में आवड़े, नहते हैं। यह आवस्यक नहीं है कि बस्तुकों में नेकर एक गुण हो, उनमें एक से अधिक मुझ भी हो सनदे हैं। गुणा सहत्वर्ष का अध्ययन दो गुणों के बीत बसब बतने में लिए फिजा जाता है। उदाहरणाई, हम यह देख सकते हैं कि लोगों के एक समूह में मूछ के दीना काचा गाया है और कम्म के गृही कीर टीका कमें हुए व्यवस्था में निराता को क्वा हुई। इस उदाहरणाई महत्वर्ष समस्या यह जानना है नि टीने नी नाय-समयता या उसकी निवारक धनित किरती है।

सास्थिकों में 'साहचर्य' एक पारिमाणिक बच्द है और इसका अयं सामारण मोलचाल के अर्थ से मिश्र है। बोल्जाल में यदि दो गुण कई बार साज पाये जातें तो हम कहते हैं कि जममें बाहचर्य है। परन्तु सास्थिकों में दो गुणा में तभी साहचर्य माना जाता है जब से एक दूसरे से स्वतंत्र्य होने पर जितनी बार साथ पाए जा सकते हैं उससे अधिक मक्या में साथ बाथ पाए जायें।'

शक्तों और सकेतों का उपयोग (use of terms and notations)— इससे पहले कि हम गुण-साहवर्ष का अध्ययन करें, यह आवश्यक है कि हम तसवयी ग्रस्टों और मवेदों की समझ लें।

मुण ऋषात्मक या धनात्मन हो सनते हैं। यदि निशी बस्तु में कोई गुण है दो हम बहते हैं कि घनात्मक बुण है इस गुण ना विराची गुण हाने पर हम नहते हैं कि ऋणात्मक गुण है। इसिंग्ए घनात्मन गुण ना वस निशी गुण या नक्षण नी विद्यमानता (presence) बोर ऋणात्मक गुण ना वस उसवी अविद्यमानता (absence) है। ऋणात्मक गुणा नो निरोधी गुण (contranes) भी नहते हैं। यदि हम ममूह बा वर्ष में नेचल एक गुण पर निचार करें तो जो पहली श्रेषी बा ममूह या वर्ष (class of first order) क्ले हैं, दो गुण बाटे को दूसरी श्रेषी ना, तीन गुण बाटे को तीसरी श्रेषी का दरवादि। निरीक्षण के खेत्र है। समीट (universe or population) कहते हैं।

में बाग जो उन्जबम घेगी के गुनो को बताने हैं परम नमं (ultimate classes) महाज हैं और उनको बारचारताएँ रन्य ममं बारचारताएँ (ultimate class frequencies) महाज हैं। उत्तहरणायं, विद सुन दो गुनो पर विचार मरें तो ऐमें बने निनमें रातो गुनो पर विचार मरें तो ऐमें बने निनमें रातो गुनो विचार को तो ऐमें बने निनमें रातो गुनो विचारता हो, वीदों गुना विचारता हो, पहला विचारता हो और दूमरा अविचारता हो को विचारता हो और दूमरा विचारता हो, वार वर्ष व व व हलाते हैं और उनको वारवारताएँ चरम वर्ष वारवारताएँ महालाती हैं।

गुण की विद्यमानका और अधिवयानका प्रकट करने के लिए सामान्यक : सचेती (notations) का उपयोग किया जाता है। बचेती का उपयाग सामग्री को मुविधाननक कर में व्यवक करने के लिए किया नावता है। प्रयानुसार वहें कार, A, B, C, मारि का उपयोग पुण की विद्यमानका रिखाने के लिये किया जाता है, परलू क्यो-क्यो पुण की अधिवयमानका रिखाने के लिये किया जाता है, परलू क्यो-क्यो पुण की अधिवयमानका रिखाने के लिये किये रत् a, b, c आरि का अपयोग पुण की अधिवयमानका रिखाने के लिये किये क्या जाता है, परलू क्यो-क्यो पुण की अधिवयमानका रिखाने के लिये किये क्या रत् a, b, c आरि मा भी क्या का का किये क्या का का की किया किया नात है। a, c क्यार के प्रतान का पुण है। a, c क्या का स्वाप्त के उदाहरण है। a, c का प्रतान का

साहचर्य

साहयर्ष ना अध्ययन न रले में निम्नलिनित वानो ना ध्यान रखना चाहिए (१) मदि चरम वर्ष-बारबारताएँ री हुई हो, तो घन और ऋष वारों की बारबारताएँ और कुस निरोक्षणों को संख्या (X) जानना समन है ।

निम्नलिखिन उदाहरण से यह स्पट हो आएगा --

उनाहरण १—निम्नलिधित चरम वग-वारवारतात्रा से धनवर्गी और ऋण वर्गी का बारवारताए एव कुछ निरी गया का सख्या मारम करो

$$(AB) = 50$$
, $(aB = 40, (Ab) = 25, (ab) = 20$

हर हम (4) (a) (B) (b) और N ने मंच निवारन है।

िसा प्रश्म थला र वन का बारवारना दा हुगरा थना के वर्गों की, बिनमें बही चित्र ⁹ वास्वारनाता के यान क बरावर है। अनुएव

$$(A = AB) + (Ab) = 0 + 25 = 75$$

$$(b) = Ab + (ab) = 2a + 20 = 45$$

ष्टु रु निरी रहा की मन्या एक गुण के घन और ऋण वर्गों की बारदारनाओं के याग के बरावर हाना है। अवान

थन और रूण बगों वा बारवारनाएँ नानन वा एई व व सुविधाननक उपाय निम्नणितिन सारणा का उपयोग करना है ---

	A	a	याग
В	(AB)	(aB)	(B)
	50	40	90
	(Ab)	(ab)	(b)
	25	20	40
याग	(A)	(a)	(N)
	75	60	135

यि उपयुक्त सारथा में नान मूल्यों की यया स्वान रख दिया जाए दा अय गुणो का जोड़ या घटा कर जाना जा सकता है।

(२) समानिता (Probability) सयोग (chance) का अध्ययन है—हम जानन है कि यदि एक निकल का उछाला जाय ना उसक बिन था पर गिरन की सभा विता १/२ है। उसी प्रतार, बदि हम पाँमा पेके तो विभी एक पक्ष में उत्तर आहे की सभाविता १/६ है। इसी प्रकार

(A) की ममाविता =
$$\frac{\langle A \rangle}{N}$$

(B) , , , = $\frac{\langle B \rangle}{N}$
(A) \times (B) , , = $\frac{\langle A \rangle}{N} \times \binom{1}{N}$

(३) किसी घटना वा गुण की प्रस्थाता (expectation) उसकी सेमापिता और निरोत्तरों की सत्या के बुजनकण के बायबर होती हैं। यदि हम एक सिन्दे की ९० बार च्छाजने हैं हो उसके चित्र गिरन्दे की म्यादिनग १/२ है और वित्र यटने की प्रस्थाता १/२ ४ १० = ५ १ म नवेल रच में

$$(\Lambda)$$
 with (B) and receives $(A) \times (B) \times N = \frac{(\Lambda) \times (B)}{N}$.

(४) यदि किसी निरोधित(observed) गुण की वारवारता उसकी प्रत्याशा वे बरावर है, ही यह कहा जाता है कि वे एक दूसरे से स्वतंत्र हैं।

उदाहरण २—िनम्जलिकिक सामग्री में आचार पर बताओं कि ${f A}$ और ${f B}$ में साहवर्य है या नहीं।

स्वातस्य का निकय है

$$(AB) = \frac{(A) \times (B)}{N}$$

एस देखते ⁵ कि (AB)=54 । गणना करने से, यदि A और B स्वतन्त्र होने की सक्या मूट्य $(A) \times (B)/N = 60 \times 90/100 = 54 होना । चूँकि निरोधित$ मृत्य प्रश्माधित मृत्य के बराबर है, इसतिए उपर्यंक्न उदाहरण में <math>A और B स्वतन्त्र हैं।

परन्तु यदि (AD) 54 न हानर नोई दूसरी राधि होता (चाहे अधिक या कम) तो हम यह निष्कर्ष निकालते कि उनमें साहचर्य हैं। यह साहचर्य या तो धन होंगा या ऋण। ऋण साहचय को असाहचर्य जी पहते हैं।

यदि (AB) $> \frac{(A)(B)}{N}$ तो साहनयं धन है।

 $(AB) < \frac{(A)(B)}{N}$ वो साहनयं ऋण है, या A और B में बसाहचयं है

निम्नलिखित उदाहरण पर विचार नीजिये

उदाहरण २—यदि (a)=150, (b)=210, (ab)=70 और №500, तो 'a' और b में सहबर्व मालम न रो

हरू

स्वानत्र्य का निकप है $\langle ab \rangle = \frac{\langle a \rangle \times \langle b \rangle}{N}$

प्रस्तानुसार स्वातन्त्र्य बारवारता $=\frac{150\times210}{500}=63$

परन्तु प्रस्त में (ab) = 70, इसलिए a और b स्वनन्य नहीं है । मिंद $(ab) > (a) \times (b)/N$ तो पन साहचर्य होगा और चूंकि 70 > 63 देसिंग्ए a और b में धन-साहचर्य है ।

जवाहरण ४—यदि (A) = 240, (b) = 300, (Ab) = 80, और N=800, सी मालून करो कि Λ और b में घन साहचय है या ऋण ।

हल स्वातन्त्र्य-निवय है $(Ab) = \frac{(A) \times (b)}{N}$

प्रस्तानुसार स्वातः व नारनारता = $\frac{(A) \times (b)}{N} = \frac{240 \times 300}{800} = 90$

परन्तु 80<90 इसलिए A और b स्वतत्र नहीं हैं, और चूँकि $(Ab)<(A)\times(b)/N$, इसलिए इनमें ऋण साहबर्ग हैं।

साहचये-गुणांक (Coefficient of Association)

उपर्युक्त विवरण में हमने देगा वि साह्ययें और उसकी प्रकृति (धन दा म्हण) विख प्रमार मालून करते हैं। धरनुते अब तक हमने साहयक का परिपाण तापने की कोई विधि नहीं बताई है। धाहवयें-मरिमाण न साहित्यकीय विश्लेषण में बहुत महत्त्व है। इसलिए यह जानना जावस्यक है कि हम साह्ययें प्रणाहता (intensity of association) जानें। इससे हम उसकी मायुक्त नान सकते है।

साहबर्च-परिभाण ना भाग साहबर्च-गुणान है । साहिबनी में नई प्रशार के साहबर्च-गुणान प्रचल्ति है परन्तु प्रा॰ यूल (Yule) द्वारा दिया गया जिन्न-लिखित साहपर्च-गणान सर्वाधिन प्रचलित है

 $Q = \frac{(AB)(ab) - (Ab)(aB)}{(AB)(ab) + (Ab)(aB)}$

जहाँ Q साहचर्य-गुणाक है, A और B गुण है, और 2 और b उनने विराधी गुण हैं। पूर्व के साहबर्य गुणारु को विशोषताएँ—पूर्व के गुणारु का सबसे बड़ा लाज उसकी सरकता (simplicity) है। यदि गुण एक द्वारे से पूर्णत रवतन हो तो साहबर्य गुणारु 0 होपा। यदि गुणो में पूर्ण साहबर्य है तो साहबर्य गुणारु + १ होगा और पूर्णत असाहबर्य होने पर - १। + १ और - १ के बीच में विशिध साहबर्य परिसाल आपरें।

उताहरण ५---एक परीक्षा में १३५ विधारियों की अभेनी और अर्थशास्त्र में सीम्पता की जांच की गई। परीक्षा के परिणाम में ७५ विधानी अरेडी में, ६० सर्पशास्त्र में और ५० दोनों में अनुत्तीर्थ हुए। मालूम कीनिय कि क्या अर्थशास्त्र में अन्त्रीरी होने और अरेडी में बनुत्तीर्थ होने में कोई शाह्यमं है। साहचर्य मा परिणाण मी निकालिय।

हरू चिन्हों के रूप में उपर्युक्त सामग्री निम्नलिखित होगी

(A)=अवेजी में अनुत्तीर्घों की नस्या= उ५

(B)=अर्थशास्त्र , , , , =९०

(AB) = अग्रेजी और अर्थशास्त्र , =५०

N=दिदायियो की कुल सस्था = १३५

साहचर्य का परिमाण निम्न सूत्र से जाना जाता है

 $Q = \frac{(AB)(ab) - (Ab)(aB)}{(AB)(ab) + (Ab)(\overline{aB})}.$

उपर्युक्त सामग्री से हमें परम वर्ग-बारवारताएँ निकालनी पहेंबी

(a)=N-(A) =135-75=60 (b)=N-(B) =135-90=45

(aB)=(B)-(AB)=90-50=40

(aB)=(B)-(AB)=90-50=40

(Ab)=(A)-(AB)=75-50=25 (ab)=(a)-(aB)=60-40=20

उपर्युक्त सूत्र में इन मृत्यों की रखने पर

म्बर्गा दून न इन नूरना ना रक्षन पर मार्था - १६०४

 $Q = \frac{50 \times 20 - 25 \times 40}{50 \times 20 + 25 \times 40} = \frac{0}{2000} = 0$

अतएव अर्थशास्त्र में और अबेची में अनुतीर्ण होना एक दूसरे से पूर्णत स्वतत्र है।

ज्याहरण ६—हिन्दी और अग्रेजी की एक परीक्षा में २४५ विद्यार्थी हिन्दी में, १४७ दोनों में उत्तीर्थ हुए, २८५ हिन्दी में फेल हुए और १९० हिन्दी में फेल हुए परन्तु अग्रेजी में पास हुए। इन दो विषयों के बान में वहाँ तक वाहरूमंं है ?

हल हिन्दी में उत्तीर्ण वो 'A', अनतीर्णों को a', अबेजी में उत्तीर्णों को 'b' और अंग्रेजी में अनुत्तीर्णा को 'b' से ध्यक्त करने पर उपर्यक्त सामग्री निम्नलिशित रण में रखी जा सबती है

(A)=? Y4, (a)=? 64, (AB)=? 40, (aB)=? 90

मुत्र का उपयाग करने पर

 $=\frac{147\times95-98\times190}{147\times95+98\times190}=\frac{4655}{32585}=+14$

हिन्दी और अब्रेजी ने ज्ञान में बहुत थांडा धन साहबर्य है। उदाहरण ७-व्यक्तियों ने एन छोटे समृह नी निर्देशता (infirimity) की विद्यमानता या अविद्यमानता ने लिए जांच की गई और दो मुख निवंलताएँ पाई गई.

अन्धापन (A) और वहरापन (B)। निम्नलिखित परिणाम विले

अन्धे और वहरे (AB) = १० थन-ज्ञन्वे भीर ल-बहरे (ab) =-५

अन्धे और ब-बहरे (Ab)=३०

अन-अन्ये और बहरे (aB) == ५

हमें यह जानना है नि अन्येपन और बहरेपन में साहचर्य है या नर । इस साहबर्य-परिमाण निम्निहि वित सूत्र से जाना जाता है।

 $Q = \frac{(AB)(ab) - (Ab)(aB)}{(AB)(ab) + (Ab)(aB)}$

उराहरण में दूरव रखने पर $Q{=}\frac{10{\times}5{-}30{\times}5}{[0{\times}5{+}30{\times}5}{=}\frac{50{-}150}{50{\times}150}{=}\frac{-100}{200}{=}{-}.5$ इम्रेटर बहरेपन और अन्वेपन ने गणा में सार्थन सनाहचर्य है।

उदाहरण ८-निम्नलिखित अना म विस्वविद्यालया X और Y में अयंग्राहर

और राजनीति-बास्य ने प्राप्ताना ने साहनयों की तुलना नीजिए विस्वविद्यालय विस्वविद्यालय X विद्यार्थियों की संख्या Λ 20 160 अर्थशास्त्र में उत्तीर्ण (A) g 32 राजनीतिशास्त्र में उत्तीर्ण 9 राजनीतिशास्त्र और अर्थशास्त्र में उत्तीर्ण (AB) 3

हुल साह्चव्यों वी तुकता वरते के लिए हमें दोता विश्वविद्यालया में अर्थपास्य और राजनीतिवास्त के प्राथाकों में बक्त बकता सहस्वम निकत्तना पढेगा। मून की रुपयोग परने के लिए ४ हुनरी श्रेषी की वास्त्राराएं नानुम होनी चाहिए जब कि हुने बेदल एवं ([AB]) प्राकृत है। वाकी की पणता रिम्मलिशिव एप से की जायेगी

दल एवं [(AB)] मालूम है । बाकी व	की गणना निम्नलिधित रूप से की जा
विस्वविद्यालय X	चिरवविचालम Y
$\langle A \rangle = \langle Ab \rangle + \langle AB \rangle$	(A) = (Ab) + (AB)
or $8 = (Ab) + (2)$	or 32=(Ab)+(3)
or (Ab)=6	or (Ab)=29
(B)=(AB)+(aB)	$(B)\rightarrow (AB)+(aB)$
or 4=2+(aB)	or 9=3+(aB)
or (aB)=2	or (aB)=6
(a)=(aB)+(ab)	(a) = (aB) + (ab)
or N-(A)=2+(ab)	or N-(A)=6+(ab)
or 12=2+(ab)	or 128=6+(ab)
or (ah)=10	or (ab)=122

अब साह्यये-मृगाम निकाले जा सकते है

$$Q = \frac{(AB)(ab) - (Ab)(aB)}{(AB)(ab) + (Ab)(aB)}$$

मूल्य रखने पर

विश्वविद्यालय X:
$$Q = \frac{2 \times 10 - 6 \times 2}{2 \times 10 + 6 \times 2} = \frac{20 - 12}{20 + 12} = \frac{8}{32} = +25$$

बिरमिनवाक्षय Y
$$Q = \frac{3 \times 122 - 29 \times 6}{3 \times 122 + 29 \times 6} = \frac{366 - 174}{366 + 174} = \frac{192}{540} = + 36$$

इस प्रशार हम देखते हैं कि अर्थशास्त्र और राजनीति शास्त्र में के ज्ञान में विश्व-विद्यालय Y में विद्यविद्यालय X की अपेक्षा अधिक साहचर्य है।

सीरारी भेगी \mathbb{E} गुण-अब हम तीरारी श्रेणी के गुणो पर विचार कर तकते हैं जिराहरण ९—निम्मीलित सामग्री से रोप (1) यन भर्मो और (μ) परम करों की सारशास्त्राएँ मुक्स करों

N=10,000	ABc⇒281
(A) 877	AbC==86
(B) ⇒ 1,086	aBC≔78
(C)= 286	ABC==57

हस हमें (i) श्रेप धन वर्गों, AB AC और BC, को वास्वारता जाननी है। और (1) श्रेप धरम वर्ग बारवारताएं, Abc, aBc, abC और abc जाननी है।

(a) (AB)=(ABC)+(ABc)=57+281=338(AC)=(ABC)+(AbC)=57+86=143

(BC)=(ABC)+(aBC)=57+78=135

(u) (Abc)=(Ab)-(AbC)=(A)-(AB)-(AbC) =877-338-86=453

(aBc)=(aB)-(aBC)=(B)-(AB)-(aBC)

=1086-338-78=670

(abC)=(bC)-(AbC)=(C)-(BC)-(AbC) =286-135-86=65

=286-135-86=65(abc)=N-(A)-(B)-(C)+(AB)+(AC)+(BC)-(ABC)

=10,000~877~1086-286+388+143+135-57 =6,310

उदाहरण १०--एक हवाई हमले वे बाद स्थानीय संस्थाला में हमले से पायल व्यक्तियों का सर्वेक्षण विद्या गया । कुछ १२०० व्यक्ति ये वसवारों ने वारण ६०० व्यक्तियों के बॉह, पाँव और छिर में अस्थिमण (fractures) हुए ये। १० व्यक्ति ऐसे में जिल्हें कोई बोट नहीं लगी थी, परन्तु घदराहट की चिक्तिका ने छिए मतीं किए गए में । बाँह भी अस्थिमण वालों मी सस्या विना वाहों की अस्थिमण वाली

सक्या है १९२ अधिव थी। निनने सिर में चीट नहीं थी ऐसे २७० अपित से । १६ व्यक्ति रहे से जिनकी बांहे टूटी हुई थी परन्तु पांची में नाई चाट नहीं थी। इसी प्रकार २०४ व्यक्ति ऐसे से निनके पीत टूटे से परन्तु सिर में चोट नहीं पहुँची थी। टूटे हुए पांच बाकों शे सक्या विजादुटे हुए पांच वालों भी सक्या से ६२० अधिक सी

चोट के अनुसार घायलो ना विश्लेषण नीजिये।

हरू बांह, पांब और सिर की चोट नो A, B, G द्वारा और इन बोटो के न होनें को a, b, c, द्वारा व्यक्त वरके उपर्युक्त सामग्री निम्नलिनित रूप में लिखी जा सनती है

> N=1200 (c) =270 (ABC)=600 (Ab)=36 (abc) =50 (Bc)=204 (A)-(a)=192 (B)-(b)=620

हमें शेष चरम वर्ग-बारवारताओं को निवारना है अर्थात हमें (ABc), (AbC), (aBC), (Abc), (aBc) और (abC) जानना है। इन्हें निवासने ने लिये हमें धन-वर्षों को वारवारताएँ जाननी हैं अर्थान हमें (A), (B),(C), (AB), (AC) और (BC) जानना है।

(i) प्रवस श्रेणी की बारवारताएँ।

(A) - (a) = 192

(A)+(a)=1200

or 2(A)≔1392 or (A)≔696 भग्न बाँहाँ

(B) - (b) =620

(B) + (b) ≈ 1200

or 2(B) ⇒1820

or (B)=910 भान पाँव

(C)=N-(c)

=1200-270 =930 अस सिर

(u) इसरी श्रेणी की बारबारताएँ

(AB) = (A) - (Ab)

(BC)=(B)-(Bc)

=-696-36 =-910-204 =-660 टडे ड ए बाँह और पाँव =-706 ट्डे हुए पाँव और सिर

(AC)=(abc)-N+(A)+(B)+(C)-(AB)-(EC)+(AEC)=50-1200+696+910+930-660-706+600

=620 दटे हर बीह और सिर

अब हम शेप ६ चरम-चर्गों का निकाल सकते हैं

(ABc) = (AB) - (ABC)

=660-600=60 ट्टी हुई बीह और पाँव पर मिर नहीं

(AbC) = (AC) - (ABC)

=620−600=20 े दूटी हुँडे बीह और सिर पर पांव नही (aBC) =(BC)−(ABC)

==706-600=106 ट्टे हुए पाँव और सिर पर बाँह नहीं

(Abc) =(Ab)-(AbC)=(A)-(ABC) (AbC) =696-660-20≈16 ट्यो हर्द नाहे पर मिर और पाँग नहीं

=090-000-20=10 टूटा हुद बाह पर स्मर आर पनि नहें (aBc) =(aB)-(aBC)=(B)-(AB)-(aBC)

=930-706-20=204 ट्राहुआ सिरपरबाँह और पाँच नहीं ।

उदाहरण ११—एक गाँव ने सामाजिक सर्वेशण से यह जात हुआ कि उसमें अविनाहित पुरुषों की सरवा निवाहित पुरुषों से अधिक यो और निवाहित वृत्तिपुक्त (employed) पुरुषों की सरवा अविनाहित वृत्तिहीत पुरुषों से अधिक यो। उसमें ४५ वर्ष से कम आयु बांठे वृत्तिहीत विनाहित पुरुषों को मस्या ४५ वर्ष में अधिक आयु बांठे वृत्तिपुक्त अविनाहित पुरुषों से अधिक थी। छिद्ध कीनिए नि ४५ वर्ष से कम आयु बांठे अविनाहित वृत्तिपुक्त पुरुषों से अधिक थी। छिद्ध कीनिए नि ४५ वर्ष से कम आयु बांठे अविनाहित वृत्तिपुक्त पुरुषों से अधिक थी।

हुल विदाहित और अविवाहित A और a द्वारा, यूतियुक्त और यूक्ति-हीन B और b द्वारा और ४५ वर्ष से अधिक आयु वालो और इससे क्व आयु बालों को C और c द्वारा व्यक्त करने उपयुक्त सामग्री निम्मण्लित रूप में लिखों जा रकती हैं —

A और a को B के अनुसार वर्गीकृत करने पर (1) बराबर है

या (aB) > (Ab (vı) को C और c में वर्गीकक्ष करने पर

(aBC)+(aBc) > (AbC)+(Abc)

परन्तु (m) के अनुसार (Abc)>(aBC), इसलिये (aBc) > (AbC)

यही मिद्ध करना या ।

साह्ययं-मुगाक वा निर्धवन—हम बता चुने हैं नि मदि चुन एक दूसरे से स्वतन हैं तो यून का सहत्वयं मुगान 0 होता है। मुणे साहत्वयं होने पर यह + ? और मुणे कासह्वयं होने पर यह - 1 होता है। ! +! और - 1 ने चीन साहत्वयं के दिविष परिसाद होते हैं। वहाँ यह स्मरणीय है कि अगर साहत्वयं बहुत वम हो जयांत् मदि (AB) और (A)×(B)]N का बन्तर बहुत वम हो जो हो सक्ता है कि साहत्वयं सार्वक न हो, अर्थात् वासत्व में कोई साहत्वयं न हो। ऐसा नाहत्वयं गुणों कै तीन कोई सर्कक नहीं बता सकता। यह मरण-महत्वयं या जिल्ला ने कारण ग दैव कारणों में हो सबता है जो प्रतिचयन में सदा रहते हैं। यदि हम उसी समस्यि से कई प्रतिदर्श के तो कुछ में घन साहचर्य मिछेगा और कुछ में ऋण, जिससे इसकी पुष्टि होती है।

साहवर्ष को अन्य परीकाएँ—हम पहले बता चुने हैं कि दो गुणो में साहवर्ष का तत्वता देश की दाकका परिधाण वातने के निष्णू हम AB को वास्तविक बानदान्ता (AB) को तुम्ता दशकी स्वातन्त्र बारवार्ता (A) (A) Nे के करते हैं। मैडानिक रृष्टिकोण से यह तक वस्मत है। परन्तु व्यवहार में 'अनुकातो' की तुम्ता करना अधिक सुनिवायनन होता है। अपनेतृ हम 'b' और 'b' में A के अनुपाती की तुम्ला करते हैं। ये अनुवात सामारण प्रतिवादी या अधिसहकों के सम

उदाहरण १२—निम्नलिसित सामग्री से हैवे का टीका समाने और बीमारी मं घट में गाजवर्ष निकारित ।

0 %- 1 4.6			
बी	मारी से मुक्त	वीमार	ৰুৱ
टीका लगाए हुए	276	3	279
दीका न लगाएं हुए	473	66	539
-			
बुल	749	69	818
•			

इल

बीमारी से मुक्त में टीका लगाए लोगों का प्रतिग्रत $=\frac{276}{276} \times 100 = 93.9\%$

279 × 200=35 % विकास के स्थाप
इसे निम्निकिति रूप से भी किया जा सकता है

बीमारों में दीका लगाए हुए लोगों का प्रतिशत= $\frac{3}{279} \times 100 = 1.1 \%$

(A)=279, (a)=539, (B)=749, (b)=69, (AB)=276 (Ab)=3, (aB)=473, (ab)=66 aft N=818

साहचयं गुणांक के सूत्र में इन मुलों को रखने पर :

 $Q = \frac{(276) (66) - (3) (473)}{(276) (66) + (3) (473)}$ $= \frac{18216 - 1419}{18216 + 1419} = \frac{16797}{19635} = +0.86$

आज्ञिक साहचर्य (Partial Association)

अधिक शहनमं को उप-समिद्ध में साहन्यं (association in a subuniverse) भी नहते है। यदि A और B में साहन्यं हो तो हो सकता है कि इस साहन्यं ना करण A और C एव B और C का साहन्यं हो। उदाहरण के किए टीका जमाने (A) और चेचक से मुक्ति (B) में पन साहन्यं होना स्वामानिक है। व्यक्तिण प्रह निकर्ण निकानना भी स्वामानिक है कि टीका जमाने से चेचक का प्रति-नार हो जाता है। परन्तु यह निकर्ण अनभीष्ट(unwarranted) भी समझा जा सकता है। यह कहा जा सनता है कि टीका जमाने नी प्रया केवल सम्प्रप्त परो (C) में प्रचित्त है और अन्य ओम इसे सम्येह से देवते हैं। इस्तिष्य A और B में हम जो साह्य्यं देवते हैं वह इन कोगों का C से साहत्यं शेने ने नारण है। उप-ममरिट C में A और B के साहय्यं को बारिक साहत्यं हम जाता है।

A और B में यदि आधिक शाहुक्षेये ही तो इवना उल्लेख स्पट रूप से कर दिया जाना चाहिए, क्योंकि जो एक अग्र के छिए श्रव हो इसना पूरे के छिए या निमी दूसरे अग्र के छिये सक होना धावस्थन नहीं है । हो सन्ता है नि A और B के सीच केवल Cमें साहुक्षे हो। यह आवस्यन नहीं है नि या E हत्यादि में भी उनमें साइवर्ष हो।

आभासी साहचर्य (Illusory Association)

ऐसा साहचर्य को दो गुणो के बीच निसी वास्त्रविक सबय के नारण नहीं आभानी साहचर्य नहाता है। आंशासी साहचर्य निम्निक्षित नारणों में निसी से भी ही सकता है।

(१) किसी ऐसे गुण C को उपस्पित जिससे गुण A और B कर साहचर्य हो-हो सकता है कि A और Bमें कोई शाहचर्य न हो, परनु इनमें और C में अरुग अरुग से साहचर्य हो और फलस्वरूप C वाजी समिट में उनमें भी साहचर्य प्रवट हो जाना उदाहरणार्य, भागीय सोत्रों में (C), वृत्तिहीस्ता (A) और निरसरता (B) में भोई साहचर्य न हो, पण्लु समूर्य समिट में उनमें साहचर्य मिटे।

(२) गुल A और li ठीक प्रकार से परिभाषित न किये गए हों—यदि गुणो नी ठीक-ठीक परिभाषान दी गई हो तो सामग्री गलत हो सबती है और उनमें स्थापित

साइचर्य पूर्णत जामासी हो सनता है।

(३) बुग A और D में निरोक्षक को मीमर्गत (C) के कारण साहवर्ष हों — भ्रमिनति में नारण समयों उधर परिषुडबौर सही नहीं होगा। फलस्वकर हो सकता है कि A और B में स्वाहचर्ष विके जब साराज में कोई साहवर्ष न हो। इसके अन्तर्गत बह दस्सा भी बाती है, जब [निरोक्षक का विची एक गुण की और मुकाब है और जाने अत्राचन वह उसी वा उल्लेख करें।

सामग्री में ऋविरोध (Consistence of Data)

सिंद एक ही सामग्री से प्राप्त की गई मानग्री एक दूबरे के बिकट नहीं है तो हम कहते हैं कि सामग्री अविरोधी (consistent) है। यदि सामग्री निरोधी (inconsistent) है तो एक या अधिक चरम-मां-बारवारताएँ कुणालक होगी। उस वर्ग-बारबारताओं का कुणालक नहोगा सामग्री के अविरोध की परीक्षा है।

उदाहरण १३--जात कीजिये कि निम्निक्षितित सामग्री विवरोधी है या नही :

N = 2,000	(AB)=676
(A)=1,754	(AC) = 286
(B) =2,172	(BC)=270
(C) ← 572	(ABC)=114

हल

हम बता चुके हैं कि शामग्री ने अविरोधी होते की आवश्यक और पर्योन्त धर्ते भग्म का-वारवारवाओं का ऋणात्मक न होना है। नरमवर्ष-वारवारवा निकालने पर हम देवते हैं कि .

(abc)=N-(A)-(B)-(C)+(AB)+(AC)+(BC)-(ABC)=2,000-1,754-2,172-572+676+286+270-114 =-1,380

इमलिए उपर्युवत उदाहरण को सामग्री विरोधी है।

डगहरण १४—१० स्विनियो भी आहतो का अध्ययन दिया गया और यह देवा गया कि उनमें से २५ शासहारी हैं और २० उक्की उच्चारी पसन्द करते हैं। १० स्विनियों में हैं जो साकाहारी भी है और उवकी उच्चारी भी पबन्द करते हैं। गिंद केंक्टियें कि बहु छाइकी दिरों भी है और इसिल्ट कुछ लोगों ने बही मूचना मही दी है। हल

भागाहारियों के लिए A और उवली तरकारी पसन्द करने वालों के लिए B लिसने पर उपर्यक्त सामग्री निम्नलिखित रूप में रखी जा सकती है।

$$(A) = 24$$
, $(B) = 20$, $(AB) = 20$, $N = 30$

चरम वर्ग दारदारताएँ निम्नलिखित है

(aB) ==(B)-(AB)=20-10=10

(a)
$$=N-(A)=30-25=5$$

(ab) $=(a)-(aB)=5-10=-5$

चैंकि इनमें एक ऋणात्मक है इसलिये सामग्री विरोधी है।

OUESTIONS

1 How would you distinguish between "Association" and "Correlation" as the terms are used in statistics?

2 Given the following ultimate frequencies, find the frequencies of the positive and negative classes and the whole number of observations 'N'

3 Given the frequencies of the following pairs of contraries it is required to find the frequencies of the remaining classes and the whole number of observations 'N'

(A)=1,150 (AB)=1,075 (a) =1,120 (ab) = 985

4 Given the following positive class frequencies it is required to find all the class frequencies

N =20,000 (AB)=676 (A) = 1,754 (AC)=286

(B) = 2,172 (BC)=270 (C) = 572 (ABC)=114

5 (a) Write a short note on the use of Co efficient of Assoquation in analysing economic statistics

(b) From the figures given in the following table, compare the association between literacy and unemployment in rural and urban areas, and give reasons for the difference, if any —

	Urban	Rut	al
Total Adult Maks	25 lakhs	200	lakhs
Laterate Males	10 lakhs	40	lakhs
Unemployed Males	5 lakhs	12	lakhs
Literate and Unemployed Males	5 lakhs	4	lakhs
	(MA, Allaha	bad and	Patna)

6 In an experiment on immunitization of cattle from tuberculous, the following results were obtained —

	Died or affected	Unaffected	
Inoculated	12	26	
No. a condensed	16	6	

Not inoculated 16 6

Examine the effect of vaccine in controlling susceptibility to

tuberculoss (I A S)

7 What is meant by Statistical Association? How is it mea-

aured? The following table is reproduced from a memoir written by Karl Pearson

Eye colours in sons

Act light Light

	Not light	Light
Not light Eye colour in fathers	230	148
Laght	151	471

Discuss whether the colour of the son's eye is associated with that of the father $(I \ A \ S)$

that of the father (I A S)

8 A universe consists of three attributes each of which is
divisible into two parts. What are the different class frequencies

obtainable ?

Obtain all these frequencies in the following example: At an examination at which 600 candidates appeared, both to inturmibered girls by 16 per cent. Also those passing the examination exceeded in number those failing by 310. The number of successful boys choosing Science subjects was 300 while among the quick offering Arts subjects there were 25 failures. Allogether onl. 135 offered Arts and 33 among them failed. Both failing in the examination numbered 18.

In an anti-malarial campaign in a certain area, quinine was accumustered to 812 persons out of a total population of 3248

The unmber	of lever cases is show	n below —	
	Treatment	Fever	No fever
	Quinine	20	792
	No commune	990	2216

Discuss the usefulness of quinine in checking malaria $(P \ C \ S)$

- 10 Explain the method of finding association between two attributes Out of 70,000 of literates in a particular district of India number of criminals was 500 Out of 930 thousand of illiterates in the same district, number of criminals was 15 thousand On the basis of these figures do you find any association between illiteracy and criminality? (MA. Arra)
- 11 The following table gives the numbers of literates and criminals in three cities of U P -Vaccous Atlahahad Ame.

						arm.bar	TIPHITO DIA	E a De m
Tota	l numbe	r (ın	thousan	ıds)		244	184	230
	ates (in t					40	47	33
	ate crim					3	2	2
Illite	rate crun	unal	(in hu	ndr	eds)	40	20	24
-	compare	the	degree	οſ	association	between	criminality	and

illiteracy in each of the three towns (MA. Allahabad) 12 A census revealed the following figures of the blind and the

ensane in two age-groups in a certain population -Age group Age-group 15-25 years over 75 years

Total Population 2	,70 000	1,60,000
Number of blind	1,000	2,000
Number of insane	6,000	1,000
Number of insane among blind	19	9
(a) Obtain a measure of amountion	hattimen	blandness and

insanity in each of the two age-groups

(b) Do you consider that blindness and insanity are associated or disassociated with each other in the two age-groups, or more in one age group than in the others?

13 The male population of the U P is 250 lakhs The number of literate males is 20 lakhs, and total number of male criminals m 26 thousand The number of literate male criminals is 2 thou sand Do you find any association between literacy and criminality? (MA . Aera)

14 Can vaccination be regarded as a preventive measure for small pox from the data given below?

'Of 1,482 persons in a locality exposed to small-pox, 358 in all were attacked?

Of 1,482 persons, 345 had been vaccinated and of these only (M Com , Allahabaa) 55 were attacked?

15 The following table gives the number of persons suffering from certain infirmities in Bengal in 1931 -

Sex	Total number	Insane I	Deaf mutes	Deaf mutes and Insane
Males Females	250 lakhs 241	12 6a0 9 0a5	21 30I 14 136	545 317
Trace	the association	between msam	to and des	f muteness for

males and females of Bengal separately (M.A., Allahabad)
16 Calculate the Co-efficient of Association between extra

ro Calculate the Co-cincient of Association between extra

Extravagant fathers with extravagant sons
Extravagant futhers with miserly sons
Miserly fathers with extravagant sons
741
Miserly fathers with miserly sons
(M.A. Luckness)

(M.A., Lucknow)

The following table shows the distribution of the temper

in pairs of sisters in an exhaustive school enquity —

First sister

Second sister			Good natured	Sulk	n Total
Good natured Sullen			1010	180 120	1229 280
State II					
	Total		1200	300	1500
Trace the a	mortarion.	if any, in	the distributio	a of	temper in

first sater and second sater (M Com, Rejathan)

18 Find out the Co-efficient of Association between the type of college transparence of the filters.

to rain out the Co-ement of Association between the type of college training and success in teaching from the following table —

Institution Successful Unsuccessful Total

Institution	Successful	Unsuccessful	Total
Teachers College University	58 49	42 51	100 100
Total	107	93 (M.A.,	200 Mahabad)

19 Slow how to form conditions of consistence of statistical returns for three attributes

The following are the proportions per 10 000 of boys observed with certain classes of defects among a number of school children

A=development defects
B=\erve signs
C=\fcntal duliness

N=10 000	(C)789
(A)= 877	(AB)=-338
(E)= 1,086	(BC)=-455

Show that some dull boys do not exhibit development defects, and find how many at least do not do so Taking the smallest number of such boys find the ultimate class frequencies

(B Com., Madras)

20 In a certain investigation carried on with regard to 500 graduates and 1,500 non-graduates, it was found that the number of employed graduates was 450 while the number of unemployed non-graduates was 300 In the second investigation 5,000 asets were examined. The number of non graduates was 5,000 and the number of employed non-graduates was 2,500. The number of graduates who were found to be employed was 1,600.

Calculate the co-efficient of association between graduation and

employment in both the investigations

Can any definite conclusion be drawn from the co-efficients?

(MA, Agra)

21 Calculate the co-efficient of association between the race
of rehef recipients and type of rehef from the following table —

	Race			
Type of rehef	Negro	White	Total	
Work	144	752	896	
Direct	308	500	808	
Total	452	1,252	1,704	
	(1)	€ W W.	Lucknow)	

22. From the following table test whether the colour of son's

eye is associated with that of father's

Eye colour in sons

Not light Light

Not light 230 150

Eye colour in fathers

Light 150 470

(M. Com., Allshabed)

23 Explain the difference between Statistics of Attributes'

The following table gives the distribution of students and also fregular players among them, according to age in complete years.

Age in No. of Regular Age in No. of Regular

Age in years	No of students	Regular Players	Age in years	No of students	Players
15	250	200	18	120	48
16	200	150	19	100	30
17	150	90	20	80	15

Calculate the co-efficient of association between majority and playing habit, on the assumption that majority is attained in the light year. (M Corn, Allahabad)

24	The	fol	lowing	SIIIIII	ary	app	cars	IR:	a re	port	0Π E	surve
covern	ng 1 (000	fields	Find	out	ıΓ	he (data	are	con	ustent	
Mai	nured	fir	ds									510

490 Irrigated fields 427 Fields growing improved varieties 189 Fields both irrigated and manured 140 Fields both manured and growing unproved varieties

R-s Fields both irrigated and growing improved varieties (M Lom . Allahabad and . I . S)

In a war be ween White and redforces there are more Red soldiers than White, there are nor armed Whites than unarmed Reds there are fewer armed Reds with ammunition than unarmed Whites without ainmunition Show that there are more armed Reds with ammunition than unarmed Whites with ammunition

(MA, Allahabaa)

The following are the proportions per 5,000 of workers observed for certain classes of defects amongst a number of factors workers -

A-Development defect

B=Nerve signs C=Mental duliness =5000

(C) = 400(A) = 440(AB) = 170(B) = 545(BC) = 228

Show that some dull workers do not exhibit development de fects and state how many at least do not do so (M Com Allahabad)

27 Among the adult population of a certain town 50 per cent of the population are males 60 per cent wage earners and 50 per cent are 50 years of age or over 10 per cent of the males are not wage earners and 40 per cent of the males are under 50 Can we infer anything about what percentage of the population of 40 years or over are wage carners? (\1 Com , Allahobad)

28 The following figures relating to the social survey of a village are available from partially destroyed records -

(i) Number of persons—1 000 (ii) Number of literate employed—1 600

(iii) Literate unemployed-2 800 (iv) Illiterate employed 4 000

It is obvious from above that the information is inconsistent Show that the inconsistency most probably consists in dropping of a 0 after the 1,000 in item (i) above

20 If (A)=(a)-(B)=(b)=\frac{1}{2} it is required to prove that (t) (AB)-(ab), and (u) (Ab)=(aB)

A number of school children were being examined for the presence or absence of certain defects. It was found that 80 of them suffered from deficiency of nutrition, 78 were such who had a poor development, and 96 had nerve signs. It was further revealed that 20 students suffered from all the three defects, while 42 were free from all defects. The number of those who suffered from deficiency of nutrition and poor development but had no nerve signs was 18, 38 were such who had neither deficiency of nutrition nor poor development but had nerve signs was 18, 38 were such who had neither deficiency of nutrition nor poor development but had nerve signs It is required to find the number of otherwise who suffered from at least two defects. The number of otherwise who suffered from at least two defects. The number of otherwise who suffered from at least two defects. The number of otherwise who suffered from at least two defects. The number of otherwise who suffered from at least two defects are number of otherwise who suffered from at least two defects. The number of otherwise who suffered from at least two defects are number of otherwise who suffered from the suffere

31 Find whether the data given below in each of the two cases is consistent

32 In a partially destroyed laboratory the following records are available —

Show that the information as it stands is incorrect and there is a possibility that the figure '2' might have been dropped before figure '172' given as the frequency of (B)

33 The following is a summary of the statistical features of a

Total number

Item			of cards belonging to the category
1	The whole of the co	ensus	1000
2	Permanent resident	s	510
3	Males		490
4	Consumers of rice		427
5	Permanent male res	adents	180
6		mong permanent resider	nts 140
7	Males consuming ra		97

Show that the entry against item No 7 m inconsistent with entries against all the previous items, namely 1, 2, 3, 4, 5, and 6 taken together (I A S)

34 (a) Obtain the total number of classes into which a universe can be divided by three attributes each of which separately divides the universe into two classes

Show further that any class frequency of the first or second order can be expressed in terms of the third order class-frequencies

- (b) If m ≡ collection of houses actually invaded by small-pox, 70 per cent of the inhabitants are attacked and 85 per cent have been vaccinated, what is the lowest percentage of the vaccinated that must have been attacked ? (I & S)
- 35 What is 'partial association' of the attributes of a group of population?

Of the 50,000 persons m a town 10,000 are literate The total number of unemployed persons m 540, of whom 35 are literate Is there any association between literacy and employment?

(M.A. Agra)

36 (a) What is Illusory Association' ? How can it be avoided?

(b) Calculate the co-efficient of association between intelligence in father and son from the following data

 Intelligent fathers with untelligent sons
 248

 Intelligent fathers with dull sons
 81

 Dull fathers with intelligent sons
 92

 Dull fathers with dull sons
 597

 Author deep
 (MA_deep)

ष्प्रध्याय १३

सांख्यिकीय सामग्री का निर्वचन

(Interpretation of Statistical Data)

पिछले अध्याया में हमने मारियकीय सामग्री का मग्रह और विरलेपण करन की विविध विविधा का बर्गन किया। अंतर स्वय लक्ष्य नहीं है, वे रूद्य प्रास्ति के साधन है। सास्यिको का उद्देश्य इनसे निष्कर्प निकालना है। हम यह भी बता भुने हैं नि साब्यिको एक विज्ञान है और ओ ब्यक्ति इसकी प्रविधियों से अच्छी तरह परिचित नहीं है वह विविध सास्यिकीय भाषनी की सार्यकता नहीं समझ सकता। एक सास्यिक की सामग्री का संबद्ध और विदलेषण करने के साथ साय उसके आघार पर निष्कर्प (inference) भी निकालने पडते हैं और सर्वमाधारण को जनकी सार्यवता समस्मानी पटती है। साहियकीय सामग्री से सावधानी पूर्वव विश्लेषण करके निष्टर्ष निकालने मा अनुपात करने और उनकी सार्यक्ता बतारे के कार्य को निर्वधन **कहते हैं।** वस्तुत निर्वचन सास्थिक का मुख्य काम है और शामग्री सग्रह और उसका विश्लेयण करना केवल सहायक काम है जो आवश्यक रूप से निर्वचन से पहले आते हैं। इसिंग्ये यह प्यान रखना चाहिए नि यदि सास्थिनीय विधिया ना मही और समिनित प्रयोग नहीं किया गया है, ता उत्तम निकाले गए निष्टमं और अनुमान गलत हाने । इसके विपरीत यदि सामग्री का मग्रह और विकायण माल्यिकी के स्वीक्त सिद्धान्ता न अनुसार समुखिन रूप से किया गया है तो बाई कारण नहीं है कि निष्क्य मही न हा। इसीलिये यह वहां जाता है कि 'आवडे' निष्टी के नमान है जिनसे भगवान या शैतान जा चाहे बनाया जा सकता है।

जपर्युक्त अनुच्छेद में हमने बताया कि यदि मामश्री का मधह और विरुप्तपा समुक्ति रिति सुन्ना है तो उनने सवामें निलय्पे निकार जा सक्ती है। उनिका मधह स्मिद्द रिति सुन्ना है तो उनने सवामें निलय्पे निकार जा सक्ती है। उनिका मधह स्मिद्द प्रदेश के निकार पर्वापत ने हैं। इतना हो जानना पर्वापत ने हों कि सादित्य नृद्धिया ने नारणा और सामध्ये होती चाहिए वि वह शृद्धियों को जहाँ तन ममन हो दूर कर सन्ने। इमने किये यह आवस्यक है कि साधमी अमिनति में मुक्त हो। इतना ही नहीं निर्वचन मा नाम विद्योग को हो ने करना चाहिये। अमिनति जान-यूक्त कर या अवान नार्या हो सकती है नहीं नहीं कर सहने का सम्बद्ध करने हो नहीं निवचन स्मा का समिति का सम्बद्ध करना ही नहीं नहीं ना सकता है हि साक्तिक का अवने का सन्य प्रवार नार्या है विच हता ही नहीं ना सकता है कि साक्तिक का अवने का सन्य प्रवार नी अभिनति से मुक्त रुमना चाहिये। इति

के बारे में यह उक्ति ठीक है कि 'अपरिचित व्यक्तियों के हायों में आकडे सबसे भयकर उपादान हैं'। सास्थिकी से अपरिचित व्यक्ति को इसमें हस्तक्षेप नहीं करना चाहिये। परन्तु विशेषज्ञ को भी निष्कर्ष निकालने से पहले निस्नलिखित बाती का ध्यान रखना चाहियें ---

(१) सामग्री सजातीय हो (the data are homogeneous)-निफाय निकालने से पहले यह निश्चित करना आवश्यक है कि सामग्री तुलतीय है या नहीं । जदाहरवार्य यदि इस दो देशों की मजदूरियों की तुलना करें हो हमें इस के लिए सदैव सावधान रहना चाहिए कि हम प्रजावीयों की तुलना करें, यह नहीं कि अलग अलग चीजो को तलना करने लगें। कुशल मजदरो और अकुशल मजदरो की मूलना करना यखत होगा।

(२) सामग्री पर्याप्त हो (the data are adequate) निसरो समुचित और पूर्ण विक्लेपण हो सके । कभी-कभी यह होता है कि सामग्री अपूर्ण बा अपवीन्त होती है और न तो बैजानिक एवं से उसका विश्लेपन सभव होता है और न उसने कोई अनमान निकाले जा सकते हैं। ऐसी सामग्री को पहले परा कर लेना चाहिये और अगर वे पूरे न किये जा सकें तो सास्थिक को निष्कर्य नहीं निकालना षाहिए । यदि वह ऐसा करता है तो लोगो का उसके और सास्थिकी के प्रति सम्मान র্ভত লাহনঃ।

(३) सामग्रीजपयुगत हो (the data are suitable)-यह निश्चित करना आवस्यक है कि अनुसंधान के लिये सामग्री उपयुक्त है। अनुप्यक्त सामग्री और सामग्री के अभाव में कोई अन्तर नहीं है पत्त्व पहला अधिक भयकर है। अनदयक्त सामग्री से निष्कर्ष निकालना सभव नहीं है, इसकिये निष्कर्ष नहीं निकालमें

चाहियें।

(४) सामग्री का वैज्ञानिक विश्लेषण (the data are scientifically analysed)--निष्कर्प निकालने से पहले सामग्री का वैज्ञानिक विधियों मे विश्लेषण करना आवश्यक है। यदि गलत विश्लेषण किया जा रहा हो तो सावधानी पूर्वक मग्रहीत सामग्री भी बहुत गटत परिणाम दे सकती है।

बृहियों के स्रोत (Sources of Error)-उपर्युक्त बातों का पूरी तरह ध्यान रखने के बाद सास्थिक के निर्वधन में होने वाली बृटियों के निम्नलिखित स्रोतो का परा परा ध्यान रखना चाहिए ।

(१) किस माध्य का उपयोग किया गया है - कभी-कभी माध्या के आधार पर निकाले गर्ये निष्कर्ष गलत होते हैं । सदाहरणायं, यदि हम कहते हैं कि साधारणत. एक व्यक्ति २ प्याळी चान पीता है तो इसका अर्थ यह नहीं निकालना चाहिए कि ५० बादमी प्रतिदित १०० प्याले नाम पीते हैं। यह जान तभी सन हागी जब २ प्याले समातर माध्य हैं। परन्तु न्यूंजि हमने 'साधाराना ' धाद ना प्रयास निया है इसलिये २ प्याला नहान हागा, समातर माध्य नहीं।

- (२) अनुस्ति निरम्पं निकासना—दिए हुए तथा में अनुस्ति निरम्पं निरा लगा एक सामान्य भरती है। यदि हमें बताया आय कि १९५६ में श्रागर-अन्तुना का आयात गिर गया तो इसमें यह निरम्प निकारना गरन हाथा कि लोग सम पैरान परस्त हा गए है। हा सदना है कि देश में श्रागा-अनुशा का उत्पादन बढ़ गया हा या लाग करा के बढ़ जाने के कारण इनका भौर्यान्यत (smuggling) करते लगे हा। इसी प्रकार, यदि हमें बनाया आता है कि अप्रेजी में पास हाने वालों का प्रतिस्त ह्रासमान है ता इसका यह अर्थ नहीं कि अप्रेजी में पास हाने वालों कर प्रदारित व्याहि स्तर कर गिरले का बारण यह हो सकना है कि पहने कि अप्रयोग करों की पदाहि स्तर कर गिरले का बारण यह हो सकना है कि पहने कि अप्रयोग आप्रेजी की
- (३) ऐसे तर्क की सहस्वता केना को कार्य से कारच की ओर जाय (drawing inferences from an argument running from effect to cause)—जनुमान निवारने में यह नवत व्यवस्तान है। चूर्स मूक्य वड रहे हैं इनका आवस्वक रूप से यह निवन्दर्ग नहीं निवारण जा ममना कि देश में मुझान्स्नीति है। इनका जला ही तरव हाता व्यवंत चूंकि मुझान्स्नीति है। इसिंक्य मूक्य वड रह है, परन्तु मुझान्स्नीति के व्यविध्यन बबने हुए मूक्या ने वई कम मारण हा समने हैं।
- (४) असमान आधार पर तुष्टना करना—निर्वचन करने की आवस्यक धात यह है कि जिन चीत्रा की पुल्ना करनी है उन्हें सबस पहुँच समान आधार पर लाना चाहिए। यदि विद्यार्गिया के स्तर विभिन्न है ता विद्यार्थिया के प्राप्ताका के आधार पर स्तर की गुल्ना करना गलन है। विद्वविद्यालय में थी० कीम के विद्यार्थिया के साध्यक्षी के प्राप्ताका की तुल्ना विद्वविद्यालय के एक० काम के विद्यार्थिया के मास्थिकी के प्राप्ताका स करना गलन माना वास्त्या।
- (५) सहस्तव-मुकाक से भी बहुता गरन निजय निवार जाने है। यदि हम गनित और बदेवी के प्रायक्षण में उच्च पत्र महम्मव देवें हा इनना यह तालय नवारि नहीं है नि ये दाना निषय एक में है। अच्छे विवासी हमदा गमोर और वृद्धिनान हान हैं। हमिन्दे चाहे गणिन हा या बदेवों, व हमदा उच्छा करने मा प्रकार करते हैं।
- (६) असमत सामग्री—क्स्री क्यों अत्यान विषय म मामग्री का काई मनन नहीं हाता । बदि इस सामग्री म सारिवकीय विषया का उपनोब किया जाव सो

कुछ न कुछ सबध सो मिल ही जाएगा। उदाहरणार्थ, गरि हम पाते हैं कि मारत में रेशिवर-विजानों का उत्तार-मुक्काफ बढ़ रहा है और इन्केंड में साक्षरता बढ़ रही है सो हम गह निक्चर्य मही निकाल सकने कि बचेन बच्चे मारत में शैक्षिक-खिलोनों के उत्तारन से लाभ उठा रहे हैं।

- (७) साहबर्य-युणाक से भी बहुषा गल्सा निवंचन किये जाते हैं। स्वरय वितामी के स्वस्य बच्चे होते हैं, परन्तु बच्ची का स्वास्थ्य विकित्सा, विज्ञान की प्रगति या
- पिताओं की विशेष देख-भाल के कारण भी ही सकता है।
- (८) प्रतिप्रतो के कारण भी सामान्यत मृदिगूर्च निरुक्त निकाले जा सकते हैं। प्रदि एक परोधा में केनक र विद्यार्थों केंद्रे और उत्तीर्थ हो जामें तो परिणाम दे००% पात होता। दूसरी परीक्षा में बॉट १०० में से ९९ पास होते हैं तो परिणाम ९५% ही होता। इस्त आसार पर पहली परीक्षा में बंडने बाते दिखानियों की बुद्धिमान कहना निरुक्त ही साहस का प्रमा है।
- (alse generalisation)——कर्म-कर्म कार वीड्ड सामधी से करत सामारकीकरण निकालते हैं। धर्य वह देखा जान कि किसी विशेष महीने में एक भाग में अपराध वह पता है तो यह निक्य निकालना गणत होगा कि पूरे देश में ज्याराध वह रहा है। इसी प्रकार एक वस्तु का मूल्य बड़ने पर निवाह-व्यास के बड़ने की बात करणा गणत सामारफीकरण है। केनल अझ के नामार पर पुत्र में किसी निकाल निकालना आपका है। स्कार है।

खपर्सहार — निर्मवन करने से पहले एक सारियक को हुए बाती पर तादधानी से प्यान देना पाहिए। धालक व्यक्ति बहुआ ऐसे निष्कर्ष निकालले हैं जो अपरी तीर पर तो वही लगते हैं परन्तु सावधानी से परीक्षा करने पर दनका सदय क्या प्रकट हो गता है। निर्मवन के लिए अग्य बातों के सावस्थाय सहस्वाह्म एएस प्रकट हो पद प्रक्रित दिन्हिंस की भी आवस्यकता पहती है। निर्मवन से आवडों के प्रतिस्थित अग्य साक्ष्य पर भी विचार करना चाहिए। गह भी प्यान रक्षना चाहिए कि साविक्ष के नियम माम्यत और दीपेशनल में सही होते हैं। में केनल प्रवृत्ति बताते हैं भीर क्या होगा न स्वाक्ष्य का होना चाहिये बताते हैं। इस विषय पर हम पृष्ठ १८-२३ में विस्तार से विचार कर नामें हैं। इस अम्याम के साव उनका भी अप्ययन करना चाहिये।

QUESTIONS

 What do you understand by interpretation? What are the common mistakes which statisticians are likely to commit while interpreting statistical data?

- 2 How far do you agree with the conclusions drawn in the following cases
 - (a) It is observed that intelligent fathers have intelligent sons, and intelligent grand-fathers have intelligent grandsons, therefore intelligence is hereditary.

 (b) Two series are applying fraging the property of the pr
 - (b) Two series—quantity of money in circulation and general price index—are found to possess positive correlation of a fairly high order. It is concluded that one is the cause and the other the effect in a direct causal relationship.
 - (e) It is observed that generally death rates in two towns are identical. It is inferred from this that the population of both the towns is equally healthy.

(MA, Rajputana)

- 3 Point out the ambiguity or mistake, if any, in the following statements
 - (a) The death rate in the American Navy during the Spanish-American War was 9 per thousand while in the city of New York for the same period it was 16 per thousand It was safer then to be sailor in the American Navy than to live in the city of New York
 - (6) The per capata moome for India in 1931-32 according to the estimates framed by Dr V K R V Raw as as Rs 55 The estimate for 1948-49 framed by the National Income Committee was Rs 225 In 1948-49 India was, therefore, four times more prosperous than in 1931-32.
 - (c) The examination result of school X was 75 per cent in a particular year. In the same year and at the same examination only 400 out of total of 600 students were successful in school Y. The teaching standard of the former school was decadedly better (B Com, Delhi)
 - 4 Comment on the following conclusions -
 - (a) The population of Bhopal has doubled during the last three years Therefore the birth rate of the town has also doubled
 - (b) The imports of food-grains in India is increasing. The production of food-grains in India is, therefore, declining.
 - (c) Income from excise duties in India is increasing year after year. Therefore production is also increasing in India

- Point out the mistake in the following conclusions —
- (a) There are 500 employees in a factory. Their daily earnings are about Rs. 2 per day. Therefore the total monthly ware bill of the factory is Rs. 30,000.
- (b) An ordinary person in India uses one pair of shoes every year. Therefore the total annual demand of shoes in India by her 38 crores of people is 38 crores of pairs.
- (4) A vast majority of students in a hostel spend Rs 100 per month. Therefore the total monthly expenditure of the 50 students of the hostel is Rs 5,000.
- (d) A merchant receives usually 100 customers a day Therefore, the total number of customers received by him in the month is 3 000.
- (e) Most of the patients die in the emergency ward of the city hospital, therefore it is unsafe to be admitted to the ward

6 The following is an abstract from the report on planning in the USR Interpret the data and give the necessary comments thereon.—

			Results of 1950	
	Planned stems	Results of 1910	Plan Fu	lfilment
1	National Income in 1926 27			
	prices thousands of m roubles in per cent	128 3 100	177 138	210 164
2	Number of workers and other employees in the U S S R at the end of the year millions in per cent	31 5 100		39 B 126
3	Industrial output (in invariable prices) thousands of millions of roubles in per cent	138 5 100	205 148	240 173
4	Railway freight turnover thou- sands of millions tons/km in per cent	415 100	532 128	605 146
5	Labour productivity in indus- try in per cent	100	136	137
6	Production of electric power thousands of millions/kwh in per cent	48 3 100	82 170	91 2 189

अन्याय १४ भारतीय ऑकड़े

(Indian Statistics)

पिछले एक अध्याय में हमने आपड़ो ने विज्ञान को राज्य विज्ञान कहा है। राजाओं और सम्राटो को राज्य प्रव ष चलाने ने लिये अने की आवरयकता होती मी जिनहा उपयोग जन व धन-दावित धनाने ने लिये होता था। इसलिये प्राचीन समम में तत्कालीन आन ने विज्ञा, अनसक्या होत उपयादन और उद्योगों से सम्बन्धित में और उद्ये समय नाम सात्र को भी कोई सास्यवीय तथदन नहीं था।

धीरे-धीरे आकडो को एक न करने के लिये एक सुब्यवस्थित सबठत स्थापित करने की आवश्यकता प्रतीत हुई। पहले आवन्डे नेवल कुछ नियमों की कार्य-शीलता के कारण ही पैदा हाते थे। ये नियम अधिकाशत देश के भ-राजस्व से सम्बन्धित है। यह भारत में आवड़ो ने विनास के लिए इसरा पर्यथा। बाद में जब भारत का इसर देशों से व्यापारिक सम्बन्ध स्थापित हुआ तब आयात निर्यात के आकड़े भी एकत्र होने लगे । प्रयाप्त मात्रा में आवडो का एक इ करने के लिये इस दिहा। में अगला पग तब उठाया गया जब वि दिभिक्ष निवारण हेत इनका उपयोग होने लगा । इसी समय (१८६८)इंग्लैंड से भारतीय सास्यिनीय सारास (Statistical Abstract of India) नामक प्रतक का प्रकाशन हुआ, प्रान्तीय कृषि विभाग खुले और भारत में प्रथम जन गणना १८७२ में हुई। केन्द्रीय वाणिज्य और कृषि विभाग की स्थापना १८७५ में हुई जिसवा वार्य अन्य वार्यों के अतिरिक्त व्यापारिक आवड़ो को एवजित करना और दृषि ने आवडो में सुघार वरना या। १८८१ में पहली बार इम्पीरियल गजेटियर आफ इंडिया (Imperial Gazetteer of India) का प्रकाशन हजा जिसमें वहत मात्रा में सास्यिकीय मुचना मिली। भारत के केन्द्रीय और प्रास्तीय सरकारा के अनेक विभाग सास्थिकीय सुचना के निमित्त प्रकाशन करने लगे और उस शताब्दी ने बन्त तक वैदेशिक व्यापार पूर्जानुमान और फमला के बाकड़ा के बारे में अधिक सचना उपलब्ध हुई । आकडा को एकत्र करने के लिये जा सरकारी सगठन स्थापित हथा या उसको समय महा सचारक (Director General of Statistics) ने आधीन साहियनीय नार्यालय (Statistical Bureau) नी स्थापन जे और भी शका बनाया।

बोसवी सतान्ती के प्रारम्य में आवजो को एकत्र करने के तबस्त्र में कुछ सुवार हुँगे। सार्त्रियक्षेय कार्योक्य को वाणियन्त्र मुन्तानातृत सवाक्त्र (Director General of Commercial Intelligence) के कार्याक्य के अयोन रखा ज्या । यहले आर क स्वाचित्र से १९०६ में "कियम ट्रेड बरन्त्र" (Indian Trade Journal) प्रकाशित हुआ। मारतीय सरकार को प्रयम-महायुद्ध में आकरो को क्यो का विशोध आमारतीय सरकार को प्रयम-महायुद्ध में आकरो के क्यो को क्यो का कार्या करी करी। परन्तु उस साम मेरिस सामरते के सांक्रो को कामी ककालट पैदा करने कथी। परन्तु उस साम मारतिकारी कारत के सुवार का उपयुक्त अववार नहीं था। युद्ध की कमारित के सांक्रम मारति सामरति के सांव मारति मारतिकारी कारति कार्या किया और १९४४ में मारतीय अर्थ जोच आयोग (Royal Commission on Labour) में केन्द्र में आर्थिक आकरो का विशेषण और उनका निर्योचन करने के लिये साहियकीय सगठनी की स्थापना हेतु अनेक मुझाव दिवे ।

बायके और राजर्टसन में १९३४ में शाविषकीय आकड़ों को मणह और समिनन करने के विधे लाविषकीय राजानक (Director of Statistics) और जनके साथ पत्ताची क्यांतियों की नियुन्ति के लिए सुभाव विधे । रही गुमावों के प्रकारकर साथियतीय आकड़ों को समह और वर्णान विश्वेषण करने हैं किये १९३८ में मारत सरकार के आधिक सलाहकार का कार्यालय बनाया गया।

जब १९१९ में बितीय महामुद्ध बाराम्य हुमा तब आरत सरकार को फिर से प्रथम महामुद्ध के नमान करिताहयों का साममा नरता रखा। इससे महि एवड हुमा कि सोनों महामुद्धी के बीच पक्षीय कर्षों में साविश्वीय क्षेत्र में कि पिने मुमार मेही हुमा। इसरे महामुद्ध के शायत कित राष्ट्रों को और से सिक्ष कर से मान के रहा था और करेंगी करकार को विश्वतमीय आकड़ों के न मिलने से करने मुद्ध-प्रमास में विश्वेय किताहयों का सामना करना पदा। ' ओशीपिक आकड़ें कि मिन्स प्रथा (Industrial Statistics Act) १९४२ में नना और १९४५ में कान हुमा। करनवता प्राप्त के साम करने की दिया। में सीमना से कार्य हुमा प्रथा हुमा र करनवता प्राप्त के पहा के पहा हुमा हुमा करनवता प्राप्त के पहा हुमा प्रथा कार्य कार्य करने की दिया। में सीमना से कार्य हुमा प्रथा हुमा हुमा करनवता प्राप्त के पहा हुमा एक प्रयाप्त की कार्य हुमा प्रथा कार्य की प्रथा कार्य करने की दिया। में सीमना से कार्य हुमा पायविश्व रहा विवास में सीमना से कार्य हुमा पायविश्व रहा विवास में सिमानन के कारण प्रयोग मन्य पद्म प्रधाप साम प्रयाप कार्य कार्य सीमित (Census Act) की भी स्थापी हुम से लागू कर दिया बचा। वन्न प्रयापना बायुक्त (Census Commissioner) और रिनस्त्रार वन्न (Registrar

General) के पदो नो स्थापी रूप दिया गया। भारतीय सरनार ने अनेन मन्ना-रुपो और राज्य सरनारों के अपने वास्थिनीय मगठन है वर उननी नियाओं के समन्त्रय करने की आवश्यकता समग्री गयी थी और उस उद्देश्य में १९४९ में सास्थिकीय एकाञ्च (Staustical Unit) नी स्थापना हुई। वाद में उसे नेन्द्रीय मन्त्रास्थ के अधीन मई १९५० में नेन्द्रीय सास्थियीय सगठन (Central Statistical Organisation) में परिवर्गन वर दिया गया।

केन्द्रीय सास्थितीय सगठन जानडी के सबह और विक्टेपण के क्षेत्र में बहुत लामप्रद कार्य कर रहा है। आब से लगमग बाठ क्यें पहने उनकी स्थापना के समय से उसके कार्यों में धीरे-भीरे वृद्धि हुई है। इस समय "सगठन" के मुक्य कार्य है —

- (१) केन्द्र और राज्यों में सास्थिकीय तियाओं में समन्वय स्थापित करना !
- (२) सास्थिकीय मामली में सलाह देना तथा सास्थिकीय स्तरो को वडाना।
- (३) योजना से सम्बन्धित सास्थिकीय कार्य । (४) सास्थिकीय वार्यकर्ताली का प्रशिक्षण ।
- (४) सास्यकाय नायकत्तामा ना प्राश्यसम्।
- (५) राष्ट्रीय आय के प्रान्तलमों सी रचना करना ।
- (६) उत्पादन मन्त्रालय के आधीन बेन्द्रीय सरकार के व्यवसाओं से सम्बन्धित सास्यिकीय कार्य ;
- (७) "मारतोय सास्यिनीय साराध" वार्षिक, मासिक सास्यिकीय साराध सथा अन्य प्रकाधनो को निकालना ।
- (८) सास्यिकीय सचित्रो (charts) तथा लेखचित्रो की प्रदर्शिनी करना ।
- (९) सयुक्त राष्ट्र सास्यिकीय नार्यालय तथा अन्य अन्तर्राष्ट्रीय सस्याओं को अकिट उपलब्ध नरना।
- (१०) अन्तर्राष्ट्रीय सास्यिकीय सम्मेलनो से सम्बन्धित दार्थ ।

भारत सरकार को और भी कई सगठनी से ऑकडो का सक्चन, कमन्यर और विस्तेषय करने में समुचिव सहायता मिक रही है। उदाइनॉर्स क्वन में मारतीय स्राहिचकीय सस्या (Indian Statistical Institute of Calcuttur गारतीय इसि अनुक्यान चरित्य (Indian Council of Agricultural Research), राष्ट्रीय अनुक्यन्त आर्थिन अनुक्यान परिषय (National Council of Apphed Economic Research) जो देहने में है विविध्य विध्यो पर आंकडो से एवन और उंकला विस्तेष्य वर्ष रहे हैं। इस स्वार अह स्पन्न है कि हाल ही में सारतीय सास्वर्गिय स्वाटन में बहुड सुधार हुए है।

सप्रह प्रविधि—उपरोक्त वर्णन में हमने भारतीय मास्यिकीय सपटन ने स्थापन और उसकी प्रविधि म सुधारा का अध्ययन निया। सास्थिकीय यन्ना के ज्यरोग से न्यान विदलेषम (analysis of data) में आमुल परिवर्गन होने समें और सान्त्रिक मचको (mechanical calculators) का अन-मध्या गणना के लिये स्वतन्त्रता से उपयोग होने लगा । कृषि के शेव में यादव्छिक प्रतिबयन (random sampling) और शस्य कटाई सर्वेशक (crop cutting survey) का विकास इजा । जीक्षोगिक क्षेत्र में सास्विकीय प्रकार-नियन्त्रण (statistical quality control) साहिएको विद्यो (statisticians) का ध्यान आकृषित कर रहा है। जनता की आर्थिक अवस्था जानने के छिए सास्थिकीय सर्वेसन दिया जा रहा है। साधारण रूप से हम वह सबते हैं कि मनुष्य के हर कार्य-सेत्र में माहितकी का प्रयोग किया जा रहा है।

भारत में आदिक ऑडवों को प्रकृति और क्षेत्र-मारत करकार और राज्य सरकारी के अनेक सबदनों ने आजकल सभी प्रकार के आँकड़ों का सकदन किया है। हम आगामी पृष्ठो में देवल मुख्य आंकडो का जो कि भारत में प्राप्त है अध्ययन करने -

- (१) খনশ্বন মান্ত (Population Statistics)
- (२) हपीय औरडे (Agricultural Statistics) (३) मूल्य-अंक्डे (Price Statistics)
- (४) व्यापार आवडे (Trade Statistics)
- (५) मनर्री-जांगडे (Wage Statistics)
- (६) औद्योगित जांबडे (Industrial Statistics)
- (७) राष्ट्रीय प्रतिदर्भ गर्वेशन (National Sample Survey)
- (८) राष्ट्रीय काय अति है (National Income Statistics)

(१) जनसंरया झाँकडे

सन्नवत सर्व यम जॉनडो का सम्बन्ध जनमध्या से रहा हो । विभिन्न देशो के सैनिक-राति का निर्धारण बारने के लिये इनका उपयोग होता था। इसल्सि सामको के दासन प्रवत्य के कार्यों में जन गणना का भी विशेष महत्व था। उनकी ऑक्टो को अपनी सैनिक दक्षि का बनुसान खगान ने सिने बादश्यकता होती थी जिससे कि व न बेदल राज्य क्षेत्र का विस्तार बडा सके पर बाहरी आत्रम्यी और बान्तरिक भगडों से अपने राज्य को सुरक्षित एवं सकें। इसलिये जन संस्था के आंकड़े बहुत पुराने हैं। हाल में बद्दना जको (census figures) को एकत्र करने की विधि और रोते मंबिशेष सुबार हमें हैं

जन गणना को पद्धति—जनसस्याचा प्रावचलन (estimute) निम्नलिखित दो विधियो से किया जाता है।

- (१) जन गणना (population census)
- (২) জীবন আঁকট (vital statistics)

पहली विधि के अनुसार जनगणता ने दिन जीवित यनुष्यो नो गिना जाता है स्या जीवन के विभिन्न पहल्ला से सम्योग्यत लाँकडे एकत्रित क्यें नार्ग हैं।

दूसरी विधि म मृत्य और जीवित व्यविष्ठ । वा सही अभिकेल (record)
रस्का जाता है और विश्वी भी एक तिथि को जन विकित का अनुमान रुगाया जा सरना
है। वाद में हम रसेंग कि जनवपनाम में म देवक मनुस्ता की जनक्वा ना निमा जाता
है । वाद में हम रसेंग कि जनवपनाम में म देवक मनुस्ता की जनक्वा ना निमा जाता
है । वाद है पर जनके कई सामाजिक व आर्थिक पहल्कों पर भी क्यान दिया जाता है । वादी
लिये जीवन अविष्ठ की विधि उपयुक्त है क्योंकि यह देवक एक सम्माम में जीवित
मनुम्मों की सक्या को ही बताती है। स्नोकडा का जिज्ञान आवत्रक जनसस्या की
प्रकृति और सम्माम्यो अर्थात वादी आर्थिक व सामाजिक दक्ता जातने वे लिये उपयाग
में कामा जाता है।

हन दोनो में से एक विधि दिसी देश दी जनशब्दा जान है के किये उपयोग में काई जाती है। जनस्वस्ता बोक्डो (Population Statistics) के सस्यापक सात यात्र है रेड में शासाब्य में इंग्लेंड में अन याता के लिये जीहन जार को विधि का उपयोग किया। १९ वी पाताब्यी में अमेरिदी साव्यिकीयित न देश की जन-गी त जानन के लिये व्यापक सर्वेदार्थ किया क्योंकि उस समय बहुँग मृत्यू और जीवित व्यक्तिया का कोई कांनिकेत नहीं या। इस समय बहुँग से देशों में दोगों विभिन्ना का उपयोग किया जाता है। विभिन्न कांनिक स्वाप्त क्या क्या को को दूबरी 'विधि के माम समायोगित विचा जाता है।

जन गणना

हम यहाँ पर जन गणना प्रविधि ना तथा जो मुख्ता एवन की जाती है उसका अध्ययन तीन प्राणी में करेंगे (क) १९२१ तक की गणना, (क) १९४१ की गणना, और (म) १९५१ की गणना।

(क) १९३१ तक की खन-मधनायं—१९३१ में भारत में ७वी जन मणना हुई। पहली चन मधना १८०२ में ईपर पूरे देख की मधना नहीं हो चाई जिसके इक्को मिमा नहीं जाता, लेकिन बहुमेण हम इसको भी सम्मिन्दित करते हैं। इससे मधना १८८१ में हुई बीर उसके बाद प्रत्येक दस यथ म जन नमजा व्यवस्थित रूप में होने लगी।

- भारतीय जॉकडे (१) जन गणन अधिनियम (Census Act)—दन गणनाका का नगरन
- गमना वर्ष से दो-रीन साल पहले लागु किये अधिनियमों से प्रारम्य होता है। उन नियमों के अनगत केन्द्रीय सरकार हर याना के लिये अन गाना आयक्ती (Census Commissioners) नो नियनित नर्ती यी। ये नियम सम्प्रात अदेवी भारत में लान् होते में। भारतीय रियानतें अपने अलग जन बचना आयरनो की नियक्ति करती भी और प्रदक्त अधिनियम लागु करती भी । इन अधिनियमा के बठ पर सरकार परिवार के कर्ताओं और बन मस्याओं से सुचना मौदनी हैं, क्योंकि दिना इनके बनना को ऐसी मचनाओं के दिये बाध्य नहीं किया जा सकता और जन नहना का उद्देश्य इनके म मिलने में समाप्त हो जाना है। इस नियम को एक धारा के अनसार मुचना न देनें बालों को, गलन सुबना देनें बालों को और साथ ही उन कर्मवारियों को जी अपने काम को ठीक प्रकार से नहीं करते हैं, दक्षित किया जा सकता है। एक और भारत्यक पारा के अनुसार दी हुई सुचना गोपनीय रखी जानी है और मुचना देने बाले व्यक्ति हे बिरद्ध किनी भी अवनर पर उनका उपरोग नहीं किया जा महता।
- (२) कर्मवारियो की नियुक्ति—अन गणना अधिनियशो के अनुसार समस्त देश के लिए एक गमना आयुक्त और हर एक प्रान्त में एक यमना अध्यक्ष की नियुक्ति होती है। प्रानीय बच्चलो (Provincial Superintendents) के नीचे हर एक बिले में एक जिला गुपना अधिकारी (District Census Officer) होत है। बिसे को वर्ड भागो में विमाजित किया बाता है और एक भाग का अधिकारी श्राव सुपरिन्टेन्डेन्ट कहलाना है। एक मार्च नगरीय क्षेत्र में नगर पालिका के बराबर होता है और प्राप्त क्षेत्र (rural area) में तहसील के बराबर होना है। नगर पालिका का इक्जीक्यूटिय ऑफिसर (Executive Officer) या सचिव (Secretary) और तहनील का तहनीलदार या नायब तहनीलदार चार्ब सुपरिन्टेन्डेन्ट का कार्य करता है। बार्व फिर बतो 1 (circles) में विभाजित होता है और उनके अधिकारी वृत्त निरीक्षक (circle supervisors) कहलाने हैं। वसरे की फिर खड़ों में (block s)2 में विभावित किया गया है जिनका चार्व खड-गणना कारो (Block-Enumerators) के उपर है । यह देखा गया कि जन गणना का

नगर क्षेत्र में बृत मृहरको (localities) से बनते हैं और बानो में भानुनगों के क्षेत्रके बराबर होने हैं। शहरों में बृत निरोक्षक का काम तरकारों कार्या-त्या के लिपक (clcris) करते हैं और गाँदों में कानन्त्रों।

एक खड (block) शहर में एक गठी वा मृहल्टे में बराबर होता है। खड-गननावार वा नाम सहायक हिलिक (junior clerk) करता है और गामों में पटवारी इस आर्थ को मनाहला है।

अधिकारीय मगटन पिरामिड की तरह बना है,—आधार अधिक विस्तृत होता है तथा ऊपर की और सुदुब्बित होता जाता है। गणना वर्मचारी विभिन्न पदी के सरकारी वर्मचारी होने हैं और बुछ की निवृत्ति स्थायी होती हैं और बुछ अस बाल के लिए स्केच जाते हैं। काई विशेष वेनन या मता गणना कार्य के लिये नहीं दिया जाता।

(३) कमंतारियोका प्रक्षित्रसम्- हमंत्रारियो नी निमुन्ति ने वाद उन्हें गणना नार्य ने लिये पिसित किया जाता हैं। प्रसिद्धण दो मागो ये निवार कादा हैं, क्रियासक तथा सैदानित । दम गमन नार से उपर ने वमंत्रारियों को अधिकतर सैदानित प्रसिद्धण दिया जाता है। उन्तरा सम्बद्धन पुलिला (Census-Manuals) और दूमरी पुलितकार्य दी जाती है जिनमें भणना क्षमचारियों ने किये गणना प्रणाली ने पिश्य में मुख्य अनुदेश होते हैं। नाव गणनवार सैदानित अध्ययन ने जातिरित्त हित्तम गणना में भी भाग केते हैं और पविचार्य भी मरते है जिमसे उन्हें क्षणना पद्धति का भणी प्रकार साम हो खाय।

(४) आँकड़ों को एकत्र करने की कार्य प्रभावी—गणना कार्य देश में हर गृह ने जमान से प्रारम्भ होता है इमलिए यहाँ पर गह (Home) बन्द भी व्यास्या करना उचित हागा। गृह का सम्बन्ध और अर्थ चुल्हे से है जहाँ पर एक परिवार में सदस्य मिल जरु वर खाना खाते हैं। गृहा के तमाँव के बाद प्रारम्भिक गणना होनी हैं जो मध्य गणना ने कुछ दिन पहले की जाती थी। अनसूची को खड गणनाकार भरता था और उनकी जीच भूपरवाइजर करता था । गणना दिवस की रापि को अनुसूची नी जाँच की जाती थीं और जो आदमी धर छोड़ कर यये ये या मर गये थे उनका नाम उनसे अलग कर दिया जाता था और जो नये आदमी आये या पैदा हमें हो उनको सम्मिल्ति कर लिया जाता था। जो लोग जगली या बाहरी क्षेत्रो में . रहते थे उनके लिमे पृथक प्रवन्ध किया जाता था। इसी प्रकार, रेल, जहाज व हवाई जहाज में सफर करने वारे गिन जाते थे। गणना-रात्रि के बाद दूसरे दिन ६ बजे सुबह तक खड गणनाकार इन अनुभूचियों को सुपरवादजर के सामने प्रेपित करते थे और वे वारी-वारी से चार्ज बध्यक्ष, प्रान्तीय गणना अध्यक्ष तथा गणना आयुक्त के पास पट्टेंचा दी जाती थी। गणना आयुक्त उनको एकत्र व विस्टेपण के बाद प्रकाशित करता या । उसके बाद गणना अधिकारी सगठन समाप्त कर दिया जाता था।

(स) १९६६ को बक्त प्रकार में दिन्दे यह प्रतिकर्तक —१९६६ की बक्त गणना मारत में बाटवी थी और युद्ध नाट में नी गई थी। गणना पद्धति में युद्ध नी परिस्थितियों नो देखते हथे कुछ परिवर्तन किये गये थे। ब्रीनको नो एनमित करने द विस्तेषण में भो सुघरी हुई प्रविधि नाम मे लाई गई थी। मुख्य परिवर्नन निम्न लिखित है।

(अ) नार्वं प्रवाली में परिवर्तन

(१) एव-राजि की गणना नी विधि को बन्द नर दिया—जैना कि हमन देशा है कि १६३१ तह वो असम्मान में गणना राषि से मुख्य समाद पुरन्ते कुछ समाद पुरन्ते कुछ सामाद हुन (provisional) और है एकन वर रिख्य को में मुण्यान सामायन होताया। यहशास्वक (de facto) अन सन्या गी। दवने नरण अनेव निर्मादमें हो जानी थी। प्रस्ता, निज्ञासयी पणना राणि के चुनाव में होने में क्योंने इस दिन गोर्थनी होनी चाहिये भी। यह दिन से सामायन परना वर दिन की के के समादि माने भी में होना चाहिये जिससे दिन संगितन होने पर में हो। दूसरे, एक राजि में गामान होने के कारण बहुत अधिक प्रमाना दो आवस्यवता होनी थी। ठीसरे, परिवार के नर्धक्ताओं से सम्मोहत मुखना या पणनावार से नगाई गई अनुसूची की गरियादन की जीन करने का समय नहीं प्रमुखा था।

१९४१ की गमना से सामान्य निवास स्थान के बाघार (normal residence basis) या बैच जन सस्या (de jure) पदिन व्यवहार में साई गई निस्ते हैं एक बारनों की गणना उसके निवास स्थाद गर हो बाडी थी। गणना का समय तीन स ताह तक बड़ा दिया गया। गणना दफलती १९४१ से होना गुरू हुई और २८ कावरों तक रही। १ मार्च से १ मार्च तक पचियों को जॉब हुई। स्थामत कापर १९ पट के लब्द समय को छोड़ घर २१ दिन गणना में स्थाय जायें तो ठोक प्रमार से आईबों का सस्या जी तो ठोक प्रमार से आईबों का सस्या जी तो ठोक

- (२) पर्ची विधि वा प्रयोग—पहलो बार १९४१ की बनतत्वा में अनुसूचियों को हुत कर मणना पर्चियो हारा की गई। एक पर्ची म एक व्यक्ति की मुक्ता किसी गई। पुरानी अनुसूचियों बेटपी थी और उनसे एक नार्य को दो बार करना पडता या क्योंकि बाद में हर सूचना को पर्ची में साहितकोच प्रतिवादन के लिए शिक्ता जाता थी।
- (३) यानिक गणको ना उपयोग—पहली बार १९४१ की गणना में सारणी यन्त्रो का उपयोग हुआ जिससे आँकडो का विस्लेषण करन से सरल्ना हुई और कस समय लगा ।
- (४) गणना में वनेतो (symbols) वा उपयोग पिनवों में व्यक्तिकों से पूछे गये प्रश्नों का उत्तर सनेती द्वारा विका आने तथा । सनेतों के उपयोग से मूचना लिखने में सरवता और उसके यानिक सार्थायन में सहायता मिली ।

- (५) छपाई नो कैन्द्रित कर दिया गया छपाई ना नाम एक स्थान पर निया गया जिससे शणना नार्य में उपयोग में लाई गई लेखन सामग्री एक ही प्रकार की थी।
- (६) मृह मूची में निस्तार—१९३१ तम जन मणना मे नेवत मृह मूची थी। १९४१ मी जन मणना में बेते नवामा गया। इसमें एक परिवार मी सरस्यता भी जीमत सप्या स्मी-पुरकों नी सन्यामा जनुपता एक मृह में अरुम अलग आधु बनों में जितरण स्मितिता को मूचना एक को गई।
- (७) साईच्छक प्रतिचयन सर्वेशय (random sample survey)—
 १९४१ नी जन सत्या में प्रत्येक प्रतिक्यम क्षेत्र में प्रत्येक प्रवास्त्र पर्वा (जिसे ysample नहां जाता है) अरूप निकाली गई हसका क्षेत्र मह सा हि १९४१
 भी जन गणना के प्रवार मा परीत्या किया जाय। गरूत रेखों की प्रहृति और परिसीता ना सीवियनीय विवरेशय आगामी जैन गणनाकों में उपनी तिंद्र होंगा।
 इसने द्वारा यह माजूम विया जा सनता है कि गणनाकारों को निस प्रकार अनुदेश
 दिये जातें और उनने कार्य मा गिरीक्षण कंसे हो। यह विश्लेषण मुख्य पदो, जैते आयु
 (प्रस्त ६), आधिक स्थित (प्रस्त ९,०,१२,१३,४४) तथा विश्ला (प्रस्त २०,
 २१, २२) तक ही सीविष्ठ था। इस परीक्षण वा एक यह निकला कि स्पष्ट अनुदेशों
 के होते हुए भी आयु ने ठेक गल्दा थे।

(ब) एकत्र की गई सूचना में परिवर्तन

आंकडो के एवत्र करने की प्रक्रिया में किये परिवर्तन ने साथ एक्तित सुचना में भी परिवर्तन निथे गये।

- (१) जन सस्या वृद्धि की दर—१९४१ की जनन सक्ति नो दर जानने के छिन्ने दो प्रस्त किसे गर्से (क) पैदा हुने बच्चो नी सस्या, तथा (क) पहेले कच्चे के पैदा होने के समय आयु ।
- (२) वृत्ति के जाचार पर वर्गीकरण (occupational classification) छोड रिया गया था। यह आस्थर्यजनम बात है कि जब आधिक जोकडो का महत्व बदता जा रहाई उस समय ऐसे अपन को जलम विचा बया। शायन यूद नाल के कारण जब सरकार और महत्वपूर्ण वार्थों में रुगी थी यह प्रस्त हटा रिया गया था।
- (३) ऐसे लोगो नी सस्या जो नेवल पढ सनते हैं और लिख नहीं सनते हैं प्रथम बार १९४१ नी जनगणना में नी गई।
- (४) भाषा और लिपि के प्रश्न को भी हटा दिया गया क्योंकि जन गणना आयुक्त के मतानुसार इस विषय में सही ऑक्ट्रे एक्च नही किये जा मकते थे।

- (५) बनजातियों (tribal) के धर्म का प्रश्न शासन के ऊपर छोड़ दिया गया

सन्पूर्ण प्रस्तावली में १४ प्रस्त से १ प्रस्त संस्था १३ राज्य सरकार की ओर ग्रे किसी विशेष समस्या के अध्ययन के जिसे आंकड़ों को एकत्र करने के लिसे थी । जनस प्रदेश सरकार ने इस प्रकृत द्वारा वेरोबगारों के ऑकड़े एकत किसे ।

गणना पर्ची (रिक्तप) १९५१ स्थान सम्बन्धो सकितिक चिन्ह

१—नाम और परिवार के कर्ता से सम्बन्ध
र—(क) राष्ट्रीयता(ख) वर्ष
(म) विश्लेष वर्ग
३विवाहित अविवाहित आदि४वयस्
५—जन्म स्थान
६ विस्थापित के आने की तिथिपाकिस्तान के
तिलेका नाम
७—मातृ भाषा८—दूतरी भाषा
९—आर्थिक आश्रितारोजगार
१०—कीविका के मुख्य साधन
\$x
११—जीविका का दूसरा साधन या
१२सालरता और शिक्षा स्त्री
१३—वेकारी

१९५१ की जन गणना वें निम्न मुख्य परिवर्तन किये गये:---

- (अ) रीति में परिवर्तन
- (१) १९४९ का गणना अभिनियम स्थायी प्रलेख बना दिया गया। हमने पहुँल देखा वा कि १९४१ तक की जन संख्या तक ऐसे अधिनियम दो या तीन वर्ष

पहले बना दिये आते थे और जन गणना का काम समाप्त होने पर निरस्त कर दिये जात थे।

- (२) जन गणना जायुक्त का नार्यालय स्थायी बना दिया गया। पहले जन-गणना में समादित पर उन्नहें आयुक्त नापद भी समाद्य कर दिया जाता था। स्वजनता प्राप्ति ने बाद जन गणना जावित्तयम और उन्नहें आयुक्त के नार्यालय का महत्व समझा गया। जन गणनाजी नी बीच की जबिंग में जन गणना आयुक्त रिनस्ट्रार जनरल (Regustrar General) के पद पर काम करता था।
- (३) पहली बार नागरिकों का राष्ट्रीय रिजस्ट्रर बना। रिजस्ट्रर के सकलन का मार रिजस्ट्रार जनरक के उत्तर है और उसकी एक एक प्रतिक्रिय गाँवों और नगरों में जबलोक्त के लिये रक्ती गाँह है। रिजस्ट्रार जनरक से यह जाया की जाती है कि वह मृत क जीविता व्यक्तियों व प्रवक्तों का अभिनेख एक्वें। बारे देश की जनता का पूर्ण हाल रिजस्टर में होता है और उसको गोवधीय प्रलेख (secret documents) की तरह रक्ता जात है परन्तु अनुसामा कार्य के लिये यह मिछ सकता है। इससे प्रकेशों भी तरह इस रिजस्ट्रर में स्वाधका के सामने विश्वी स्पन्ति है विकट साल में नहीं रक्ष्या था एक्ता।
- (४) गृह और परिवार के भेद को पहली बार दिया गया। गृह की क्याख्या निवास स्थान से भी गई जिल में कि एक मुख्य द्वार होता है अवकि परिवार भी व्यास्मा पूरहें ने साथ भी गई जहां पर एक परिवार ने सदस्य सिक्जुल कर खाना खाते हैं। इस अन्तर के द्वारा परिवार के आवार का और सयुक्त परिवार के खडन ने प्रस्त का अध्यक्त निवार का का

(ब) एकतित सुचनाओं में परिवर्तन

- (१) सन् १९५१ की जन बणना में प्रथम प्रस्त या बाम और पनिवार के क्ती से सम्बन्ध । इस प्रधन का उद्देश संयुक्त परिवार खंडन के सामाजिक प्रस्त पर विचार करना था। १९४१ की जन बणना म केवल नाम पछा गया था।
- (२) जाति, बदा और वर्ग के विवरण, 'विशेष वर्ष'' (special groups) और पिछडी हुई जायियां (backward class) ने विवास हटा स्थि गये क्योंकि मिर्चित के विवास ने बनुसार जाति और बदा नी केनर निसी प्रकार का भेद नहीं विया जा सनता।
 - (३) सन् १९५१ की गणना में विवाहित, विवाहत विवाह
 भच्छेर को एक ही सीर्थक, वैवाहिक स्थिति, में रक्खा गया।

- (४) पारिस्तान से अधि हुए विस्मापिन व्यक्तियों ने बार में भी मुननायें एक पी गई जिनमें कि उनको पाहिक्तान ने उन निलेखा नाम निनकों के छोड़ कर आप ये ब्यानत था। यह एक्ट है कि ऐसी मुचना की पिछत्रों जन गणनाओं में आप स्वस्तरता मंदी थीं।
- (५) जनन प्रांतन (fermin) मध्यन्ती आंतरे १९५१ ही जन गणना में मही सर्वाण्य किया में में जातीतकोध आंतरा पर विस्तार से अध्ययन, किशेयनर हमारी गर्वस्वीय मध्यान में नक्ते भी अध्ययन है। इस नारण सह आस्वर्धे ना विषय है कि अभिकारी यो ने इस अस्त को क्यों त्यान दिया। १९४१ की जन गणना में इन अस्त का सिम्मार से अध्ययन क्या गया था।

१९६१ को जल गणना मारल की दसवी जल गणना है। यह गणना तीन माम की क्विंग मुद्रो हुँ (१९६२ को १० करवरी मे १ मार्च वड़) और पहली बाद ६म गणना के क्षेत्र में जम्मू और माम्मीर नथा जन्य हिवाब्छादिन माग जो अब कर गुलै के कार्य भी निर्मानित निया गये।

लगनम १० लास मणक तथा निरोधन नित्य मैं हो स्वियों भी थी, ८५ सरोड परिसारी तम इस बान का पता लगाने के किये पहुँच कि उन के रहा-नहान का पता संगा है ने बता से माना बोलने हैं और बोल-बीत से उद्योगी से लगे हुँचे हैं। पहुँगी मार्च से पार्थ तक गणना वा पुनीरिक्षण नव जात निवासी के लगे हों से हैं। पहुँगी मार्च से प्रार्थ तक गणना वा पूर्व निर्माश के सर्वा जीवने उद्या मुझ की मरवा निजार को के दियों विचा पत्रा। वणना कार्य की मायणा की परिसार करें के कर्म कारियों हारा प्रति हमार से से एक एक सर की मुझ कर उनकी किए निरोधन वर्ग के कर्म कारियों हारा प्रति हमार से से एक एक सर की मुझ कर उनकी किर से गणना भी गई।

निश्चित समय के बहुन चहुंठ हो गणना नार्य पत्राव, हिमाचल प्रदेश, जम्मू तमा नामगोर और उत्तर प्रदेश के हिमाच्छादिन मागो में आरम्ब कर दिया गया मा और ताड़े के झारम होने ने पहिले मागान हो गया था। इस प्रकार बालाविक जन गमना नार्य के आरम्ब होने से पहिले ही दन क्षेत्रों की यचता का प्रारम्भिक परिचान मालूम हो ग्राम था। अन्य कोत्रों ने गणना का प्रारम्बिक परिचान मालूम जनगणना कार्य की स्थानित के 3 एताज़ में भीनर हो अवस्थित कर दिवा गया था।

पथारि नास्तिक निर्माणना वासे १० भरवारी १९६१ ते आरम्य निया गया पर सम्बन्धित सहायक वार्ष को क्ष्मामा एक वर्ष पहिले हैं है वे आरम्य हिंका हा । महामों भी कार्तिन नियमें सहते बालों भी स्था नात जान्य दिन्सकृत हैं। स्थिति प्रतित की गई थी १९६० ने बन्त तक पूरी हो गई थी। गणना प्रथम से सत्यान गणना समस्पी प्रस्त मारिकों को जांच भी समस्ति नलकता, हिन्कों, महास सें असोनित प्रमाण परिवारों नी महिला है थी। गणना नी सुनिधा के दृष्टिनोण से समस्त देश नो श्राम्य तथा नागरिक दोत्रों में निमाजित नर दिया गया था। इन क्षेत्रों नो ग्रामों में ६०० से ९५० व्यक्तियों के और नगरों में ५०० से ८०० व्यक्तियों में मण्डलों में उपविभाजित किया गया था। प्रत्येक मण्डल ने गयना नार्य गणको द्वारा निया गया था। प्रत्येक ५ अथवा ६ मण्डलों का नार्य एक निरीतक द्वारा देशा जाता या और में निरीतन स्वय क्षेत्राधि-कारों के आधीन थें।

१० लाल गणको को जो कि भारत की जन सक्या की गणना में कमें हुमें भें प्रति निरीक्षक ४ क० और प्रति गणक १६ क० प्रत्येक गणना खरड में जेंब लाई के रूप में दिया गया था। यह मात्रा खण्ड के आकार के अनुतार बटाई और वडाई भी गई थी। गणको को उनके सामान्य कार्य से कुछ जक्काला भी दिया गया था ताकि के निरिचल कहाँ में के भीतर अपना कार्य समान्य कर सक्यें।

१९६१ की गणना से परिवार के प्रत्येक व्यक्ति की गणना उनके स्थायी निकास स्थान के आभार पर उनकी अवस्था का व्यान न रखते हुने की गई थी। यदि कोई व्यक्ति अनिधि के रूप मे निश्ची परिवार मे आ गया वा और वह यदि २८ फरवरी तक वहीं उट्रने वाला या तो उसकी गणना उसी परिवार के सदस्यों के साथ की गई थी।

१९६१ की जन नपना सम्बन्धी सामान्य प्रश्नावकी दो भागों में विभक्त पी, () व्यक्तिपत प्रथम, (२) परिवार तालिका। पणना प्रथम में जो अनेक क्षेत्रीय मामार्थी में छापा था १३ प्रस्त में बिनके उत्तर सर्ववा भीग्यत पते यदे थे। उनका प्रयोग नरारोप वचना नियमन अथवा अन्य सावत सम्बन्धी और स्थाय सम्बन्धी पर्योश्यम के नाम म नहीं निया जा सनता। उत्तका प्रयोग नेवन पणना सम्बन्धी अनाचार म निया जा सनताथा। गणना प्रथम ने पौच प्रमंत परिवार के प्रयाग व्यक्ति से सम्बन्ध, छिए, अवस्था वैवाहिक मिलति तथा जन्म स्थान से सम्बन्धित थे। जन्म स्थान के विषय में इस बात की जावनारों की गई थी कि कोई स्वारिक सायत से अपना विसी जन्म देश से जनमा था। जो सारत में प्रयोग के पी

मन्ता त्रदत्र वे तीन प्रस्तो वा सम्बन्ध सामाविक तथा नैतिक मूननाझो से या, वेसे राष्ट्रीय नामरिकता, तर्म, वाति, मानु-मापा वववा अव्य भाषीय वितरका प्राय प्रतीप विचा जाता रहा हो। अन्य पीण प्रस्तो का मध्यत्य आधिक मूननायी से या। इस राधिक वे अन्तर्यत नाम में रूमें हुमें और वेवार सभी स्वतिची के सम्बन्ध में मूननावें ज्वतिक नी गई थी। अीवनायान के मून्य जया गीण सामनी दो दिन्द लिया बचा था। दाम में रूपों ट्यॉन्सचा दो दान दरने वाफो, दाम दरवाने वाले मास्ति ते वा स्वतृत स्वदमाय पंत्रादे वालो हे वसी में विद्यानित दिचा - प्रमा था। माराम यह दि प्रत्येत प्रमा मामान्य और मान्य वाली र उन्हें दीई भी स्वतिक मामाराय वृद्धि के प्रयोव में अच्छी तरह नमझ बदना था। उन स्वित्तान्य प्रदात हे अतिनिद्या एवं विद्यास्य पाम वा भी प्रयोग दिचा गया था दिनके द्वारा देश के दंशानिको और प्रदेशियों सम्मान्यन गुजनार्य विन्तार पुत्रक क्षान वो गई थी।

पारिवारिक तालिना जिस में वृषि तथा घरनू उद्यामा ने सम्बन्ध में भी कि परिवार द्वारा अनुनरण विश्वे जाने य सूचनाय अविन को जानी यो। यह १९६१ में वनाएना मो एक नवीन विद्याना मो। । उस तालिना वा आगम भारत में परिवार को आपिय दिवानों ने सम्बन्ध मा जैन वृषि नथा जन पर्यु उद्योग को की विद्याना में पर्यु विद्याना पर्यु । घरनू वृषि मा माज्य वृषि में माजून मूर्ति के शान्य ने में में महिता मो ना या। घरनू वृषि मा माज्य वृषि में माजून मूर्ति के शान्य ने में मा मा है वह सूमि निजी हो अयदा अन्य म लगान पर ली गई हा। घरनू उद्याग मान्यन्यी मूलता के अन्यान कि सामा में मा स्वार्थ में मा स्वर्थ में मा स्वार्थ में मा स्वार्थ में मा स्वार्थ में मा स्वार्थ में मा स्वर्थ में मा स्वर्थ में मा स्वर्य में मा स्वर्थ मा स्वर्थ में मा स्वर्थ म

परिचार ने नक्ष्मों ने नक्ष्मण में बिल्कृत विवरण माँ सबुका रच से अनित चरते ने रिम्में प्रोरू क्रालिया में एक विशोध स्तम्भ वत्ता हुआ वाजिसमें उनने प्राप्त, परिवार ने प्रमान के सम्बन्ध, अवस्था, वैवाहित स्थिति तथा उद्योग से साथ केने मा विवरण किया जाता था।

१६६ मी जन मणना जी एन मूल्य बिरोवना यह वी कि बणको को प्रस्तो की सन्वातकी को अपनी इच्छानुनार परिवर्तित कर केनो की स्थापका प्राप्त थी। प्रस्तो का सिरोचिय करने थी स्थापता की बचीतना वो कि पुरानी परिपादी में निक्र भी कार्य में महायक निद्ध हुई।

भारत में जनगणना का समालोबनात्मक मुल्याकन

भारत मी जन गवना से मुख्यन दो दोष है। पहुला, एव जन गणना के आंबर्ड सम्बद्ध वन गणनाओं में ओक्सी से तुन्ता नहीं की जा अक्ती और दूसरा, से आंबर्ड मन्त्र मी, है। बही पर हम जन यथना वे दोशों, बारणों और निदानों का विन्तामुदंब अध्यक्त नहीं से

(१) असदृश्य आंवडे incomparable data —िविभिन्न गणनाओं में उपयोग में लागे गर्वे धन्दों व द्वादयों की परिमाणां और ऑक्टा का वर्गीकरण मिन्न (२) मकत लॉकडे—शगारी जन गणना से यह भी एक बहुत बडा दाप है। जन सरना के सौण्डा मा स्वरूपन गणना भी तरह होता है व कि प्रतिदर्श भी राह में ताब होता के सौण्डा मा स्वरूपन में कि तरह होता है व कि प्रतिदर्श भी राह में स्वरूपन है। यह स्वरूपनिक है कि रोगों के द्वारा दो गई मुचना नक्तर देश में नहीं करती है। यह स्वरूपनिक है कि रोगों के द्वारा दो गई मुचना नक्तर में हो समती है। क्षिण्या कि स्वरूपन कि होता है। उपन्तु कार्या पा होता है। परन्तु लिया वह मुटियां अमिनति तुटियां होती हैं निज मा प्रयास सम्बर्ध होता है। यह कि स्वरूपन कार्य, राज्य स्वरूपन होता है। यह कि स्वरूपन कार्य, राज्य स्वरूपन कार्य स्वरूपन कार्

आपु के ऑब डे—आपु के ऑब डे अधिनतर बाययुक्त होते हैं इसके बई बारण है। जनता • और ५ से सामाद होन गांके अबो मां अधिनति इसमें भी सिद्ध होतों है। पीच वी अस्तेवमा (multiples) बाली आयु में अधिनति इसमें भी सिद्ध होतों है क्यों कि एसमार ४०% व्यक्तियों ने जैसा कि १९४१ की जनगणना नी 3-पीचती से सायुक्त हुआ है, इस प्रकार अपनी जायु बतकाई। इसका उपनार यह है कि वर्गान्तर ०-२ई, २-३-७३ आर्ट होन्स चाहिये जिससे कि ० और ५ म वरीमता (preference) के कारण वर्गान्तरों की वारवारता पर प्रमान न पर्व। वयस्त कडिपयों की आयु के अकेड साथ कम बतायें जाते हैं क्योंकि हमारे देश में युना ट्डिक्सों का अविवादित है, विवाह नहीं मानना चाहिये क्योंकि जाजिक दृष्टि से ऐसे विवाह वा कोई प्रभाव नहीं है परन्तु सामाजिक व जनींकिकीय दृष्टि से ऐसे विवाह महस्व रखते हैं।

अन्य ऑक्टे—मर्ग सम्बन्धी ऑक्टे बहुषा गळत वाये जाते है। पर्म वी परिभाषा बटिन होती है। एक साधारण ध्यक्ति विभिन्न धर्मा में अन्तर नहीं कर गरूता है। कुठ व्यक्ति बहुत से धर्मों के अनुयायी होते है तो कुछ निजी पर्म को नहां मानते। यहाँ धर्म के हारा वरीयता पिलने की सम्भावना होनी है, धम के श्रीकड़े अभिनत पाये आते है।

इसी प्रकार भाषा सम्बन्धी आंवडे गरुत होते हैं। भाषा वे प्रकृत को रुव र बहुत सगडे ही चुके है। एसी अबस्था में आंजडे गरुत होना स्वमादिक ही है। कट्टी कड़ी पर सीमाप्रान्तों में यह बहुना किन होता है कि कीन सी भाषा बोली जाती है।

जीविको राजेन ने प्रपान तथा गीड माधन ने श्रीकड़े भी गलत पाये जाते है। इनना कारण 'प्रधान' जीर "गीड़", बाद्य को परिभाषा और वर्ष है। साम्रारणन यह समझा जाता है जिस कोत से आप अधिक है वह प्रधान है। परन्तु इनम पिठाई उपन हो सकती है। यदि कोई कर्ण अपने बेचन से अधिन श्रीमा एजेली में प्राप्त परते हैं तो ऐसी स्थित म प्रधान तथा गीड साधन क्या निस्थित हिचा जाया। इसमें सोबंद हो सक्या है।

जनता की जदासीनता—जनता जनगणनावा की महत्ता और उपयोगिता को नहीं ममसती हैं और ममना कार्य की यसित नियाहों से देखनी हैं बाहे उन्हू दरक सं सुन्ति रा विस्वाद दिखाया जाय। स्वतनता प्राप्ति के परवात् कर समये यहाँ की स्वार्धित में परवात् कर समये यहाँ कोई राणना मिन्नी वाहिए उनमी नहीं मिल रही है। अभी हाल तर हमारे यहाँ कोई राणना अधिनयम और गणना निमाग नहीं था। आरतीय जन गणना की तुल्मा एर "पुन्ठज नारे 'से की गई है जो आरतीय शिनित पर प्रति १० वर्ष वाद दिलाई पहता है और दा नीन वंच परवात् चुणवाप समाप्त हो आता है। लोगों के अक्टर एक ऐसा उत्ताह देश करना आवरक है जिससे कि वे गणना समय महयोग है। अब लोगा की अच्छी प्रकार यह समझना आहिए कि वह नवनवाय उन्हों की भागोई के लिखे होंनी है।

अर्तवितर गणना—भारतीय गणना में अधिकतर छोगों में अवैतितर बाम लिया जाता है। जीपनियम के जनुसार व लोग जो सरकारी वा अवेसरकारी विभाग में काम करण है जणना कार्य में योग प्रदान करने के लिय बान्य है परन्तु इसने किये उन्हें १९५० की अनगणना तम कोई अल्प बेतन नहीं दिया खादा था। पर १९६१ में जन गणना में गणनों को सवारी का मता २० क० प्रति गणन के जीवत से पित गया। याचने को अवनाय देशां से गणना कार्य व रहे के लिये अवकास दिया गवा तारि वे सम्याविष के मीतर ही गवान क्यों सामस्त कर कहें । हमीरिये सारे सतार से हमारे बहुं जनवाना सहसे मेहो जाती है। इस परिस्थिति से यह स्वभाविक है है हिन्दें में कर्मचारी इस कार्य को लगन से नहीं करते हैं। वे लोग अनिक्यों हो एकत करने के लिये परन्तरा और निवमानुसार चल्ले बाले हैं और उनकी सार्यक्ता की और प्यान नहीं देते। अन पणना के बाये के लिये गयनाकार और नामरित होनी की अवस्यकता होनी है। यह आवस्यत हैं कि दोनों इस वार्य में हिल एकरें। उस उस के सैनों नित कर हमा महाँ व स्ति कर तक गणना कार्य में अवस्थला विकेशी।

अप्रतिक्षित क्षंबर?—स्पना वार्य के लिये करंबारियों की नियुक्ति अस्याधे रूप से हुमी है। उन जोगां वो योडी वी कितायस बीर अंदालिय प्राप्तका दिया याता है यो दि रहन वह कार्य के लिये बहुत वन है। गणनाकर से सामान्य जान के क्षितिस्का योडी सहुत्पूर्ति और ब्युट्सा होना आयस्पर है विवसे कि यह सूचना देने बाज्ये की अपने और जन्ये क्षार्य जने व्याप में ममना निर्म और आवस्पक पूचना प्राप्त हर मके। जब तक कि कर्मचारी पूर्णना प्रतिक्षित नहीं हीने दर तक दणना के सांक्रिट सामुग्ते होंगे।

काल विभोध की परिस्थितियां—किमी काल की कुछ विभोध परिस्थितियां,
में भी सारियलीय जीव डो की शरवाता पर प्रभाव परता है। किमी-क्सी गामना कार्य का मारा बातावरण अधिवसात और वंबनस्थ पूर्ण होना है, तब आंकरे दोध पूर्म होते हैं। १९४१ को जब बणना के कोकरे जात बूझ कर, असिवार्ध लीतक सेता के कर से गल्द तवासे गये थे। क्सी तदह १९३१ की मणना के ऑकरो में जात बूता कर बृद्धि वंग गई तिमसि किमाना सामाओं में विभिन्न वातियों के हरासों की हरूबा कर्मिन हो और मण्डारी नीस्पर्ध मिल विभे ।

व्यवक्तासिक गवना—जराने देश में व्यवस्थायों भी गणना बहुत ही अमगोपननक है। विनिद्ध व्यवस्था की परिभाषा उनके पर्गोकरण नाय पर्ध वर्षों की परिभाषा निक्र सिक्ष कर व्यवस्था निधान निष्ये गये हैं आहि में प्रयोक करणवाना से परिचर्तन दिया गया है जिनके नारण गणना के जीन है हुए हुए का व्यवस्थान के किये अनुपयुक्त है। १९५१ की गणना के पहले के जीन है हुए नार ने प्याप्य है कि करारों हारण अनुपर्ध करों के काल करणा जननम है। १९५१ को गणना के प्रति कोई प्राप्य स्थापित करणा जननम है। १९७० में गणना में वर्षों कर के वर्षों और नार्में है पार्थण स्थापित करणा जननम है। १९७० में गणना में वर्षों हर के वर्षों की प्रयाप के प्रति हों है। प्रयाप में वर्षों के भाषा है। वर्षों के में पर्पाप स्थापित कर की वर्षों के प्राप्य है कि जन हत्या निक्र में हुए के वर्षों की अभिक की साम की स्थापित की साम की सिक्ष है की हुए हों की अभिक की साम की स्थापित की सिक्ष है की हों होंगी की आर्थ का विवाद होंगी की अभिक ही वेड़ प्रति होंगी की आर्थ कि विवाद होंगी की अभिक ही वेड़ प्रति की विवाद ने भाषा ने पाहिस् ।

जन गणनाओं की महत्ता व उपयोगिता

जो कुछ भी अब तक हमने जन गणना के विषय मे पदा उससे अनुमान लगाया जा सकता है कि जन गणना के समय एकत क्ये गये ऑकडो की नवा आवस्यकता और उपयोगिता है। जन गणना का प्यंत्र गणना के दिन जीवित मन्द्यों की दक्षा मालूम करता है। शणना के समय विस्तार पूर्वक एकत्र की गई मूचना आधिक, सामाधिक व राजमंतिक वरिट से वहत उपयोगी है।

(१) जन गणना देश के घ्यापार, वाणिज्य और उद्योग के लिये बहुत उपयोगी है। एक वस्तु और सेवाओं के उत्पादक को देश में पुरुष और स्त्री अननीकी की सस्या और उनकी आयु के हिसाब से विदारण मालूम होना वाहियों। उद्यो उत्पाद एक घ्यापारी को देश के उपभोक्ताओं की सरया, उनकी आधिक विद्यापारी व विभिन्न व्यवसाय, उननी शिका क अप्य बहुत सी वादी के विषय में जिनका प्रभाव विभिन्न व्यवसाय, उननी शिका क अप्य बहुत सी वादी के विषय में जिनका प्रभाव

माँग पर पडता है मालुम होना चाहिये।

हुछ वियोध प्रकार के व्यापारी जन सत्या के जान के ना विभिन्न प्रमार के छाप-प्रव मार्थों में उपयोग करते हैं। उदाहरणार्थ एक परिवहन सस्या जन सत्या के मनत्व के अधिके को अपने छान के टिये उपयोग कर सकती है। उद्योग प्रकार वेन और शीमा कम्मनियां जर्नोंकिनीय सुवनाओं को विज्ञापनी और अपने कार्याच्यों के स्थापन के उपयोग में ला सकती हैं। बोमा कम्मनियों के किये मुचनार्थ अति आवस्यक हैं क्योंकि में विभिन्न देशों के छोगों के जीवन को प्रत्यासा (life expectation) को हुलना गणना अधिकारियों की गणनाओं से कर सकते हैं और उसी के अनुसार जीवन सारणीं, (life isbles) और दर सारणीं (rate table) में भी परिवर्तन कर सकते हैं।

(२) प्रजातनीय राज्य में जन सरवा वे आंवर्ड विशेष महत्वपूर्ण है। वंबा-हिक सिमि के ऑक्ड हामाजिक हया के अभ्ययन में सहायक होते हैं। इस सम्बन्ध में तब तक नियम नहीं बनायें जा सबसे जर तक कि चुने हुये सहस्य समस्या की मान्य स्वीर इसकी दुरादकी से परिवाद न हो। विशयक प्रस्तुत क्यें बारों को विधान महळ को स्थिति की बम्भीरता समझानी पहती हैं और तज उन्हें सीन्यिकीय अभिनेकों का सहारा नेना परता है। विधान महळ को बनाना भी बन बच्चा के ऑक्टो पर निर्मर है। विसी निर्वाबन सेव वी जन सरवा पर ही वहाँ के सरवा को सद्या निर्मय है। इसी प्रवास जन सख्या के बीवादों के ही दुछ विश्वय वर्ग के लोगों के साम विसेय स्वत्यहर-राम, सामाजिक स्मुगर, निरम्म, ब्या, महत्या, है,

(३) अनता के आर्थिक स्तर और उनके व्यवसायों के आंकड़े पिछड़े हुये देशों
 में, जहां की सरकारे अपने देश की आर्थिक अवस्था की सुधारते के छिन्ने योजनाओं

पर चिनोच जोर देनी हैं, यहन आवस्त्य है। आधिक आंवड उन व्यक्तियों के बार में जो कि डानंबद व्यवसाय में अवत कमाने बाठे या वृत्तिहींन हैं उपयोगी सूचना देने हैं, इसने सरकार की वृत्ति की नीति निश्चित होती है।

साधाना और सिक्षा सम्बन्धी खोनटो के मिल जाने में सरकार अपनी मिक्षा नीति में उपयुक्त परिवर्तन का सनती है और प्रारम्भिक नि युन्क शिक्षा व प्रयीधिक रिक्षा को बिभिन्न प्रदेशी की आवस्यकरातुमार काबू कर सबनी है।

इसल्पि जन परवा ने औन डे अनेन प्रनार नी सामाजिन व आधि मनस्पाओं नो इस नर मनने हैं और इस से सरकार नी विभिन्न बुनियों पर भी विचार निया जा मनता है। अन्य से इस यह नह सबते हैं कि जन सच्या ने बीनडे और जनीहि-पीय कर्षेत्रण जीवन ने हर एकू पर उपनी हैं। आधिन व सामाजिन क्षेत्र में एसनी जी र्मी आवस्यनना है। इसी नारण हम देवने हैं कि सात तन सभी देवा जन छत्या ने भीनोंग को एसन व जनीरियीय खंगान पर रहे हैं।

२. कृषि आंकड़े

हृषि के औवडो से हमें वृषि और ग्रामा की आर्थिक व्यवस्था के हर पहल पर विभिन्न सौक्यिकीय सूचनार्थे मिलनी है। साधारणन परस्परा से कृषि के औरडो का विस्तृत कार्य क्षेत्र नहीं था । मुख्य पमलो के क्षेत्रफल और उनकी पैदाबार में ऑक्टो मा उपयोग दिया जाता था। इपि ने ऑक्टो के अन्तर्गत पमधन और परापालन, पर्न उद्योग शानो और लनिज पदायों, भूरागस्व, मुख्य, आयान और निर्यात, बनो, प्रथि के औजार, कृषि से प्राप्त मजदरी, मुख्य पालन, मुनी पालन दुख्य प्रसादन इत्यादि के आंकडे साधारणन नहीं आते । यह जस्वा-भाविक नहीं है कि उपरोक्त विषयों का कृषि सम्बन्धी औं बड़ों के प्रकाशनों में एक्खा जाय । उदाहरणार्यं संयक्त राष्ट्र अमेरिका के कृषि विभाग ने अपने प्रकाशन कृषीय ऑक्डो Vene Atural Statistics में कृषि और बाम जीवन में सम्बन्धिन जिनने भी सम्भव और मिले सभी दिये हैं। इसी प्रकार भारत मरतार द्वारा दो भागा में प्रवाधित "एप्रीकलकरल स्टेटिनटिका इन इन्डिया Agricultural Statistics in India) में भारत ने तृषिक प्राप्त जीवन के विषय में नभी सम्भव आंकड़े दिये गये हैं। उसमें सुख्य एमछों के क्षेत्र के और पैदाबार, पशपालन बन मम्पत्ति और उनकी देन, कृषि से प्राप्त अबदूरी, सिचाई, मुराबस्व का बारापात (incidence) और पमलो वी कीमतो वे ऑक्डे भी सम्मिलित हैं । हम यहां पर बेवल क्षेत्रफल और तपज के जोवणों का अध्ययन करेंगे।

धेंत्रफल के थाँकड़े

ष्ट्रपि में अन्तर्गत क्षेत्र में आँन डो को विस्तृत भागों में वाँटा जा समदा है । उनमें (म) अस्याई बन्दोक्स्त वाले तथा (ख) स्थायी बन्दोक्स्त वाले क्षेत्र आते हैं ।

- (क) स्पायी बस्वीबस्त—विहार, उदीता और पश्चिमी बगान के स्पार्ट बनायस्ति क्षेत्रों ने धेनुरुक ने श्रीवृष्ट अधिक अवन्तिभ्रम है। उत्तर प्रवेश, नृत्राज्ञ सम्प्रात्त है तह वहीं मुन्तवाल अध्यान ही है प्रविष्ट नग्नदेशों मा नग्नदेश हैं अपिक सम्प्रात्त है तह वहीं मुन्तवाल अध्यान है हि प्रविष्ट नग्नदेशों मा पहिन्छ ही नदी- वस्त हो चुना है। कितानी मृत्रिय तिष्टुल किया गया है। जीवता को एक पर रहने में मैं मौतियार या पांच वा माशिया निहुल किया गया है। जीवता को उत्तर निर्माण के स्वता है नहीं के अपना को अध्यान के ही जीव प्रवाद निर्माण के प्रवाद है वस्त कार्य के जीवन अपना महत्त्व कार्य के वीता के प्रवाद है क्या क्ष्य विभाग में उत्तर निर्माण में प्रवाद है स्वाद है अध्यान के स्वता है स्वाद है अध्यान अध्यान के स्वाद है अध्यान अध्यान के स्वाद है अध्यान के स्वाद है अध्यान के स्वाद है अध्यान के स्वाद है अध्यान के स्वाद के
 - क्टराओं,को.च.च.च.हा है हिये साकार और १५ अध्यक्ति स्वका, सम्या, अँसी हिं अस्याची धन्दात्स्त क्षेत्रों में है, स्याची वन्दोवस्ती क्षेत्रों म भी स्वाधित चरनी चाहिये। विहार और उटीसा म १९४४-४५ में वर्षचारियों वी नियुचित हुई थी । वे. लोग क्षत्र

, में आंकडे पूरी गणना करके एकत कर रहे है । १९४४-४५ में ही बगाल की सरकार में केंद्रीय पररार की सहायता से हर एक सल का सर्वेद्रण विचा और तहर्य अनुस्थानाओं और किये कि रोह होने से निवृद्धिक गर्वेद्धिक से में कि ये की । जिन से में निवृद्धिक अभी तक अभी तक करेवेद्धिक में ही जिन र उनका अभी हो जाना चाहिया । अपनीय की निवृद्धिक में न

शृषि आँकड़ों से बुटि के स्रोत

(१) लेखपाल—हमें प्राथमिन भूचना नेजपाल से मिलती है। वह अपना काम मिस्त तरह करता है इस बात पर नृत्यि निर्मार है। वह वह दु फ्रांप्य की बान है निर्माल को बो कि राजस्व प्रवत्त पर किस विन्दु है कुपैया की बान है निर्माल को बो कि राजस्व प्रवत्त पर किस विन्दु है कुपैया की बान है। उसका कार्य वपने होन में हर जित वा नवर्यप्र करना है। उसके कार्य वपने होन में हर जित वा नवर्यप्र करना है। उसके कार्य में गई का भार राजस्व विभाग ने दूसरे उच्च कर्यचारियो पर है। केखपाल द्वारा में गई कि तरा उच्च के जीन हों है। केखपाल कार्य में गई कितना भ्रयन्द होता है उतना अकुमल नहीं। उसके अभिलेख अभिकत्य प्रवत्ता होते हैं। यह सभी बानते हैं कि लेखपाल अपने पर में देखकर साधारण समरण, धारणा और मानो द्वारा बातते हैं कि लेखपाल अपने पर में देखकर साधारण समरण, धारणा और मानो द्वारा बातते हैं। वह में वह में स्वता है। वह सहुपा स्वत्त में स्वता में स्वता करने हों पा वृत्ति अने वो अपने स्वता है। वह सहुपा स्वता में स्वता में अपने कान्यनों, तमय वहनी प्रवार तो केडो को बदलना नहीं चाहता। उसके साम की जीच कान्यनों, तमय वहनी प्रवार, तहनीलवार वीर खड अधिवारों की वारी-तारी है। वह स्वता होनी स्वारी-तार के लगी पाती है।

अंसा कि पहुँठ कहा वा पुना है कि लेक्साल के खोरे की जीव स्थान दिग्रंप पर न होंकर इस कर्मनारियों के नायांलाों से होती है। ये दोष बहुत पुराने समय से होंने आप है नीर आस्वर्य है कि उनकी सरमार हटा नही पाई। १९५३ से टनर प्रदेश मरनार ने पदारियों की जी वायह लेक्सालों ने कि नायांत्री की परप्रपासन निष्यों को अपनाया जिससे कि कीव के आकड़ों में कोई दियंग सुपार नहीं हो पाया। इसिल्य यह आवस्थक है कि मुखार और भी अपगर-पूत होंने चारिये। उदाहरपार्थ लेक्सालों के ने ने में पुछ पृद्धि कर दी जाय, उनकी निष्यिंग पुरेति हो निष्यों से की से नाम से पुछ पृद्धि कर दी जाय, उनकी निष्यिंग पुरेतिल हो लेक्से निष्यों में कार्य-सर सम्भालने के

पहुँछ समुनित प्रविक्षण देना आवस्यर है। प्रारम्भित मनकत के ममय पूर्ण रूप में छोनों की गणना होनी चाहियें और वहाँ जान र उच्च अविकारियों को जीच याद्विन्द्रम प्रतिरदंगे के रूप में करनी चाहियें। राजस्य विज्ञान के इन नर्गचारियों को अधिक प्रमानन कार्य-भार से नहीं जादना चाहियें। पटनारी को नक्स राजस्यार्थ दिया जाना चाहियें और विचित्र कार्य चैसे अल्य वनन घोजना से छहायना, जनगणना पूर्विचों को विनान, पच वर्षीय धोजना में प्रचार कार्य इत्यादि नहीं देना चाहिये। उच्च अधिकारियों को चाहियें कि वे पटबानिया को विज्ञार पूर्वक अनुदेश देते रहें और उनके कार्य की रेख आल उचित्र दश में विचा करें। ये उचकार इन दिया में हुठ सुष्पा का सन्व है। सत्ताय की बाहियें कि सारत मरहार इस परिचर्नन से अवगत है

- (२) नुष्ठ क्षेत्रों वा सर्वेक्षण नहीं हुआ है। नुष्ठ क्षेत्रों वा ने सर्वेक्षण हुआ है म उनके नवधी बने हैं और नटनवा अवन विचागया है। क्षेत्रों के प्रावकतन में क्षेत्र क्सी-वनी छोड दिये जाते हैं और इन मागों के लेक्फ के बारे में अनुमान लगा किया जाता है।
- (४) वहीं बंध जाने बाले क्षेत्रों और नहीं एमका से मुक्त क्षेत्रों की स्पन्त को जाती है। जब स्पन्त को हो होती को हम तब को नहीं गिता जाता। यदि फरान कराव होने पर स्पन्त को हुए के स्पन्त के हुए को कि को हो कि प्रमुख्य के स्पन्त को हुए को को अपने को स्वाप्त के स्पन्त को हुए को स्वाप्त के स्पन्त को हुए को स्पन्त के स्वाप्त का स्वाप्त है। जब को स्वाप्त की स्वाप्त के स्वाप्त के स्वाप्त की स्वाप्त के स्वाप्त की स्वाप्त के स्वाप्त की स्वाप्त के स्वाप्त की स्वाप्त की स्वाप्त के स्वाप्त की स्वाप्त क

बनाय हैं। हृषि और मू-राजस्ब विज्ञाग ने उच्च वर्मचारी औरत सूमे ने टूबर्टा हो चूनमें हैं और उन टूबर्टा से पनस्ट उन्हें भामने बोर्ट बोर चार्टा जानी है। से जीन्हें एक्य करने हृषि विज्ञाग नवारून ने पान मेंबे बोर्ग है जो बट्टन मी बार्ट प्रधान में रूच रूटन सम्माधन करते हैं और इस स्वारमामान्य दान निर्धानित को उन्हों है।

िस्ति-मान्य पन दबा प्रमामान्य में महत्त्व में पुरुष्तिष्ठ प्रावद रत (ह्माइंस अहा हार्ग estimate, हैं। प्रमामान्य उपन को रूपये में आने की दर वे हिनाउ से अहा हार्ग दिखलाया जाना है जिनको आनावारी प्रावक्तन कहने है। मद राज्यों में यह मार्चिनक विधि मत्तान नहीं है। गोव बा पहचारी या लेखात रूपये में आगे हैं हिमाद म दनवा प्रारम्भिक प्रावक्तन करना है। तहमीर्न्दार उन ऑक्टो का औतर रेकर रिक्तामीं में पास प्रमाना है औं कि उनमें सक्ते पुराने जनुमक और मुक्ता है आधार पर आवस्तक परिवर्गन करना है। इसके प्रमान (बिराधीं) उन औक्टो की हिस्स्मान्यक से पास प्रमान के निज्ये मेनता है।

परम्परागत विधि की आलोधना-परम्परागन विधियो की कडी आरोचना हुई है। यह विधि प्रमामान्य-उपत्र और स्थिति-कारक पर निर्मार करती है। यह दोनों ही गज्द बहुत अव्यवस्था उत्पन्न करते हैं और उनके अर्थ, भाव व उपयोग में मुक्तमा नहीं है जिसमें कि मही प्राक्तरून नहीं किया जा मकता । प्रमामान्य उपज का अर्थ ग्रामा की उम उपज में लगाया जाना है। जिसकी विसान बाधा लगाये रहता है पर उस उपज को सम्भवत वसी ही देखता हो। प्रसामान्य उपज का विसान वैसे ही क्स प्राक्तलन करता है क्योंकि वह स्वभाव से निरामा बादी होता है । इमल्यि यहाँ पर आंकड़ा में अभिनति की अधिक सम्भावना है। व क्येंचारी जा कि स्थिन ऑकड़ी के प्राक्तरून के लिये मु-राजस्व विमाग की ओर से निय्क्त किय जाने हैं, कृषि कार्य भ प्रतिक्षित नहीं हार्ग । अनुमान लगाने क लिये प्रशिक्षण और बनुभव के माप दीन निर्णय की भी आवस्यकता है। लनपाल जो कि प्रायमिक मूचना देने हैं आर्थियों में बहुधा परिवर्तन नहीं करने । वे पस र की कमी को अनिसयोक्ति के नाय दिसाम है। उच्च अधिकारी भी अपन प्राक्तरना को लेखपारा की सूचना पर क्षामारित करम हैं। स्ख्यान किमाना से घुम लेना है और पुसुद के और ने सव-पाक्तलन बरता है बराबि भूरातस्त्र एसर की दशा से निपारित होता है । आर क्सिंग मारु पन्य खराव हो बातों है ना भूगतम्ब म कुछ हुट मिल बाती है । उनके जॉक्ट में एक्व कमचारी जपन कार्यालय में परिवर्तन करने हैं । बहत सी स्थितियों भ व स्वात पर जाने ही नहीं। इस कारण एक्तित औक अधिकाणक घरत रहें हैं और उत्तम प्रति की मीमा का न जाना जा सकता है न बन्मान ही लगाया जा नकता है। यह बात अवस्य मही है कि आक्षण का यव प्राक्तरन किया जाता है। उपयोग होने लगा है। बेन्द्रीय और प्रान्तीय योजना विशास व कृषि विसानों की प्रवृत्ति औक्टों के अधि प्राक्तरन की और है। यह आसा की जानी है कि राज्यों में खेती के अंकरों को एक कित करने में नई और उन्निति विधियों के उपयोग ने मुखार हो जांगग। राज्य सरकारों न यह मान लिया है कि कृषि के अनिकों की अमनोय-प्रदेश सरकारों न यह मान लिया है कि कृषि के अनिकों की अमनोय-प्रदेश सरकारों के यह देशा की उपयोग में यादिन्छ प्रतिचयन विधि से ही हो सकता है।

- (ज) मार्डिक्ट प्रतिचयन विधि—हिष परिषद् (Board of Agriculture) में १९१९ म यार्डिक्ट प्रतिदर्श विधि हारा सर्वेद्यन के मुलाब दिये । १९२३ में बिहार व उटीवा की सरकार ने हसका प्रयोग किया पर कोई विद्येष वक्कता नहीं मिली । इन प्राप्ता में इस विधि वो कलोक-प्रियता के दो कारण हैं। प्रथम इन प्राप्तों में इस विधि हैं। प्रथम इन प्राप्ता में इस विधि हों। "भारतीय हिष् क्षमुस्त्यान परिषद्" (Indian Council of Agricultural Research), ICA 8—में निम्मिशिवत परिवार्ध के पूर्व परिवार वार्डिक विधि एक पीइना वनाई —
- (१) शस्य वटाई प्रयोगो वे लिये उपर्युक्त यादण्डिक प्रतिचयन विधि को लागू करना।
- (२) इस प्रविधि की व्यवहारिकता को दूसरे प्रान्तो को प्रदर्शित करना जिससे कै भी स्वासी रूप से इतका उपयोग करें।
 - (३) कृषि विभाग के वर्मचारियों को इस कार्य के लिये प्रशिक्षित करना।
- (४) अधिक पैनाने पर साद्धिष्ठक प्रतिचयन विधि द्वारा शस्य कटाई का प्रयोग करना जिनमें कि पूरे प्रान्त की ही नहीं परन्तु प्रत्यक जिले को प्रति एकड प्रसामान्य एपर का प्राक्कलन हो सके।

यादृष्टिक प्रतिचयन विधि को सबसे पहुरे १९४२ म भारतीय नेन्द्रीय क्यास समिनि (Indian Central Cotton Committee ने अपनाया । आईक सी० एक आरक में सासे परिक प्रतिक्ष्म सर्वेशण जनार अदेश प्रवास अच्छा स्वस्ट और अध्य अदेश की साम अध्य अधि स्वस्त्रीय के स्वस्त्रीय के प्रतिक्ष्म स्वस्त्रीय के स्वस्त्रीय के स्वस्त्रीय अध्य स्वस्त्रीय प्रतिक्ष्मीय सस्या (Indian Statistical Institute) ने १९४३-४४ में उपन और एक्ट्रो के प्रावस्त्र के हिन्द प्रमुद्धिक स्वस्त्रीय स्वस्त्रीय सम्बन्धन के हिन्द प्रमुद्धिक स्वतिक्ष्मन स्वस्त्रीय स्वस्त्रीय स्वस्त्रीय अध्य स्वस्त्रीय स्व

लना पटना है। इस विधि से हम बिट सीमान्त को भी निकाल सकते है। इसलिए प्राविधिक दृष्टि से यह विधि बहत लामप्रद है। अप्रत्यक्ष रूप से यह खेती की विधियो मिचाई मिट्टी वे गण और वर्षा इत्यादि से पैदावार में जो प्रभाव पडता है उसको घ्यान मे रखती है। इस प्रकार समिष्टि के निरीक्षण से सभी विशेषताओं पर प्रकाश पटता है।

आंक्टो के प्रवासन में बादिन्छक प्रतिचयन विधि के भारण देरी हो जाती है। परम्परागत विधि मे पटवारी "अनावारी" प्राक्तरता को पमल कटने से बहुत पहले दे दिया करने थे।

प्रमलो का प्राक्तालन

भारत के कृषि के आँव डे मुख्यत पुसलों के प्रावश्लकों के रूप में प्रवासित होते हैं। पमल प्राश्वलन को पहाँचे पमलों का पूर्वानुमान बहते थे। यह प्राश्वलक क्षय २३ पमला के लिये जो कि ५ मरय वर्गों में विभवन है प्रकाशिन किये जाते हैं।

अनाज-चावल, ज्वार, वाजरा, मनशा रागी और गेट्टें। दारे—चना, दाले (तूर तथा अन्य रवी और खरीफ की दालें)। निलहन-मैंगपली, तिल, राई, सरसी, बलसी व रेडी का बीज।

रेरो-न्यास, जट, मेस्टा (Mesta) I अन्य--गप्ता, तस्वान्, आलु, नाली मिर्च, अदरख और मिर्च ।

क्सलों के प्राप्तकलन कमल बाटने से बहले कमल का अनुमान करने के उद्देश से किये जाने है । में प्राक्तरून ब्यापार और उद्योगों के लिये तब ही उपयोगी हो मकते हैं जब ये पमल बटने और वित्री के लिये वाजार में बाने से पहले ही। प्रकाशित हो जाने चाहियो। इसी धान को ध्यान में रख कर हर फमल के निये बीच-बीच में एमें प्राप्तकतन धनायें जाने है जिससे वि पसल का पहले से ही अनुमान लगाया जा सके । साधा-रणन तीन प्राक्तलन प्रवासिन रिय जासे हैं जो कि पमल बीच जाने के समय स ही बनने प्रारम्भ होते हैं । पमल के स्वभाव पर संग्या निभर करनी है । बहुत सी फस उ के लिये तीन से अधिक प्राक्कलन प्रकाशिन करन आवश्यम हो जाने हैं और महतो के लिये एक ही आवस्या है। उदाहरणार्थ गेहें और बपान के रिय पाँच करीय और रदी भी पुनरो नी दालें ज्वार, वाजरा, मनका रागी और जट के रिये दो, और बार्ला मिनं, अदर्थ, रैटी के बीजों के लिये एम प्राक्त रून प्रकाशित होने हैं ।

पुनल प्राक्तलन बनाने की पुस्तिका /Manual on the Preparation of Crop Forecasts) जलग-जलग प्राक्तरुको हे च्येव को बनलामी है। पहरे प्रावहरून ना ध्येय जो नि पमल बोने के एक माह बाद प्रकाशित होना है, बोई हुई फुमल के क्षेत्रपुल, भीज अक्रण, बोने के समय गौसम की दसा जादि की अन्दी से जदरी

जाते हैं। इसके अतिरिक्त बहुत सी कृषि और व्यापार सम्बन्धी पत्रिकारों इन पूर्वातृसानो का प्रकारत करते हैं। समाचार और वाणिज्य सम्बन्धी पत्र भी इन प्राक्कलना को पर्योक्त प्रकारत देते हैं।

कृषि उत्पादन के सूची अक

साद्य तथा कृषि मन्त्राज्य ने आधिन व सारियनीय मन्त्राज्य ने प्राप्त म कृषि उत्पादन ने मूनी अनो नी संधोधिय मारण प्रमाधित नी है। उत्पादन ने प्रम पूर्ण उत्पादन ने होते हैं। यो अत्र या वर्ष गये मान ने शारण इन अन्तर्म में नोई नमी नहीं नी जाती। इस मूनी अन ने अन्तर्गत २८ मुग्य पमले निममें बास तथा अत्य पमले भी सम्मितिक है आतो है। वेजल उन्हों एमार्ग वा मूची अन र्तयार दिया जाता है जिनने उत्पादन जीवने सरणा ते प्राप्त है। इसी नार्य अमृत्य पमणें प्यापान्नी है समले नहीं सन्तरित विये गय हैं।

ङ्घि-वयं १९४९-५० आधार थयं माना यया । यह वर्ष इपि उत्पादन मुख्यन खाद्य उत्पादन, तथा अस्तुओं ने मृत्य सद्या मीमभी स्थिति वो दृष्टि से माधारण माना गया है । उत्पादन अभिनति से भी यह वर्ष स्थान माना यया है। एक्ट और प्राप्तकति की नीनि में ममय-स्थय पर परिवर्गन हुंशे ने कारण व्यवत्य आधार रीनि अपनाई गई है। वर्ष तथा उपवर्ग मूचियों के कियों उत्पादन सूचियों का मारित मामान्य माध्यम निवारण गया है। विभिन्न बस्तुओं के भार आधार वय ने उत्पादन मूच्यों के अनुपात में पियों या हैं। एम्पलों के प्रावस्त्रण में प्रकारित सियं यदें उत्पादन के पुनर्परीक्षित अनुमानों वा सब वर्षों में प्रयोग विभा गया है विवास १९५६-१५ ने दिसमें कि कित्तिन प्राप्तकरण में आधार पर मुक्कांचे की घपना वी गई है।

रास्य प्राक्ष्यलगों मे दोव

हम हृपि जॉनडो के सामान्य दोयो और निमयो ना वर्णन कर वृते हैं। ये किमया सरकार द्वारा समय-समय पर प्रकारित अस्य प्रकारकार से भी विद्यमत हैं। यह हुएँ मैं बात है कि प्रारत सरकार इन दोवा के प्रति मतक है और उसने दियमि म मुमार करते के प्रयत्न विय हैं। अपिनाधिन को, पम गो, और वन्नुवा का ममावदा दिया जा रहा है। बाद हो प्रविधि म आमूर परिवर्तन किये गये हैं। हिप दिमाण जाई० सी० ए० आर० और सी० एम० बो० के सहयोग मे सबह करने की उपयुक्त और मुपरी हुई विधियो ना प्रयोग कर रहे हैं और मू राजस्व विभाग के क्षेत्रायियो राजस्व हुन करने की किस्स के प्रयान किये का रहे हैं। कहने का पर प्रतिवक्त सीर प्रयोग का प्रवाद करने के पिये सम्मित्य प्रयोग नियो जा रहे हैं। गरकार प्रवादन में विरुध्व के प्रति सर्वन है। सरकार स्वादा नीय सगठन स्थापित वरने के सार्ग से यह मुख्य विटनाई है। वई क्षेत्रों से विसी प्रवार ने प्राथमिक प्रतिवेदन अभिकरण नहीं है।

जहां तक दूसरे प्रकार की रिकियों का सम्बन्ध है कई कसलों जैसे फल, साग और सिक्यों, कम प्रचलित जयों या दालों, मसालों और व्यवनों, बारे और पद्म लाय हर्त्यादि से सम्बन्धित विश्वों प्रकार की भूवना प्राप्त नहीं है। इस सामग्री की अप्रमत्ता इपि अविचां के क्षेत्र को बारों कम पर देती हैं। कृषि और इससे प्रत्य रूप में सम्बन्धित कुछ दिवारों के बारे में अपर्योग्त भूवनाये उपलब्ध हैं। विसानों की मूर्मि, पम्-पम, कूप, मक्तन आदि का उत्पादन, कृषीय ध्यम और मजदूरी, कसल का सीमा, सिक्याई, उत्पादन कामत, क्यलों का उपयोग, मूर्मिता और वन उत्पादन ऐसे पद 1162) है दिनकों विषय में बहुत कम मुचना प्राप्त है।

२ परिभाषा, नगीकरण और प्रशिष में एकरपता ना बनाव—परो और ग्रा को पिरिभाषा पूरे देश में एक शी परि हैं। फलस्वरण इपि औन हो हा साह होत नहीं है और सामगी अनुकानेब हो जाती है। उत्यहण्यार्थ पत्ती पूर्ण (fallow) land), जालू पनीं (current fallow) तथा प्रशि योग्य वकर (cultryable waste) आदि शासी नी परिभाषायों प्रपोक राज्य में अकल-अकला है। इस एक-करता के अभाव का मुख्य नारण विभिन्न राज्यों में प्रशिक्त रीति-रिवाजों और प्रयाभों में अन्तर है। इसी प्रकार, अध्येक राज्य में वृति आंकडों में मिल-निम्म वर्गीकरण विचे जाते है। परिणासकरण विभिन्न राज्यों की सामग्री को तुलनीय वनाने से पहले उत्तवरा पुनस्थान आवश्यक हो जाता है। बहुया इस प्रकार का पुनर्सग्रन ग्राम्य नहीं होता।

सामग्री के सबह और पिरलेपण करने नी प्रविधि विभिन्न राज्यों मे अलग-अलग है। उदाहरणायें अंत कम्बर्गी अंति हो सा सहर देश के विभिन्न मागों में विभिन्न रूप से प्राप्त दिया जाता है क्यों कि यह इस बात पर निर्मेर करता है दि वहां स्था देश स्वीत्त है या अस्पाई। इसी प्रवार उपन का प्राक्त रूप ले में दि विधियों एक रूप नहीं है। हुक्त राज्य उपत वा प्राक्त कर प्रवास रूप से मन प्रति एक हो में रहते हैं जबकि क्षम राज्यों में आतावारी प्रणाली वा उपयोग किया जाता है। जिन प्रदेशों से आतावारी प्रणाली प्रचलित है वहीं भी आतावारी सर्वेत (notation) एवस्प नहीं है। प्रणाली प्रचल्क ही वहीं भी आतावारी सर्वेत (notation) प्रचल सहस हो अनुसार पूरे देस में नहीं विधा चा रहा है। मिसिय प्रस्ता, विस्ता बांचे हुये भूमि के दुव हो, और बांकों के क्षनार्वन्त कारों में विजिन्न प्रणाले, विस्ता बांचे हुये भूमि

 दोपपूर्ण सारणीयन और विधियन—प्रारम्भ में एक बहुत वड़ी मात्रा में ऐसी सुचना का सम्रह करने में घन, दाक्ति और समय का अपव्यय होता है जिसका हारा सम्मीत अनो के अनुरूप संयोजन और समायोजन नहीं निया जाता । इससे न नेवल अनावस्वक रूप से हुद्दरा नाम होता है विकि विविध निमानो हारा सम्मीत अनो में महानिविध भी पहना है। यह आस्त्रये जनक है वि एक ही सरकार के अन्तर्यक्त इन विभागों में समन्वय ना इतना अभाव हो। शक्ति और संसामनी ना मह अपव्यय अनावस्वन है। नेन्द्रीय साविधनीय सगठन (Contral Statistical Organisation) (C \$ O) विभिन्न राज्यों और विविध विभागों हारा प्रमाशित करा का समन्वय वस्ते ना प्रयक्त कर रहा है।

॥ प्रवासन में विलम्ब —हमारे सारियकीय आंवडों के विरुद्ध एक सामान्य आरोप यह है कि प्रवासन के समय तक वे पूराने हो जाते हैं। बहुया हमके प्रवासन में हमार तक है पूराने हो जाते हैं। बहुया हमके प्रवासन में हमार कि हता विलम्ब होता है कि ये उपयोगी नहीं रह जाते। इस विलम्ब होता हो नाता सामां जा करता है क्योंकि सामां के नमद और उनके उपस्यापन प्रवृत्त विरुप्त में हुए समय अवस्य हो लगता है। पटवारी अवो ने को नमूनगों ने पान और नातृत्ती सहस्रोहार के पान अतेता है। जहाँ से बिल्हामीय के पान और नाहीं से हुर्पि स्वालक में पान अतेन जाते हैं। जहाँ से बिल्हामीय के पान और नहीं है हुर्पि स्वालक में पान अने जाते हैं। यह स्वप्त देव पत्त होते होते हुर्पि स्वालक स्वाल प्रवृत्ती के प्रवृत्ती के प्रवृत्ती के प्रवृत्ती के प्रवृत्ती के प्रवृत्ती के स्वालक स्वालक स्वालक स्वालक होते हैं। यह स्वप्त देव पत्त सामायी हतने अपिकारियों ने पान जायगी तो प्रवासन ने विलम्ब होगा। यह सुझाव दिया गया है कि एक निरिचत त्यांचित और अपूर्ण सामग्री का प्रवास के विलम्ब सामग्री हतने सिम तक अविल अविल स्वालक सिम तक अविल स्वालक सिम तक स्वालक स्वालक सामायी हतने सिम तक सामायी हतने सिम तक सामायी हतने सामाया हतने सिम तक सामायी स्वत्ती के सामाया सामायी हतने सामाया सामाया सामाया सामाया हतने सामाया सामाया हतने सामाया सामाय

कृषि सम्बन्धी आंक्टों की उपयोगिता

मारत जैसे इपि प्रधान देश ने लिये ये आंच हे बहुत उपयोगी है। विसी देश की आर्थिक व्यवस्था को उचित्र दिया में स्पेतित चरते म ये सह्ययन होते हैं। इपि कोच हो है हम वाचित्र्य और लाख धन्तन्यी प्रमानों को मार्थ विदेश पूर्ति को चन्त्रों है ना स्थि मानून मर सचते हैं। ये जीच है विष्णण (marketung) और वितरण सम्बाधों में लिये बहुत उपयोगी हैं। ये संस्थायें पुराने औचटा की मदद ने पुरानी पमला मी दमा और जहीं के जाधार पर स्विष्य में होने चालों पनलों भी विश्वेदताओं मा पना लगा सबती हैं। इपि जीच से पहायका से होने चालों पनलों भी विश्वेदताओं मा प्रान्त में त्या सचते हैं और प्रवास में विश्वे आपने वे विषय म वित्तृत मूचनायें सचा मो नम चरती हैं और सूच्या मा मिन्योक्ट पन चरती हैं। इस प्रमार हानिवारक सट्टे से बना जा सचता है। व्यवसाधियों और मिन्याता में लिये हीय बान के बहुत महत्वपूर्ण है। वे देश में भीतर जीर दस के विभिन्न माना में साधानों में पूर्ति आक्चण्टन परिवार मुक्त विभाग और विषणन विभाग ने प्रतिक्षित वर्षमारियों द्वारा प्रतिस्थापित मर दिया गया है। बाधिन मुक्ता निरीक्षक और विषणन निरीक्षक विविध विषणन विरीक्ष विविध विषणन विरीक्ष विविध विषणन विरीक्ष विविध विषणन विरोक्ष विश्व है। यह सूचना उनके उत्तर के बाधिन परियों के स्वत्व हैं। मारत संवार ने स्वत्व विविध विषण के विषण

मून्य-ऑकडो को कमियाँ----प्राप्य मून्य-ऑकडो की क्यिति म पर्याप्त सुधार करने पर मी इनमें कुछ रिक्तियाँ भरनी वाकी हैं

१ वर्गमान बाल में हम हुएको द्वारा खेती की आवस्तरनाओं है लिये दिये गए मूल्या और उन्हें उपन के बहुने मिलने वाले मून्या की सामग्री का सजह नहीं कर रहे हैं। विस्तसनीय सामग्री में अमान में हुएको की सप्तना या अन्य स्थिति के बारे में बेबल अनुमान क्याएं जा सकते हैं जिन पर याधिक विस्तास नहीं किया सहता। या इसविध उपयक्त प्रस्तानीति का निर्माण करन म सल्तार को विनाह होती है।

२ जपभोत्रता द्वारा दिए गए मूल्यो और विजेताओ द्वारा दिए गए मूल्यो नै अतर सम्पी आँवडे तथा विविध मध्यस्थों के छाभ सवधी आँकडे भी प्राप्य नहीं हैं।

३ प्रकारों का प्रमापीकरण (standardization of qualities) करने के प्रयत्न सकल नहीं हुए हैं और इसके परिणामस्वरूप समय-समय पर और एक ही समय देश के विभिन्न भागों से भिरुने वाले क्षित मृत्य पूर्णत सुरुनीय नहीं हैं।

४ मूल्य सबधी सामग्री ना सग्रह भारत सरकार और राज्य सरकार के विविध विमागोद्वारा विचा जाता है। इस अधिफ समक्य नहीं है। इस प्रकार संस्मृति सामग्री ना समुचित रूप से सामग्रीयन विक्ल्पण और विधियन तक नहीं होना। इस प्रकार यह संसाधना ना देखायाँ है।

५ विदित मूल्यों का सब्रह वई अभिकरण वरते हैं। इनमें बहुन कम एक-क्षपता है या इसका सर्वया अभाव है। फरस्वरूप लोग मुविधानुमार या अपने उद्देश्य सिद्ध करने वे लिय निष्कर्ष निकालते हैं।

(ख) मूल्य सूचकाक

हुम पहले बता चुने हैं वि आधिन घटनाजा ने स्तरा ने परिवर्तना ना अप्यपन म रते ने लिय मूचनाम बहुत उपयोगी युन्ति हैं। मारत म प्राप्य विनिय मूच्य मूचनाक कई वर्ष-पर्यन्त होने नाले मूच्यों में परिवतन बतात हैं और आधिक द्वारा सम्बन्धी अध्यपन में सहायक होते हैं। भारत म प्रवासिन विविध मूचनाम निम्नितिन बनों में आंते हैं —

- (अ) योग मृत्य मूचनाक
 - (१) योत मूल्य भूचवात आधार १९३९
 - (२) योज मृन्य वे मशोधित मूचकार आधार १९३९
 - (३) पुनर्परीक्षित योज मूल्या ने नवीन स्वकाक आधार १९५२-५३ (४) योज मूल्य के मुनराज-महत्वपूर्ण वस्तुष्ठं आधार १९५२-५३
- (ब) फुटसर गूबनार
 - (१) 'लेबर व्यूरों के फुटकर मूल्य मूचनाव (नगरीय केन्द्र)
 - (२) 'त्रेयर न्युने' के पुटवर मूल्य सूचराव (ब्रामीय केन्द्र)
- (ম) মীৰদ দিমটি দুঘৰাৰ
 - (१) 'त्रेवर ब्यूरो' के उपभोतना मृत्य सूचकार

(अ) पोक मूल्य सूचकाक

१९४७ में बन्द कर दिया गया।

(१) योक मुख्य सुववाक—नारत नरकार के धार्यिक सलाहकार द्वारा पहुंचे वान वार्त ने विकासित १३ सन्तुओं ने बाध्यार रचने हे मुख्य के सारवाहिक पुष्पकार कर्मा के सिकासित १३ सन्तुओं ने बाध्यार रचने हे मुख्य के सारवाहिक पुष्पकार कराने ये। विवाद नार्व के कुछ यह निष्प नार्य है। जाते ये। आधार १९ आसत १९३२ के दिन समाप्त होने वाला स्ववाद का। पुष्पकार बनाने में मरह पुण्तेतर माध्य वा उपयोग निया जाता था। यह बहुत असतीयजनक माना जाता था वसीक वह अधारित पुष्पकार या और हमने वह महत्त्वपूर्ण बहुत्यों और ने नक्त वाल आधीर का धानीवा नहीं था और हुछ जनहत्वपूर्ण बहुत्यों और नुष्पकार, नारियक कांकी आदि का मानिया निया था था। महत्त्वपूर्ण वहां का धरवर्जन और समझ्यान पर वाल मानिया होने वे सारव्य यह पुष्पकार देश को वालतिक और

बस्तुनों वा चुनाव आदि—मूबरार ७८ वस्तुबा से बनाए जाने हैं जिन्हें १८ उपना बोर ५ वर्षों में विभाजित किया गया है। इन ७८ वस्तुबों में प्रस्थेन के छिए कई विवत मूल्य शान्त किये जाते हैं। इन प्रकार क्वित मूल्यों की कुछ सन्या २१५ हैं।

आधार—अगम्त १९३९ में समाप्त होने वाला वर्ष इसका आधार है।

प्रयुक्त मध्य-मूचकार जनाने म प्रत्यन पन पर भारित गुकोत्तर माध्य का उपयोग किया जाता है।

भार-प्रणारी—बस्तुओ के दिय जाने वाल भार १९३८-३९ में विपणित बस्तुओ

की राशियों और मृत्या के अनुपान में है।

बनाने की प्रकिषि — बस्तु की सब किक्सा के लिए प्रनि कप्नाह मुजबार या आप-पान के नित्त क कथित मूल्य करकारी या गैंग सरकारी खोता के प्राप्त क्रिये जाते हैं। कर्म क्षित मूल्या से मूल्य-आपेशिक निजाले जाते हैं। आपेशिको का सरल गुणीसर मान्य बस्तु मुक्क देशा है।

उपममूह के कई बस्तु श्रूचका का भाग्ति गुणोसर काव्य उप-समूह सूचक देता है।

प्रत्येक समूह के उपसम्हो का इसी प्रकार भारित गुणोत्तर माध्य निकाल लिया

जाता है जो समूह मूचव देना है।

अलिम सर्व-वस्तु मुख्य या सामान्य मुख्य (general index) या जिम आविष्य मराहवार वा थोत मृन्य-मृत्यवार भी तहन है इन समूहों वा मारित गुणीतर माज्य निवाल वर बनाया जाना है।

यह मूचकाक साप्ताहिक मासिक और वार्षिक अवश्यिो पर प्राप्य हैं। साप्ता-हिक मूचकाक का बुजीत्तर माध्य रेकर मासिक भूचकाक और मासिक मूचकाको

का गुजौतर माध्य लेक्ट वार्षिक सूचकाक बनाए जात हैं।

प्रकारान—हुल मिलाकर ६ सूचवाका वा प्रशासन दिया जाना है—सीच बढ़ समूहा के और एक कर कर वा मिलावर । सरवारी और निजी प्रसासना म में साम्माहिक, मासिक और वार्षिक रूप में प्रवाशित हात हैं। जन का समाप्राध्या और रिटिये द्वारा इनवेर वार्षक शवास्त्राची वी जानी है। भारत म और मृत्यों के मूची जक में जो जादिवर मराहकार का मालाहिक प्रसासन है वस्तु मूचवा, उस्तम्हर समूहा और मामान्य मूचवा के बार म विस्तृत मूचना रहती है। फिठें सलाह में मूचवा वा ब्योग मी दिया रहना है।

आर्थिक सलाहकार वे सुचक को समालोधना—आर्थिक मल्गहकार के थान मृत्यों के मुक्क भारत स प्राप्य मुचका म गर्जोत्तम है। यह एक सामान्य मूक्क है और प्राविधिक रूप में अच्छा है । इसमें गुणोत्तर मारय का प्रयोग विया जाना है और ट्सिल्स यह बिल्ब्य है और समान परिवर्तन-अनुपानों को समान भार देना है । परन्तु निम्तर्जिनन कारणों में इसकी आलोचना भी की गई है

(१) बस्तुओं का बुनाव, उनकी सन्या और कियन मृत्य—सनुझों का पुनाव सम्वित न पर में नहीं विधा गया है। प्रयोग समूह से मुठ महत्वपूर्ण बस्तुएं होड दो नहें हैं, सैसे साध-परायों में निवारा दाल छोड दो गई है। विधा देसी-बद्धादों ना प्रयोग मोग बच्च है विविध बात समूह से नबी गई है। यद्याप देसी-बद्धादों ना प्रयोग भारत में बस लीया द्वारा किया जाना है उन्हें लाय-बदायों के समूह में ममिमित विधा जाना नाविए था। इसी प्रकार मूचक का प्रतिनिधिश्च वडाने के लिए विविध समूह में प्रमान कर स्थान करा स्थान करा स्थान करा स्थान साहर से बात स्थान
भागन जंमें बिशाल देश में लिये बन्युओं की सम्बा अट, अपर्याप्त है। सन्य मध्या में मद्युओं को रखन से मुख्य कुछ अधिक सुधारी तो हो जाना है, परन्तु माय ही शाय मुख्य में में मामान्य उदस्यीय पृष्य नहीं रह जाना। मुख्य को बान्यन में देश की अधिक स्माओं के परिवर्गनें का प्रतिनिधि बनानें के लिए यह आवस्पक है कि इसमें अधिक बन्युओं का समावेग विचा जाय और ममुद्दों का श्रेष बरायां जाय।

करियन मुन्यों को मन्या भी बहुत कम है। वेचल २१५ क्विन मुम्य प्राप्त किये फारे है जर्याक बुछ बस्तुरों एंगी है जिनके और अधिक प्रवार से के कित मुन्य मीने काने भादिए। बुछ महत्त्वपुत्त कमुत्रों के किए वस क्याय से करित मुन्य मीने धाने हैं, जैसे बावल के लिए केवल ३, उबकि बुछ अमहत्त्वपूर्ण बस्तुओं हे लिए आवर-महना से अधिक कंपिल मुन्य दिव जान हैं, जैसे जुदों के आठ। समक्त मह वृद्धिकोण स्वत्यास या। ही क बुंधि जुदों ने प्रकार वावल से वही अधिक उपलब्द है इसिल् ८ १ का अस्पान टीक हो है।

कुछ आरोबना का मन है कि समूहन दीक प्रकार में नहीं किया गया है। लाख-सूक्ता से नमर का भी समादेश है। इसके मतानुमार काछ के अन्तर्गत यह नहीं आता चाहिए वह आनोबका दीक नहीं है। परन्तु इस बात की सावना होगा कि पुनममूहन होना आवदनक है।

(२) मायाः—मुक्तास वा आचाः असम्य १०२९ में समान होने बाज वर है। दिनांव मत्रमुद्ध में स्टाशों में बहुव पवित्तंन हो स्था है और आवश्य के मुख्य में १९६८-१० में मूर्यों में तुरता बना गायह ही शर्योंग्री हो। आयार 'प्रमानाय' होना पारित् पत्रम्ब वक्की हुई परिस्थितियों में १९६८-१९ अनासाय नहीं रह जाता । इसलिए यह बाबस्यन है वि आधार वर्ष दुहराया जाय जिससे अधिन दास्त-विन नुलना हो सने ।

(३) भार—मूजनान मे प्रयुक्त भारते नी भी आछोनना नी गई है! भार ११२८-३ के मुख्या और प्रश्चिम प्राथम प्राप्त है। तम्र से कम्युजों ने मूल्य-गबनो, उत्पादन और उपनोध में आदातों मे नामी परिकर्तने हों चुके हैं। किर, सादा-गबंधे और ओडोनिक चच्चा माठ नुछ आरते ना ४६% है जवित हुए ६१% भार अर्थ-निर्मित्तयों, निर्मित्तयों और जिलिय चच्छों को दिये गए है। युद्ध और पुरुत्तर क्लाव में लाई अर्थ चच्चा माठ ने नहीं के स्वत्य अर्थ पुरुत्तर क्लाव में लाई अर्थ चच्चा माठ ने नहीं चया निर्माण है। मार ने महत्व म कानी चूर्वि हुई है। कल्करकर पिछन दे चयाने मे इनकी स्राप्तिक स्थिति मे युद्ध परिवतन हो गया है। इसिंग्ए यह आवश्यक है कि विविध समूहों और उप-समूरों की दिए गए भारते से परिवर्तन किया जाव और उन्हें बदकी हुई परिविधितयों के अनुक्त नवाया जाव।

भार निर्यारण को बिधि भी दोषपूर्ण बताई गई है। सार निर्यारण का आधार बस्तुओं का सकत, बाजार मृत्य है। यदि बस्तु का समावेश कव्ह माल के रूप में और उससे निर्मितियों के रूप में विया गया हो तो सारों की बुहरी गणना होती है। अत्तर्य कुंछ बस्तुओं को अन्य की मुलना में अनावस्थर महत्व मिल जाता है। किए, भारण प्रणाठी ऐसी है कि भार उत्पादित राधियों (या अभी) के अनुसार दिये जाते हैं और निर्यात की गई राधि पर कोई विचार नहीं किया जाता। देश की आयात की गई बस्तुओं और उननी राधि पर भी विवार नहीं किया जाता। इस प्रचार मुक्क मृत्यों और प्राप्य पुर्ति के परिवर्तनों का उचित बोध नहीं देता।

(१) योन मून्य वे स्पोधिन भूवनान आधार १९५२-५३= १०० — भारत के विभागनत तथा उनके उत्पान हुने परिवर्तनों के नारण भारण की प्रमान्त गीर महत्ते भूवन में अपनार्द गई यो अनुत्युवत हो यह । उनके अतिरिक्त पिछले कुछ वर्षों से मून्यों के प्राप्य जीवडे बहुत उत्पत्य होने त्यों है। इस नारण एक मधे मूचन नी आवस्य पर हुई-विनवन जाधार होल ना हो और जो अधिक ज्यावन हो। यह मूचन कानदिस है और वस्तुजों ना चुनाव निध्य तुम्य दथा उचित आधार ना चुनाव कमी विचारणीन है। मूचन के बनाने नी जिधि दम प्रमान है—

बस्तुजो ना चुनाव-बतामान सूचन मे बस्तुजा ने वानिरिस्त मानोधित मूचन मे बहुत सी बस्तुजें जोडो गई है। नचिन मूच्यो तथा विषडो नी मूची भी बिस्तुज नी गई है जिससे राज्यों से मूच्य आपद हो गई। वस्सुजो और विषठों ना चूनाव राज्दी अर्थ प्रवादस्था में उनके स्थान नी प्यान मे रखनर निया गया है। व्यक्ति मानाहरूगर में इप्निमूच्य अनुस्थान समिति (भागर चगेटी) ने चुताब मान नर १९ विषडों

इन पौच वर्षों मे ११२ वम्त्रयें है जिनके लिये ५५५ कथित मूल्य प्राप्त रिये जाते है।

आधार--१९५२-५३ को आधार वर्ष माना गया है। सरकार ने इस वर्ष को दो मृग्य कारणो से चना। प्रयम, वर्ष १९५२ ५३ पहला ऐमा यद्वीतर व विभाजनोत्तर वर्ष है जिसमें मूत्यों में कम से कम घट वढ हुई थी। द्विनीय, यह वर्ष प्रयम पत्र वर्षीय योजना के आरभ के विलक्त समीप है। १९४७-५२ में पर्याप्त वृद्धि हुई थी जिसके कारण थे मृत्य अनियत्रण (दिसम्बर १९४७), रुपये का अप-मृत्यन (मितम्पर १९४९), तथा नौरिया युद्ध (अप्रेल १९५१) । इसके परचात मृत्या में कभी होना आरम्य हुआ जो मार्च १९५२ तक होता रहा। इस कारण १९५२-५३ का वित्तीय वर्ष एक नये मूचक के आधार के लिये सबसे उचित जान पड़ा।

भार---भार विपड मायो के अनुमार दिये गये हैं। इस सुवध मे आव डे भारतीय निर्मित बस्तुका की तीवरी गणना, १९४८ (Third Censes of Indian Manufactures, 1948) से किये गये हैं। आयात की गई वस्तुये उनके मूरयो (सीमा प्रशुल्क मिलाकर) के आधार पर मारित की गई हैं। मध्य उत्पादित नौधिम बस्तुमें विकित परिमाण के आधार पर मारित की गई हैं। विजली को मार विजली उत्पादको द्वारा बेची गई विजली के आधार पर दिया गया है और उसका मूल्य सामान्य अखिल भारतीय दर के अनसार आंका गया है। पेटोल के आकडे उपमोग पर आधारित हैं।

मुचकाक बनाने की प्रविधि से पहले से एक सहस्वपूर्ण भेद हैं। प्रमुक्त माध्य भारित ममानर माध्य है। यह अव शोश्य है कि पह ने 'इकॉनॉमिक एडव्हाइजर' के मूचक में भारित गुणोत्तर माध्य का उपयोग किया जाता था और यह इस मुचक की एक गुण मला जाना था ।

समालोचना-नये (अन्तरिम) मुचक का क्षेत्र बहुन अधिर ब्यापक है और इसके पहले में अधिक वस्तुओं का समावेश है। कथित मृत्या की सख्या भी पहले से काफी अधिक है और भारण में भूबार किय गय हैं। लगभग आधा भार खाद्य-प्रदायों का दिया गया है और शप लाया बन्य वस्तुआ की। यह भारत जैसे कृषि प्रधान और पिछड़े हुए दश की अयव्यवस्था की प्रकृति के समनम्प है। इस प्रकार यह मुक्क अपने पुववर्ती मुचर स अधिक बच्छा है।

परन्तु यह ठीन स नहीं समझा जा सकता कि विविध' समृह को नयो छाट दिया गया और गुणोत्तर माध्य के स्थान पर ममातर माध्य का प्रयोग क्यो किया जाने लगा ह मूछ न बुछ बस्तुएँ सर्देव एँगी होनी हैं जो यथार्थ रूप म किसी भी समह के अन्तर्गत नहीं आर्तः । ऐसी वस्तुएँ 'विविध वर्ग' में रखी जाती हैं । यह वाशा की जाती है

रें रें वे छोटे-छोटें स्टेशनों के स्टेशन भास्टरा के द्वारा रेजने लेगर इन्सपैनट्रों के निरीक्षण म विभिन्न वस्तुओं वे मत्यों के आकड़े एकत्रित निये जाते थे। १९४४ आधार वर्ष माना गया था। ये मुचरान भारित नहीं होने थे।

धन सुधनाता का निर्धारण बन्द कर दिया गया है क्योरि इनमें वैज्ञानिक तथा प्रवेशिक दिप्टकोण स वहन से गंभीर दोप पाये गये थे। और अब त्यर व्यरी इन मुचकाका के स्थान पर केवल तुल्कात्मक भूरयों की सूची १९४९ को आधार मान कर प्रवाधित करता है।

(स) जीवन निर्वाह सचकाक

जीवन निर्माह मुचवाक, जिमे उपमोक्ता मुन्य मुचवाक भी वहने हैं, विभिन्न बग के रागा के जीवन निर्वाह की लागत में परिवर्तनों का माप करने के लिये सैक्यार दिस जाने है। ये मुखनान ययायं सम्य मुखकान नहीं हैं परन्तु अयोहि जीवन निर्वाह को लागत में परिवर्तन मुख्यों के परिवर्तन का माप भी अवस्थाने हैं इमलिये इन भूचकाका की माय स्तर में परिवर्तन वा एक सच्चा निर्देशक भी मानने हैं। जीवन निर्वाह की लागृत वा प्राप्य मुचनान वेवल थमिनो से ही सम्प्रत्यित है । इस वात वा प्रयतन किया जा रहा है कि काम करने वाले अन्य वर्गों के भी उपभोक्ता मृश्य मूचकाक तैय्याद क्यि जायें । पारिवारिक वजट सम्बन्धी मूचनायें एक्तित की गई हैं पर क्षमी जीवन निर्दाह लागन सम्बन्धी सूचकाक नही तैय्यार क्यि जा रहे हैं । जा उपमौक्ता मूर्य सचकाक प्राप्य है वे भारत मरकार के श्रम मनालय के रुवर व्यरो द्वारा तैय्यार . रिये गय है और कुछ राज्य सरकारी द्वारा भी तैय्यार निये गय हैं। एपर व्यूरो के मूचराक अनेक याजनाओं व अन्तर्गत प्रकाशित हुए हैं जैसे —

- (1) उपभावना माय मुचवाव---श्रमिव वय के लिय
- (11) जीवन निवाह शायत मूचकाक मरकारा (क्य)-आरापण धमिका के लिय
- (111) रेवर व्यरा व असिट भारतीय साध्य अमिक जीवन निर्वाह रागन मुचकाका की श्रणी
- ल्यर ध्यरो श्रमिक वग उपमोक्ता गृग्य मुचनाव १९ बेन्द्रो के लिये—ये मुचनात मासित है और भारत सरकार ने श्रम मत्रालय से ल्वर व्यूरो द्वारा अब १९ केन्द्रों क रिय प्रकाशित किय जाने हैं। य केन्द्रे निम्न हैं —
 - १ अजमेर ५ बुरहानपुर ९ गौहाटी २ वहाला ६ कटक १० जबरपुर ३ वियावर ७ देहरी-आन-सोन ११ जमगेरपुर
 - १२ झरिया ८. भोपाल ८ दिरछी

चारिये और न इस स्थिति को अग्रतीय जनक समझना चाहिये । इसे तो ऐसा उपाय करता चाहिये कि इतका विस्तार हो और अधिक केन्द्रों के लिये तथा ज्यक्तियों के अधिक वर्गों के लिये आपल हो सकी। इस बात पर और दिया जा सकता है नि यदि दन सुष्यका के वा जायार समान कर दिया जाय और उनके निर्माण की प्रविधि में समानता के आई जाय तो सुकतात्मक अध्ययन के लिये के बिधक उपयुक्त हो मकेंगे। जीवन निर्वाह सम्बन्धी सुकताकों के इस महत्त्व के अतिरिक्त इस बात की आवश्यकता समझी गई है कि असिल मारतीय सुकताल प्रध्यार किया जाय ताकि अविश्व सारतीय अध्ययन विसे जा मकें। केवर ख्यूरी के सभी आपल उपभोक्ता मूल्य मुकताकों की एक में मिलाने के मुझाब की परीशा की और एक असिल भारतीय धर्मित निर्माह माध्य स्वकाल नैस्पार विया जो रहा है।

इस मुचनान नी प्रविधि में अनुभव ने आधार पर सरोधन और परिवर्गन ना अवसर है। यह सब जीवन निर्वाह लागत मुचनाका ना जो कि लेदर ब्यूगे तथा राज्य सरकारा द्वारा तैय्यार कराये जा रहे हैं गाया है। इसलिए बस्तुओं के चुनाव ना प्रका इसम नहीं उठना। इसमा आधार १९४९ है। नेवस बस्तुओं के सभी मुचनावे का साधार १९४९ ही है। इसने साम्बन्ध में तो नोई भी निर्वाह नहीं उठनी। राज्य सरकारों द्वारा निर्मित मुचनाकों के सम्बन्ध में तो आधार विमिन हैं और वै सब एक आधार एर वर्षात १९४९ पर सामान्य गणना की सहायता में के आये गये हैं।

यह मुचकाक उन सभी केन्द्रों से सम्बन्धित हैं जिनके लिये लेवर ब्यूरो सूचकाक तैंड्यार करता है और इनके अतिरिक्त उन केन्द्रों से भी सम्बन्धित हैं जिनके सूचकाक राज्य सरकारों तैंड्यार करती हैं।

इतके निर्माण को प्रविधि बहुत ही सरल है। अनितम अक्ति जारतीय मूचकाक प्रत्योत के के लिया मुजाव को मार्गारत प्राम्य निवाद कर मार्गुल किया था मकता है। भार विभिन्न ने ने में पेकिन्द्रमें मार्गित कारण की स्वान्य के सामार पर निर्मारत है। ग्रामें की की लिया एक से अधिक केन्द्र मुजाव की तो राज्य के विभिन्न केन्द्र मुजावकों का माण्य निवाद कर राज्य का मुजावक मार्गुल किया था सकता है। इती प्रवाद कराज्यों के सुव्यवकों के आधार पर अनित्य अनित्व भारतीय मुजाव कारण की वास्त की किया पर अनित्य अनित्व भारतीय मुजावक मार्ग्ज किया या सवता है।

जीशा कि उपर कहा जा चुना है सूचनान परीक्षण की दृष्टिनोप से बताया जा रहा है और प्रचोग नरती समय ने अनुभवा ने जाधार पर उसम सर्वापन दिया जायगा। परन्तु यह तो सर्वमान्य है नि रहेत स्थायी रूप प्रदान करने ने क्लिये यह बावस्वन होगा कि पारिचारित बटट सम्बन्धी नयें गिरे ते जान नी जाय तानि बस्तुवा ना उचित चनाव हो सके और उत्तरा उचित भार प्रयाग म कामा जाय। सारत में प्राप्त मुख्य ब्रांब्हों में सामान्य समालोक्या—ट्रन मृज्य और में की ही जालोक्या के पाई है। वित्त मृज्य विशिव किमारणों से प्राप्त विश्व की है जिसमें हुए शायतीय हुन अवेशानकारी और कुछ निजी तत है। इन अभिगरणों द्वारा मेंने गई मानवी एकस्त नहीं होगी और कभी-नभी तो पदेहास्पद भी होगी है। मुख्य और है, माहे तिशी भी प्रकार के मो न हो, जिसर मारानीय महत्त के है और सारन मन्यार को दक्त विदोय ध्वान रखना चाहिए। वे रहीम सरहात के क्षत्र सारना मन्यार कर करें मानवी भी स्वाप्त मन्यार के स्वाप्त करना चाहिए। वे रहीम सरहात के क्षत्र मानवी माहिए सामान्य करना चाहिए की रही है। स्वाप्त करना के स्वाप्त करने स्वाप्त करने के स्वाप्त करने स्वाप्त करने स्वाप्त करने स्वाप्त करने के स्वाप्त स्वाप्त करने के स्वाप्त करने स्वाप्त करने स्वाप्त करने स्वाप्त स्वाप्त करने स्वाप्त स्

मून्य ब्रांकों का बक्कर देश में होने बाले आधिक परिवर्तनों का जान प्रान्त करने के लियों क्या जाना है। इनमें अधिकतर छाम उठाने के लिये यह आदर्सक है कि दक्ता प्रकारत नक्कर होते हो हो जाना चाहिए। इनके प्रकारन में विजय इनकी उनसीनिता एवं नेता है।

दृत बातोचनाओं वा बह तास्तर्य गहीं है कि सारत में प्राप्य गूरूब बांकडों में चित्रंप है। मारत सरकार और राज्य परकारों को इस बात का मेच कायर विवा जाना चाहिए कि उन्होंने भारत में प्राप्य गूच-बांकओं के बकार और माना में मुझार एव परिस्तेन किया। वे बारिगुद्धता के प्रति बतकें हैं और बखहीत सामग्री के प्रकाशन में गीपना को नारे नो प्राप्य प्रमान के परिस्ते माना में भी प्रमान में महें रोतिकों का उपयोग नरने के फलस्वस्य इंग्ली सिवारी में बारी प्राप्त में स्वीपायता के मुझार हो रहा है। यह अध्यान की वा सकती है कि घीच ही भारत में प्राप्त को कार्य करने बहु स्वीपायता के मुझार हो रहा है। यह अध्यान की वा सकती है कि घीच ही भारत में प्राप्त में अपने के बत्र स्वीप में हों।

८. व्यापार-धाँकड़े

(Trade Statistics)

मारत में व्यापत बांबादे भारत सरकार के वाणिया सुचना और तरिन दिमाग हारा समिलन विधे जाते हैं। इनका सकता सारमा से ही बहुत सनोपत्रक रहा. है। कि तो याणिया मुक्ता और आंचे निमास पर इक्का सक्यान पर ने न दायित्व है परनु अधिनामन ये राज्य के प्रवच संवधी कार्यों के सह-तताद (by-products) के रूप में उपन होंगे हैं, जैसे, इन बांकिंगे ना बिन्नाम माम मीमागुन्क और उत्पादन सुन्क (Customs and Excise) निमास हारा और रेजने विमास हारा प्रवान निका बाता हैं। वामार और तो प्रकार के होंने हैं-

सास्यिकी ने भरल सिद्धान्त ३५४

- (अ) भारतीय व्यापार के सुचकाक।
- (व) भारतीय व्यापार से सवधित सामग्री।

भारतीय व्यापार के सुचकांक

औंकड विभाग और (स) भारतीय सनित अधिकीय (Reserve Bank of

भारत के विदेशी व्यापार के सूचकाको का सक्टन (क) वाणिज्य सूचना और

के इनाई अर्घो (मत्यो) ने सुचनाक।

(समुद्रो हवाई व भूमि) व्यापार व नौ परिवहन से सवधित लेख [Accounts Relating to the Foreign (Sea, Air and Land) Trade and Navigation of India} में जनाशित होते हैं। इन मुचनाको की शासकीय और अधासकीय सगठनो द्वारा विस्तृत प्रकाशना (publicity) मिलती है। भारतीय सचिन अधिकोष (Reserve Bank of India) के सूचकाक Reserve Bank Bulletin म मासिक रूप से प्रकाशित किए जाने हैं। इन सूचकाको की रचना विधि का समिप्त विवरण यहाँ दिया जा रहा है। (क) वाणिज्य-सुचना विभाग भूचवाक (The Department of Commercial Intelligence Index)-पह विभाग विदेशी व्यापार के इकाई अर्थ और प्रमाता ने सुचनानों ना सनलन करता है। य सुचनाक मासिन और वार्षिक रूप से प्रवाशित होते है। पदी को तीन मुख्य समृह में विभाजित किया गया है। इस प्रकार चार सुचकाको को प्रकाशित किया जाता है जिनमें तीन तीना मुख्य समृहों के हैं और चौथा इन पदों को एक साथ छकर बनाया गया सुचक है। इकाई अब सुबहार बनाने में समुही मारित माध्य सूत्र का उपयोग किया जाता है जिसमें चारु वय की राशियों को मार मान लिया जाता है। प्रमात्रा सुचकाक जिस सुत्र द्वारा बनाए जाते हैं उन में आघार-वष के अध-अक मार के रूप में लिय जाते हैं। प्रमात्रा सूचदाव की गणना प्रत्यक्ष रूप से नहीं की जाती इसका व्यूत्पादन इकाई अम सुचनान ने अर्थ-अनुपात और मृत्य सूचनान से निया जाता है। इन मूचनानी की गणना समुद्री और हवाई व्यापार की कुछ चुनी हुई वस्तुओं के आधार पर विया जाता है। वे पद जिनका सूचक बनान में प्रत्यक्त रूप से उपयाग नहीं किया

India) के द्वारा किया जाता है। ये सूचकाव निम्नलिखित से सर्वाधत हैं — (१) आयात और निर्यात की गई वाणिज्य-वस्तुओ (merchandise)

(२) भारत के विदेशी व्यापार (समुद्री और हवाई) की प्रमाना (quantum)।

वाणिज्य सुचना और आँवड विभाग द्वारा संकलित सूचकाक भारत के विदेशी

जाता उनके बारे में यह करपना कर की नाती हैं कि उन मूल्यों में वे ही परिवर्तन होने हैं जो सर्वापत बस्तु समृहों के मूल्यों में होते हैं।

(स) सामित अधिकोय सुनवाक (सरोधित माला)—मारतीय सनित अधि-गोप द्वारा जामात न निर्मात के अर्थ व ममाजा के सुनवनक १९४८ ४९ = १०० के आधार रूप प्रगासित विश्वे भी रहे थे। यह अपितर्मी आधार-मार की प्रतित कूमी अक को जवास्ताविक बना देती हैं जानी हफ तम्म प्रणासार में प्रतितिक हो जाने हैं। इस रोध को पूर वर्ग ने के हेतु यह निरम्य निया गया कि सूचकाक का स्त्रोतिक विश्वा जाय व एक जनित जामार वर्ष और मार बढ़ित को अधनामा जाम।

पदी का चुनाव—पदो को डीज वर्षों भे विजाजित किया ज्या है। यह वर्षे हैं (१) लाय, मेन क सम्बाह, (२) काचे साल, ब (३) जिस्स वस्तु में। इन वर्षों है से ने सब कर्तु वर्षे विजवा जरा पूर्णे अर्थे का ० ५ अरियाज से अपिक है चुन तो में है। प्रसंक कस्तु-वर्षों में ते वे पद जिनके प्रमासा अभिने उपलब्ध है और जिनके आपात व निजाज का वर्षे १९५२-५३ में २५ छाल घ० से अधिक या, इन मुक्कों के निर्माण करने के छिन्ने चुन छिन्ने गर्से हैं। इन बात का अस्त्रद किया गया है कि मुख्यका विजाज अधिक व्यापक हो सके नमाया नाय ।

जाघार का चुनाव—पिछले कुछ वर्षों में ब्यापार में होने वाले परिवर्तनों के कारण यह आवस्यक हो गया था कि जाघार वर्ष १९५२-५३ कर दिया जाय। इस आघार को चुनने के कारण यह थे कि —

- (१) किसी सुद्ध व राजनैतिक या आर्थिक उथल-पुषल के बन्नाव में व्यापार एक स्थिरना के भद्र को प्राप्त हो चुका था।
- (२) अर्जन १९५१ से नियान अर्थ का आधार नो तल पर्यन्त नियुक्त (£.o. b.) मुख्य म, विवाद नियांन कर व्याप्या अस्य कर (ccss) समिमसिता है, गरिवांतिन कर दिया गया। इस करण १९५२-५३ के चुनाव से प्रत्येक पद पर नियांत कर पापना करने को कठिमाई नहीं रही।
- (३) अर्प्रक १९५२ से पाकिस्तान, वर्गा, जफगानिस्तान और इरान से होने मारु मुमिन्यापार के सिस्तुत ऑकडे माराज के विदेशो (समुद्री, बानू तथा भूमि) व्यापार व नो परिवहन के मारिक केलें (Monthly Accounts of the Foreign (Sea, Air & Land) Trade and Navigation of India) में प्रकाशन होते हैं।

अर्प सूचकाक-आयात व निर्यात मूल्यों के सूचकाक बनाने के लिये निम्न सूत्र वा प्रयोग निया जाता हैं —

$$P_n$$
 (Price Index) $= \frac{\sum p_n q_n}{\sum p_n q_n} \times 100$,

उपर्युक्त सूत्र ने अनुसार, अर्थ सूचनाक चालू वर्ष ने अर्थ और आधार वर्ष ने अर्थ को बाधार वर्ष की प्रमात्रा से पूनर्मत्यन करने वे पदचात प्राप्त मृत्यो का अनुपात है ।

प्रमात्रा सूचकाक —संशोधन से पहले प्रमात्रा सूचकाक निम्न सूत्र द्वारा प्राप्त होता या ---

 Q_n (Quantity Index)= $\frac{\sum p_0 q_0}{\sum p_0 q_0} \times 100$,

परन्तु अब मृत्य सुचरार अर्थ मुचरार और माध्य अर्थ सुचरार का अनुपात है। अर्थात —

P'n (Average Value Index)= $\frac{\Sigma'p_nq_n}{\Sigma'h_nq_n}\times 100$.

डपर के तीनो मुत्रो में चिन्हों का अर्थ इस प्रकार है --b.=आधार वर्ष के इवाई अर्थ.

की प्रमात्रायें.

q₀=आधार "

क्वल ऐसे पदो को सम्मिलित किया गया है जिनके इकाई अर्थ प्राप्य है। माध्य अर्थ सुचनाक की गणना मृत्यों में दीर्घनाळीन परिवर्तनी का अध्ययन वरने के उद्देश्य से की गई है।

नये सुचकांक के लाभ-सन् १९५२-५३ के आधार पर बनाया गया सद्योजित मुचकाक व्यापार में होने वाले परिवर्तनो से प्रशावित होता है। नई मात्रा में मुख्यो के दो सूचकाक तैयार होते हैं, अर्थात् मूल्य मूचकाक तया माध्य अर्थ सूचकाक, जिनसे क्षेत्र कालीन व दीर्घ कालीन उपनितयों का अध्ययन हो सकता है । अन्त में सद्गोधित सुचनान का क्षेत्र तथा पदा की सक्या अधिक विस्तृत है, इसमें सपूर्ण भूमि सीमा के व्यापार का छेखा रखा जाता है । इन दृष्टि से सचित अधिकोप मुचकाक विभागीय सचकाक से बहुत अच्छा है।

(ब) भारतीय व्यापार से संबंधित सामग्री

भारत के व्यापार के वर्ष और भाषा स सवधित सामग्री का वर्णीकरण निम्त-लिखित हैं

- (क्) अन्तरेंशीय व्यापार (Inland Trade)
 - (स) फुटकर व्यापार (Retail Trade)
 - (ग) विदेशी योक व्यापार (Foreign Wholesale Trade)

(ह) भारत के बन्तदेशीय ब्यापार से सर्वाधत सामग्री (Data relating to Inland trade of Indua)—पहंठ काण्यम्मुक्ता और जीकि विमाण एक राज्य से दूसरे राज्य के होने चाले गमनामन (movement) सर्वाधन सित्तुत और के प्रसारित करता था। परन्तु पितव्यविता के आधार पर १९२२ में दक्ता प्रसारत करता था। ये आंके हैं फिर से मासिक घत्रिका, सारत के अन्तरेशिय व्यापार (के तथा नवी दारा) से सर्वाधित केसी [[Accounts relating to the Inland (Raul and river-borne) Trade of India] में प्रकारित किये वाले लगे हैं।

जिन परों के छिये ये बिल्नुत विचरण उत्तप्तव्य हैं उन्हें ३० से अधिक मून्य समूहों में बीटा प्रवा है। 'बकाउल्हम्' में इन वस्तुवी की केवल उन राणियों का विवरण मिल्टा है विकला परिवहल रेलों या आप्प मीका (steamer) से किया जाता है। ये बीतको (invoices) से जमा किये आहे हैं और इनमें आवरण बीर संवेच्दन (cover and packing) को छोड़ विया जाता है। वाधियय वस्तुवी के ममतावस्त से मुखीदा विम्निलिस्त स्वेरी उपलब्ध हैं

त्तिमन सं संबंधित जिम्माकालत व्यार अपलब्ध ह (१) अन्तराज्य व्यापार (Inter-state trade)

(२) अन्तर्वसन व्यापार (Inter-port trade)

(३) राज्य का पत्तन से व्यापार (trade of state with a port)

सींकड प्राप्त करते ने सांभवाय से देश को लड़ों में विमाजित किया गया है। सामापात राज्य ही लट भी है और पत्तन राज्य से अन्तर लड़ है। केले में अन्दर्शीय ज्यापार संस्वित सामयी दिसारियों (two-usy table) के क्यमें दी गई है। एक ही सह वा नाम शंतिज और उज्जें रूप से दिया गया है जिन से किमी एक लड़ मा हुसरे लड़ों को रिया गया नियांत सांसानी से जाना जा सरे।

बन्तरेंगीय क्यास-द्याचार के ऑकडे---वब प्रकार और तुच्ये की कपास के एक रान्य हे हुमरे राज्य को गमतागमन सबसी ब्रोडडे मानिक पिका कच्छी कपास के स्थापार नोक्डे (रेत तथा नरी हारा) [Raw Cotton Trade Statistics (Rail and River Borne)] में नियमित रूप से प्रकारित होते हैं।

(व) भारत को कुटकर ब्यापार सबची सामग्री—गाख के कुटकर व्यापार सब मी मंकिनों की रिश्ति बहुत असतीयवनक हैं। फुटकर व्यापार सबमी अंकिट उपरुष्प हो गहीं है। कुछ सीमा तक हमारे ब्यापार औड़कों की यह कमी समझी वा सबनी हैं। हमारे देश में फुटकर व्यापार चोड़ ब्यापार के कही बिंगक अस्पारित हैं और वर्गमान स्वाप्ता में फुटकर व्यापार सबनों अंकिडों का सकश्च करन के मनत अवस्त ही बहुत नम उफन्या प्राप्त कर सकते हैं। यह सामग्री ऑकिडों की स्वाप्त और वाणिज्यिन अध्ययनो ने लिये बहुत मूल्यवान हैं, इसलिए सरकार को इनका मकलन करने की दिशा में प्रयत्न करना चाहिए।

(ग) भारत के विदेशी चोक व्यापार संबंधी सामग्री—यह सामग्री विविध सासकीय प्रनासनों में प्रवाधित होती हैं। मून्य विषय से सर्वधित उपलब्ध सामग्री कप प्रकार और दनने नुमालगुणी ना विवेचन इन प्रवाधनों में दिए गए अंतर हो के आयार पर विधा जा सनता है।

 भारत के विदेशी (समुद्री, हवाई व शूमि) ब्याचार व नौ परिवहन ते सर्विषत लेखें [Accounts Relating to the foreign (Sea, Air

and Land) Trade and Navigation of India]

ेल हैं बागिज्य मूचना व सास्वितीय महाम्बालक, वाणिज्य व उद्योग मजाज्य हारा प्रकाशित एक जानिक पंत्रिवा है और इस विषय से बहमे जीएक महत्वपूर्ण बोर प्रमाणित कमकी जाती हैं । वहुँ लेखे बल्का-बल्य प्रवाशित विषे जाने ये-एक समूदी और हवाई व्याचार के सर्वायत समग्री देता या और दूमरा मूमि-व्याचार सबयी था। १९५२ में प्रवासन आग्रिक रण से सपुषत कर दिए गए। अभी तक हम दोनों को पूरी तरह से मिलाजा समय नहीं हुआ है क्वांकि इन दो प्रकाशनों में वस्तुजों का वर्गीकरण एकक्य नहीं था।

कुछ छोटी बातों से सर्वायत सूचना ने अतिरिक्त 'लेजे' निम्नलिनिन में सर्वायत स्पीरी को चालू वर्ष ने चालू महीने, विछले दो वर्षों और अप्रैल से पिछले तीन वर्षों के सच्यो योग के रूप में देता है:

भाग (क) समुद्री और हवाई विदेशी व्यापार (foreign trade by sea

and air)

१ आयात (Imports)

२ पूर्नानयति (Re-exports)

३ निर्यात (Export)

४, कोष व्यापार (Trade in treasure)

भाग (स) विदेशी व्यापार में लगे हुए पीन (shipping vessels in

the foreign trade)

भाग (ग) मूमि से विदेशी व्यापार (foreign trade by land)

१ आयात

२ पुत्रनिपरि

३ निर्यात

प्रत्येक माग के लिये सक्षिप्त और विस्तृत सारणियाँ दी हुई रहती है।

(क) समूरी और हवाई बिदेशा ध्यापार— ऐसे में इनका सिल्ल्य रियाएस रिया हुआ रहता हैं। अर्थ और राशि सबयी आयात अस्त्री का करून सीलमानुस्त्र मंगाओं (customs declarations) और नीमानुस्त्र मुहो से पार्ट होने बात प्रतिदिय्यमी (bills of entra) से महीने के अनिम काब दिवस तक मा उसके जितना समीप समय ही सकता है किया नाता है। आयात मजनी अक सबत पूर्ण नहीं है। इनमें सरकार के नाम पर होने बाला आयात सीलमितन नहीं है नशींक सरकारों स्टारों के जिस्कानन की अणाती जित्र है। परन्तु से अक आवन से स्थान कर लिए आते हैं। सरकार के नाम पर होने बाला वाद के अक अलन से रिए जाने हैं। इनमें भारन में आयात हान बाली वस्तुमें (बाई वे उसमान के किए हा, सा करदेव बस्तुमुंह (bonded ware house) में स्वने के हेतु हो या पुन निर्यान के नियों, प्राणियों के सामान में करवेब वस्तुमें तथा पानल व पत्री द्वारा प्राण्य वस्तुमें सीमानिया है।

हमरण राजि और अब ने निर्योत अकों का नफलन वीविषया (shipping bulls) में हिमा बाना है। नावेयण में न्यूनता (short shipments) के नाप्य इन अका में आवस्यकतानुसार तमायोजन कर निया जाता है। सीना मुक्त विमाग के अदिशारी राजि और वर्ष के स्पीरो तो आँच करते हैं।

सायात और निर्मात की 'बान्तविक' (net) राश्चियों की जाती है जिनमें भावरण व समेष्टन तर्गिमलिक नहीं कियें जाने । निर्मात क्यों में निर्मात-गुरूक और (यदि हा तो) उपकरों का भी समावेशन किया जाता है जर्मात नी त नि (जीतक पर्मन नियुक्त कर्ष (fob value) दिया जाता है। निर्मात के ऑकडे निम्म-निश्चित मार्गों में बॉट गए हैं।

- (१) भारतीय वाणिज्य-वस्तुओ का नियांत और
- (२) विदेशी वाणिज्य-वस्तुओ का पुनर्नियात ।

आयात और निर्यात के आंकड़े निम्नालिक्त पदायों की प्रकृति के अनुसार निम्नालिक्त पौच मुख्य भागा में विभाजित किए मए हैं

- १ मोज्य और पेय पदार्थ एव तम्बाकू
- २ वन्ना माल और मुख्यव अनिर्मित उपज और पदार्थ
- ३ पूर्णत या मुख्यत अनिर्मित पदाय
- अधित चन्तु
- ५ प्रय वस्तुएँ

मुख्यं नीर्यं मृत्यं विश्वापंत्री में विभाजित निया गया है। तिस्तृत सारणी में मुख्य और उपरार्थना ने पदा नो बण-कम में स्वया गया है। निन्तिरुस्ति ने छिए अरण से अर्थ और है मिल सनते हैं

- (१) निजी बाणिज्य वस्तुएँ
- (२) सरवारी सब्रहण (store)
- (३) क्रेय —(क) सरकारी, (ल) निजी [क्ल जिपतो (currency notes) को छोड़ करी।
- (स) पोत—सिदेशी व्यापार (shipping foreign trade)—यह आंकर "मारत ने निदेशी व्यापार व नौपरियहन से सनवित हे में "से सनकित किये जाते हैं। इनमें कटे हुये पोतों की सख्या क सार (tonnage) का आगमन क निर्ममन दिया रहता है। वे कहाज जो पह ही शाक्षा ने सन्य में कई मारतीय करराष्ट्री पर जाते हैं नेवल एक बार ही लेखे में आयेसे। अहाबी का शर्मीकरण राष्ट्रीयता वे अनुसार हम प्रकार किया गया है—
- ् कारतीय व्यक्ति वे कहार को नि भारतीय कटा क्टरांगे हैं एमः निमारः प्रवेशन (एट्रांशात्राका) भारतीय शहर वश्चीयन विवाद (स्थ्या १०, १८४१) [Indian Registration of Shrps Act (No X of 1841), या विश्वी क्षम विवाद की उब समय करा हूं, ने करानीय निया वया हा ।
- (२) अर्थेजी (British) अर्थात वे वहाज वा हि अर्थेजी मंडा एहराने हैं और जिनना पत्रीयन , अप्रेजी व्यापारी जहाज विचान, १८९४ (English Marchant Shipping Act of 1894) के अन्तराव विचा गमा हो।
- ३ विदेशी अर्थात वे जहात जा भारतीय या बढ़ेजी करडे वे श्रतिस्तित कोई मरडा पहराते हैं।
- (ग) भूमि वे रास्ते विदेशी व्यापार—िन्में में भारत की पारिस्तान, अप-गानिस्तान, ईरान, और बना छे भूमि वे रास्ते हाने बाठ ब्यापार का विस्तृत विदरण पहना है। अन्य देशा से व्यापार के अब मारतीय व्यापार पिक्स (Indian Trade Journal) में दिये चात है। वैपान, तिक्बत, विकिस बौर नूटान से हाने वाल व्यापार के बोक्ट इसमें नहीं शीम्मिडल किये गये हैं।

व्यापार का सबुबन (Balance of trade)—हन श्लोन भागों में सर्विषत उन्होंकन मुक्ता के विस्तुत विवरण ने बतिरिक्त केहें में भारत के व्यापार सबुबन सबसी और डें भी दिये रहते हैं। ये बतन-बत्ना रूप हैं (१) बाजिय व बन्तुता, ने (२) माना-बौरी के व्यापार-सतुबन के और (३) कुछ दृश्य व्यापार के सतुबन के नोकडे देत हैं। मार्गहर व्यागार (trade in transit)—इमने अन्तर्गत वे रेघे अरो हुँ तो मारतीर मोमा पर होने बाले मार्गान्य विदेशी व्यापार (को कि नरत्तीय बन्दर-गाहो या नी निवजे हारा होने हुँ) ने महाचिन हूँ। पाहिस्लान से होन बाला मार्गहर ब्यापार हमार्थ मीर्मानित नहीं हूँ।

 भारत के डिदेशी व्यापार की चल क्षेत्रों तथा देशों के अनुसार विधा (Direction of Indua's foreign trade by currency areas and countries)

यह आंकडे "मास्त के विदेशी (समूत्री, हवाई व मृष्टि) व्यासार व नी परिवहन में उपलब्द हैं। ऐस्त्रो में उपलब्ध आंकडे मार्गस्य व्यासार के विषय में कोई समायोजन नहीं कोते । चल-त्रेजी का वर्गीकरण उम्म अकार हैं —

- १ पींड क्षेत्र
- इॉलर क्षेत्र,
 आर्थिक महत्राग्ति के लिये थ्रोपियन मगठन के देश,
- ¥. अन्य दिना पाँड चलन के होता।

आयान—आवानों का वर्गीकरण निर्मान करने वाले देशों के अनुमार किया जाता है। इन बॉक्डों के लिए माल वा आयात चाहे निष्म सावन (समुद्र, भूमि व वायु) डागा हुंगा हो परन्तु अविध्न होना चाहिए। परिवहन वे एक सावन के दूमरे साउन के माल कर हस्तानानप विध्न नहीं माना जाता है। इस कारण यह अवदाक नहीं है कि निर्मान करने वाले देश ही वद्याम स्थान हो, यह भी ममन हैं कि निर्मान करने वाले देश में माल किसी देश में आयान वरके बारत मेंना हो।

तिर्मान-नियांना वा वर्गीकरण कांत्रत देश के अनुसार, जो कि निर्मान करने साले ने नी विषय में दिशाया है, किया जुला है। कविन देश में मसुदी तह होना सास्यपन नहीं हैं। कांत्रित देश यह देश माना जाता है जहाँ पाल मेनने वा आश्रय है चाहे नाक पहुन, मुनि, हवाई या कियों भी नायण सामायलों के अविक्रत (परिसहत के) एक मानन में दूसरे सामन में हम्तालरण की छोडनर) जाय।

III. भारतीय संघ का सीमा कर तथा उत्पादन कर विश्वका (Customs and Excise Revenue Statement of Indian Union)

यह प्रकार अपना और निर्मात पर पहने बार्क मीमा ह्यून हे सबग्रे ब्योर देता है।

IV. भारत के तटीव ब्यापार तथा नी परिवहन संबंधी केसे (Accounts Relating to Coasting Trade and Navigation of India) यह एवं मासिव प्रवासन है और निम्निरितित सं मविति भाष्य नावा और देवी नावों ने रिये अरम अलग सुवता देता है

- (१) भारत ने समुद्र तटीय ध्यापार में प्रयुक्त नौभार सहित या खाळी पोतो म आन और जान ना सहया।
 - (२) नौभार--जल्याना का राष्ट्रायसा और स्वामित्व के अनुसार वर्गीकरण

V वाषिक विदेशी व्यापार के आंकड़े (Annual Γoreign Trade Statistics)

यह दा कही य प्रवाधित हाता है और भारत व विदेशी व्याचार ने अप परिमाण और दिया वा व्यापा देता है। पहुर जह में प्रत्येव देश से भारत ने आयात निर्मात क्या प्रवाध करता है। हुतरा लड़ प्रत्यव देश और वस्तर से आपार और नीवहन वा व्यापा देता है।

VI अन्य विदेशी व्यापार, तथा सवधित प्रकाशन (Other, Foreign Trade and Allied Publications)

भारतीय विदेशी व्यापार ने कम भहत्वपूष प्रकाशन भी उपलब्ध है। इस सबस में दो मुख्य प्रकाशन उस्लेखनीय हैं

- (१) भारत-पाचिस्तान व्यापार ए ऑकडे (India Pakistan Trade Statistics) ।
- (२) भारत नी मन्त्र तथा खल सबधी माल ना निर्यात—मासिक (Export of Indian Artware and Sports Goods monthly)

VII ध्यापार की समीक्षा (Review of Trade)

वाणिज्य और उद्योग मजाल्य के आर्थिक सजाह्वार द्वारा प्रकाशित इस प्रकाशक में भारतीय व्याचार की वार्थिक समीक्षा रहती है। इसमें भारत के विदेशी व्याचार का विदलेशण उत्तर्गी दिशा कमूद तटीय आपार व्याचार का सतुल्य आदि से सबर्थित अरू और सास्थकीय सारिष्णा रहता है। इसकी मूच्य विरोचता यह हैं कि एक ही स्थान पर भारत के व्याचार के विविध प्रत्ना के बारे में सामग्री मिल जाती है।

VIII. समुद्री व हवाई व्यापार की विषय वस्तु (Composition of Sea and Air-Borne Trade of India)—

समुद्री व हवाई व्यापार को निम्नलिखित मुख्य वर्गों में बौटा जाता है —

१ सार्व पय तथा तम्बाक्

- २ कच्चा माल, तथा उत्पादन व मुख्यत अनिर्मित वस्तुये ,
- ३ पूर्णतय व मृख्यत निर्मित वस्तुएँ।

जीवित जानवर तथा प्रेय बस्तुयं बरुग-अलम नहीं दिखाई जाती है परन्तु योग में सीमालित की जाती है। मार्बस्थ व्यापार के लिये (पाक्सितान को छोड़कर) होई समयोजन नहीं किया जाता हैं।

भारत के ज्यापारिक आंकडों की समालोचना

गारत ने ध्याचार ऑकडो नी उपयोगिता बहुत है। इनने द्वारा विभिन्न यस्तुओं ने भावान-निवर्षत की दिशा का भान होता है। यह मुबना इपको व्याचारियो तथा निर्माणको के लिये बहुत उपयोगी है। वस्तुओं के भार परिया (volume), तथा देश दिशा व बस्तुओं का वर्गीकरण चल विपनों के अनुसार आदि सुबना वैशी व्याचारियों के क्यि आस्पत कामकारों है।

सारत के देशी व्यापार के आंवडे अपूम है। हाने बस्तुओं के अर्थ तथा पुटनर व्यापार को सूमना प्राप्त नहीं होती है। इसने मतिपत्त उदकर-पिरवहन के मोत्र विवास प्रप्त नहीं है। यह एक सेने मति है। भारत में देशों को मेरिया नहों के आरासता के नारप बहुत सा व्यावारिक माल मोटर ठंली द्वारा ले जाया जाता है। इस्त मेरि लेगाइन सोक्सों में मही सिलता। यह अधिक विवसमानी नहीं है बचाकि यह व्यापारिक वहें क्यों से प्राप्त देशों के हैं। सार वहें वह से व्यापारिक वहें को देशों से प्राप्त है। इस्त की स्वापारिक वहें को से वहत नहीं करें आंत्र है, बहिल यह रेलों ने लेजों से प्राप्त हैं ति है। इस विवास में बहुत कुछ जतीत नरते से आवस्प्रस्ता है।

विदेशी व्यापार ने आंकडो में हाल ही में पर्याप्त उपति हुई है। आयात-निर्मात ने बिस्तृत आंकडे, बस्तुओ, दिशा, चल-क्षेत्रो करीय-बस्तुआ, अर्थ व प्रमाना ने अनुसार उपरुष्य हैं। यह परिस्मिति बहुत सतीपननक है।

ध. मज्री आँकड़े (Wage Statistics)

भारत में उपलब्ध मनूरी जीकड़े बहुत अपर्याप्त एव अगरोपनवस्त्र है। गत साथ में दनरा सबढ़ सासकीय और गैर सामतीय सगठतों और व्यक्तिया हारा दिया बाता रहा है। में अनुस्थान अधिकासत तदर्ष (ad hoc) ये। इमिछिये इस अनुस्थानों के परिणामसकस्य प्राप्त मनूरी अकिड सिन्धिमित रूप से और विसोध दृष्टि-कोचों से जमा विसे आते थे। सामान्य उद्देशों ने किसे वे अनुस्थल से। मनूरी- आकड़ा ने अध्ययन व्याप्ति, प्रकारान और कमिया आदि के दृष्टिकाण स निम्न-रिसित दो शीयका के अन्तगत किया जा सकता है।

- (१) कृपीय मजूरी (Agricultural Wages), और
- (२) औद्यागिक मज्री (Industrial Wages)।

(१) कृपीय मजूरी

ह पीय नजूरी सबधी जॉकडो की स्थिति विद्योप रूप से जसतापजनक है। यह बमी एक कृषि प्रधान देश में और भी जियक प्रभीर हो जाती है। इसे ता कृषीय मजूरी सबधी सामग्री वा सबह जब बहुत सबस्य से क्या जा ग्हा है पर तु इनमें कोई मुपार दृष्टि मोचर नही होता। इस स्थितिका मुख्य वारण कृषि अर्थस्यवस्था वा असमिति और कृषीय मजूरो का निरक्तर होना है।

पहल क्यीय मन्दी से सर्वायत सामग्री का प्रकाशन मूल्य तथा मन्दी, (Pn-ces and Wages) में होता था। यह सामग्री सामाजिक-आर्थिन सर्वेनणा के रण में भी उपलब्ध भी। ये सर्वेशण अर्थ-मत्यारी सत्याना, वेशे विश्वविद्यालयों द्वारा किए जाते में। १९०५ में करवार ने निश्चित किया कि प्रत्येन पाँच थयों में मन्दी-सर्वेशण किए बार्यों। परन्तु ये सर्वेशण क्य प्रात्ता में नहीं किए यथे। सामग्री का सर्वेशण किए बार्यों में पन्दी स्वाया के स्वाया में निश्च पर्या। सामग्री का सर्वेश माणि एवं नामाजिल सोना क्षेत्रा में निश्च प्रया । इस प्रकार सर्वृति मन्दी अंतर के स्वाया अर्थ के मन्दी का को स्वाया के स्वया के स्वाया के स्व

सर्प और साविषको सवालक, जात और इश्वि वयालय, द्वारा प्रशासित मन्द्री सावदे—मनालक ने निविधत कर से अधिक विश्वनानीय और एक रम्प आधार पर इर्ध-प्रकास सबयी प्रवृद्धी आवड़ा का सक्तन वरने वा नाम विचा है। ये आवड़े ' भारतीय इधि-प्रवृद्धी और डि. (Indian Agricultural Wage Staustics) में प्रवासित निए जात है जो १९५० स प्रवासित हा रहा है। इस पिरामदात का राज्य-सरसारा से परामदा करने क बाद अविम रूप दिवा मधा है। निम्निलिस्त जार क्यों में विज्ञानित कर रहे होंग मनूरा स सवित विविध राज्यों की मनूरी क और दिए जात है

```
१ कुद्धल मजूर —

(1) वडई, (1) लाहार, (111) माची ।

२ क्षेत्र (field) मजूर।
```

- ३ अन्य कृषीय मबूर ।
- ¥ चरवाहे।

मनूरों ने अन प्रनेक जिले में एक नृतें हुए गाँव से गांसिक रूप से नमहोत रिए जाने हैं। यह समस्रा जिला आता हैं कि से अब पूरे खिल ना प्रतिनिधित्व नरते हैं और उतना प्रमान जिलों ने कमानुसार दिया जाना है। जिले ने अबा सा स्मेनन (consolidation) यान्य नरहाये हारा दिया जाना है और वह उन्हें प्रमासन के लिए समालक के पान नेजते हैं।

हुताल सञ्चार को छोड कर जन्म वर्षों ने हुपीन सन्चार के अब पुराप, स्त्री और बाल मनुदों के लिए जलग जलग प्रकारित दिए जाने हैं। उद्या में दी गई मनुदों हैं। जिस की जानों हैं, और बस्तुनों में दी गई मनुदों को इस्म के रूप में रखा पाता है।

में मजूरी-जोन है जिले और राज्यों ने प्राचेन वर्ग ने मजूर की अधिकतम और निम्मतम मामिन मजूरी ने बारे में क्यूबिन बोध नराने हैं। ये व्यस्त और जिपल मौममों को मी बताते हैं।

हुनीय मनुर जोच समिति द्वारा सम्होत मनुरी आंपड़े (Wage Statistics Collected by the Agricultural Labour Enquiry Committee—११४३ में हुने निर्माण मनुरा हो मनुरी-लर, रोजपार, अर्जन, निर्मोट-लर, रहिपार जारि हे चयम मनुरो हे मनुरी-लर, रोजपार, अर्जन, निर्मोट-लर, रहिपार जारि हे चयम में जोच को जाय। मारा सरकार ने उपोय मनुर जोच समिति नियुक्त की निर्माण हमा प्रतिकार कार्या है के स्थान के साम प्रतिकार निर्माण कार्या हमा प्रतिकार हमा हमीन प्रतिकार कार्या हमा प्रतिकार के स्थान मनुरी मनुरी-लर्मा साम प्रतिकार कर्या हमा निर्माण मनुरी क्षा स्थान हमा हमीन प्रतिकार कर्या हमा स्थान मनुरी क्षा स्थान
अनुनवान को अभिनन्यना (design) रेमी पी कि इपीय अनुरो नी वृत्ति, अजैन, रामन, निर्वाहम्मर और प्रतिका मवधी मावती सब्देशि नी जाने, दिल्ली राजध्यक और सुगारम्मक कार्यों की अन्वयनका और न्यापिक विवर्षिक की जाने सर्वे और अधिनियम के अनुमार मुनताम मनुरो भी निश्चित की दा गते।

र्गाय मङ्गर जाँच अमिति के प्रेतिवेदन धारे-धारे प्रकाशित किए जा रहे है। १९५२ में प्रकाशित मारत में इशि मजूरी, पहला जान (Agricultural Wages in India, Vol I) में जीव ने समय समहीत सामग्री दी गई है। जिन बातों से -सर्वापत सामग्री हैं उनमें हुपोब मजूरा ने बुट्को का माजिक विस्तेषण, मजूरी और कत्ति की दशाएँ, मत्य, बेगार आदि भी सम्मिन्त है।

(२) श्रीदोगिक मज्री

अोद्योगिय मनूरी सबधी सामधी वी स्थित हुपीय मनूरी से सबधित स्थिति से हुए अधिक प्रतास्वनक है। परन्तु इसमें भी वाफी सुधार की आवश्यक्ता है। राज्य स्थाप अध्यक्त स्थाप को आवश्यक्ता है। राज्य से समस्य दीत जाने पर भी स्थिति से स्वतिष्कृत्व सुधार नहीं किये गए। सत समस्य दीत जाने पर भी स्थिति से स्वतिष्कृत्व सुधार नहीं किये गए। सत सम्य में आदागिक मनूरी सा सक्तन करते और उन्हें सुख्यस्य नानी ने दी हवा से प्रतान किए गए। प्रान्तीय सरकारों में मनूरी-सर्वेदाय विष् । यह बाज सम्बद्ध स्थित होते हुए अध्यक्ष प्रान्ती ने वृद्ध विषय। त्यापता हुए आंक्षी का सम्य स्थित स्थित है। इस स्थापता स्थापता है। स्थापता
इत सीतो से उपराध अब एक से अधिक कारणो से असतोपनतक है। सामग्री मुख्त गौण प्रकार की है और बहुत वह बच्चास में म्कूरी दी गई है। जिस कारणविष् के रिप्प मनूरी वी कई है उसकी इकाई समान गही है। अब दया में कुछ सुधार हो गया है और औद्योगिक मनूरी से सबिधत सामग्री निम्निलिखत प्रकाशना में मिल सक्ती हैं—

- १ लान के मुख्य निरीक्षण ना वार्षिक प्रतिवेदन (Annual Report of the Chief Inspector of Mines)।
 - ene Crief Inspector of Mines)। २ भारतीय काय के ऑक्ड (Indian Tea Statistics)—केवल पाय
- के बगीको में काम करन वाल समूरों के बारे में। १ भारतीय निर्माणी विधान के कमकरण का वार्षिक प्रतिवेदन (Annual
- Report on the Working of Indian Factories Act)
 ४ मारतीय यांनिक सर्व विचान ने कमकरण का वार्षिक प्रतिवेदन (Annual
 Report on the Working of the Indian Trade Union Act)।

इन ने साम साथ नुष्ठ प्रनार ने मजूरी बॉनड निमिन्न राज्यो न थम पत्रिना (Labour Gazette), विनिध जांच समितियोके प्रतिवेदनो और थम नार्याल्य (Bureau of Labour) हारा गचालित तदय अनुस्थानो से भी मिल सनते हैं। मनूर पतिकार अधिनियम (The Workmen's Compensation Act), क्रमंबारी राज्य दीमा अधिनियम (The Employees State Insurance Act), नारतीय थम पत्रिका (The Indian Labour Gazette) इत्यारि में भी श्रीकोर्थिक मनूरी सबसी मुक्ता मिक सन्ती हैं।

ये मजूरी ऑकडे औद्योगिक मजूरी के क्षेत्र में पर्याप्त सुधार दिखाते हैं । उपलब्ध मजूरी ऑकडो का मृख्य दोग उनका असमन्त्रित (un-coordinated) होना हैं।

निर्माणी श्रमंबारियों के अर्थन कर अन कार्यात्रम शुक्त (The Labour Bureau Index of Earnings of Factory Wor, ers)—प्रमाणांक्य एक वॉकिन प्रकारत करता है विवस पूरे बारतवर्ष के निर्माणी कर्मचारियों के अर्थन और उत्तरी हो ब्यांचित वाले निर्माह प्रकार हुने एक दिये रहते हैं। यह पुष्काक म्यूरी पोधन अधिनियम, १९३६ के अन्यांत चराहीत मर्युरि-अको पर आधारित है। इस-मा मुख्य हमेंया प्रमाणी कर्मचारियों के निर्माण कर्मचारियों के निर्माण कर्मचारियों के निर्माण कर्मचार कराही कर्मचार कर्मचार कर्मचार कर्मचार कर्मचार कर्मचारियों के निर्माण कर्मचार कराही हमा में दिया एक क्यांचित कर्मचार कराही हो। यह एक निमाणिवर्षित राजि मानों में दिया एक मानों में स्वास्था एक मानों में दिया एक मानों में स्वास एक मानों में दिया एक मानों मानों में दिया एक मानों में द

- १ प्रत्येक राज्य में सब उद्योगों का सचका।
- २ सयुक्त रथ से सब राज्यों के प्रत्येक उद्योग का सूचक। ३ सब राज्यों के सब उद्योगों का सुचक।
- शाधारवर्ष १९३९ है और सूचक १९४४ से उपरूप है।

इस मूचन में दुष्ठ वनिवारी है जो इसकी प्रकृति म निहित है। इस मूचक के क्षेत्र में वे कब उद्योग आहे है जो निवर्तियो अधिनेयम १९४८ के बनायंत्र आगे है और यह अधिनियम में ९१ गई नक्ष्यी की परिभागा गानाता है। इस जकार यह नवीदिक मनूने पर विचार महित काला है। इसरा दोप बहु कि इसका आधार वर्ष १९६९ हैं, जबकि निवर्तिह मूचकाक का आधार वर्ष १९४४ हैं। इसकिए निवर्तिह मूचकाक का आधार वर्ष १९४४ हैं। इसकिए निवर्तिह मूचकाक के तुक्ता करते हैं। तीसरा देश यह पह कि कह के कर में तीसरा देश यह अधिन के तह के स्वार्ति के पर काला हुने वाले (perconnal) यहांगों पर विचार करता है और रोज वर्षा व्यवस्था को छोड येदा है। इस प्रवार इसकी स्थायित कुछ औषोगिक जनसम्बार्त के भूरि भाग तक हैं। रेजने और अप्यार्थ संवर्षी व्यवस्था के नर्पचारियों एक प्रति हैं।

६. औद्योगिक ऑकड़े (Industrial Statistics)

अभी हाल तक हमारे बौद्योगिक आँकड़े बहुत अपर्याप्त थे । स्वापीनता प्राप्ति के बाद स्पिति में परिवर्तन हुआ है, विशेषत १९५२-५३ के बाद । अप्रेपी काल में उद्योगों के आंकडों का सबह करने को ओर कोई व्यान नहीं दिया नया था ! इनका मून्य करण यह वा कि हमारा ओद्योगिक उत्पादन बहुत कम वा और विदेशी सासक मारात के उद्योगा की उत्योग करा कि हमें भी पे इनहारिन करा कर मारातीय जीद्योगिक विकास में उनकी दिरुक्सभी न होन की प्रधानना नहीं देना बाहते थे ! इमिटिय यह आयर्ष्य जनक नहीं है कि मारातीय उद्योगों के बाहे में अवला क बंकडे उसका है ! जो भी बोड़े बहुत औकड़े उपलब्ध है उनका सकता मारात कि सारात है कि मारातीय उद्योगों के बाहे में अवला क बंकडे उसका है ! जो भी बोड़े बहुत औकड़े उपलब्ध है उनका सकता ना बात बीट इमित उद्देश विवेश निवास की विवेश कर का मारात सरकार द्वारा बहुत कम सामग्री का ममूद विचा वा बा बा बा बहुत है सारात विवेश ना कर का बहुत कि सारात विवेश ना कर के बात के ब

भारतीय उद्योगों के बारे में उपलब्द आंक्डों का अध्ययन दो वर्गों में किया जा सकता है

- (ब) निर्माण, उत्पत्ति बादि मदयो] मामग्री (Data relating to manufacture, output etc)
- (ম) জীয়াণিক তনোৰন গাঁং কাম বি মূৰবাৰ (Index Numbers of Industrial Production and Profits)

भारत ने बड़े पैमाने ने उद्योगों से नविशन निर्माण, उरावि और अन्य पक्षों की सामग्री का प्रकारफ भारत सरकार हारा विविध पविकास के विद्या नाता था। यह सामग्री नवें प्रदेशों के विद्या निवृत्त ध्रम-ध्रमिण, वितियोजित पूँजी, द्वारास, करने माल की कालन, मनुषी आदि और अविके हैं बारे कि बी। इसर कि बार कि बार कि बार कि वार क

भारत ने बढ बौबागिन मस्यान, तथा अग्रजी मारत ना मास्यतीय भाराम (Large Industrial Establishments in India, and the Statistical Abstract of British India)—हनमें निषय वर्षों भी नहीं निर्माणियों और नियुक्त अम नवयी सामग्री अगरिय भी नाती थी। उत्पत्ति और विनियो-गित नृती मुख्यी मुख्या ना प्रशानन भी मास्यार द्वारा निविय प्रशासनों में निया अता था, परन्तु वे बहुन कपर्याण और वर्षत-विश्वस्तानीय थे। िमार्गियों के बौत्वेद (Statistics of Factories) और गुषुन्त एक महत्व के नामों ना प्रतिवेद्द (Report on the Working of Joint Stock Companies) भी मार्लाय उद्योगों के विश्वय पत्नी की सामग्री का प्रकाशन कर रहे थे, परन्तु उनकी दया भी बहुत असतीपजनन थी। इसका पूर्य कारण गृह था कि सरकार द्वार सीक्षा के मुद्द करने के अयाले को उद्योगगृत गदेह और वर्गरदाव को दृष्टि हो देखते थे। बादस्यक पूज्या देने के जिये वह विश्व बाव्य गही थे और मरकार की सूजना प्रवान करने की आयोगां को कामुक्ती कर देशे थे। विद मुखना थी मी जाती थी हो वह सामान्यत अयुद्ध होगों थी और जानवृत्तकर गक्क विश्वार दश्यर करने के लिए दी जानी यो विश्वते स्थानी और करों से बना वा सके।

द्दत बात की आवश्यक्त प्रतील हुई कि कोई ऐसा अधिनियम होना चाहिए जो चढ़ोपारितो में मूक्ता देने के किए विशित विश्व कर महे । क्याम उद्योग अम्बरा अधिनियम (The Cotton Industry Statistics Act) वे क्याम सक्तों के किए आवश्यक मूचना देना अनिवायं कर दिया बया । इस विवित्तम के अन्तर्गत सम्प्रीत समयी का प्रकारन "जारतीय मिको में सूनी कताई व बुनाई के मासिक कांक्ट (Monthly Statistics of Cotton Spinning and Weaving in Indian Mills) में विया जाता था ।

अन्य उद्योगों मैंसे जूट, कान , कोहा और इस्सात, पैट्रोत और मिट्री का तेज, सीमेंद्र, एव और मारी रक्षामन बीर मेंट्रे का यहात आरंत, बतायी सामग्री का महाराव में मारत में हुए चुने हुए उद्योगों के उत्पादन के मासिक अंकिटे (Monthly Statistics of the Production of Certain Selected Industries in India) में दिया जाता था। इसमें प्रकाशित (अंक स्वेदका से दिया जाते थे। में कर भाम-प्रतिमाम जुनगीय नहीं से व्यक्ति सुकता देने बाले श्रीद्योगिक स्वस्था के वाद्या पत्रि से अर्थ भाम-प्रतिमाम जुनगीय नहीं से व्यक्ति हुकता देने बाले श्रीद्योगिक स्वस्थानी को स्वस्था व्यक्ती रहती थी। चीती, दियामाग्राई, तथा मचनााज्ञ (distilleries and breweries) स्वयी सामग्री का सत्तरन व्यवस्था भारतिक स्वस्थान (Monthly Survey of Busmess Conditions) में शिंतर (power) नवभी सामग्री दी आती थी।

उपरूप औद्योगिन आँनडो ना यह स्थित्व सर्वेशण स्पष्ट कर देना है नि इम क्षेत्र में दया नहुत अनुगोवननर की । तह उपरुद्ध औद्योगिक और डे मर्वेत पूण नहीं ये और वेचर नुख महत्वपूर्ण उद्योगी के बारे में से । इन उद्योगी से भी वे उनके सब पक्षों के बारे में नहीं थे। सामग्री असवद और एकरूप से उपलब्ध नहीं होती थी। वे न तो प्रामाणिक और विश्वसनीय थे और न ही व्यापन एव सर्वत पूर्ण थे।

वार्षिक निर्माग-उद्योग गगाना (Annual Census of Manufactures)

१९४२ का अधिनियम-भारतीय औद्योगिक आँकडो के तत्कालीन दोपों को दूर करने के लिये भारत सरकार ने १९४२ में बौद्योगिक ऑकडा अधिनियम (Industrial Statistics Act) पास निया । यह विधिनयम परे ब्रिटिश भारत पर लागू होता था। प्रान्तीय सरकारी को इस बात की छट दी गई थी कि वे अधिनियम के अन्तर्गत नियम-निर्माण उद्योग गणना नियम-वना सकते थे और अपनी सुविधा के अनुमार अधिनियम और नियमो को व्यवहार में ला सकते थे। बम्बई प्रान्त ने सबसे पहले नियम बनाए और भारत सरकार के आदेशानुसार ये नियम सभी प्रान्ती ने १९४५ म स्वीकृत कर लिये । १९४५ में बेन्द्र में औद्योगिक औरडा निर्देशालय की स्यापना की गई। पहली गणना १९४६ के बारे में थी। तब से वार्षिक गणनाएँ की जा रही है और भारतीय उद्योगों के विविध पक्षों से संवधित सामग्री का प्रकाशन 'निर्माण उद्योगो की गणना' (Census of Manufacturing Industries) में क्या जा रहा है।

यह अधिनियम उन सब उद्योगी पर लागु होता है जो भारतीय निर्माणी अधि-नियम, १९४८ से नियमित होते हैं अर्थात वे सव उद्योग जिनकी निर्माणियों में २० या इससे अधिक व्यक्ति नाम करते है और जो शक्ति से चल्ती है। ये औद्योगिक सस्थान सुचना देने ने रिए विधि-याध्य है। आनडा-सग्रह की रीति यह थी कि औद्योगिन-समन निदेशालय राज्य-मरकारो के पाम गणना वर्ष के नवस्वर मास में प्रपत्र (forms) मेजता था जो निर्माणियों के अभिधारको (occupiers) द्वारः भरे आते थे। राज्य-अधिकारी इन प्रपत्रों को निर्माणी-अभिधारको के पास भेजता या। इन प्रपत्नों को उन्हें अगुले वर्ष की फरवरी मास में लौटाना पडता था। इन प्रपन्नो का राज्य अधिकारियो द्वारा परिनिरीक्षण (scrutimise) किया जाता का और यदि ने अपूर्ण, निभेदी या अन्य नारणों से दोपपूर्ण होते में तो उन्हें ठीन करन के लिए फिर से भेजा जाता था। परिनिरीक्षण करने के बाद वे सकलन और निर्माण गणना (Census of Manufactures) में प्रकाशन के हेत् निदेशालय को भेज दिए जाते थे।

गणना के उद्देश्य निम्नलिखित थे —

(१) समस्त रूप सं निर्माण उद्योगा ना और प्रत्यक इकाई नर राष्ट्रीय आय म अशदान ।

- (२) समस्त रूप में उद्योगों की, प्रत्येक प्रकार के उद्योग की और प्रत्येक इकाई की सरचना (structure) का मुख्यवस्थित अध्यवन ।
- (३) देश में उद्योगो को प्रमाणिन करने वाले विविध कारको का विश्लेषण।
- (४) सरकारी नोति निर्घारित करने के लिए तथ्यात्मक और सुव्यवस्थित
 अग्रगर अनामा ।

प्राप्त प्राप्ता । इन अहेरयो को दृष्टि में रखते हुए जिस सुबना का सग्रह दिये हुए प्रदाते में जिया जाता है वह अभिनियम के अनुसार निम्मलिखित से सर्वित है

माग अ—िनर्याणी, अभिवारक आदि का नाम और पता । भाग व—्यंजी सरजना—अवल पूँजी, प्रदत्त पूँजी, उत्पादक पूँजी, कर्म बाहक

पूँजी । भाग रा—कास में लगे व्यक्ति, मनुष्य-गटो में नाम, नाम करने के माध्य दिन और दिया गया नेनन एवं पजुरी निराम अमीदिन लाभ भी सिम्म-

परार्थ llubricating materials), पानी आदि जिसे सरीदा जाता है या जिसका उपभोग दिया जाता है।

भाग य—अन्य त्रीन और उपमुक्त पदार्थों को राधि और अर्थ जिसमें कच्चा माल और अवध्यम भी सम्मिलित है।

विन प्रपत्नों से आंपडो पा नगह विधा जाना है ये सब उपोगों के लिए एक स्म है और रिकायत एव मचुम्प राज्य बोर्मिका में नगम में लाए जाने नाले प्रपत्नों के आधार पर बनाए गए हैं। मचुन्दा राज्ये में औपोगिक वर्गीय एवं पा अनुपत्त पर केर हुए माणिन उपोगों की ६३ ममही में बीटा गया था। परनू अभी बोरितियम केरक २५ समूरी कर लागू होगा है। सामधी राज्यों के अनुनार, उपोगों के अनुनार, स्वामित्व में प्रपत्त के अनुनार तथा निर्माणी ने परिभाण के अनुनार प्राप्त है। इसके अनिरिक्त पांच वर्ष वा साध्या चर्मन राज्य व उपोगों के अनुनार तुन्नासक आयदन के निज्य दिवा हैं।

सपता हो सवाटोबना—यह गतना आविक आयोजन में और राज्य को नीति निर्मारण ने लिए अबस्य ही उपयोगी होगी , गवर्षि इसने बचावेन बद्योज और निर्मासमालार्य वर्षोण मात्रा में नहीं लिये गये हैं। मास्त में मानकार और शे के समृह की दिया में यह महत्त्रपूर्व प्रति है। परनु बचना में बुख दोग है। इसके अन्तर्गत बेवल २० जवीय जाते हैं और इस रूप में यह परिचमी देती में होने वा शे समरूप भएनाओं से बहुत पीछे रह जाती हैं। यह बेवल उन उचोगो पर लागू होनी है जो निर्माणी-अधिनयम वे बन्मंच आते हैं। यह एक मुजात तच्य है कि भारत में बहुत बड़े परिसाण में निर्माण छोटे और जीव ने पेमाने के उचोगों में होता है। ये उचोग अधिनयम के क्षेत्र में नहीं जाते। इतना यह वर्ष हुआ कि हमारे उचोगों के एक महत्वपूर्ण माग के आँकड़े आया नहीं हैं। इन उचोगों से सर्वापत प्रमाणिक और दिवस्तमीय सामग्री के बमान में राज्य-गीति निर्माण बहुत हीमा। इन अनुमान-मात्र रहेता। फिर, इस गणना के परिणाप जिस वर्षाय के बारे में के हैं उनने करें महीने बाद मिलते हैं। फलस्वरूप इनकी स्ववहारिक उपसीमना बहुत कम हो जाती है। यह कुछ महत्वपूर्ण कोंकों से स्वविध्त सामग्री पहले प्रकाशित कर हो जाते तो है। यह कुछ महत्वपूर्ण कोंकों से स्वविध्त सामग्री पहले प्रकाशित कर हो आद तो बहुत करण हो।

जीनका समह अधिनियम (The Collection of Statistics Act),

१९६१—मह स्वामा जा चुना है कि मारत सरकार नो और को नी मान करने हैं रिया संधानिक सनुमति को आवध्यकता थी। इस उद्देश्य से १९४२ में जोगीरिक आंवडा अधिनियम बनाया गया था। यह अधिनियम स्थिति में जायरपर चुमार करन में असफल रहा क्योंकि हककी ब्यानि और को बहुत सीमित में। इसकिए सरकार ने रिए मह अवस्यक हो गया कि जीवडा समह के लिए एक व्यापन विचान बनाया जाय जो तिमाणितिक क्यों में लगी हुई सहस्याओं पर लगा हो —

- (क) विदेशों से ध्यापार और वाणिज्य,
- (स) अन्तर्राज्य व्यापार और वाणिज्य,
- (ग) भारत में निगमित, पजीवृत या अन्य प्रकार से अनुमति प्राप्त निगम जिनमें कैक बीमा और अन्य वित्तीय निगम सम्मिल्त है, और
- (घ) स्कथ विपणि (Stock Exchange) ।

इन सब स्थापार सस्याओं के लिए और क्षेत्र का उद्योगों स्थापार, वाणिज्य और अम में विस्तार करने के लिए १९५३ में लॉक्टा सबह लॉप्सिन्यम पान किया गया। इस लिप्सिन्यम ने १९४२ के औद्योगिक लॉक्टा लिपिन्यम को प्रतिस्थापित क्या, एन्सु उसके सब उपवन्यों (provisions) का समावेदान कर लिया। अब मारत में लीद्योगिक लॉक्टो ना सक्चन १९५३ के लॉकडा-मबह लॉबनियम के लनुमार विधा जाता है।

इस नय अधिनियम (धारा ३) के अनुसार भारत मरकार को यह अधिकार है कि यह निम्नार्फिसत से सर्वधित आंकडे माँग सकती हैं

(१) विसी उद्योग या उद्योगों के निसी वर्ग से मवविन बोई मूबना।

- (२) किमी वाणिज्य या उद्योग सस्या या सस्याओं के किसी वर्ग, और विशेषत निर्याणियों, से सर्वाधत कोई सूचना ।
- (३) वस्तुत्रों के मूल्य, उपस्थित, मजूरो, काम के घटे, रोजगारी, बेरोजगारी, विवाद आदि जिनका सवस थम के कल्याण और दक्षाओं से हैं।

स्रांतड तमह समितिया, १९५३ अभी लागू नहीं किया गया है। बमी कुछ दैवातिक तमा देश सबय में पूरा करता बेप है। बही यह उन्केसतीय है कि यह स्रांतिवस, १९५२ के श्रांपित्तस की समानता में स्पन्ने सोव में सीमित है और उन्हेसतीय में ति तिक्की सूची बखीव (कियात बया निवच्य) बजीवन अधित्तम, " [Industries (Development and Regulation) Amendment Act] १९५६ की प्रथम अनुसूची में विष् हुए हैं केवल ३८ उद्योगी पर लागू होता है, जहीं ५० पा इससे अधिक प्रयास करते हों और जहीं शिवर का प्रयोग होता हो, या जहीं १०० या इससे अधिक प्रयास करते हों और जहीं शिवर का प्रयोग न

"चारत के चुने हुए उद्योगों के उत्पादन के मासिक ब्लंकरें (Mouthly Statistics of the Production of Selected Industries of India)—जरहरू कराया जा चुना है कि निर्माण पत्रका के पिरामा नी से बारह महीने बाद प्राप्त होंने है। सबह करने की रति ही ऐसी है कि हन बांकड़ों के प्रकारण में दें रही होंने बाद प्राप्त होंने हैं। सबह करने की रति ही ऐसी है कि हन बांकड़ों के प्रकारण में दें रही हान अवस्थानाओं है। बांबोगिक जांकड़ा निर्देशालय स्टेक्जरेंसे दी गई सामधी के आभार पर उद्योग-वक्सी सामधी का मासिक रूप वे प्रकारण करता है। ये सिंह के आभार पर उद्योगों को बारों से हैं जो निमारिजीयन मुख्य समुद्दों में बारे मार्ट हैं —

- (१) सनन और उत्सनन (Mining & Quarrying)
- (০) নিৰ্মাল (Manufacturing), গাঁং
- (३) वियुत, प्रवास और प्रांक्त (Electric Light and Power) । निदेशाल्य की अंग्रीमिन सम्बाधी के स्विच्छित राहमी पर निर्मेर रहना पडरा है । फलस्वरूप सामग्री निर्वासिक रूप से नहीं मिल पारी । इसीविए दन बोकरों की ब्यारित प्रेम मान स्वरूपी रहते हैं । किसी प्रकार के मिलके निकान के लिये ये और टे बतुम्युना है और कभी-अभी सामक मी हो सत्त्वे हैं ।

सीयोगिक स्नोकर्त के अन्य प्रकाशन (Other Publications on Industrial Statistics)—ज्यपुंतन मुख्य बोत्तोगिक खोकरो के सादनाय मारत सत्त्वार के कुछ अवायनो में जन्य कम महत्वपूर्ण खोकडे भी मित सकते हैं। इनका मित्तव विवरण नीचे दिया चा रहा हैं

- (१) भारत ने वट बीचापिन संस्थान (Large Industrial Establish ments in India)—इसना त्रना त्रनान श्रम मन्नात्र्य ने ध्रम विभाग (त्रयर व्यूप) द्वारा निया बाता है। इसम उद्यागा बोर राज्या न जनुसार मारतीय निमाणी विधानम न जत्यत बान यात्री निर्माणिया भी भूना एता है। इतम बह्य इजानियरिंग स्वित्त नीर सांतु नाय बोर प्रयु चार कर्याय (Ginning and Pres sing Industries) बाणि निर्माणिया मस्मिण्य है। यह मूना निमाणिया स्वाम और जीचत दैनिक यत्त ने आपार पर उनका आवार मनभी मूनना सती है।
- (२) भारतीय मिना ने भूती कताई व बुनाई क आकड (Monthly Statistics of Cotton Spinning and Weaving in Indian Mills)—हसन प्रकान कीचीगिक शावन निनेनान्य द्वारा विचा जाता है और इसमें क्यास ज्याग (आकडा) आधिनियस १९२६ वे अत्रवत मक्तित सामग्री रही है। इसम विजिन्न कर्मों के वास-वन्दुन्न मुत क्यास-वाद और भारतीय मिन्नों ने क्यास-वन्नों महाने के क्यास-वन्नों महाने की काक-वन्नों है।
- (३) माहिन कोयला पनिना (Monthly Coal Bulletin)—इसमा प्रकारन मुख्य सनि निरोक्षन (Chief Inspector of Mines) द्वारा विधाजाता है। इसमें नोम ने भी उत्पत्ति कायने भी साना म सम प्रयम आने मनया सामग्री रहती ह ।

श्रीदोगिक क्रिया, स्त्यादन श्रीर लाभ के सूचक

उद्याग-भवधी निम्नलिसित भूचक प्राप्य है ---

- (१) कपिटल ना जीवागिक निया सूचनान (Capital Index of Industrial Activity)।
- (২) সীয়াদিক তথাবন ই মুখৰাক (Index Numbers of Industrial Production)
 - (व) बीद्योगिक उत्पादन का अनरिम मूचकाक (Interum Index of Industrial Production)—काणियम और उद्याग मनार्य मारा (Ministry of Commerce & Industries series)
 - (ख) ईस्टन इवानामिन्ट वे बीग्रामिक उत्पानन व मुक्ताव (Eastern Economist Index of Industrial Production)
 - (३) -रीद्यागित लाम के भूचकात ।

(१) 'केपिटल' के औद्योगिक कियासीलता सूचक

'र्कपटल' मार्च १९२८ से प्रति सप्ताहजीवीगिक त्रियामीलता-मुंबक की प्रशा-यित करता 📰 रहाहूँ। पदी की और उन्हें दिये वए भारा की सूची निम्मलिखित है

च्नी हुई थणी	भार	विशेषक्यन (रिर्माक)
(अ) औद्योगिक उत्पादन :		
(१) क्यास-निर्मितियाँ	4	
(२) ज्ट-निमितियाँ	Ę	
(३) इस्पात विष्टक (Ingots)	ч	
(Y) कच्चा श्रोहा (Pig Iron)	4	
(५) सीमेंट	ų	सूचक १९१८-१९ और १९४६- ४७ के बीच अप्रकाशित, फरवरी १९४८ के जनवरी १९४८ आधा मानकर पुत्र प्रकाशित
(६) কাৰত	3	
(व) सनिज उरगदन		
(१) कायला	19	
(स) रेल और नदी हारा ध्यापार	न्द्र	पहले 'रेसवे अर्जन' द्वारा प्रति- स्थापित और अर्प्रेल १९५२ मे प्रास्ति वैयनों की संख्या
(४) दिलीय आँकडे		411 341 1111 111 1111
(१) धनादेश समाशीयन (clearance)	20	
(य) स्थापार, विदेशी और तटीय		
(१) নির্যার	¥	मार्च १९४१ से परिचलन में 'पत्र- मूडा' द्वारा ६ भार देकर मनि- स्थापित
(२) जायात	3	स्यापत
(फ) नौबहुत, विदेशो और तटीय	•	
(१) प्रविष्ट (entered) टन भार	ş	मार्च १९४१ में विद्युत उपयोग द्वारा प्रतिस्वापित भार, ७
` (२) निष्मासिन (cleared) टन भार	3	

इत मूचका का आधार वप १९३५ है। पहुठे येथी ने विभिन्न परों ने लिए अरुग सं मूचक बनाए जाते हैं और फिर पूरी संबी के लिए समुक्त रूप स मूचक बनाया जाता है। गयुक्त मूचक बनाने में भारित गुणोत्तर माध्य का उपयोग किया जाता है। इतुनिष्ठ घट-बदा मो हटाने ने लिए १२ महीने ने गतिमान माध्य ना उपयोग

(२) औद्योगिक उत्पादन के सूचक

(क) जीवाधिक उत्पादन वा बर्तारम सुवक—जीवाधिक उत्पादन वे शासकीय सूचकाश वा प्रवासन बाधिन्य और उद्याप प्रवासन द्वारा प्रतिवास किया जाता है। पह सूचक भारत के चूने हुने उच्यापों के उत्पादन वे पाधिक आकरे (Monthly Statistics of Production of Scleoted Industries) में प्रवासित सामग्री के जावार पर बनाया जाता है। उद्योगों का वर्षाकरण वहीं है विवक्त अनुसरण निमित उद्योगों की गणना (Census of Manufacturing Industries) में किया जाता है।

सूचक व लिए चुने गए उद्याग और उद्याग-समूह एव भारा व बटन निम्न

লিভি	.,				476 21 414 4	
	उद्योग या समृह		भार		उद्याग या समूह	भार
ę	कोयला	11	94	33	ऊन निर्मितियाँ	१ ३८
₹	चीनी	ş	48	१२	ब्रूट	१६ ५३
ą	रग और वानिश	0	ęξ	\$ 3	रसायन	8 80
٧	सीमट	0	६७	śλ	थनगस्य घातुएँ (No Ferrous Metal	n-२ १४ s)
ц	र्नाच	0	44	29	इस्पाव	ा≋ १६
٤	रुप्समह पदाय (Refractories)	0	86	१६	साइविख	० ११
y	स्तर शष्ठ (Plywood)	0	१५	१७	सिलाई की मन्त्रीन	॰ ॰२
L	कागज और दक्ती	\$	४६	25	विजली के लैम्प	٧٥ ٥
٩	दियामलाई	8	₹₹	१९	विज्ञ के पस	०३५
१०	सूनी वस्त्र	λá	χć	२०	सामाय और विद्युत इजीनीयरिंग -	५०६
						\$00 00

िलए अलग-अलग सूबन बनाए जाने हैं। इनका मयुक्त करने तीन मुख्य समूही के लिए सूचक बनाए जाते हैं। सामान्य सूबक इनतीन सूचका को मयुक्त करने बनाया जाता है।

(३) औद्योगिक लाओं के सचकात

यह दित मंत्रालय के अर्थ-विमाग द्वारा प्रनासित किए जाते हैं। सूचक निम्मलियित आठ उद्योगों पर उपलब्ध हैं

१ नपाम ५ छोहा और इस्थात २ जूट ६ नागा ३ मीमेंट ७ चीनी

४ चाय ८ कोयला

प्रत्येत समूह से से विनियोगियो को बार्षिक पुस्तक (Investors Year Book) में दिये गये हुछ प्रमण्डल चुन लिये गये हैं। इन कम्मनियो के लाम निश्चित कर लिए जाते हैं और १९३९=१०० ने आधार पर सुबको की यणना कर की जाती हैं।

७. राष्ट्रीय प्रतिदर्श सर्वेक्षण

(National Sample Survey)

शाबरवस्ता—अंव तक हमने प्रारत में प्राप्य गावियकीय वाषधी से बारे में जो हुए बताया है उससे एक दात स्पाट हो जाती है और वह यह वि इसमें नहें ऐसे रिल्व स्पाट है ति ति हो से प्राप्त है जिनका अरा जाना आवरवक है । हमारे आविक बोन दो नी अपर्याप्तता और निम्में से कायोजन और नीति तियरिएम के मार्ग में मानीर बावारों है । इस कमी को सुरा करने के लिए प्रारत सरकार के वित्त मजाव्य के व्यर्थान १९६० में राष्ट्रीय प्रतिदर्श स्वित्य स्वत्य स्व स्थापना की निर्देशाल्य की सामार्थन हम वार एक शोध ना प्रतिदर्शन के प्रतिवेदन की सामार्थन हम वार एक शोध ना प्रतिवेदन की सामार्थन हम वार एक शोध ना प्रतिवेदन की सामार्थन हम वार एक शोध ना प्रतिवेदन की सामार्थन की सामार्यन की सामार्थन की सामार्यन की सामार्थन की सामार्यन की सामार्थन की

गोसके रन्स्टोटपुट बॉक पॉलिटिन्स एठ इबॉनॉमिनम, पूना, की बीपा गया है। सर्वे-क्षण को अभिकल्पना, सबहोत बामधी का परिनिरीक्षण और दसका विख्लेषण और विषादन (processing) भारतीय गाध्यिकीय मस्या, क्लबन्ता, द्वारा विषा जाना है।

विधि-सर्वेक्षण को अधिकत्यना समस्त रूप से देश के आधिक और सामाजिक यौका ने कई व्हन्तुओं से सर्वधित सूचना स्वयह करना है। मान्य जैसे विद्याल देश म विधिष विषयों से सर्विधित सामग्री ना स्वयह प्रभाविधि से करना समय नहीं है। प्रसीटिए पर निरिक्त किया कथा कि वर्तेक्षण का स्वाटन बाँकों के बहुन्ड प्रतियों के साधार पर किया जाय। ये बाँब देश को कई क्लारों या खेनों में विभाजित करने उनसे साइप्रक प्रतियों लेकर कुने आते हैं।

मामधी सणह की क्या में अनुमशातामी की प्रतिश्चित कर विचा गया । मूक्या का सकत नयनाकारो हारा मूच्यिनों की सहस्वता से प्राथमिक सामधी का सण्ड करने की विचि से किया गया । वे कुने गए परियोग् में जाने है और प्रत्यक्ष विधि हारा आवस्यक मूक्या आन्त करते हैं। उन्हें आवस्यक विदरणों का निरम्यक करणा होना है और उनके नहीं होने और वामाणिकता के लिए उनकी नौब और पुतः जीव करणी पहती है। मूनि-जामोक तर्वेरण, प्रतक्तआवक्त (Crop estimates) आहे के नित्र परमात्रकारों को अपने अनुमान देने होने हैं। चूनि उन्हें सामधी-पार्ट करने भी रीनियों में प्रतिश्वित दिया जाता है, इत्तरिष्ट सुद्री मूचना प्राप्त करने के नारे में जन पर विस्तान विद्या जाति के बारे में सही और परिद्राह अनुमान करणारें। अनु-स्थानाओं के काम की और और निरोक्षण किरीक्षण-वर्षों से करते हैं। इस्तर स्थानाओं के काम की और की स्थानाओं के काम की और निरोक्षण करी हों। इस्तर स्थानाओं के काम की और अरि निरोक्षण-वर्षों से प्रत्यक्त विद्या जाति है।

वर्ष-प्रति-वर्ष सामग्री सग्रह करने के लिए यह प्रस्ताव किया गया है कि सर्वेक्षण त्रमिक (successive) दौरो में किया जाय । काल-श्रेणी के रूप में यह विस्तत सूचना उपनित का अध्ययन और सविष्य के पूर्वानमान करने में हमें समयं बनाएगा ।

यह भी प्रस्ताव किया गया है कि तदर्थ प्रकृति के विशेष सर्वेक्षण किए जायें। निदेशालय ने सबधित मत्रालयों के सहयोग में कई ऐसे सर्वेक्षण किये हैं।

सर्वेक्षण के दौर

(१) प्रथम दौर--- अक्टूबर १९५० से मार्च १९५१ तक--सामान्य प्रतिवेदन सस्या १ (General Report No. 1 on the First Round, October 1950-March 1951)-यह प्रतिवेदन राज्यन हारा सचालित प्रथम दौर और उसके परिणामो का व्यौरा देता है। इसमें ९६ सारणियाँ है और यह सप्रह की रीति का वर्णन व रता है एव संग्रहीत सामग्री की प्रकृति के बारे में बताता है। संग्रहीत सामग्री मुख्यत परिवारो ने उपभोग और आय से सर्वधित है। प्रतिदर्श इकाई (परिवार) अभिक अवस्थाओं से चुना गया था। पहले स्तरित सादच्छ प्रतिचयन के भाषार पर १८३३ गाँव चुने गए वे। प्रत्येक स्तर (stratum) में गाँवो की सख्या ३ से विभाज्य थी जिससे उन्हें २ १ के अनपात में दो समहो में बाँटा जा सके। इस प्रकार चने गए १८३३ गाँवों में से पहले समह में ११८९ और दूसरे में ६४४ गाँव थे। पहला समह रा॰प्र॰स॰ को सौपा गया और इसरा गोखले सस्था, पूना को। रा॰प्र॰स॰ और गोखले इन्स्टीटघूट ने जलग-अलग योजना लेखो(schedules) और कर्मचारियो द्वारा सर्वेक्षण निया और चुने गए परिवारो के आधिक एव जनानिकीय(demographic)लक्षणो का विस्तृत अध्ययन किया। सामान्य प्रतिवेदन सख्या १ नेवल रा॰प्र० स॰ के सर्वेक्षण का ब्यौरा देती है। इसके बाद, प्रत्येक गाँव में दो उपस्तर(sub-strata) -कृषीय और अङ्गपीय-वनाए गए और व्यावसायिक (occupational) सूचना का सप्रह करने के लिए ८० परिवारों को चुना गया। प्रत्येक कृषीय व अकृपीय उपस्तर में से ८ परिवार चुने गए। परिवार सूचियों की सामान्य विशेषताओं का सकलन करने के लिए इन १६ परिवारों का अध्ययन किया गया । आठ कृपीय परिवारों में से २ और बाठ अक्रपीय परिवारों में से ३ का चुनाव घरें खु उद्योगों (household enterprises) की मुचियों का पूरा करने के लिये किया गया। शेप ६ कृपीय परिवारों में से १ और रोष ५ वक्षपीय परिवारों में से २ का चनाव उपभोक्ता-व्यय (consumer-expenaliture) की सूची को पूरा करने के लिये किया गया।

सामान्य प्रतिनेदन (General Report) सस्या १ में निम्नलिखित सूचना

- (१) प्रति परिवार उपभोक्ता-ध्यम,
- (२) प्रत्येक उपयोग-पदायं के उपयोग का वधं,
- (३) विभिन्न उपमोग-वस्तुओं पर व्यय,
 - (४) खाद्यायो, नमक और दूध का उपमोग,
 - (५) कृषीय पसल और पशु-उत्पादी का बर्घ,
- (६) विभिन्न सेवाओं से बूल आया,
 - (७) सावाजो के अन्तर्गत क्षेत्र ।
- (२) हुनरे दौर (अंत्रेज-जून १९५१) में सर्वेजय जामीच परिवारों के जनमोग श्रीर जरमीनता-ज्याद के आधार पर उनके बन्दानों के अध्ययन वक होसित रखा गया। जनमोग प्रपाही के मुदोषरण (monetization of consumption flows) भी मात्रा वा पासीच पूंजी निर्माण का , और परिवारों के प्रतब्ध में रहने दालों भूमि के अवार के अनुसार उनके वष्टन वा अध्ययन वरने के निज्ये भी सामग्री का सपष्ट विकास स्थान
- (३) तीसरे दौर (अयस्त-नयम्बर १९५१) में सर्वेद्याण में नायरिक क्षेत्रों नो भी सम्मिलिन विद्या गया और जो सूचना पिछने दौरों में एकत्रित की गई है इसमें भी की गई।
- (४) धौबे दौर में नागरिक क्षेत्रों की अभिकरणना (design) तो वही रखी गई, परन्न बामीन क्षेत्रों की अभिकरणना में आमूल परिवर्तन किए गए।
 - (५) पानव दौर म औद्योगिक उत्पादन का भी सर्वेक्षण किया गया।
- (६) छडे शेर मे, जो मई १९५३ में गुरू ह्या, क्षेत्र बहुत व्यापक कर दिया गया श्रमचे बनाविक्कीय, आर्थिक और सामाविक विषयी से सम्बंधित कई प्रकार में मापन गुक्ता का स्वयह विकास । श्रमके अन्तर्गत आने शार्क कुछ विषय है: उपमोक्ता एवं क्रम पारिवारिक स्थन, स्वका (possessions) विकास मूर्मि, तालाव, यूपीय एक क्ष्म पारिवारिक स्थन, स्वका (possessions) विकास मूर्मि, तालाव, यूपीय एक क्ष्म पारिवारिक स्थन, स्वकास प्रकार के स्वता क्षम, मृत्यू बीमारी, विमानिक स्थार है अप्रीक्ष के द्यांव, घरेलू कीमल, गरिवहन, प्यापार, प्यापाय, स्वराष्ट्र आर्थित है
- (७) सार्ज्य दौर में पहले से सम्रह की जान वाली मूचना को और गहन व विस्तृत बना दिया ।
 - (c) आउवें दौर में मूच्यत मूर्मि घारण (land holdings) पर जोर दिया गया।
 - (९) नवें दौर में बट्टन अधिक विस्तृत सूचना का सग्रहण किया गया है। मुख्यत सूचना बृति (cmployment) के सबस स सवल्टिन की गई है। इसके अतिरिक्त

साधारण सूचना में जो पहले दौरों में भी ली गई है, जैसे गृह-उपमोग-व्यय (household consumer expenditure), गृह-उपात्रन (household productive enterprises) गृल्य इस दौरे में सकबित की गई। नहें तौरे में जो गृल्य मुक्ता समझ की गई है वह जन गृह के छोटे तथा गृह-ज्योगी मजानन से सर्वाव्य है निकारोन व्यप्ते वीकन निकार्य का सावन "निमाल" वात्रा है।

- (१०) समयें दौरे के जन्मार्गत निषे मधे सर्वेशम के क्षेत्र में कोई विमोग परिर्वात निष्य । मान्य विद्यास्ता के काल यह रही है कि फक्षल-कराई अनुम्मार्गत होरा वृष्टि-उररावत के काल्ये समय हिंग यूर्पि-उपयोगिका तथा वृति पर क्षेत्र करा कार्यायत नराजे के हिरा वृष्टि कर का कार्ययत नराजे के कियो गौन-साम्विकी प्रत्न (questions on village statistics) मानाय्य परिवर्तत के साथ किर पूर्वे गये। ये प्रत्न विषण (marketing) मुर्वियाओं, परिवर्त के साथनी, तथा सात्र के मृत्य स्थानों के बूरी, प्रकाल के सिल्ति, यावारात्र के साथनी, स्थानीय मृध्य फक्ते, क्षेत्र में रीतियाँ, विद्या सवधी मुद्रियाये (सार, वित्तीय व्यवस्था उमा विश्वकों की सम्या), रीतियों को मुद्रियाये, विद्युत मुद्रिया, स्थानिया एतनाई योजनार्थे, रहन-महत्र ना स्तर, ध्या की पार्याच्या वाच उनना विभाजन एरस, श्री व वालन से, अमिन स्तर, ध्या की पार्याच्या वाच उनना विभाजन एरस, श्री व वालन से, अमिन स्तर, ध्या की पार्याच्या वाच उनना विभाजन एरस, श्री व वालन से, अमिन स्तर, ध्या की पार्याच्या वाच उनना विभाजन एरस, श्री व वालन से, अमिन स्तर आदि।
- (११) ब्यारहर्ष दौर में उन बहुत से विषयों नर फिर सूचना सपह नी गई थी जिननर पिछले दौरों पर कोर दिया गया पा मैंसे बृति (शाम व नगरित्स क्षेत्रों में), हुए, प्राम्नास्त्रफार, काम व क्या, स्मात्ता सुन पुर क्षा रोज के नगरित्स क्षेत्रों में), हुए, प्राम्नास्त्रफार की गई थी। यह सूचना नगरी क्षेत्रों तक ही सीमित थी और इसता मूचना हर्दिक की गई थी। यह सूचना नगरी क्षेत्रों तक ही सीमित थी और इसता मूचन उद्देश्य नाप तील में बसनजन व्यवस्था लाम बरेन ही साथ में और डो सा स्वार्ध क्षेत्रों हो स्वर्ध है करना था। इस दौरे के क्यन्तंत्र ग्राम क्षेत्र में १८८५ गाँव तथा नगरी क्षेत्र में ५६४ साई क्षित्रें परि में । इधि पान कांत्र भी इस चौरे में विस्तार से वी गई थी। यह जांव् महत्त्रें १५५-५५ में से सम मजारूप डारा की गई थी और उनके लह वर्ष परचात अर राठ पर कर दारा की गई।
- (१२) बर्वेक्षण ने बास्तुने तीरे में अधिनायत उन्हीं निषया पर भूचना सहितत ही गई थी तिन पर ब्यास्त्वें बीरे में नी गई थी। इस प्रवसण नी नातनारी फरवरी १९५७ से जुलाहें १९५७ तन थी। इसमें मी १८४८ मोंबे ना प्रतिन्दार्थ निया गया भा। इस प्रसार स्थास्त्वें व बास्त्वें सवस्त्रण ने एक वर्ष के नाल में कुछ १९६६

गौबो का सर्वेक्षण हुआ था । इसके अनिश्वित , ६२२६ ग्रांबो में पनल कटाई तया भूमि उपयोग सर्वेक्षण भी विधा गया था, परन्तु पनल कटाई नवेक्षण असेपल हुआ ।

(१३) किगम्बर १९९० ने आरव होतर मई १९९८ वर नवंत्रज ना तेरहमं दीर रहा। इस दोर में पिटने दोर ने अनुमार ही सुचना नविला नो गई। परनु हुन दोर नी मूच्य वियोचना यह वोत ह उसमें एउनेश पुनन प्रत्यात ("Vational Book Trust) नो जोर से पठन करने वालो के जिसमान "readers' preferences) ना कवाल हुआ। इस सर्वेत्रज में वेत्रल पुन्तरों ने मत्रम में स्वित्रमां के जिसमान (कि ने किन मान, मूच्य, तथा विषय नी पुन्तर जीवन वाही है) के अन्दे नपड़ किये गये।

(१४) प्राप्त प्रकान ने अनुमार रन मध्य मर्काम का चीक्ट्री दीर का रहा है। यह तीर २६ जुर १६%८ में आरत होतर एए वर्ष कर कमा। इसमें मियाले होरों में कार्वन्त मानामें नयह को ना राष्ट्री है। उनके अधिनिक दस बीत में मियाले होरों में कार्वन्त मानामें नयह को ना राष्ट्री है। उनके अधिनिक दस बीत में मुक्त मर्काम की बार रही है। इस नर्केश्चम के अन्तर्भत मुख्या परिवार चिट्टले का सर्वन करने वा रही है। इस नर्केश्चम के अन्तर्भत मुख्या परिवार चिट्टले का सर्वन करने हैं। इस निवार निवार मानामें मियाले में स्वार्थ मानामें मियाले में स्वार्थ मानामें मियाले में स्वार्थ मानामें मियाले में स्वार्थ मानामें मियाले मानामें मियाले में स्वार्थ मानामें मियाले में स्वार्थ मानामें मियाले में स्वार्थ मानामें मियाले मानामें मियाले में स्वार्थ मानामें मियाले में स्वार्थ मानामें मियाले में सिवार मानामें मियाले मानामें मियाले मिया

इन प्रकार हम देखने है कि जीवन के हर बग तबा मामाजिक, बार्चिक, बार्मिक्य व उद्योगों में मब्बिम्स हर बिजय पर लीकते इन मबेबामों द्वारा स्पष्ट किये जा रहे हैं। ये लीकत मरकार की आयोजन में विद्येष महाचना देंगे।

कर्ष सर्थाण Ad hoc Surveys,

रा प्रमाने सर्वातन मनारुपो से सहयोग में विभिन्न विवयो से सर्वातन विशय सर्वेशम निर्मार । रा प्रमाने के कारा निर्मार कुछ नवसे सर्वेशभ निस्मारितिन है .—

(१) पुनर्वान मजारूप को तस्पनामिनि ,Fact Finding Committee, Ministry of Rehabilitation) के निरुए परिचमी क्यान्य और उम्बद्ध में विस्थापिन स्वतिकों का सर्वेशव ।

- (२) प्रेस आयोग, सूचना और प्रसार मत्रालय ने लिए समाचार पत्र पटने की आदत का सर्वेक्षण ।
- (३) वर जाँच आयोग, बित्त मत्रालय के लिए व्यय-स्तरी से परिवारिक उपभोग का सर्वेक्षण ।
- (४) निर्माण, गृहत्तवापूर्ति (works, housing and supply) मत्रालय वे लिये गृह दशस्त्रों का सर्वेक्षण ।
 - (५) आयोजना आयोग ने लिये नलकत्ता में नृत्ति हीनना का सर्वेक्षण।
- (६) सयुक्त राथ्ट्र और स्वास्थ्य मनालय ने लिये मैमूर-जनमस्या ना अध्ययन।

रा प्र स के बार्ष का समाजीकनात्मक अध्ययन—पारम से ही रा प्र स निदेशाल्य न प्रसाननीय काम विषय है। इन्होंने हमारे देश वे यानीण और नागरिक सेशों के निवासियों के आधिक, सामाजिक और कमाजिन काक का नो से समित अधिकाम महत्वपूर्ण विषयों पर पर्योग्त रुप से विश्वसनीय और प्रामाणिक सामग्री पा समह निया है। यदि हम इसमें आने वाकी विज्ञास्त्रों पर व्यान में जो यह नाय और भी प्रसाननीय हो जाता है। साक्षरता के निम्म त्वर, बजान-वनित सदेह, सर्व-सामाप्त को उदासीनता आदि इनको मूर्य विज्ञास्त्रों थी। इन सब ने होने हुए भी रा प्र त ने बच्छा और उपयोगी काम किया है और यह आसा की जाती ह कि अनुवर्षी दौरी में और भी अधिक बच्छे और विश्वसनीय एव प्रसामिक परिणाम प्राप्त होंगे। इस विषय में आई० एस० बाई० व मी० एव० ओ० का सहयोग सराहतीय है।

ट. राप्ट्रीय **आय** (National Income)

क्सी देश की राष्ट्रीय आय 'विना दुहरी गणना निष् विसी अवधि-विशेष में उत्पादित वस्तुओं और सेवाओं ना वर्ष हैं'।

हुरी गाजना होने वा कारण सामान्यन अन्नस्य (intermediate) सस्तुओ अर्थात् एक उत्पादन से हुसरे वे पान जाने वा जो वस्तुओ ना होना होना होना है। इसिंग्स वेचल 'वीन्या' (final) वस्तुओ और सेवाओ नी भणना करने वी प्रया है। यह किसी रेय के निवासिया को एक वर्ष मी अविधि में अपना करने वी प्रया है। यह किसी रेय के निवासिया को एक वर्ष मी अविधि में अपना कर है विद्यार उत्तरी अस्तुओं और सेवाओं ने समस्त (aggregate) ना मीटिर मायन है विद्या उत्तरी विद्यालय मा सामदाबिक वन (wealth) में होने वाली वास्त्रीक वृद्धि सोम्यान्य है और वास्त्रीक कमी घटा दी गई है। इस प्रवार यह अर्थ ध्वस्था को बनाने वारे

धाउँउ-रॉवर्टसन क्मेटी रिपोट ।

सब उत्पादक साधनो के स्वामियोद्वारा अजित आय का समस्त योग (sum total) है। प्राक्कलनो में विविध प्रकार की सब वस्तुओं और सेवाओं की गणना की जाती है। इसमें मजदूरो की मजदूरो, पुँबी-उधारो और प्रतिभृतियो पर वास्तविक ब्याज वास्त-विक लगान और अधिकार सुल्क, उद्धमों से लाग सम्मिलित हैं। ये आयें अपन उप-भोग-पदार्थों पर और अशत विनियोग पदार्थों पर सर्व को जा सकती है या बचाई जा सकती है। इसलिए राष्ट्रीय आब के एक प्रत्यय (concept) के अनुसार राष्ट्रीय आप एक वर्ष की अवधि में चालू मूल्यो पर उपभोग के लिये प्राप्य वस्तुओं और सेवाओं का बास्तविक अर्थ, घन पूँजी में हुई वृद्धि जिसकी गणना वास्तव में दिए गए मृत्यों से होती है, ऋण सर्पात का अवयुन्यन और विद्यमान पूँजी पदायों का अप्रचलन अधिदेय (allowance) है। इसमें चालू मूल्यो पर सगणित भडारी में हुई वाहर्गिक अभिवृद्धि औड दी जाती है और उनमें से हुए वास्नविक आहरण (drawings) घटा दिये जाते है । निर्धारण मे राज्य और स्थानीय अधिकारियो द्वारा उत्पादिन सेवाओं (जैसे रेलवे, डाक और तार, ट्रामवे आदि) का वर्ष भी सम्मिनित किया जाता है और उसकी सगणना (reckon) चाल प्रभारी (charges) के आधार पर की जाती है।

राष्ट्रीय आय के प्राक्कलन बहुत उपयोगी है। राष्ट्रीय आय के अको का विघटन (break up; किसी देश की अर्थव्यवस्था के विविध भागो (sectors) का और उनके सापेक्षिक सहत्व का बोघ देता है। विश्व के सब उन्नत देश अब राष्ट्रीय आय के प्राक्कलनों का सकलन करने लगे हैं। यदि ये प्राक्कलन कई वर्षों के लिय प्राप्य हो तो में देश की अर्थव्यवस्था के परिवर्तन की दिशा और यति बताते हैं। य आय अर्जनो के विविध वर्गों के आम और व्यम के निचरणों के बारे में बताते हैं। म राज्य की कर और राजकोषीय नीति (taxation & fiscal policies) के आधार का काम करते हैं। विविध वर्गों के छोगो पर कर छमाने से पहले यह जानना आवश्यक हैं कि आय-अर्जको के विविध वर्गों में आय का वितरण किस प्रकार का है और उन पर दिस देग से कर लगाना अधिक अच्छा होगा जिससे आप और धन का अधिक अच्छा वितरण हो। इसके अतिरिक्त राष्ट्रीय आम के प्राक्कलन सरकार को अधिक परिशुद्धता से बजट बनाने में समर्थ बनाने हैं क्योंकि इनसे विविध प्रत्यक्ष और परोक्ष करो द्वारा प्राप्य आगम (revenue) के अधिक अच्छे पूर्वान्यान किये जा सकते हैं। राष्ट्रीय आय के पाककलन विविध आय-समूहो में जनसंख्या ने वितरण नी बताने हैं। सरकार यह जान सकती है कि निदिष्ट आय प्राप्त करने के लिए छोगो पर कैसे कर लगाया जाना चाहिए। समस्पत राष्ट्रीय आय के प्राक्तलन परोश करो से होने बाली आय का भी पूर्वानुमान कर सकते हैं क्योंकि इनसे हम बान सकते हैं कि स०२५

विविध प्रकार की उपभोग-वस्तुओ पर निस प्रकार व्यव किया जाता है और उनपर किस प्रकार कर रूपाए जान चाहिए। अन्त म राष्ट्रीय बाय के प्राक्तरना से दित-प्रवस्पर और राजनीतिन देश नी वर गीति ना देश के उत्पादन और प्रन पर पड़ने वारण प्रमाव कान सक्त है। राष्ट्रीय आय के प्राक्तरनो ना सक्तकन और प्रकाशन के दशा द्वारा होता है किससे गुरुनात्वक अध्ययन विश्व जा सकता है। इमिल्ए गर्यूय को से प्राक्तरन की अधिक उपयोगिता है।

भारत में राष्ट्रीय आव के वहले अनुभान

भारत को राष्ट्रीय आय के नई प्राक्तरून उपरुख है। य अब तुल्हीय मही हैं और भारतीय अर्थ व्यवस्था म हुए परिवर्तना के बारे में नही बता सकते। इसका सकरन कान उत्तार-उपपान (product approach) से और अधन आय-उपपान (income approach) से लिया गया है। ये आकरून विभिन्न काल में, विभिन्न बात के विभिन्न प्रत्यों के आयार पर किए नए है। इसके अतिरित्त कहाँ तक क्षेत्र की बात है इनकी व्याप्ति भी एक सी नहीं है।

हा० वी० के० आर० वी० राव ने द्वारा दिए गए प्राक्तलन सबसे प्रामाणिक भान जान है । य प्राक्तलन भारत की राष्ट्रीय आय के प्राक्कलना के क्षेत्र में सर्वाधिक मह वपूर्ण देन हैं । इनका महत्व केवल परिशुद्धता के कारण ही नही है बल्कि विधि और प्रविधि (methodology & technique) की दिट से भी है। डा॰ राव न प्राक्तलन किया था वि १९३१ ३२ में राप्ट्रीय आय १६८९ करोड रपयाँ थी। इस प्रावकलन में चुटि का सीमात कम या अधिक ६ प्रतिशत या। इस गणना के अनमार प्रति व्यक्ति राप्टीय आय ६५ २० आती है । १९३१ ३२ वे अका के आधार पर डा॰ राव ने फिर १९४२-४३ की राष्ट्रीय आय का प्राक्करन किया और यह ३ ४२३ हरोड रपया आया जिसके अनुसार प्रति व्यक्ति राष्ट्रीय आय ११४ रपया आती है। डा० राव के प्राक्तलनो के बारे में यह बात अवलोक्य है कि यदि हम इन दो अवधियों में हुए मृत्य-स्तर ने परिवतना पर विचार करें तो इन दोनो म कोई अन्तर नहीं है। १९४२-४३ का मृत्य-स्तर १९३१-३२ के मृत्य-स्तर का लगभग दूना या। यहाँ यह भी उल्लेखनीय है कि राष्ट्रीय आय समिति (National Income Committee) के १९४८-४९ के प्रति-व्यक्ति राष्ट्रीय बाय के प्राक्तलन (२२५ ह० प्रति व्यक्ति) भी मूल्य स्तरो ने परिवर्तनो नो घ्यान में रखने हुए लगभग डा॰ रात के प्राक्शलनों के बराबर हो जाते हैं। इससे हम यह निष्कर्ष निकाल सकते हैं कि १९३१ ३२ से १९४८ ४९ की अवधि में तुरु राष्ट्रीय आय में जो वृद्धि हुई वह बन्ती हुई जनसस्या द्वारा विशीन हो गई।

डा॰ राव का विधि की उत्हण्टना इम वास से सिंड होनी है कि उनके प्राक्कलन कुछ मुखारों के साथ अभी तक लागू विष् चा रह ह ।

यहाँ भारत की राष्टीय आप के विभिन्न अपनास्त्रियो हारा दिय गए प्राक्तलन दना असवत न हावा

	लाभ	वय	प्रति व्यक्ति राप्टीय भाग
₹	दादा भाई नौरोजी	१८६७-६८	50
ą	बरिंग और वास्त्रूर	१८८१	२७
ŧ	िंगवी (Digby)	१८९८-९९	35
٧	লাৱ ৰঙ্গন	१८९७–९८	₹o
4	बी॰ एन॰ शमा	55.25	40
Ę	वकील और मुगजन	8650-58	464
9	वाडिया और जोगा	8663-68	४४ ५
6	शाह और सम्बाना	8658	७४
٩	फिडले शिराज	१९२१	१ ৫७
? o	बौ • के • आर • बा • राव	{ <i>६८</i> ४ <i>६</i> —४३ <i>१९३१</i> —३२	{६५ {११४

हत प्रास्करनो की अवकास्य विद्यापता यह है कि विविध्य अधिकारी विद्यानों के सकी म बहुत वह मिनद है। यह भीर भी अधिक उन्हेंक्य हो जाता है जब हम मह देखने ह कि एक दूपरे से बहुत का भीर अधिकर कर रूपमा एक ही ववर्ष के हैं। दिवाबी और करन क्याभग एक ही ववर्ष के हैं परन हम के प्रास्कर कर रूपमा एक ही ववर्ष के हैं परना फिर में उनम बहुत विचाद है। अधिक अध्यापता की विधिया विभिन्न भी। यह भी हो एक हों वह । यह मुस्तर है कि इन अध्याप्तिया की विधिया विभिन्न भी। यह भी हो एकता है कि इन प्रास्करनों पर कर देश गई हो।

राष्ट्रीय आय प्रास्त्त्वन करने की विविधां

सद्धान्तिक दृष्टिकोण से राष्ट्रीय आय ना प्राक्करून करन को तीन सुप्रसिद्ध विभिन्नों हैं

- (१) आय-गणना विषि (Census of Income Method)
- (२) जत्पाद-गणना विधि (Census of Product Method)
- (३) सामाजिक लेसाकन विधि (Social Accounting Method)

- (१) आय-मणना विधि—स्त विधि में लोगो नो बाव ना समूहत विसा जाता है। बाव का समूहन वा तो उनमें बाय-अर्जक (जैसे वेतन या मजूरी पाने वालो) के रूप में दिया जा सकता हूँ या विविध उत्पादन के खाधनों के स्व मियो (अँसे भूमि पति, पूँजीपति) के रूप में विया जा सकता है। राष्ट्रीय जाय की गणना करने में विसी मुनिरिक्त अवधि में सब विविध वर्ग के आय-अर्जनो नी आय को जोड़ दिया जाता है।
- एस विषि में कठिनाई मह है कि 'आय' को ठीक रूप से बिन्न अप में परिमाधित किया जाय। 'बुळ काय' का जब पंपारित रूप से स्पष्ट है परन्तु 'बास्तविक आय' क्या है इस विषय में बहुत मत्त्रपेद हैं और यह ठीक-ठीक और एक रूप से नहीं बताया का सकता है कि बास्तविक आय निकालने के लिए बुळ आया में वे दिन व्यायों को घटा किया जाना चाहिए। इस विधिय में इस्पी किताई यह निविचत करना है कि व्यक्तियों को आय सबयी मूचना प्रतिदर्श व्यवसाय अनुस्थान करके प्राप्त की बाद या विस्तृत गणना अनुस्थान द्वारा । में अक बुछ उनत देशों तक में प्राप्त नहीं हैं। इसके लिए विस्तृत व्यावसायिक सर्वेक्षण करना और कोगों के व्यावकर सबयी लेको में परीक्षा करना आवस्यक्त हैं।
- (२) उत्पाद-शक्ता विधि—तस दिधि में जिसे मुची गणता दिधि (Invortory method) जो नहते हैं, निपी नारणति विधिम में उत्पादित कर्युओं
 और सेवाओं का मुल्यावन किया जाता है। इसमें उत्पादन उत्यमी वी विषय प्रावाताओं— कृषि, उत्योग, सनन, परिसहन बादि—के वास्तिव वर्षों की पणता उत्पादन-रुपान पर की जाती है। इन बास्तिक कर्यों में बायात, मुहोरपार्थ (home produced goods), वैमन्तिक सेवाओं, शीमा और उत्पादन-शुल्न मनान के नास्तिवन
 वर्ष, विदेशों से सास्तिक काय दल्यादि और विधी त्यों है और नियंति, वन्ने और
 निर्मित पदार्थों के नडार (stocks), और अचल पूँगी नो व्यविक्त (intact)
 पत्रों में रूपो पदार्थों का कर्ष पदा दिया जाना है। इस मनार राष्ट्रीय काय क्रार्थिन
 विद्यार्थों की सब प्रावातों में विशो थी हुई नाक्ष्यिय पर प्रादित प्रत्यार्थों कोर नियाओं
 या परिवर्षित वास्तिक कर्यों ने योग को वताती है।

पदार्थों और सेवाजों के राष्ट्रीय उत्पाद ना मून्यानन या तो वाजार-मू या पर किया जा सनता है या निविध सामनो द्वारा प्राप्त निव्य योधनो (payments) ने वासदर मूच्यों पर 1 पहले मिसति में (वाजार मूच्य पर मून्यानित) राष्ट्रीय बाव ने वाजार मूच्य पर राष्ट्रीय बाव नहते हैं और दूसरी स्थित में सामन-रागत (factor cost) पर राष्ट्रीय बाव नहते हैं। जब राष्ट्रीय बाव को बाजा मायन-रागत पर की वाजी है, उत्पादन ने वास्तिक वर्ष भी मणना भी जाती है जिसमें में अप्रत्यंत्र

करों ना अपनर्जन (exclusion) कर दिया जाना है नरन्तु ब्राह्मस्मी (subsidies) ना समावेदा विषया जाता है जिससे मूल्य जलावन के विविध सामयों के सोबनों के डीक बरावन हो जायें । यह उत्पाद केवल को के बन्न और पूरी के ही बराया होना बाहिए । इस धर्न के कारण देश-देश में याद्रीय आध्य की गणना करने में एकक्टता का अभाव है। देश का राष्ट्रिक (national) कीन है और यन स्थितियों में गणना कीने में आएगी जब किसो देश का राष्ट्रिक दूसरे देश में नाम करता है और स्कारी सोसरे देश के निवासी का क्यांचारी हैं।

(३) सामाजिक लेखारून विधि—एस निधि का विकास और रिवार्ट स्टोन में निपार है। इस किस में किलिय मकार के लेखाजों (account) और लेन देनों के मंगिरण किया जाता है। इस प्रकार कर्य-यरक्या के लेन देनों (transactions) की मृत्य मागों में—जैसे उत्पादक उद्यार, विश्लीय मध्यस्य, अनिस रचमोला आदि में बौट दिया जाता है। राष्ट्रीय वायं के प्राक्तकन इन जैन देनोया लेखाजों का समृहन (aggregate) करके प्राप्त नियं जाते हैं। इस निधि के खिय यह भावस्यक हैं कि लेखें सामगानी पूर्वक एखे जीय। भारत जैसे देसों में नहीं अधिकास ध्यक्ति लेखा मही एकरे या जुड़ा लेखा एखें हैं, इस निधि का श्रम समित हैं।

डण्यून्त तीन निर्मायों के अविरिक्त एक जीयों विधि भी है जिसे स्थान-गना विधि (Expenditure Method) कहते हैं। इस निर्मि में बास्तिक राष्ट्रीम स्थाम की गणना दी जाती है। राष्ट्रीय स्थाम के जिलक-उपयोग-वस्तुको पर किया गमा स्थान कियोग और कासकर सम्मिन्द है। बुँकि स्था विनियोग और सासकरन की दूकन एन ऐस्मिनिय नहीं किया जा सकता, इसिन्ट इस विधि का स्थादहारिक उपयोग सीमिन है।

द्दम विभिन्न विषियो द्वारा रिये गए परिणाय समरण होने चाहिएँ। मुख्य कांठनाई यह बातों है कि सहुजा और केपाओं के मुख्याकन, विभिन्न सोनों से आग, विशिष्य रेखा-क्यादेवों मा क्योंकरण और राज्यों के मायों की व्याख्या छोण विभिन्न दयों से रुतते हैं। इस्तियर सब जजत देवों में सामान्य प्रया यह हैं कि राष्ट्रीय आप की गणना क्तियों अधिक आग विभिन्न के हो सके को जाब और राष्ट्रीय आप की अधकताने हैं एक हुगरे से समायोजन कर किने वाबें। यह भी प्रणाली है कि देश को वर्ष-व्यवस्था के विभिन्न मायों की राष्ट्रीय बाय की गणना इनमें से उस बाय के किये जो सबसे उनमा समुद्र कर निया जाय)

भारत में विशेष समस्याएँ

राष्ट्रीय आय ने प्रान्त लगा की गणना नरल में वियोप समस्वाएँ जमस्वित होती है स्वोति हुन व्यं व्यवस्था के नई पत्नी पर विचार करना पढता है। भारत में ये समस्वाएँ को की अविवन निर्माद के ये समस्वाएँ और भी अधिन न टिनाइयों जमस्वित न रती है। इनना नारण हमार औन डो में स्वित और आरतीय वर्ष व्यवस्था नी अधिपत्ता है। भारत सरकार डारा १९५९ में नियुन्त की ग्रह राष्ट्रीय क्षाय समिति ने इन विशेष समस्याओं नी और प्राप्त कार्यां कार्यां कार्यां कार्यां है। भारत सरकार डारा १९५९ में नियुन्त की ग्रह राष्ट्रीय क्षाय नी मणना विशेष स्व स्वत्व किया है कीर यह विश्वाया है नि भारत में राष्ट्रीय आय नी गणना विशेष स्व केरिन है। समिति और अन्य व्यक्तियो डारा निनाई गई नटिनाइयाँ निनाविश्वत है

१. समुचित मृश्याकन की समस्या (The problem of proper evaluation)—मारत की राष्ट्रीय काय वा प्राम्वण्य नर में समिति के सामन्य किंठाई उत्पाद का समृचित मृत्यावण करने की आई। यह निकाई को वारणा से उत्पन्न होती है। आरत में, विशेषत आयोग कोनो में, वस्तु विनित्य (barter) प्रमाणी कभी तक प्रचलित है। उपन का वाणी बचा हिस्सा बाजार में विवणे के विभी मही काता। इसका उपमीण जा तो उत्पादक स्वय कर केते हैं या यह अन्य सन्दुत्रों से वस्त्र किंदा जाता है। अब तक कोई ऐसी समुचित विभी नही निकल पाई है जिससे ऐसी वस्तुवित की का जो अध्यनिमाय के अवनत्रेत गई। आतो है इस्त्र में मूक्तावन निया जा कहे। इसिल्य यह वावस्त्र हो जाता है कि मारतीय वर्ष व्यवस्था को सो मारा में बीटा जाय—मस्तुवित विभाव या वस्त्र कि मारतीय वर्ष व्यवस्था को से मारा में बीटा जाय—मस्तुवित विभाव या वस्त्र हो जाता है कि मारतीय वर्ष व्यवस्था को से मारा में स्वत्र का स्वत्र केता की स्वत्र का स्वत्र केता की स्वत्र की स्वत्र की स्वत्र की स्वत्र की स्वत्र की स्वत्र की सम्बन्ध की स्वत्र की स्वत्य की स्वत्र की स्वत्य
हमारी वर्ष व्यवस्था ने मुबीवृत भागी तन में जराद के समुचित अभिनेने मही एसे जादें हैं और उत्पादन को उत्पत्ति की पति और वर्ष का दीम बीध नहीं होगा। स्वयस्त अंतिक सहद नरने ने प्रयत्न मई कारणों से स्तीव्यनन नहीं हैं। सबह करने ना मून्य अवधिक होगा। फिर उत्पाद का मुस्तानन नरने ने निये मुख्यता और प्रविधिक जान की आवस्थाता पढ़ती हैं। न तो उत्पादना में और न ही उपमोक्ताकों में समुचित देखी भी रखने ना चन्न है। इस निर्मात ना मुख्य नारण जन सम्मायण ना निरक्षर होना है। इसन्यि उपस के युक्त और पासर्वित अर्थ नो सुनिश्चित करना समय नहीं है। पन्यवस्था आर्थ मा अन्यायपर्थ [imputation] करना पढ़ता है और छोटे उत्पादने और गृह-उपने में में, के मारतीय वर्ष व्यवस्था ना नाफी बार माग नती है, उत्पादों ने निर्धारित नरन

- २. बार्षिक कामी में विभिन्नन कर प्रभाव (lack of differentiation in economic functions)—समिन के अनुमार मारत की राष्ट्रीय जाय की गाना वरने के मानों में यह भी एक गुरूच किमाई है। हमारी वर्ष चाकरमा कर एक महत्वपूर्व पांप परेल, उत्तय है किमाँ विभिन्न प्रकार कामा साथ रियो जाते है। फलस्टरर एक ब्यक्ति एक ही समय में गांवो में हमक, बाई, नाई आरि और जब गांवों में काम कही रहता वर महत्व में नौकर, और्योगिक मबहुर आदि होगा है। इस अगर हमारी अर्थ व्यवस्था के बड़े आप में लोग एक साथ कई उत्तय करते है और हममें विभिन्न करना समय नहीं है।
- पर्याप्त और परिशृद्ध सामग्री का अभाव—पहले खड़ो में दिये गए विवरणों में यह स्पट्ट हो गया होगा कि भारत में प्राप्य आंकडे वहन अपर्याप्त और अपरिशब्द है। हमारी अर्थ व्यवस्था के बहुत बड़े माग के लिये किसी प्रकार के भी और दे प्राप्य मही है। प्राप्य सामग्रो परिशुद्ध नहीं है। कृषि और संवधित कायों के लिये मुल्यों और ब्ययों के ऑकडे अपूर्ण है। निर्माणियों के वारे में क्विल महत्वपूर्ण केन्द्रों के ऑकडे उपलब्ध है। राजकीय कार्यों से सर्वाधत सुचना को आर्थिक वर्गों के रूप में रखना कित है। १९४२ के औद्योगिक जॉकडा अधिनियम और १९५३ के जॉकडा मग्रह श्रवितियम के बनने और सरकार द्वारा आंकड़ा सपह क्ये जाने के प्रयत्नों से पहले उत्पादन और उत्पाद सबधी आंकडे उपलब्ध नहीं ये। बभी भी जाय, पुंजी-विनियोग, सपभोस्ताओं के व्यय, आसचयन, घरेल और कटीर उद्योगी आदि से सर्व-धित सामग्री प्राप्य नहीं है। जब तक इस स्थिति में सुबार नहीं होता, तब तक भारत को राष्ट्रीय आय के सतीयजनक प्राक्कलन नहीं मिल सकते । परन्तु, यह अवस्य कहा जा सकता है कि १९४८ के बाद इस दिशा में पर्याप्त प्रगति हुई है। भारत सरकार ने प्रत्येक मत्रालय में सास्यिकीय सगटन स्थापित क्ये है और सामग्री-मग्रह विश्लेषण ब्रीर विधायन सबधी प्रशिक्षा दी जा रही है । उत्तर प्रदेश सरकार राज्य-माहियकीय सेवा आरम करने के बारे में विचार कर रही है। अब उत्पादन और उत्पाद के आंकड़े. जिन पर राष्ट्रीय आय के प्राक्कलनो की गणना आधारित है, पहले से वही अब्हे रूप में प्राप्य है। परन्तु अभी भी बहुत सीमा तक मुपार किये जा सकने है।
 - ४. की मैं की उवासीनता (indifference of the people) —कोन परिसुद बोहबों के प्रति अभी सबसे नहीं हुए है। मरवारी परियोजनात्रों के प्रति भे ने नेवल उदातीन है विक्त उनये दिरोप-भाव नक है। ब्रांकरों का ब्राह्म नहते में कहा करा बीहित हो के कहा निक्त की प्रति करा ब्राह्म नहीं देते। फ्यान नहीं देते। प्रमुख्य की भी नामसी प्राप्य है नह प्रतिकरनमा प्रमानिन है। इम्झा बारप निशा ना अवाव है। यह आया है कि सनमानुनार इन स्थित में मुचार होगा।

इन निशास्त्रा के हीने हुमें भी राष्ट्रीय आय समिति न राष्ट्रीय आय नी भणना करने का नाम लिया है और वे प्रतिवर्ष इन अशे का प्रकाशन कर रहे हैं। परनु इनमें वृद्धि का सीमात स्थामण १०% (प्राक्तिलित) है।

राष्ट्रीय आम समिति द्वारा स्वीकृत विधि

मारत सरवार ने अवस्त १९४९ में ग्रो॰ पी॰ सी॰ महलनवीस की अध्यक्षता में राष्ट्रीय आप समिन (Mattonal Income Committee) निमुक्त की । समिति का काम राष्ट्रीय आप सीर तत्ववधी प्राक्तकारी पर प्रतिवेदन तत्वार करता, ग्राम्य सामधी और कवित्रक वावक्षक मामधी के पाव में मुखार वरने के लिये वरामों की प्राण्डाना और राष्ट्रीय आय में प्रेयणा करने को प्रोत्मादित करने के लिए मागोंगाय (ways and means) बताना था। समिति के प्राक्तक पासकीय प्राक्तक (official estimates) कर ला से समिति के प्राक्तक और सामग्री की इस्टिंग साम्बर्धिया प्राक्तक स्वयं अधिक स्वरोपनक है।

समिति में २५ वर्ष पहले अभिस्वीहत बार राव की बिश्व की स्पूछ कररेला (broad outline) का अनुसरक क्यिया । उनने उत्तरदन्यवा और आदन्यका सिंह, दोना, वा उपयोग किया। यह देवा गया कि शाय सामग्री ऐसी मी कि दोनों में किया का स्वता था। राष्ट्रीय साथ की गयाना की विद्या का स्वता था। राष्ट्रीय साथ की गयाना की विद्या में अपना की किया में सिंही की एस्ट्रीय साथ की गयाना की विद्या में सिंही ना महिला पर ११४८-४९ की कुछ प्रमा सिंहा (working force) का प्रावक्त कर करना और उपका स्वावनायक वर्षी स्वत्य कर स्वावनायक स्वता की उपना साथ स्वावनायक वर्षी स्वत्य की उपना साथ स्वता की उपना में कुछ एस स्वावनायक स्वावन

उत्पाद-गणना विधि वा उपयोग निम्नलिनिन स्रोतो से राष्ट्रीय आय की गणना करन तक सीमित रक्षा गया —

- (१) पगुजा और बनम्पनि वा विश्वाहन (exploitation of animals and vegetation)—हममें पगुनालन मछली परङ्गा बन-रुपयोग और शिवार वरना सम्मिलिन हैं
 - (२) मनिजो ना विदाहन (exploitation of minerals) और
 - (३) उद्याग

श्राय-मना विधि ना उपयोग व्यापार, परिवहन, व्यावसायिक और मस्तरी कराजा और सेवाजी स राष्ट्रीय बाध की गणना करने में क्या गया । हुट स्थानों में, जैसे व्यावनायिक और मस्त्रारी कराजों म, उपनोक्ताओं के व्याय वयी अको का भी उपनोग निया गया ।

इस प्रकार संग्रहीत अनो में विदेशों से अजित आय के रिये समायोजन किए गए हैं।

बाउते-रॉबर्टसन समिति और राष्ट्रीय आप समिति की परियोजवाओं की तुलना

भारत की राष्ट्रीय जाय नाकने की इन दो परियोजनाओं में कोई मूठ अन्तर मही है। दोनों तिर्मित्रकों के उत्पाद-भणना विधि जीन जाम बणना विधि दोनों जा सहारा किया। रोतों विधियों को स्वीवार करने की निकारित अरते हुए दोनों तिनितां का स्वत्य । रोतों विधियों को स्वीवार करने अन्यवादा के केवल नित्ती एक विधि का उपयोग करना समय नहीं था। किसी विधि का उपयोग नरना सामयों की प्राध्यना पर निर्मा करना समय नहीं था। किसी विधि का उपयोग उत्पादन अवगों के लिए तीर आधाना किसी का उपयोग जान उपयोग करना करने किस तीर लिए तीर आधाना किसी का उपयोग केवालों का उत्पादन करने वाले उपयो के नित्य तिर्मा किसी का प्राधान प्रया । बाउकि-रोजटनन समिति ने विकारित की वी कि परियोजना मुख्यत उत्पाद-भागना पर जाचारित होनी चाहिए, परन्तु एक होटे भाग के तिथे, जो नामी दोनों से संविध्या है, व्यक्तियों की आधा के लिये पर भी बाधित रहा जा सकता है । राष्ट्रीय लाख समिति व्यवसाय-मधना विधि पर मुख्यत अधित रही ।

अहाँ तक विस्तार के अन्तरो की बात है, इनमें मुख्य अन्तर यह है। कि राष्ट्रीय आय समिति न पहले अर्थव्यवस्था के उद्योगनुसार वर्गीकरण के आधार पर जनसंख्या का व्यावसायिक वर्गीकरण विया । बाउले-रॉवर्टसन समिति ने ऐसे किसी वर्गीकरण की मिकारित नहीं की यी। इसके स्थान पर उन्होंने ग्रामीण और नगरीय विशेषताओं के आधार पर जनसस्या के वर्गीकरण की सिपारिश की थी। यहाँ यह अवलोक्य है कि इन विशेषको का वह सुलाव बहुत महत्वपूर्ण है। इससे प्रामीण और नगरीय जनसञ्चा को राष्ट्रीय आय के अलग-अलग प्राक्तलन प्राप्य होगे । राष्ट्रीय आय समिति ने पहुले प्रत्येक व्यायसायिक वर्ग की वास्त्रयिक आय को पुर्वक रूप से निर्धारित किया और फिर उनका समहत करके राष्ट्रीय आय निकाली । बाउले-रॉबरंसन समिति ने आपो ना प्रास्तव्यन करने के लिये ग्रामीण और नगरीय क्षेत्रों के प्रवाद सर्वेक्षण करने की सबंत पूर्ण परियोजना की सिफारिश की थीं । उन्होंने इस वात की भी सिकारिश की भी कि शक्ति चालित निर्माणियों, खानो और कुछ अन्य उद्योगों की उत्पादन-गणना की जाय । उन्होंने एक अन्तरय नगरीय जनगणना की सिफारिश भी की थी । बदली हुई परिस्पितियों के कारण राप्ट्रीय बाय समिति न बाय, जब एवं उत्पादन-गणना के सर्वेदाणों की विफारिश करना बावस्थक नहीं सबझा । भारत में ऐसे सर्वे-क्षण पहले हो हो चके थे और सन्दीय आय समिति उनसे प्राप्य सामग्रो पर तिभर रही ।

निमिलिखत सारणी में मारतीय अर्घ व्यवस्या की भागों में बौट कर दिलाया गया है। पहले प्रत्यक भाग के कारतिक उत्पादन का प्राक्कलन लिया गया और फिर समूहन करके राष्ट्रीय आय निकाली गई है।

जीटोगिक स्रोतों से राष्ट्रीय जाय

(वर्तमान मृत्य)

													\$	(अरव ६० में)	क्र		
		-226		1	3 3 4	1	-3 4 5 3		35		943	30	Ţ	55		37	
		» %		_	5		5		3"		70	3		3		9	
	Ξ	3	Ξ	_	Ξ		2		(%)		3	(2)		(5) (8)		(80	
200	क वि											,					
~	कृषि पर्युपालन और तत्सवधी कार्य	20	56	2	202	2	× ~	*	2		5	۶	25	ζ		3	
~	षन उद्योग	0		9	٥	9	0	9	0		. 0		9			. 0	
~	मछली-उद्योग	۵	_	*	٥	>	۰	>	9	>			3	0	,	•	-
	कृषि का योग	20	ξ	۰,	2%	•	3	e	2%		e. 5)d	5	*	- 60	ت ، ح	-
	लनन, निर्माण और हस्तक्षित															-	
-	सनम	9		w	٥	9	0	40	0	•	-	۰	•	~	٥	•	
	निर्माणिया	5		>-	5	3	w	>	w	30	u. u.	9	. 5	. 9	·	- \	
	•			0		-	0^	-	20"	9	٥	•	w			r	-/
٠,	लनन, निमाण और हस्तिधिरूप का योष	2		ه مي		pr 2	2 32	v	೨ ∾	0	200	2	0	2	3	0	-

	भारतीय आकड		,	• •
	3 9 5 7 9 00 ,	۰ ۰۰	~ ' '	er.
= K ~ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	> V	š	2	ا چ ا
	שיש מל פי בי	e .	~ [·	ν,
3 3 2 2 2 3	5 5 ~ > 2	ç °	2 22 6 6 6 6 5 6	र ने विषय के स्था के स्था के स्था के स्था के स्था के स्था के
	> ~ × × × ×	~ •	~	Dr.
. ~ . % %	22 ~ > 2	ay o	05	25
~ ~ V V °	0 4 4 70	V .	v	9
	5 > ~ > 0°	2 20 1 27 2 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3	२ १०१ ६ २१ ७ ११ १ १ १ १ १ १ १ १	350
× . 9 5 V	or or or or >o	the are	ts.	> 1
× . 9 = V	5 > ~ ~ 5	اً جُ	2	200
N N N N N N	0 5 70 00 0	4" (1"	9	•
× ~ × ° × °	3 > ~ > 5	÷ ;	2	368
	9 # # ~ >	5 6	m	~
. ~ . > 5	パストス	2 0	=	25.5
m 12 62 65 65	5 00 pr 0 V	~~~	~	•
0 ~ 0 25 25	* * ~ > **	2000	\$	363
m a x z o	er or er or h	9 %	3"	00
11 00 00 00	> > ~ m m	\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \	2	38.6
बातच्य, परिवहुत और सवार स्वतर (communications) रख्वे सारीटार करिरोचण और भीम क्षम्य वाष्ट्रिय और परिवहुल बानेच्य परिवहुत और स्वतार हा योग	भग्य नेमाप् सरस्तार और सह गाँउ कलार् गृह तेवार्षे अन्य तेवालो वा योग	साधन लगात पर वास्तविक देशीय उत्पादन विदेशी से अभितः आय	सापन लाग्त पर कारतनिक राष्ट्रीय उत्तर्ता (राष्ट्रीय आय)	प्रति व्यक्ति आय (वर्तमान मूल्य)
~ 2 £ £ £	25522	1 2 2	200	2

डा॰ राव को विधि और राष्ट्रीय आय समिति की विधि में जतर

यह पहले ही बताया जा चुना है नि राज्येण जाय समिति ने टा॰ रान ने निधि की स्वल हमरेता असित्सीहत की थी। इस दोनों विधियों में पार्टीय आप ने प्रात्मक लगाय-गाना विध्य जोनों से नियं गए है। परना इनमें मुछ छोटे जलतर भी है जो अवाद पार्टियितियों के वरहर बाने के जीर करात मनानार ने नारण है। द्वार पत्र ने जायों से बात मा प्रात्मकर जाय-गणना विधि से निया पा जर्बिक हमिति ने हसना प्राप्त कर उराय-गणना विधि से निया पा जर्बिक हमिति ने हसना प्राप्त कर उराय-गणना विधि से बसनीपत्र नक हमें महि हा कर राव ने जिल्ला में निया भी ति स्विधित की विधि से बसनीपत्र नक हमें मानि जब ता राव ने राष्ट्रीय जाय को गणना नी थी तब उरायन सक्यों और प्राप्त मही थे। अब इन अवश्व मा स्वप्त करने किया निया भी से प्राप्त मही थे। अब इन अवश्व मा स्वप्त करने किया निया भी से अवश्व मही से । अब इन अवश्व मा स्वप्त करने किया हमा सि का उपयोग करना समस से सा मा

इन दो विधियों में एक और अन्तर भी हैं। कुछ यम-शक्ति को गणना करने में डा॰ राव ने स्वनन व्यक्तिकों, जामित मिनकों और उच व्यक्ति (subsidiary workers) को सम्मिलन विधा और उन्हें नच्या १, १/४ और १/३ सार दियो राष्ट्रीय ज्यास समिति ने ने चक स्वतन और वामित व्यक्ति न समाचेत्र प्रेत हो सामित का सम् या कि डा॰ राव द्वारा दिये गए मार मनमाने हैं और उनका कोई समुन्ति जानार नहीं है। परन्तु इस विध्य पर राष्ट्रीय आग्र समिति से सहमन होना भी कठिन है।

हन अन्तरों के अविरिन्त बुंछ साधारण भेद भी है। समिति के वर्गीकरण में 'इपि में 'प्रमुणावन' और रित्तवधी नार्व 'न भी समावेस उपन्यपूर में किया गया है। परनु सार पात्र ने 'इपि 'बीर 'प्रमुण' को अवन बनी में रहत था। समिति ने 'वनन, निर्माण और हत सिव्या में एवं एने समूह के उपलप्तुं में रहत है। उठ राह ने 'वनन' को एए को में पहता और इसका अर्थ निर्वाण उत्पाद-क्याना विश्व से किया। जदाराहन और उत्पाद को साथ का निर्माण आप-मध्या विश्व से किया। उत्पादन और उत्पाद को स्वाप्त के प्रमुख के उपलप्त से का एक के प्रमुख के प्रमुख के अपन में त्राप्त का प्रमुख के प्रमुख के प्रमुख के प्रमुख के प्रमुख के उपलप्त के प्रमुख क

मुपार के लिये कुछ मुझाव

राष्ट्रीय आय समिति ने राष्ट्रीय आय का अनुमान लगाने के अतिरिक्त उन आकड़ों में दिनके आधार पर राष्ट्रीय आय का अनुमान लगाया जाता है कुछ मुवार के मुजाब दिवे हैं। आंकड़ी के सुवार के लिखे निम्न लिखित मुख्य मुपान दिय गये हैं —

(१) कृषि के क्षेत्र में एक प्रतिवेदन अभिकृती अप्रतिवेदन स्थानी में नियुक्त रिचा बाना चाहिय और क्त्रपान क्षेत्र प्रतिवेदना का इस प्रकार प्रकल करना चाहिय कि त्यामा १/५ गाँव में प्रतिवर्ष प्राथमित प्रतिवदन हो सवे ।

(२) असिक तथा मृति ने बौकडा के शय कार्यालय डाए पूर्ण कर के एक्षित्र क्रिये जाने वाहिसे और इन मौकडो का सक्लन कुछ ऐसे विधाद क्षत्रों में भी होना पाहिस्से हिनसे यह औकड सभी मही एक्षिन किसे बात है।

पीरिय दिनम यह आकड अभा नहा एकान क्य का है।

(३) केन्द्रीय नरपार को विनी कर से सविवन साँकड़ा के प्रतिनेदना म एकक्पन्ना लानी पाहिए।

(४) इपि, पर्युपालन, व्यापार, यातायान, छयु उपत्रम, आदि से मबिपन इच्यादन अनुमधान सत्याआ व बेन्द्रीय सरवार द्वारा विया बाना चाहिये।

(५) भारत मरकार के राष्ट्रीय आय विभाग को एक वार्षिक पत उसी प्रकार निकालना चाहिमें जैना कि राष्ट्रीय आय पर स्वेन पत्र मयुक्त राज्य द्वारा प्रकाशित किया जाता है।

(६) राष्ट्रीय आय पर एक आन्तरिम सलाहकार समिति बनानी चाहिये जा राष्ट्रीय साथ परकनेमानकार्थ की नभीक्षा करे तथा सरकार की राष्ट्रीय आय से सबसित कार्यों पर मलाह है।

भारत में प्राप्य साल्यिकीय समग्री में सुवार करने के बारे में राष्ट्रीय लाय। समिति ने बुछ और सुम्प्राव दिए हैं जो निम्मिलितन हैं —

१ क्षेत्रानुसार मामग्री सबह के स्थान पर पूजत ज्यारक रूप से सामग्री मग्रह करने भी विकारिक की गई हैं। सामग्री का शाधिक वा पचवारिक सप्रह बिस्नृत या साधिक गणना द्वारा किया जाना शाहिए।

२ प्रतिनदन अभिकरण (reporting agency) मू-राजन्य प्रधामन सं सर्वाधत हानी चाहिए और इसे ऐसे क्षेत्रों का नवेंज्ञण करना चाहिए जो मूचना नहीं मेजते । ये क्षेत्र पुराने भारतीय राज्य है ।

३ फमर की उपन का शाक्तरून कराई के प्रमामा द्वारा और उद्यान-क्लल का प्राक्तरून निर्मेष अध्ययना द्वारा किया जाना काहिय ।

४ इपि-मूस्यो का मधह सुन्यवस्थित और जन्दी होना चाहिए और इस दृष्टि ते प्रामीण मूस्या या उत्पादको ने मूस्यो के स्थान वर कुछ प्रकार के बाजारा में ख्या-पारिया के मून्या का नग्रह किया जाना काहिए।

- ५ अग्रय और उत्पाद ने पूर्ण प्रानकलन बताए जाने नाहिए निसस एन दूनरे से स्वतन दुहरे अन मिल सने। आजनल राष्ट्रीय आय के अरु मुख्यत उत्पाद प्राननलन है निनमें स्वित स्थान बाय प्राक्तलनों से भरे पए हैं।
- ६ विषय वर्णा के आय-अवको वे मनूरी और वेतन जोकडे ताय जाने चाहिए। इनमें कमचारी श्रीतपूर्ति के कब समयनो (constituents) जैसे मांच्या नियि (provident fund), निवृत्तिचेता (pension) और सामाजिक मुरसा-अध्यान का समावेश किया जाना चाहिए। कार्म-मनूरा, परेकू नीकरा आहिए का मिनने बाल प्रतिकर्णों को निश्चित करने के किस वर्षयाय किए जाने चाहिए। पह विज्ञारिक स्वकारों के वनमान असतोपनक वर्गीकरण में मुसार करने के किसे है न्योंकि राष्ट्रीय आय का प्रावक्तन करने में इनगर बहुत निवार रहना पवता है।
- निजी आय, मनानो ने निराए और सपति सवशी सामग्री मुनिश्चित
 ने ने लिए विशेष सर्वेक्षण विए णाने चाहिए।
 - ८ आयं कर सबधी सामग्री में सुधार किये जाने चाहिए।
- १ राष्ट्रीय बाय समिति और राष्ट्रीय प्रतिदर्श बर्देशय में सम यब (coordination) होना चाहिए। राष्ट्रीय प्रतिदर्श बर्देशय में सम यब (coordination) होना चाहिए। राष्ट्रीय प्रतिदर्श बर्देशय में सम यब (coordination) होना चाहिए। से राष्ट्रीय प्रतिदर्श सामग्री स्थान किया सामग्री से सांस्थान में वरण बाहिए। से राष्ट्रीय आय समिति सार मागि में सांस्थान में वरण बाहिए। से राष्ट्रीय आय सांस्था स्थान राष्ट्रीय प्रतिदर्श सर्वेशय ना सुद्द करना वावस्य होगा। अवएव एक उच्चाधिकार समिति बगाई बाय जिससे आयेवना आयाल (Planning Commission) के अनुस्थान नार्यं नम समिति (Research Programme Committee) और भारतीय सांस्थित्रके स्थान देशस्य सिति है प्रतिदर्शन के अपाय स्थान स्था

भारत सरकार ने इन मुक्कावा पर प्यान दिया है और उनका पाएन करने का भी प्रमत्न किया है। इन मुक्कावा क्यारियार स्वक्ष्य समा सात व हथि महास्वय के प्रमुलो के कुल प्रतिकदन चेत्र जब ७५०० काल एकर हुए महा है। अस्तिहार प्रमत्न सरकारों में विषयों का वर्णीनरण मूक्य खाकडा को सक्तित करने साती समिति के मुफ्तावों के अनुसार किया है। बाकडों के सकलन के लिये विषयों को सर्वधित मत्राज्यों में भेज दिया गया है। यह शासा को बातों हैं कि उपर्यृत्त सुक्तावों व सरकार के प्रव नो के फरस्वरूप प्राच्य राष्ट्रीय आय सामग्री में आवश्यक सुवार होगे।

भारतीय आँकडों की सामान्य आलीचना

स्थिले पूछो में हमने भारत में प्राप्य कुछ तर्काधिक महत्वपूर्व माँकहो को न्यारिन और क्षेत्र का दिवेचन किया है। इस विस्तृत अव्यापन के साय-काय उनने दोगों और कमियों का भी तल्लेल क्या गया है। आगाभी पूछो में भारतीय आँकड़ों की सामान्य मामाजीकार की नाज्य भी।

(१) भारतीय जॉकडो के विषद मुख्य आरोप यह है कि वे अपयोज (inadequate) है। इस सबय में हम मारतीय आर्थिक जॉन हामिति, १९२५ के ध्यम का उल्लेख कर सकते हैं, जियमें उन्होंने भारतीय बॉकडो की अपयोजता की और प्याप आर्काय किया है। समिति का कबता है कि

का आर व्यान वात्तवार्य वाक्या हुं। तानाय का क्यून हुं। ल "यह निर्वारित करने के लिये कि प्राप्त सारियकीय सामग्री अर्थशास्त्र के दृष्टि-कोण के हिन अर्थों में अपूर्ण हूं, इस विषय का अध्ययन निम्निलिबन तीन मुख्य वर्गों में किया जा सकता हैं

- (१) जानान्य बाँकडे—जिसमें उत्पादन आंकडे सम्मिनित नहीं है—जो वित्त, जनस्वता, व्यापार, परिवहनं और सवार, शिक्षा, प्रवासन और वीवन आंकडो का समावेश हैं।
- (२) उत्पादम-अकिडे--- जिसमें इपि, बरागाह, दुग्य सबधी, बन, मछली-ष्रणोग, समित्र, बडे पैमाने के ज्योग, जुटीर और छोटे पैमाने के ज्योग सम्मिसित हैं।
- (३) आय, थन आदि के प्राक्कलन-आय, धन, निवहि-व्यय, ऋणिता, मजूरी और मृत्य ।

धर्ग (१) के अन्तर्गत जाने बाठे बॉकडे न्यूनाधिक पूर्ण है, बर्म (२) के अन्तर्गत काने बाठे क्रुछ जॉकडे सतीयवनक हैं परन्तु अपूर्ण है और क्रुछ पूर्वत अप्राप्ट है। परन्तु जहीं तक पर्ग (२) के बॉकडों की बात है ब्रिटिज भारत में ब्यायक चेमाने पर इससे सबधित आवस्यक शामग्री सम्रह करने का कोई सतीयवनक प्रयस्त नहीं किया सर्वा ।

सिर्मित का यह कवन सुराष्ट्र रूप से बताता है कि इस सताब्दी के दूसरे दशक में सतीपजनक सारियकीय सामग्री प्राप्त नहीं थी । इसका मुख्य कारण विटिश सरकार dira

800

ना सामधी-सम्बह्ण में नोई दिल्लसी न होना था। जो भी दिल्लस्सी ली जानी थी वह पूर्णत प्रधासनीय दृष्टिनाण में थी। इस सन्दन में डा॰ बाउले और थी रॉवर्ट- सन सा सम्बन्ध उरु जिसी हैं (यह मारत में एन ब्राविस गणना को योजना (A Scheme for an Economic Census of India) १९३४ में दिया स्वाहें)

भारत में और डो रा उ जून प्रशासनीय नायों जैसे मू-राजस्व-सदह, या आगाना (जैसे अनाळ) से सर्वाधित सुनना ही आवश्यनता ने गह-उत्पादन ने रूप में हुआ है। नेवळ जन-गमना और बुळ मात्रां तन विदेती व्यापार ने क्षेत्रों में ऐसे मगठन हैं जिनवा

मुख्य कार्य मुक्का सब्रहहैं। एएस्वरूप आँकडे असमन्वित है और जलग-अलग विभागा द्वारा विविध रूपो में प्रकाशित किए जाते हैं । यद्यपि कुछ भागो में मावधानी पूर्वक काम किया जा रहा है और सूचना के क्षेत्र और परिश्रद्धना में सुधार करने के लिये इत निरमय (determined) प्रयत्न क्ये जा रह है, बन्य में बाक्डे अनावस्यक रप से प्रसत (diffuse), गभीर रप से बयवार्य, अपूर्ण और आमर है। महत्व-पूर्ण क्षेत्री ने बारे में सामान्य मुचना पूर्णत अविद्यमान है। एक्सात्र समन्वित सामान्य प्रकाशन सास्थिकीय सारादा (Statistical Abstract) है जिसमें कुछ महत्वपूर्ण आंकडे नहीं दिय रहने और उन्हें अन्य स्थानों में इंडना पचता है। स्थिति भी पुकार है वि एक विरोपन सास्यिक ने नियत्रण में आवश्यक परिवर्तन किये जायें ।' ऐसा प्रतीत होता है वि १९२५ और १९३४ वे बीच में आंकड़ो के सबहण में कोई प्रगति नहीं हुई । दूसरे विश्वयुद्ध नी वा रायधि में भारत सरकार ने इस बात का अनभव किया कि प्राप्य साब्यिकीय सामग्री बहुत अपर्याप्त है और इमलिए युद्ध मचा-रन में बाधायें आ रही है। इस कठिनाई का सामना करन के लिये उन्होंने मामग्री-सप्रह की कई परियाननाएँ प्रारंभ की । उनका मख्य प्यान कृपि और उद्यागी की कोर गया । भारत सरकार द्वारा १९४९ में नियुक्त राष्ट्रीय आय समिति ने भी सामग्री के अभाव की शिकायत की। फलस्वरूप, हम पात है कि इस दिशा में हाल में वहत प्रगति हुई है। भारत की राष्ट्रीय सरकार ने इस विषय में बहुत दिल्चस्पी छी। बै जानते ये कि दिना तथ्याको ने पूर्ण जान ने आयाजन सफल नही हो सनता । भारत सर-कार ते १९५३ में ऑकडा संग्रह अधिनियम बनाया और विविध मनालया से नवद सास्थिकीय विभाग क्षोछे हैं । भारत सरकार के प्रत्यक्ष प्रयक्षमा (supervision)

में आने पाला केन्द्रीय सास्थिकीय संगठन और बन्ध संस्थाएं प्रधाननेव नार्य नर रहें हैं। राष्ट्रीय प्रसिद्ध संख्यान पारतिय क्ये व्यवस्था ने विवित्व शेषा से संबंधिन सामग्री बनावार प्रशासित कर रहा है। आज त्य श्वेशते हैं कि औन डो के स्वय में इस इसत उसत हो गए हैं। इस-स्वय-सृष्ठ रिवित्वयों जमी वीय है एरला मुख्य माय बार हमारे पान ऐसी मास्विकीय मामग्री हो बाएगी जो बन्द वजत देशी की सामग्री के बरावर होगी।

- (३) भारतीय और से श्रेष्याध्या (coverage) बहुत कम है। त्याधीतता से पहले केवल अंद्रेजी भारत के बारे में अधिक उपलन्म थे। देशी राज्यों के बारे में नीई जात्वरारों नहीं मिलते की है। बुठ देशी राज्य औक्वान्यस्था करते थे, परज् जनकों मणहन्यवस्था अनुसार एवं प्रकाय और विधि स्वविश्वततीय थी। विजयन और राज्यों के पुत्रपंज्य के साथ भारतीय औक्वों का यह दोष बीरे-बीरे दूर ही रहा है और उनकी स्वास्त्र एवं क्षेत्र बंद रहा है।
- (४) एक अन्य महत्वपूर्ण वाय यह है कि भारतीय बांकडे बागुक (inaccu-Jaic) है। अपनुत्ता ने वर्ष लात है। पूर्व-विष्ण वर्ष बांक्शों के बारे में हमते हमा है कि मायमिक प्रतिवंदन अपनिक मायमिक कर निक्त नहीं मिलता, वे प्रतिक्रित नहीं हैं और उन्हें वर्ष अन्य प्रवार के बाम करने पत्त हैं। फन्याक्कर सामयी अपनु होगी हो। हाल ही में सरकार डारा सामयी-अपह के बलम बमंत्रारियों की नियुक्त किए जानी और उनकी प्रविकास अवस्य करने के बाद प्रसुक्त पार्य के जाने क्यी है कि बहुत समय से बमाया वाने बाला यह बारोज अब मही नहीं रहेता।
- (५) मारतीय अधिये सहसम्बद्ध (uncoordinated) है। अभी तर प्राप्त केता नाता है कि एक ही निवय है ग्रावीय ग्राम्य केता नाता है कि एक ही निवय है ग्रावीय ग्राम्य का कर का विश्वय समित्र हो है। दिना शास्त्र के मारण समस्यों क्षय हुई ही बाद होना है। ज्यारत ग्रास्त्र हो हका। १ वर्ष के मारण समस्यों क्षय हुई ही बाद होना है। ज्यारत ग्रास्त्र के विश्वय क्षेत्रों के उद्दूर ग्रास्त्र केंग शामणे मा फ्रमन्य करने भी एक परियोजना क्ष्माई है। अद्धूर परियोजना क्ष्माई है। अस्त क्ष्मां के साथ स्वस्त्र है। अस्त व्यवद्ध में केंगीय सामित्रकीय मारण की भी स्थायना की गई है। इस
 - (६) भारत में प्राप्य नास्थिनीय सामग्री ना समृचित विस्तेषण और विधापन (analysis and processing) नहीं होता। भारतीय जाकड़ो के विरुद्ध एक

४०२

मभीर बारोप यह है नि उनका सक्कन प्रचासकीय उद्देखों से होता है और इमिल्स उनका दिस्त्रेषण इस प्रकार किया बाता है जिससे वेचक वे हो निव्चर्य निवाले जा सकें जो प्रचासकीय दृष्टिकोण को सही निव्व करें और उसका प्रचार करें। आधिप सिव्वन्तों और विचारों की बहुवा उपेक्षा की जाती है।

- (७) भारतीय वनिष्ठे स्वय-व्याख्यात (self-explanatory) नहीं होन । कई स्थानी में उनना क्षेत्र की सार्थनान मानूस नहीं एंडी। वई वर्ष पट्ट मारत सरकार में 'वर्तमान सरकारी सार्थनान प्रदर्शन (A Guide to Current Official Statustics) प्रकाशित किया था। उत्तर अतेस सरकार ने नी समस्य प्रदर्शन (guide) प्रकाशित किए थे। जन्म राज्य सरकारों ने इनता प्रकाशन नहीं किया। भारत करकार और उत्तर प्रदेश सरकार का यह प्रकाशन क्ष्य गतनान नहीं किया। भारत करकार और उत्तर प्रदेश में प्रकृत वरक गए हैं और इस दिसा में हाल में बहुत प्रपति हुई है। इन 'प्रदर्शन' का दुहराया नहीं गया है। फल्टक्ट्य जाजक एक स्थान पर प्रारतीय जीव डो वे क्षेत्र और ध्यानि पर प्रकाश डाजने वाला कोई प्रमाण करकार नहीं है। हाल ही में नेत्रीय मास्थिनकीय सार्था है। एक 'वर्तमान सरकारी मास्थिकीय की हुवी' (A Key to Current Official Statistics) प्रकाशित की है। इसमें मारत में प्राप्य सार्थिकीय सामग्री मा प्रकाश बहुत ही किया नहीं है। इसमें मारत में प्राप्य सार्थिकीय सामग्री मा प्रकाश बहुत ही किया प्रवारतीय में हिं।
- (८) सर्वसाधारण को आंकडे प्राप्त नर से में बहुया बरवायिक विकास (delay) होता है। कभी-मार्ग इनका प्रकारक इतनी देर में हाता है महर्मा कर दे उपना महिर हु जाता। कोकडों वा नहत हर वा तम है कि वे बबियन है किये उनमि का अध्यान करने में महर्म करना है, इर का तम है कि वे बबियन के किये उनमि का अध्यान करने में समर्थ बनाते है। हुछ विकास तो मार्ग वा महर्म हो सहरा है, इर विकास का मुख्य बनाता है, परनु कभी-मार्ग करकारक विकास होना है। पहुँछ हुए विकास ना मुख्य बनाय का वा मार्ग के अध्यान करने मार्ग कर वा मार्ग का अध्यान करने किया है। यह करने का विकास करने की वा वा का किया है। यह नरकार के बात का वा मार्ग का महर्म का वा किया है। यह नरकार के बेंग का वा किया है। यह नरकार के विकास करने की वा वा किया है। यह नरकार के वा वा किया है। यह नरकार के विकास करने करने हैं। इस किया है। यह नरकार का क्षेत्र समय में भामी प्राप्त करना करने हैं। है। हमिए पानमाधा गय करना करने करने ही है। इसिएए पानमाधा गय करना करने करने ही है। इसिएए पानमाधा गय

यह भारतीय ऑक्डो की सामान्य कमियो का मध्यप्त विवरण है। हमारा क्या गड़ नहीं है कि भारतीय ऑक्डे मानिक और गुणास्मक रूप में निहुष्ट है। हाल में हुई प्रमृति को देखते हुए हुमें केन्द्रीय और राज्य मण्डना की प्रमृता करनी ही पडेगी। अभी और सुवार किये जा सक्त है और यह देवकर सतीप होता है कि भारत सरकार इसके प्रति सनक है।

OUESTIO VS

I Give a short account of procedure followed in taking the decennial population census of India State also the main difficulues which have to be overcome during the census taking

(B Com , Madras)

2 What statistical data are available in the census reports of India ? What assistance can a social worker get from such data ? (M S W . Lucknow)

3 What changes were made in the procedure of collecting population statistics at the time of the census of 1941 and 1951 What suggestion can you make for future

(B Com, Luckrow and I A S)

Write a brief critical note on the 1931 census of population (B Com , Allahabad)

5 Discuss the possible value of Census Reports to producers, manufacturers and businessmen. How can the Indian census reports be made more useful to the people? (B Com , Agebur)

- Write a critical account of the statistics of *Economic Characteristics" collected in the 1951 census of population in India (M Com , Allahabad)
- 7 What is the agency and method of collecting statistics of agricultural output in India ? What improvements would you suggest to make them more reliable and useful 2

(M S W . Lucknow)

I How can the method of "random sampling" be used for estimating correctly the yield of wheat in the U P?

(M. A. Apra)

9 How are crop forecasts prepared in India 2 Discuss the need for unproving the accuracy of these forecasts

(M A, dgra)

10 Define a normal yield and describe the official method of determining it. What do you consider to be the defects of the method and how would you remove them?

(M. A., Rajasthan)

How is the decennial population census organised in India? Enumerate the stems usually included in the census

An agricultural census is proposed to be made in 1951 with the object of obtaining information on the following ---

- (a) Holdings-their number, size, nature of tenure, etc.,
- (b) number and characteristics of persons engaged in agriculture,
- (c) area under crops, volume of production, and
- (d) number of livestock and agricultural implements

To what extent do you consider it feasible and advantageous

- to integrate the two censuses? (IAS)

 12 Describe the methods current in India of collecting agricultural statistics of area and yield and express your opinion about the relative ments of each of the methods employed
- 13 Describe the official method of collecing statistics of acreage under crops in (a) temporarily settled, (b) permanently settled, and (c) unsurveyed parts of India To what extent do you consider these statistics to be reliable * Suggest ways of improving their
- accuracy (I A S)

 14 What do you understand by the term "Indian Agricultural Statistics" 2 Outline their shortcomings and give concrete suggestions to remedy them
- gestions to remedy them (M. A., Rajasthan)

 15. How will you construct an index number of prices that will
 exhibit with great sensitiveness movement in the general price
 level? Examine from this point of view the (Indian) Economic
- Adviser's Index Number of Wholesale Prices (I A S)

 16 Examine critically the method adopted by the Economic
- Adviser to the Government of India for estimating the changes in general level of prices and suggest improvements (M. A, Agra)

 17 Describe any Index Number in use in India at present for
- 17 Describe any Index Number in use in India at present for measuring changes in the wholesale price level and point out its shortcomings (M. A., Calcutta)

 18 Discuss briefly the statistical material available in India.
- 18 Discuss briefly the statistical material available in Indi, with regard to any two of the following
 - (a) Acreage and yield of crops,
 - (b) Imports,
 - (c) Inland Trade, (d) Labour.
 - (e) Land foreign trade
 - (B Com Hons, Travancore)
- 19 State the principal sources of statistics relating to the inland trade of India and discuss their reliability

(B Com, Madras)

20 Give a short account of some of the official publications relating to import and export statistics of India (M. A. Galcutta)

(M A, Calcutta)

- 21 Explain the main defects of the statistics of wages in India How can these defects be removed ? (M. Com., Agra) 22 Point out the defects of the statistics of Industrial Pro
- 22 Point out the defects of the statistics of Industrial Production available in India Suggest ways to improve them (M Com Allahabad)
- 23 Write a lucid note on the nature and scope of Industrial statistics in India (B Com Allahabed)
- 24 Write a note on the National Sample Surveys which have been conducted in this country for some time past (M Com, Allahabad)
- 25 What is meant by the National Income of India? What material is available to estimate the National Income? What are
- the main methods of estimating it?

 (B Com , Madras)

 26 Describe the statistical aspects of Social Accounting
 Illustrate these aspects with reference to the National Income Esti-
- interract these aspects with reference to the Austrian from Estimate for 1948-1949 made on behalf of the Government of India Ducus also the use and the imutations of the main results obtained in that estimate

 27. What are the three chief methods of estimating the n_2 .
- 27 What are the three chief methods of estimating the national income of a country? Which method is suitable for India and why? (M. A. Calcuta)
- and why (M. A., Calcutta)

 28 Describe briefly the method followed by the Nanonal Income for India for 1948-49? How far does this method differ from the one
- recommended by the Bowley Robertson Committee
 (B. Com., Allahabad)
- 29 What are the special problems of Nanonal Income estimation in India? Describe briefly the various methods followed for the calculation of Indian income? (M. Com., Allahabad)
- 30 "Statistics in India are neither complete nor reliable"

 Assess the correctness of this statement (M. Com., Agra)



MATHEMATICAL TABLES

METHOD OF CONSULTING

There are a few sample rules which should be borne in mind while consulting these tables. The use of the tables affords quick and easy calculations, but it requires ample practice before one is able to derive adequate advantage from them

Logarithms: The logarithm of a number is the power to which the base 10 should be raised to equal that number Thus, the log of 10 is 1 (10 = 10), of 100 is 2 (10 = 100), of 1,000 m 3 (10 = 1,000) and so on

The numbers which we have taken in the above examples, sig. 10, 100 and 1,000 are convenient numbers and without the aid of tables we can give the log or the power to which the base 10 should be raused to equal those numbers. But all numbers are not so convenient and their logs cannot be determined so easily. For example, we cannot give the logs of 15 or 63 or 1234, etc. In other words, we cannot give off hand the power to which 10 should be raised to equal these numbers. We have to take the help of log tables to determine the logs of 180 numbers.

The log of a number consists of two parts—the characteristic and the manissa. For the characteristic part we need not consult these tables, but a mere observation of the given quantity and the application of a simple rule will give the characteristic of the log of a given number. For the manissa part of the log of any given number we are required to consult the tables. The characteristic part of the log is separated from the manissa part by a decimal point.

Moraeterstie: The characteristic of the log of a number more than '1' is found by the formula 'a-1', where 'n' stands for the number of digits before the decimal point. Thus, the characteristic of the log of 5 is 0 (1–1=0), of 12 is 1 (2–1=1), of 457 82 is 2(3-1=2), and so on

The characteristic of a number less than 1 m found by the formula NN+1, where N stands for the number of 0s after the decimal point but before any significant digit. It should, further, be remembered that the characteristic of the log of a number less than 1 is always a negative quantity, and the sums sign m placed not at the customary place at the left of the figure, but at the top of it. The reason m that the characteristic of the log of a number can be mostive or a negative quantity according to as the given number is more than 1 or less than 1 but the mantiss is always

a positive quantity. Therefore, if the minus sign at placed at the left of the log of the number the whole of the quantity will become negative. Thus, the characteristics of the logs of 0.63, 0.066, 0.0062, and 0.0601 are respectively 1 (called minus 1 or bar 1), 2, 3, and 2

Alemius As has been observed earlier, we consult these tables for the manusas part of the log of a number. Two important things about the Manussa must be noted here. Firstly, the manusas of the log of a number is the same irrespective of the place of decimal in that number. That is, we completely ignore the decimal in the given number while finding the manussa from the tables. Thus the manusas of 0.07, 0.7, 70, 70, 700, etc. is the same in each case. The second thing to be noted about the manussa is that it is always a positive quantity. We shall see later the sumficience of this point.

The procedure for finding the manusas of a given number is that the figure is reduced to 4 digits according to rules of approximation discussed earlier in Chapter II. The first two digits are seen in the left-shand vertical column and we read off ithe figure given before it in the column heading of the third digit. To the figure thus obtained we add the quantity appearing under the 'mean difference' under column heading of the fourth digit.

According to this rule the manitiss of 63.2 is 8029 (i.e. 63 and the 5020 and in the 5020 column 5 is 6020 and in the 5020 and thus the final figure of 8029 emerges). Similarly, the manistas of 52347 at 7189 (i.e. 52 in column 3 gives 7185, and to which we add figure appearing in column 5 of the mean difference; are 4 and thus we insuly get 7189. We have seen in the mean difference column under column 5 and not because the following figure is 7 which is more than 5 and according to the rules of approximation the last digit is to be increased to the rules of approximation the last digit is to be increased of the first figure in the first figure in the first figure in the first figure is to be increased by the figure of the first figure in the first figure is to be columns of mean differences are not give in any table of given figure is the first f

The logs of certain numbers according to the above rules for finding the characteristics and the mantissa are given below.

Number	Loganthms	Number	Loganthms
5	0 6990	0 3452	1 5381
47	1 6721	0 0435	2 6385
135	2 1303	II 0028	3 4172
6326	3 8011	0 0603	11 7803
88257	4 9158	0 0003	4 4771

Antilogarithms: We can find the anu log of a given log or of a given number. A log, as we have seen earlier, consists of the characteristic and the mantissa. When we find the log of a number we consult the tables for the mantissa part only and not for the characteristic part. Hence when we have to find the anti log of a given number we shall see the mantissa part of it (i.e. the digits after the decimal point) only. The procedure for consulting the tables of anti log is the same as outlined above for log. The place of decimals determined by the characteristic of the given number, i.e. the number of digits before the decimal point. The anti-logs of certain numbers are now below.

Number	Antı log	Number	Antı log
0 6325	4 290	3 5621	3649 U
1 5789	37 92	4 3451	22140 U
2 3452	221 4	1 4271	0.2674

Reciprocals: The reciprocal of a given number is 'unity' divided by that number. Thus, the reciprocal of $l=\frac{1}{2}=1$, of $2=\frac{1}{2}=0.5$, of $3=\frac{1}{2}=0.35$, etc.

The tables of reciprocals give reciprocals of all numbers given

in the left-hand vertical column. The third digit of the given figure is to be seen in the top horizontal column while the fourth digit in the column of mean differences. The figure appearing in the mean differences column is not to be added but deducted. Then, it should be remembered that if the decimal point moves by one digit to the right in the given number it moves by one digit to the left in the reciprocal. The reciprocals of certain numbers are given below.—

Number	Reciprocal	Number	Reciprocal
5	0 2	0 6394	15 66
12	0 0833	0 0322	31 06
315	0 003175	0 0045	222 2

Uses of Logarithmic Tables

Logarithmic tables are extensively used in calculation work, particularly in multiplication, division and in finding powers and roots of given numbers. The use of log tables in such cases makes the work of calculations very easy and quick but the results are only approximately correct.

Multiplication—When two or more numbers are to be multiplied to each other the anti log of the sum of the logs of these numbers gives the approximate value of the product. Use of logs comes very handy when several large quantities are to be multiplied Pauri—Logs are frequently used in finding the values of numbers ranced to certain powers. Tables of squares do not often give satisfactory results if numbers are raised to the power '2' It's, therefore, customary to calculate the power, squares and cubes, etc. with the help of log tables. Numbers raised to certain powers mean that they are multiplied so many tunes. The method of finding the values with the help of log tables is that the log of the number is multiplied by its power and the anti-log of the product gives the desired value.

Illustration 1

To find the product, squares and cubes of the following numbers —

Ders .	_				
3	625, 412, 5	27, 5, 0 7,	and 0.04		
Numb	er Logs	Log	Log	Squares	Cubes
		×2	×3		
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)
3625	3 5593	7 1186	10 6779	13140000 0	47630000000 0
412	2 6149	5 2298	7 6447	169700 0	44130000 0
27	1 4314	2 8628	4 2942	729 L	19690 ₪
5	0 6990	1 3980	2 0970	25 0	125 0
0.7	1 8451	1 6902	1 5353	0 49	0 3430
0 04	2 6021	3 2042	5 8063	0 0016	0 000064
	II 7518				
	1316				

The following points in connection with the above calculations should be carefully understood —

- (1) In adding the logs in column 2 all the mantisst parts have been added although the last two logs are negative quantities. The reason has already been explained earlier that the mantissa of a log is always a positive quantity. The negative nature of the characteristic of the last two logs has, however, been taken into account.
 - (u) In multiplying the negative characteristics of the last two logs at should be remembered that since the mantissa m a positive quantity, the carry over is also a positive quantity, which is to be deducted from the quantity arrived after multiplying the negative characteristic by the given number.

Divinin-When a quantity is to be divided by another quantity the procedure is to find the logs of both the numbers and from

• •			 	

सास्थिकी के भरल सिद्धान्त the log of quantity to be divided deduct the log of the diviser and find the anti log This will give the quotient

Illustration 2-Find the value of 635-12

Log 635=2 8028 Log 12=1 0792

Antı log 1 7236=52.91

1 7236

Illustration 3 Find the value of 12-635. Log 12=1 0792

Antı log of 2 2764=0 0189.

Log 635=2 8028

2 2764

Roots-If it is required to find the roots of numbers with the help of log tables , the procedure is to find the log of the given num-

ber and divide it by the root required to be found. The anti-log

or me duoment at	II RIVE THE TOOL
Illustration 4	To find the square roots and cube roots of the
squares and cube	s given in illustration I above

		quare roots and cul	be roots of the
squares and cube	s given in illu	stration I above	
Number	Log	Log-2	Anti log (square root)

3625 13140000 7 1186 3 5593

169700 5 2297 2 6149 412

729 1 2 8628 1 4314

25 0 1 3980 0 6990 5 0 49 1 6902 1 8451 0.7

0 0016 3 2042 2 6021 0 04

10 6779 3 5593 3625

476300000000

44130000 7 6447 2 6149 412

4 2942 1 4314 27 19690

2 0970 0.6990 5 125

1 5353 1 8451 0.7 0 3430

1.04 0 000064 5.8063 2 6021

The proordure of dividing the logs having the negative characteristics has to be carefully understood. The negative characteristic is token into two parts in such a way that the first part is a positive part and the second part is a negative part, the first part is a multiple of the diviser and the second part is also shan the diviser. After thus breaking it the quantity is divided in the above example. The stees are shown below —

Ī 6902-2=-2+1 6902-2=Ī 8451

3 2042-2=-4+1 2042-2≔2 6021

2 5353-3=-3+2 5353-3=1 8451

5 8063-3=-6+1 8063-3=2 6021

LOGARITHMS

_		_		_	_						_		_	_	_			
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	12	3	1	5	6	17	8	9
10	0000	0043	0086	0128	0170	0212	0253	0291	0334	0374	18	12	17	21	25	29	33	37
111	0414	0453	0492	0531	0569	0607	0645 1004	0682	0719	0755	48	11	15	19	23	26	30	34
	1139	1173	1206	1239	1271	1303	2335	1367	1190	7410	126	10	12	16	10	22	20	20
14	1461	1492	1523	1553	1584	1614	1644	1673	1703	1712	126	9	12	15	18	21	24	27
13							1931									ı		
16	2041	2068	2095	2122	2148	2175	2202	2227	2753	2279	35	8	11	13	16	18	21	24
117	2304	2330	2355	2380	2405	2430	2455	2486	2504	2529	23	- 3	110	12	15	17	20	22
19	2553	23//	2001	2056	2076	2072	2923	2718	2742	2/65	125	4	1 3	17	14	16	13	21,
	3010	3032	3054	3075	3036	3118	3133	3160	3181	3201	24	έ	8	ii	13	13	17	19
21 22		3243	3263	3284	3304	3324	3345	3365	3385	3104	24	6	8	10	12	14	16	18
	3617	2626	3401	3483	3301	3342	3541	3360	3579	3598	133	5	1 2	10	12	15	15	37)
124	3802	3820	3838	3856	13874	3892	3909	13927	3945	3962	24	5	7	9	12	12	14	16
25	3979	3997	4014	4031	4048	4963	4982	4039	4316	4133	23	5	Ì	9	10	12	14	13
26	4150	4166	4183	4200	4216	4232	4249	4265	4281	4298	23	5	7	8	10	11	13	25
27	4314	4330	4346	4362	1378	4393	4409	4425	4440	4456	23	5	6	8	9	11	13	14
28	4472	4637	1502	4328	4503	4548	4713	4579	4594	4609	123	5	١٥	8	9	111	ΙZ	14[
	4771	4786	4800	4814	4829	4843	4857	4871	1886	4900	13	4	ē					
31		4929	4942	4955	1969	4983	4997	5011	5024	5038	13	4	6	7	8			
32	5051	5865	5079	5092	5105	5119	5132	15145	5159	5172	13	4	5	7	3		11	
33	5315	5278	5240	5252	2256	5378	5491	5403	5416	5392	133	4	15	ě	å		10	12
35	5441	5453	5465	5478	5490	5582	5514	5527	5539	5551	i 2	4	5	ĕ	7		10	
36	5,163	5575	5587	5599	5611	5623	\$635	5647	5658	\$670	12	4	5	6	2		10	
37	5682	5694	5703	5717	5729	5740	5752 5866	5977	5775	5786	12	3	3	9	31	8	9	
39	5011	5977	5937	5044	5955	3000	5977	SUR	5990	6010	15	3	4	5	-			iol
140	6021	6031	6042	6053	5064	6075	6085	6096	6107	6117	12	3	4	5	6	ŝ	9	
41	6128	6138	6149	6160	6170	6180	6191	6201	6212	6222	12	3	4	5	6		8	
42	6232	6243	6253	6263	6274	6775	6294 6395	E406	6415	6425	12	3	2	?	21	ź		
44	6435	6444	6454	6454	6474	6484	5443	6503	6513	6522	€ 2	31	4	5	61		ă	
45	-6532	6542	6551	6561	6571	6580	6590	6599	6609	8189	12	3	4	5	6	7	8	9
16	6628	6637	6646	66,56	6665	6675	6684	6693	6702	6712	12	3	4	5	6	7	7	3
48	6721	6931	6/39	6010	6948	6457	6865	6875	6884	6893	17	3	4	4	3		ŕ	
149	6902	6911	6920	6978	6937	6946	6955	6964	6972	6981	i2	3	4	4	51	6	7	8]
50	6998	6998	7997	7016	7024	7033	7012	3820	7059	7067	12	3			5	6		- 1
St	7076	7084	7033	7101	7110	TUE	7126	7135	7143	7152	12	3	3	1	5	6	7	8

	0	1	2	3	1	5	6	7		,	123	456	78
52	7160	7163	7177	718>	7193	7202	7210	712	7226	7235	122	315	67
531	7713	7751	7950	305-	2272	7754	7797	2300	7304	7715	1122	1345	1 6
54	2324	337	7343	7343	7336	7351	73"2	17330	7338	7395	1172	343	0.0
ss	7404	132	7419	7627	7435	7143	451	109	7456	7474	222	345	56
sدا	7482	7490	497	750-	7-13	570	28	7536	7543	501	122	345	56
٦I	529	7566	7574	7582	⇒89	759"	604	7612	7619	627	122	345	56
a۱	534	7647	7649	6.7	664	7672	679					344	
]e	7 29	7716	7723	7731	7733	7745	52					344	
띠	7-82	7783	796	253	210	818	\$3>	832	839	78-45	1112	344	26
61 l	*853	7855	7863	275	7882	689	7896	7503	910	7917	1 1 2	344	56
62	7924	7931	7938	79ta	29>2	7939	~966	7973	988	793	1112	334	135
6.3													
\$4 	8062	8563	2275	2323	8089	8096	8102	8109	2116	8122	1112	334	125
62	8129	813\$	2142	8149	8156	8152	8169	8176	8183	8189	12 12	334	3.5
66	8190	8203	8209	821>	8222	8228	8233	2211	8243	8254	112	334	55
67	8251	8167	8274	\$280	8287	8793	8299	8306	8312	5319	112	331	2.5
68	8325	8321	ध्य	8314	8331	833	8363	8370	83 6	8382	1112	331	155
69	\$353	2137	5401	8437	8114	8420	8426	8437	8439	8445]:::2	1231	112
ᅦ	1438	8437	មល	84.0	[8H 6	E452	\$483	8434	\$300	SD(0)	1212	[232	[13
71	8513	8019	ಓಡಿ	13دة	8137	8543	\$549	8535	8361	8567	112	234	45
72	8573	8373	ಬಿಬಿ	18c8	8,97	8603	8509	8515	\$621	8627	1112	231	115
73	8633 8592	8033	2543	5551	607	2663	2009	18073	0001	2020	1112	1231	112
5	8751	8°35	2 TO 6	8768	8774	8772	8735	2791	8737	2802	liiź	233	33
									99-4		l	١	١
-0	2303	8314	6520	8523	8231	833/	43 ET	ယ္သြား	6021	9233	1112	1233	122
77	8853 8921	8077	9070	0310	9047	2010	2054	2060	2368	9971	1112	1533	133
~	804	2991	9 227	2021	8939	9004	2333	9773	9375	6225	1119	233	111
8Ĵ	9331	9236	9342	5017	9333	9358	5^63	9069	9974	E 9	112	233	14
81	A12.	9791	9165	9141	aire	0117	9112	9177	9129	9133	1112	233	
27	9233 9133	9141	9110	91-4	9129	9165	91 0	18173	9120	9186	212	1533	122
83	9191	9195	9701	97%	9712	9717	9777	9227	9737	9238	1112	233	44
84	9743	9245	9253	9258	9263	9269	9274	97"9	9734	9289	112	233	44
25	4234	9239	9304	9339	9315	9320	9377	9330	8222	9340	112	233	44
25		935	930	9365	9363	9170	9375	9350	9383	9330	1111	233	4
87	1-9393	19433	942	9910	9411	4620	94.3	9430	9432	9440	D11	223	হ ব
183	411	1915	9453	9453	19465	9459	94 4	19479	9134	9439	it tol	223	24
89	-9191	9133	9,0	9,23	9-13	9518	9>_1	22دو	8733	233	011	223	3 4
	-8×1												
91	-9534 -9534	939.	96%	9635	9639	9614	5619	9624	9622	9633	811	223	3 4
123	553	1954	966	7 9552	795.27	9661	9666	36.1	9673	9630	110	223	34
133	202	1222	969	9599	19703	9 03	9713	9787	2.55	5727	211	223	34
9	-958: -973 -977:	9 8	798	9783	9730	9000	9739	4803	9314	9318	511	723	34
13	982	251	733	2 2336	1321	9313	90.0	327-6	2023	2292	911	223	34
14	-9261 -991	1001	2 002	2021	12000	3333	V591	3777	23/03	23,233	911	223	34
12	393	926	996	9000	3338	9934	2333	1235	3753	3332	1011	223	34
1	1	1		343	1 -2 1								

ANTI LOGARITHMS

00 1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000	Ł		٥	1	ż	3	4	5	6			,	1	21	ŀ	15	6	1	8	9
10	•	00	1000	1002	1005	1007	1009	1012	1014	2016	1019	1021	ŀ	0 5	Ţ	1 1	ı	2	2	2
10	9	11	1023	1026	1028	1036	1033	1835	1038	1040	1042	1845	0	8 1	ŀ	1	t	2	2	2
No.	13	72	2047	10.0	1052	1054	1057	1059	1062	1064	1067	1069	10	01	В	ı	1	2	2:	2
12 12 12 13 13 14 15 15 15 16 16 16 16 16	13	31	1074	1074	1076	1079	1081	1984	1035	1023	1691	1094	16	9 3	п	1	ı	2	2:	2
1															1			1-		-
10 175	Ľ	05	1172	1125	1127	1130	1137	1135	1138	1140	1143	1146	10	11	1	1	2	12	2	2
0 120 120 120 120 120 120 120 120 120 12	Ľ	10	1115	1131	1153	1136	1139	1161	1102	1167	1109	1172	12		н	ч	2	12	2:	2
0 120 120 120 120 120 120 120 120 120 12	H	10	1202	1205	1209	1751	1213	1216	1719	1777	1775	1777	10	11	H	12	ž	Ę	7	31
15 161 161 161 161 161 162	Į	09	1210	1233	1236	1239	1242	1245	1267	1250	1253	1756	(ō	ij	ľ	i	2	2	2	š
15 161 161 161 161 161 162	Ь	(II	1259	1262	1265	1268	1271	1274	1276	1279	1282	2285	8	11	ı,	11	2	2	2:	9
15 161 161 161 161 161 162	п	H	1288	1291	1294	1297	1300	1303	1306	1309	1317	1315	10	11	П	2	2	Ž	2:	si
15 161 161 161 161 161 162	Ц	п	1318	1321	1324	1327	1338	1334	2337	1340	1343	1346	10	11	П	2	2	2	2:	3 I
15 161 161 161 161 161 162	В	23	1319	1352	1355	1229	1361	1365	1368	1376	1374	1377	15	!!	н	2	3	3	33	IJ
20 1200 1200 1200 1200 1200 1200 1200 1																				
20 1200 1200 1200 1200 1200 1200 1200 1	П	15	1413	1416	1419	1422	1426	1429	3432	1435	1439	1442	12	11	11	2	2	2	33	4
20 1200 1200 1200 1200 1200 1200 1200 1	L	10	1243	1449	1452	1422	1423	1467	1100	1469	1472	1975	ľ	!!	п	2	2	3	33	41
20 1200 1200 1200 1200 1200 1200 1200 1	ſ		1514	1517	1511	1574	1576	2531	1535	1578	1542	1545	6	"	ĸ	4	í,	4	22	1
22 1922 1923 1924 1927 1927 1921 1944 1944 1927 1928 1927 1922 1923	ŀ	19	1549	1552	1556	1560	1563	1567	1570	1574	1578	1361	ā	ii	Įi	2	2	3	ij	I
22 266 170 170 170 170 170 171 171 172 170 1			1583	1389	1592	1596	1600	1603	1607	1611	1614	1618	a,	11	ı	2:	2	3:	33	ſ
22 266 170 170 170 170 170 171 171 172 170 1	13	21	1622	1626	1629	1633	1637	164E	1644	1648	1652	1656	91	ш	2	23	2	3:	13	ſ
28 1726 1746 1746 1746 1746 1747 1747 1747 174	В	27	1660	1563	1667	1671	1675	1679	1683	1687	1630	1094	9	н	2	2:	31	3 :	13	ł
25 TITLE LINE THE TOTAL COUNTRY OF THE OWN THAT HERE & 1 I I I I I I I I I I I I I I I I I I	Ľ	24	1798	1742	1705	1710 175A	1729	1710	1767	1766	1770	1774	61	н	Iš	3:	:1:	3 3	ы	Ł
20 100 1	п			-											1.		Т		- 1	ı
20 100 1	1	23	1020	1834	£386	1791	1795	1799	1045	1841	1954	1010	4	н	13	23	1	33		Ł
20 100 1	L	22	1862	1866	1871	1874	183/ 1879	1884	1888	1892	1897	1901	o i	н	15	2 1		3	H	ı
22 1595 150 150 150 150 150 150 150 150 157 157 157 157 157 150 150 151 15 15 2 3 4 4 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	В	28	190a	1910	1914	1919	1923	1925	1932	1936	1941	1945	0	1	12	23	II.	3 4	и	Ł
31) 2621 2706 2706 2705 2705 2706 2706 2707 2707 2000 2706 2816 2811 222 3 4 4 5 5 7 5 7 5 7 5 7 5 7 5 7 5 7 5 7 5	ŀ	23	1950	1934	1959	1963	196#	1972	1977	1982	1986	1992	0 1	t	2	23	ŀ	3 4	4	t
12 7200 200 2004 2005 2006 1000 2100 2100 2100 2100 2100 2100	ŀ	30	1993	2000	2004	2009	2014	2015	2023	2028	2032	2037	91	ŧ	2	23	ıl	3 4	4	ı
10 11 11 12 12 12 12 12	Ľ	31	2042	2046	2031	2056	2061	2963	2070	2075	2080	2084	0	н	13	23	ì.	9 4	*	ł
14 210 119 2195 2201 2200 2211 2210 2220 2220 2220 2230 223	ľ	37	7112	7141	2099	7104	2109	2113	7158	7173	2178	2133	0	н	13	23	1	3 1	1	ı
37 244 2306 2355 2360 2364 2377 2277 2282 2388 2379 1 2 2 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 5 2 5 4 6 5 2 5 2 5 4 6 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5	ľ	34	2188	2193	2198	2203	2208	2213	2218	2223	2228	2234	i	2	2	33	ı	i	3	ı
37 244 2306 2355 2360 2364 2377 2277 2282 2388 2379 1 2 2 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 4 5 2 5 4 6 5 2 5 4 6 5 2 5 2 5 4 6 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5	1	35	2239	2244	2249	2254	2259	2265	2270	2273	2280	2286	11	2	2	3 3	١		3	l
39 243 240 246 2477 2477 2483 2489 2495 2590 2506 13 2 2 3 3 4 5 3 4 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5	1	36	2291	2296	2301	2307	2312	2317	2323	2328	2333	2339	11	2	2	33	ų(14	5	ı
39 243 240 246 2477 2477 2483 2489 2495 2590 2506 13 2 2 3 3 4 5 3 4 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5 2 5	L	37	2344	2350	2355	2360	2366	2371	2377	2382	2388	2393	4	2	2	53	ï	1	5	ı
40 2512 2518 2523 2720 2735 7541 2547 2523 2559 2564 1 22 2 2 4 5 5 4 1 2570 2576 2582 2588 2594 7500 2506 2612 2618 7574 1 1 2 2 2 4 4 5 5 4 1 2530 2556 2512 2588 2594 7500 2506 2612 2618 7574 1 1 2 2 2 4 4 5 5 4 1 2 5 5 1 2 5 1 4 1 2	ı	38 10	2399	2454	2410	2915	2423	2427	7420	7495	2200	2506	H	2	2	33	П	::	3	ı
42 2530 1536 1542 2449 1555 7561 2657 1573 1573 1573 1573 1573 1573 1573 15												- 1		_			1		- 1	
42 2530 1536 1542 2449 1555 7561 2657 1573 1573 1573 1573 1573 1573 1573 15	:	40	2512	2518	2523	2>29	2535	2541	2547	2553	2559	2564		2	2	3 5	П	15	5	ı
43 2692 2698 2704 2710 2716 2723 2729 2735 2742 2748 1 1 2 3 3 4 1 5 6 44 2734 2761 2767 2773 2780 2786 2793 2799 2805 2812 1 1 2 3 3 4 1 5 6	U	47	2630	7634	2582	2649	2652	7561	3663	7673	7679	7685	i	2	5	? 4	D	3	á	
	1	i 3	2692	2698	2704	2710	2716	2723	2729	2735	2742	2748	i	2	3	3 4	П	iŝ	6	ı
	Į	44	2754	2761	2767	2773	2780	2786	2793	2799	2805	2812	11	2	3	3 4	ŀ	15	6	ı
45 2818 2825 2831 2838 2846 2851 2858 2864 2871 2877 [1 2 3 3 4 5 5 6	۱	45	2818	2825	2831	2838	2844	28al	2858	2864	2871	2877	11	2	3	3 1	ŀ	5	6	
15 2015 (01.5 28.5) 28.51 28.58 28.54 26.51 20.50 20.00 20.51 20.5	i	16	Z084	2591	2897	2901	2911	2917	2924	2731	2735	1012	::	4	3	31	II.	5	2	
11 (49) 1000 1000 200 2011 2017 2000 2032 2032 3000 3013 11 213 3 4 3 5 6	ŧ.	37	12020	2000	2963	2011	20179	2363	3052	2050	3075	CROP	::	5	3	22	l.	3	킌	
48 3020 3027 3034 3041 3048 305 3062 3069 3076 3083 2 1 2 3 4 4 5 6 6 49 3090 3097 3105 3112 3119 3126 3133 3141 3148 3155 1 1 2 3 4 4 5 6 6	Į.	19	3090	3097	3105	3117	3110	3176	3133	3141	3148	3155	i	ž	3	; ;	ı	6	6	
	L	-	-	1-77	-303		1				_		-	1	_		ľ	_		

ANTI LOGARITHMS

	0	ı	1	,	1	\$	6	7		,	11:	3	4	3	4	7	8	3
35151515	3162 3236 3311 3383 3467	3170 3243 3319 3396 3415	3177 3251 3327 3404 3493	3184 3254 3134 3412 3412	3192 3766 3342 3420 3439	3199 3273 3350 3428 3568	3206 3281 3347 3436 3516	3214 3289 3365 3443 3324	3221 3296 3373 3451 3532	3228 1304 1381 1381 3459 1540	111111111111111111111111111111111111111	12	3 3 3 3 3	4444	45555	5 5 6	6 6 6 6	7 7 7 7 7 7 7 7
35	3548 3631 3715 3887	3:56	3565 3648 3733 3819	3573 3656 3741 3328	3581 3664 1730 3837	3589 3673 3758 3816	3597 3651 3767 3855	3506 3690 3776 3864	3696 3696 3784 3873	3622 3707 3793 3842	11 11 11	2 Z 2 3 2 3 2 3	3 3 4	4414	5	5 5 6	77777	8
함하	3931 40 4 4169 4266 4365	4033 4178 4276	6993 4188 4285	1198 1198	6207 638>	4171 4217 4315	4130 4227 4325	4140 4236 4335	1150 1766 1345	6159 4256 6355	1	23	1	5	66666	7 7	8	
-65 -67	4467 4578 4677 4786 4398	4:81 4683 4797 4909	4599 4599 4308 4320	4503 4710 4319 4932	4613 4711 4831 1943	4624 4732 4842 4935	4742 4353 4966	4545 4753 4854 4977	1636 1764 1875 1989	4667 4775 4887 5000	1	23	4	5 6	67777	7 8	9	919
73	\$012 \$129 \$248 \$370 \$495 \$623	5383	5152 5272 5395	5284 5438 5438	5176 5297 5420	5188 5309 5433 5559	5200 5371 3463 5572	5212 5333 5438 5438	5724 5346 5470 1193	\$236 \$358 \$483 \$610	1	7 6 7 6 3 9	5	6664	7	9999	9 10 10 10 10 10 10 10	15 16 11 11
76 77 78 79	5734 3838 6026 6156	3768 3902 6039 6180	5781 5916 6033 6191	5794 3929 6067 6203	5888 5943 6031 6223	5821 5957 6095 6237	5834 5970 6109 6232	5848 5901 6121 6266	3861 3933 6138 6281	3873 6012 6152 6293	-	3 4 3 4 3 4	3 6 6	7 7 7 7	10000	9 10 10 20		12 12 13 13
81 81 81 81	6310 64 7 6607 6751 6918	6522 6577 6934	6637 6637 6792 6930	6501 6633 6863 6966	6516 6653 6823 6983	6531 6683 6835 6998	6699 6833 7015	6714 6714 6871 7031	6710 6887 7047	6 45 6903 7063	222	35	6	8 40 80	9 9	12 12 11 11	12 12 13	14 14 15
1 23		7/8	1 1/90	1410	12831	7634	1014	1,000	1307	110	ľ		ľ	31	щ	123	Ħ	16
3.2.4	7943 8123 8314 8511	833 853 873	8356 8356 8750	8375 85 II 8770	8393 8393 8390	8414 8610 8310	8433 8633 8831	84 3 8630 8931	8472 8670 8572	8172 8172 8670 8397	2 2 2	16		101	12	14 14 15	15 15 16	17 17 18 18
9999	8917 6 9126 7 933 8 9356 9 977	893 914 933 937 957 979	3 2954 1 916. 1 9374 2 9591 3 9517	9143 9143 9397 9616 9810	9995 9204 9415 9638 9863	9016 9276 9461 9461 9886	9036 9 47 916 9683 9908	50 7 9*68 9484 9 05 9931	9078 9290 9306 9727 9924	9033 9311 9523 9730 9777	2 2 2 2 2 2	16 17 17 17	88999	111	13	15 15 16 III	17 17 18 18	19 19 20 20

RECIPROCALS OF FOUR FIGURE NUMBERS

		,	,	,	4	5		,	8	,		_	M			Tere act	neer)		
							1					2	3	•	5	6	7	8	,
Q-N34	7692	9009 8264 6 4	8929 8197 7576	8830 8130 7519	8772 8065 7163	9524 8696 8000 2407 6"97	9621 7937 7353	6547 7874 7299	8475 7813 7246	8403 7752 7194	8 7 6	15 13	23 20 17	31 26 21	28 23 28	55 48 39 33 29	53 46 39	51 52	
100 mg	\$882 5556 2263	6211 5848 5525 5236	5173 5814 5495 5202	6135 5780 5464 5161	5747 5435 4.45	8452 6061 5214 5405 5128	6024 5682 6378 5102	\$018 6650 6348 8076	5952 5618 5319 50 J	5917 5587 \$291 \$025	3 3 8	7 6 5	13 11 10 9 8	15 13	18 16 15 13	92 20 17	25 23 20	25 27	33 29 26 24
News	^167	4329 4329 4146	4 10	4184 4292 4115	4464 4474 4008	+144 4255 4082	4425 4237 4065	4495 4219 4049	4388 4202 80 2	4367 4184 4016	22,23.02	4 3	77955	Ťġ		13	15 14 13 12	18 16 14	21 19 18 16 15
20789	4000 3846 8704 8571 4148	3436	3495	3413	341.1	3320	3378	3367	3356	3344	ľ	***	54449	*9500	7 6 6	99999	11 10 9 6	12 11 10 9	14 13 13 11 10
MMMM PANAMA	2941	29.53	2016	2015	2307	3278 \$175 3077 228 2899	2890	2882	2874	2885	ŀ	00 00 00 00 00	****	4443	5 4 4	5 5 5	8 7 6 6	68877	100000
756789 75789		2558 2558	25 \$	45	2538		525	2519	25 13	2506	li	9 2 1 1 1	1010101010	22 022	4433	5544	5555	66665	7 6 6 6
40 40 40 44	2439 2381 2326 2273	2433 2375 2320 2258	2427 2. 0 2515 2252	24 1 23 4 2300 2257	241 2358 2 04 2252	24f9 2410 2353 2209 2247	2404 2347 2194 2242	2398 2342 2488 *237	2392 2336 2283 2232	2331 2978 2227	11111	1	64 60 60 60 60	69 69 69 69 69	2000	-	ě	55444	Sherchere
45 45 45 49 49	2728 al83	2123	2075	21 6 20 0	2266	2198 2151 210 2032 2020	2058	2096 2053	2017	2388	lö	111111	-	61 04 04 04 04	24242	9000F	43 60 63 63 69	44448	44444
50 235 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 5	1961	7	1 153	12 9	11 40	1920 1942 1235 18 2 18 2	1078	1014	15.04	765 1927 2890 1855 1821	n	1	1 1 1	2 1 1 1	N 10 10 10 9	20171012	M15000	Same	40000

 $Eq \frac{1}{57} = 2783 \frac{1}{574} = 2874 \frac{1}{3749} = 2898, \frac{1}{3748} = 602868 \frac{1}{6003748} = 2008.$

RECIPROCALS OF FOUR FIGURE NUMBERS

_			_	_	_			_			_	_	_						
			,	3	,	5	6	7	9	9	Mean D Secences (Subtract)								
											1	2	3	4	5	6	7	8	,
75789	1 54 1 4 1v9	163.	1038	15.6	16.1	1621	10 3	1	10	1 9 1 57 1~2 1695 1649	00000	********	-	5 11 414 11	2 1 1 1	6 61636368	6 016 24	10 0 0 0 to to	2 2 2 2 2 2
\$66000	1667 1639 1613 1537 156_	1656 1637 1610 1655 1560	1461 1534 1608 153 153	1631 1631 1605 1550 1555	16 8 16 9 1603 15 7 1533	1600 1 73 1530	1 50 1623 1 157 1548	164 164 1 05 1 0 1 0	6 3 1 9 136 13 3	1500	ŝ	0 0	to design the sale	1111146	11111	e 1	0 0 2 0 10	3 to 0 m a	9 91019 6
90000000000000000000000000000000000000					15 0 1505 1482 146 1111						00000	9 4 9	1111	911111111111111111111111111111111111111	1	241111111111111111111111111111111111111	2	¢ 40 ¢ ¢	0 0 0 0101
707777	1408 1259 12 0	110è 13 13 8 13.0	1404 1 3 360 1 48	140, 1,20 1981 1318	1 20 1901 1331 135 1 6	13+1 13 9 1370	132 1377 13 2 131				8008	000	ful and spi	To go to serve	1 1 1 1	1 1 1 1 1	1011111	000	Mad samp
754789	13.3 1710 1 00 1.3 1.66	133 1324 1207 1_d0 1 0	13 0 13 1495 1 0 ~63	1328 13FE 1 04 1 7 1 01	13 0 3 4 L 6	13 307 1 % 2 1 1 38	13'3 13'7 1-37 1-37	13 1 2304 1 7 1 1 1 2 1 25	1319 230 1 % 1 69 1 53	1315 1300 1-91 1-67 1-67	00000	0000	000	1144111	1 1 1 2	1	111111	Manage	grant to think
80 81 82 83 84	1535	1.03	100	1215	1 44 17 1 39 1 36	11138	11196	1.00	144	1236 1 06 119 119	ê	99 99	00000	1	111111	111111	111111	Percent	-
856789 86789	J 11-6	, 11=	, ,	1120	1 7 11 / 1 46 1331 11 3	J1117	11110	1115	111 9	121	ļ٩	00000	00000	12221	111111	111111	11111	1 1 1 1 1 1 1	1101000000
90 91 93 94	1111 1099 1087 10 1	11 0 10 8 1,86 10 6 10.3	1109 19×6 16% 10 5	1107 1055 1083 10 10	110g 1466 1 1009	1195 1093 10, 1 10, 0 1058	1104 109 1780 1068 105	11 3 10°9 10 9 1067 10 3	1101 1033 1078 106 1055	1100 1638 10 6 663 1654	00000	00000	00000	1 700	1 1 1	1	111111	-	-
95 96 97 98	104 104 1031 107 101	105 1041 105 1019 1019	1039 1079 1013 208	749 10.4 1028 10 7 100	1018 1737 10*7 1016 1006	1017 1036 30.6 10 5 1003	348 1035 10 5 1014 1004	1045 1034 10 4 1013 1003	1014 1013 1022 101 1002	1613 103 10°1 1011 1001	00000	00000	00000	00000	1 1 0	1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	24111	1 1 1 1 1	1

ANSWERS TO NUMERICAL QUESTIONS

श्रास्याय ६. वर्गात्मक मापन-वेन्द्रीय प्रवृत्ति का मापन

(14) \$ 8 06 (15) Kanpur, 26 5 years, Jaspur, 27 1 years (16) India, 23 597 years, Japan 26 57 years (17) Rs 27 85 (18) District A Rs 5 08, District B, Rs 6 28 (19) (a) 25 54 Marks, Dalitica A. 3 Job. District 3, R 5 25 (29) (13) 25 34 Marks (20) 19 21 (21) U K, 29.62 years, India, 25 33 years (22) 18 annas (23) (1) Unweighted mean, Rs 12 55 (24) (5) 20 785 years (27) (5) 35 17 per thousand. (28) Anthmetic Average, 37 06 years, Median, 35 39 years (29) Anthmetic mean, 72 534, Geometre Mean, 28 56. Harmonic Mean 13 08, Median, 31 75 (30) Arithmetic Average, Rs 12 94, Median, Rs 11 34 (31) (a) 22 Marks, (b) 22 14 Marks (32) Median ege, 28 78, Lower Quartile age, 21 097, Upper Quartile age, 38 60 (33) Median 9 18 p c recovery, Lower Quartile, 8 79 pc recovery, Upper Quartile, 9 55 pc recovery (34) Mean weight, 138 14, Median weight, 138 8 (35) Mean age of males, 24 149 and of females, 24 274, Median age of males, 20 22 and of females, 20 55, Lower Quartile age of males, 8 62 and of females, 8 52, Upper Quartile age of males 35 87 and of females, 35 49 (36) Lower Quartile income, Rs 34 9 Upper Quartile income, Rs 51 5, Median Income, Rs 43 2 (37) (b) Arithmetic Average Income, Rs 4 275 466, Median Income, Rs 3,252 305 (38) Median, 47 18 marks, Lower Quartile, 35 18 marks, Upper Quartile marks, 58 91, Mean marks, 47 16 (39) Median, 32 76 (40) Median, 226 00 thousands, Lower Quartile, 170 75 thousands, Upper Quartile, 403 00 thousands (41) Median age, Matriculation, 18 37, Intermediate, 20 14, Modal age, Matriculation, 18 01, Intermediate, 20 15 (42) Arithmetic mean age, 289, Median age, 2849, Lower Quartile sge, 25 164, Upper Quartile sge, 32 86 (43) Mean, 48 41 Marks, Median, 48 75 marks, Mode, 48 00 Marks (44) Mean 51 75 Marks, Median 52 67 Marks, Mode, 55 00 Marks (45) Modal age, 38 64, Median age, 39 875, Lower Quartile age, 33 888. Upper Quartile age, 46 802 (46) Calculated values of (a) Mode, Rs 25 33, (b) Median, Rs 24 78, (c) Lower Quartile, Rs 23 08, (d) Upper Quartile, Rs 26 6 (47) Median size, 33 837 fr, Modal size, 3300 fr, (48) Sumple average of pc results University A, 70, University B, 72, University C, 71 Weighted Average of pc results University A, 59, University B, 7475. University C, 7166 Both, the sumple and the weighted averages show that the University B is the best. The weights are purely arbitrary This conclusion may, however, be changed of the weights assigned to the various examinations are changed (49) Mode, 33 00 Marks, Median, 39 00 Marks, Lower Quartile,

31 50 Marks, Upper Quartile, 48 2., Marks (50) Modal Wage, 5h 2.5 1 (51) Mode, 13 33 (53) Weighted Geometric Mean price, 109 14, Unweighted Geometric Mean price, 111 3 (54)-33 97 miles per hour (55) 4 564 p = (56) Geometric Mean, Rs 98 37 Harmonic Mean, Rs 26 07 (57) Weighted Average, Rs 97 42, Geometric Average, Rs 73 87, Harmonic Mean, Rs 6558 (58) Geometric Mean, 1 8, Harmonic Mean, 0 007576

द्याया ७ वार्यात्मक मापन-विचरण श्रीर सममिति के माप

(5) Standard Deciation of Total Recenues 89 27 and of Working Expenses, 3873 (omitting 000, and 00 respectively) (6) Coefficient of Standard Deviation of A 0 198 and of B 0 141 (7) Standard Deviation of Customs, 3 521 and of Income Tax 0 6325 (8) Mean Deviation, 0 72, and its coefficient 0 27 (9) Standard Deviation of Male Population in Kappur 14 455 and in Japur 15 265 (10) Standard Deviation of Weekly Wages in Factors A 7 868 and in Factors B, 7 477 (11) (a) A pays 30 765 and B pays 30 780 (b) Standard Deviation of A 10 and of B, 11 (c) (1) Average monthly wage of A and B together, 499, (u) Variability of wages in A and B together, 10 8 (12) Coefficient of Standard Deviation of Security A, 0 12, and of B 0 23 (13) Standard Deviation of Population of Allahabad 33 02, and of Banaras, 19 77 (14) Coefficient of Standard Deviation of index number of prices of cotton shares, 0 1227 and of coal shares, 0 0442 \farks (16)

Class A Class B 19 6 20 9 Medina 18 5 19 7 Mode 17 3 18 1 Standard Deviation 6 403 8 706

(17) Mean Deviation of rents of 18 houses Re 1 014 (18) Coefficient of Mean Deviation of Receptis, 0215, and of Pateringers, 0 189 (19) Mean Deviation of Difference in Years, 5.3 years (approximately), Karl Pearson's Coefficient of Aversation 56.7 (21) Arithmetic Mean, 1832 met, Mechan, 1800 meb Standard Deviation 6671 meb (22) Coefficient of variation 56.7 (21) Arithmetic Mean, 1832 met, Mechan, 1800 meb Standard Deviation 6671 meb (22) Coefficient of variation of Marks, 10.49 (24) Standard Deviation, 27.7 (25) Standard Deviation, 10.49 (24) Standard Deviation, 27.7 (25) Standard Deviation, Mean Deviation, 0.913, Standard Deviation, 1.199, Karl Pearson's Coefficient of skewness, 8.18

Mean values of weekly earnings Standard Deviation A 8 34 2 236

(28) Standard Deviation, 1 76 (29) Mean value, 22 38, Standard Deviation, 2 2 (30) Standard Deviation, 1 III (31) Coefficient of variation, 0 03 (32) Mean, 3 561, Median, 3 072, Coefficient of variation, 449 (33) Coefficient of variation, 45 (34) Coefficient of variation, 45 (34) Coefficient of variation of area, 17 1, and of exports, 63 (35) Arithmetic Mean, 34 598, Median, 34 439, Quarticle Deviation, 10 3095 (36) (a) Standard Deviation, 414 7, (b) Semi-Inter Quartile Rappe, 627 (35)

अध्याय =. सरत सहसवध

(1) +25 (2) +7086 (3) -806 (4) +79 (5) +8056 (6) +99 (8) +97 (9) +93 (10) +802 (11) +95 (12) +99 (13) +90 (13) +802 (11) +95 (12) +90 (13) +90 (13) +90 (15) +90 (15) +90 (15) +90 (15) +90 (15) +90 (15) +90 (15) +90 (16) +90 (17) +90 (17) +90 (18) +90 (12) +90 (12) +90 (12) +90 (12) +90 (12) +90 (12) +90 (12) +90 (13) +90 (13) +90 (13) +90 (13) +90 (13) +90 (13) +90 (13) +90 (13) +90 (13) +90 (13) +90 (13) +90 (13) +90 (14) +90 (15) +90 (15) +90 (15) +90 (16) +90 (17) +90 (18) +90 (18) +90 (19) +90

श्रम्याय ६. काल श्रेखी का विरलेपस

(8) The trend values are —, —, 691 0, 717 0, 722 6 766 4, 789 2, 811 0 —, — (6) Trend values are —, 30 7, 30 2 31 3, 31 7, 30 5, 30 1, 29 3, 28 2, 27 3, 26 3, 26 5, 40, 28 0, 23 6 24 6, 28 6, 22 9, 22 5 — (9) The trend values are 311 2, 410 1, 509 0, 607 9, 706 8 (10) The trend values are —, —, —, 19 56 0, 200 50 204 60, 215 70, 227 60, 244 95, 262 55, 278 75, 280 00 29.5 63, 30 3, 31 90, 313 70, 309 45, —, —, —, —, —, (21) It is required to show the method of finding the trend and the short time ortulations in the series. If we assume a five yearly trade cycle the following will be the trend values and short time oscillations — Trend —, —, 223, 230, 233, 239, 246, 248, 254, 260, 264, 270, 277, 278, 284, 291, 293, 293, 293, 303, 303, 313, 320, 323, 329, 344, 351, —, Short Time Oscillations —, +2, -8, +6, +3, -8, +4, +3, -10, +9, 0, -9, +10, 0, -9, +7, +4, -8, +5, +4, -11, +6, +4, -7, +7, 0, -8, -, — (13) (a) The slope of the straight line trend is 2 (b) The trend values are 84, 86, 89, 90, 92, 94, 96, which will be plotted on the graph (c) Raing trend (14) Average duration of the business cycle in U S A is 4 years and in U K 6 years (15) The seasonal fluctuations will be very as a seasonal fluctuations will be very as a seasonal fluctuation will be very as a seasonal fluctuation will be very as a seasonal fluctuation will be desired.

determined by the method shown on pp 227-29, and they will be --

Summer	Monsoon	Autumn	Winter
—75	+25	—19	+68
	श्चाध्याथ १०.	सचकांक	

(7) TABLE OF INDEX NUMBER WITH DIFFERENT BASES

Table of more market with burners

	index	Manners	
Years	(1) 1909-14=100	(n) 1913-19=10	0 (m) 1919 24=100
1924-25	169 0	166 8	97 1
1925-26	155 1	153 1	89 1
1926-27	158 5	156 4	91 1
1927-28	158 5	156 4	91 I
1928-29	173 6	171 4	99 7
1929-30	165 0	162 9	94 8
1930-31	112 9	111 5	64 9
1931-32	86 7	85 5	49 8
1932-33	90 9	89 7	52 2
1933-34	79 [78 1	45 4

1933-34 79 1 78 1 45 4

(8) TABLE OF INDEX NUMBER OF PRICES OF SOME COMMODITIES FOR 1918-1920

BASE WEIGHTED MEAN OF PRICES OF ALL COMMODITIES

Year	Rice	Ragu	Cholam	Cumbu
1918	71 12	123 7	102 1	108 2
1919	48 45	71 12	67 01	68 03
1920	47 42	69 07	68 03	63 98
(9) Index	Number of I	ncome=100 0, For the first th	116 7, 139 0,	152 9 166 8

177 6, 190 9, 200 0, 203 4, 75 r the first three years, [i.e., 1939, 1946, and 1941) mecmes advance by more than the advance in prices but in subsequent years [i.e., i/om 1942 to 1947) the incomes fall short of prices as the latter rise very rapidy (10) Index for 1952 on base 1931 is 124 4 (14) Index on base 1936 for 1939 is 95 56 and for 1930 is 73 43 (12) Index for 1951 on base 1956 to 1937 3

(13) Years Weighted Index	1939 100	1940 120	1941 160	1942 189	
(14) Years	1939	1940	1941	1942	1943
Chain Index	100	133	138	125	120

(17) Cost of Living Index is 276 4 (18) Cost of Living Index for 1950 on base 1949 is 137 66 (19) Fisher's Ideal Index for 1935 on

base 1931 is 102 6 (21) Fisher's Ideal Index for 1954 on base 1939 is 147 8 (23) Percentage increase in pince during 1951-52 is 26 (29) Fisher's Ideal Index for 1945 on base 1935 is 250 0 (30) Geometric Average must be used in such a case because the increae of price of the first two commodities is 150 pc, and the decrease in price in the last three commodities is also 150 pc, and geometric mean will give equal importance to equ 1 ratio of changes

ष्यध्याय ११, श्रम्तर्रेशन

(2) £ 6 346 (3) 53 workers (4) graphic values must approximate calculated value which are At age 34=725 and at age 56=918 (5) 52 (6) 193°—18 339, 1944—58,905 (7) 49,712 (8) 1,975 (9) By extrapolation it comes to 42,47 lakhs (10) 329 317 millions (11) 2,941 (12) Rs 3,04,2! thousands (13) 153 (14) Number living at age 25 is 48.

,, 35 ,, 40,

. 47 ., 28

(15) 48 students (16) 14 898 (17) 85 (18) 9 (19) 139 (20) 27 85 years (21) 01625 (22) 147 (23) Median value is 34 5 marks (24) 3109

(25) Gross Profit for 1942-43 is Rs 19 663 lakhs 1944-45 ,, Rs 26 64 ,,

**

अध्याय १२. गुण-साहचर्य

- (2) (A)=1,573, (a)=1,482, (B)=1,432, (b)=1,623, N=3 055;
- (3) (Ab)=75, (aB)=135, (B)=1,210, (b)=1,060, N=2,270 (4) (ab)=16,750, (aC)=286, (aB)=1,496, (bC)=302, (bc)=
- 17,526, (ac)=17,960, (ABc)=562, (AbC)=172, (aBC)=156, (Abc) =906, (aBc)=1340, (abC)=130, (abc =16,880 (5) (b) Coefficient of Association between Literacy and Un-
- employment in Urban Areas + 47, and in Rural Areas, + 36 (6) P C of moculated effected=31 6, and P C of not mo-
- culated effected = 72 7, therefore moculation is effective in controlling susceptibility to tuberculosis
- (7) PC of not light eye-colour in sons in not light eye colour fathers=48 1, P C of not light eye-colour in sons in light eye colour fathers=24 3

Therefore, the colour of son's eye is associated with that of the father

(8) (A)=348, (a)=252, (B)=455, (b)=145 (C)=465, (c)=135 (AB)=330, (AC)=310, (BC)=353, (Ab)=18 \(\lambda c\rightarrow = 38, \rightarrow Bc)=125, \(\lambda C\rightarrow = 155\)
\(\lambda C\rightarrow = 127, \(\lambda c\rightarrow = 77, \rightarrow bc)=33\)
\(\lambda BC\rightarrow = 30, \lambda bc)=10, \lambda BC\rightarrow = 53, \lambda bC\rightarrow = 102\)
\(\lambda BC\rightarrow = 30, \lambda bc)=72, \lambda bc)=25\)
\(\lambda BC\rightarrow = 30, \lambda bc)=25\)
\(\lambda BC\rightarrow = 25\)
\(\lambda BC\rightarrow = 25

(9) P C Quinine treatment cases attacked with fever-25, PC of no ", ", " =90

Therefore, quinine is useful in checking malarra

(10) P C of illiterate criminals = 6, P C of literate criminals = 0.7

Therefore illiteracy and criminality are positively associated

This is also borne out by the coefficient of Association between Illiteract and criminality which is + 49

(11) Coefficient of Association between criminality and illi

- (11) Coefficient of A st claim between criminality and illustrate in Empire + 45 Allahribad = +55 and Agra = +34

 (12) (a) Coefficient of Association between blindness and
 - insanity in age group 15—25 07, Coefficient of Association between blindness and insanity in age-group over 75 yrs = -18
 - (b) There is disassociation between blindness and insanity and the disassociation is more in the agegroup over 75 year.
- (13) The Coefficient of Association between literacy and criminality is 02. Therefore literacy and criminality are negatively associated, but the degree of association is very small.
- (14) P C of vaccinated not attacked =90, P C of not vaccinated not attacked = 71

Therefore vaccination can be regarded as a preventive measure against small pox

- (15) Coefficient of Association between insanity and deaf-
- mutism—among males =+ 6 among females =+ 9

 (16) Coefficient of Association between extravagance in fathers and sons =- 68
- (17) Coefficient of Association between temperament of first and second sister =+ 72
- (18) Coefficient of Association between the type of College
- training and success in teaching == 18

 (19) At least 117 dull hoys do not exhibit developmental defects. The data is incomplete for finding the ultimate class-

frequencies

(20) Coefficient of Association between graduation and employment in —

First Investigation =+ 38

- Second Investigation == 11
- (21) Coefficient of Association between ace and type of relief = -53
 (22) The coefficient of Association between the eye colour of fathers and sons is +66, therefore the colour of sons' eyes is atto-
- ciated with that of fathers'

 (23) Coefficient of Association between majority (age 18 years and above) and playing habit = 7362
 - (24) Yes
 - (26) At least 58 dull boys do not exhibit developmental
- defects
 (27) The percentage of wage earning population of 50 years
 or over must be between 25 and 45
 - (28) Yes
- (30) Number of those suffering from at least two defects is
- (31) No, because in (1) Ab will be—2 and in (1) aB will be O and the test of consistence is that no ultimate class frequency should be either a negative quantity or O
- (32) The information is incorrect (B) should be more than (AB) Thus it is possible that the figure '2' m ght have been dropped before the quantity given as (B)
- (33) The given entry against item No 7 is 97, it should not be less than 98, hence the entries are inconsistent
- (34) (b) Lowest pc of vaccinated that must have been at
- tacked-55
 (35) The coefficient of Association between literacy and en
- ployment is + 49 therefore the two attributes are positively associated
- (36) (b) Coefficient of Association between intelligence in father and son=+ 9031